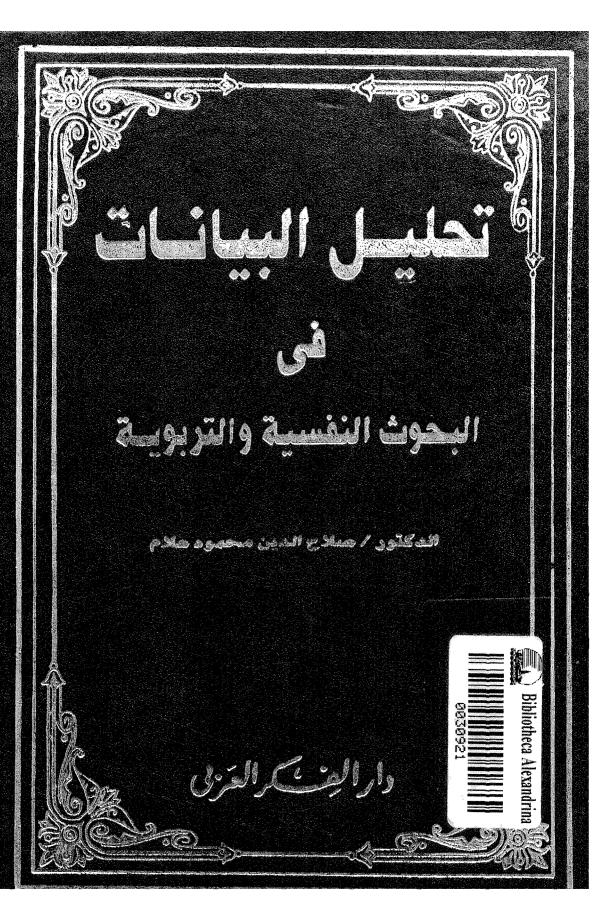
verted by Tiff Combine - (no stamps are applied by registered version





converted by Tiff Combine - (no stamps are applied by registered version)

تحليل البيانات

في

البحوث النفسية والتربوية

الدكتور

طلح الدين هجهود علام أستاذ القياس والتقويم والإحصاء التربوى كلية التربية – جامعة الأزهر

١٤١٣ هـ- ١٩٩٣ م

ملتزم الطبع والنشر

دار الفكر العربي

الإدارة : ٩٤ ش عباس العقاد - مدينة نصر

القاهرة ت: ٢٦١٩٠٤٩



بسمے لائتہ لالرحم کے لاقر صربے مقدمة السكتاب

الهدف من همذا السكتاب هو تقديم عرض مبسط لاهم المباهى، والطرق الإحصائية الرئيسية التي يمكن للباحث المبتدى، الاستعانة بها في تحليل البيانات المخاصة بالبحث النفسى والتربوى . فطلاب السراسات العليا الذين يخطون أول خطوة على طريق البحث يحدون أنفسهم في حاجة ماسة إلى مرشد يثير لهم هذا الطريق .

وربما يتساءل البعض ، لماذا اخترنا عنوان الكتاب , تحليمل البيانات Data Analysis ، بدلا من ، الإحصاء Statistics ، ؟ ، والسبب في ذلك أننا نود أن نضع المفاهيم والطرق والاساليب الإحصائية في إطارها الصحيح عيث تخدم طلاب البحث النفسي والتربوي .

فتحليل البيانات يعسد عملية أوسع وأشمل من العمليات والتعلبيقات الإحصائية . إذ أننا يمسكننا فى بعض الاحيان تحليل البيانات بدون استخدام أساليب إحصائية . كما أن تحليل البيانات يعتمد بدرجة كبيرة على قدرة الباحث على استيعاب بيانانه وفهم طبيعتها ، والاسئلة التي يود الإجابة عليها باستخدام هذه البيانات .

فن المعلوم أنه يمسكن الباحث الإجابة على أسئلة مختلفة من نفس بجموعة البيانات ، وربما يحتاج إلى أكثر من أسلوب إحسائى ليجيب على هذه الاسئلة ، وهذا يعتمد اعتماداً كبيراً على فهم وتبصر الباحث للهدف من بحثه المذى جمع من أجله الملاحظات Observations المختلفة التي يود تحويلها إلى بيانات يمسكن تحليلها . فاستخدام الحاسبات الالكترونية في إجراء عملية تحليل البيانات لا يمكن

أن يغنى الباحث عن الفهم المستنير لما تنطوى عليه بيانات بحثه إذ أن الحاسبات الالكترونية تجرى العمليات الإحصائية المختلفة عن طريق ما يسمى بالبرائج الجاهزة Canned Programs . وهنا يقع العبء الاساسى على الباحث سواء فى دقة المدخلات Inputs أو فى تفسير المخرجات Outputs . فدكم من باحث ظن أن الحاسبات الالسكترونية ستقوم بتحليل بيانات محثه بدلا عنه ، ولسكنه اكتشف أخيراً أنه كان مخطئاً .

وتأكيداً للدور الرئيسي للباحث في مليل بيانات بحثه وتبصره بطبيعة وتسكوين هذه البيانات يرى جون توكى John Tukey - دائد تحليل البيانات مي وعملية تحرى Detective work عن طريق المد والاعداد والاشكال تقع مسئوليتها الاولى والاخيرة على عاتق البابعث . ويكون دور الحاسبات الالسكارونية هو معاونة الباحث على تنفيد البيتراتيجيات التحليل التي توصل إلها مدرجة أكثر فاعلية ومرونة .

والكتاب يتكون من جزأين يختص الجزء الأول ... وهو الذي بين يديك الآن ... بالاساليب الوصفية في تعليل البيانات ، ويختص الجزء الثانى بالاساليب الاستدلالية، في تعليل البيانات . وما لا شك فيه أن الاساليب الوصفية هي التي تمهد الطريق للاساليب الاستدلالية . إذ يمسكن للباحث استخدام الاساليب الوصفية في تلخيص بيانات بحثه و تبويبها و تمثيلها بيانيا ، والتبصر في طبيعة و يخصل و تكوين هذه البيانات .

ونظراً لاهمية هذه الاساليب فقد أطلق عليها جون توكى Tukey اسم الاساليب الكشفية في تحليل البيانات

Exploratory Data Analysis (EDA)

لانها تساعد الباحث على كشف جو انب معينة فى البيانات ربما لم يكن يتوقعها . فكم من نتائج غير متوقعة توصل إليها العلماء نتيجــــة للفحص الدقيق المستنير لجموعات البيانات التى حصلوا عليها . كما أنها تساعد الباحث على اختيار المناسب

من الأساليب الإحصائية الاستدلالية المتقدمة بناء على نتائج هذا التحليل الوصني الكشن .

وبالرعم من أننا سنمرض فى الدكتاب بجزأية لطرق تحليل البيانات إلا أننا تحقيقا لما ذكرناه سنركز على وظيفة التحليل وكيفية استخدام الباحث للمفاهيم والطرق الإحصائية فى هذا التحليل استخداما واعيا ، والتفسيرات التي يمكن أن يستمدها من نتائجه . وقد حاولنا أن نعرض هده المفاهيم والطرق الإحصائية بأقل قدر ممكن من الرموز الرياضية حتى يتسنى للطلاب والباحثين من مختلف التخصصات فهمها بسهولة ، إلا فى بعض الحالات التي استدعت عرض كيفية اشتقاق بعض الصور أو الخصائص الإحصائية الهامة . وتيسيراً لذلك فقد بدأنا الجزء الاول من الدكتاب ـ وهو الذي بين يديك الآن ـ بمراجعة لبعض الممليات الحسابية والجبرية الاساسية التي ربما يحتاج إليها الباحث كي يتابع العرض .

وقد قسمنا الجزء الآول من السكتاب إلى ثلاثة أبواب رئيسية ، يعرض الباب الآول منها تحليل البيانات ذات المتغير الواحد، والباب الثانى تحليل البيانات المتغير من ، والباب الثالث تحليل البيانات المتعددة المتغيرات .

وقد عرضنا فى الباب الاول الطرق المختلفة لتصنيف وتلخيص ووحف البيانات ذات المتغير الواحد التى تساعد الباحث على التفسير وإبراز المعلومات التي ربما تنطوى عليها هذه البيانات. ويشتمل هذا الباب على ستة فصول، يتناول الفصل الاول منها أساسيات القياس وموازينه وأنواع البيانات. كما يتناول هذا الفصل مراجعة لبعض العمليات الحسابية التي يحتاج الطالب والباحث إلى إتقانها كى يتمكن من إجراء العمليات الإحصائية دون الوفوع فى أخطاء حسابسة.

ويتناول الفصل الثانى طرق تبويب البيانات الى تشتمل على متغير واحد في صورة نوزيعات تسكرارية وتمثيلها بأشكال بيانية مختلفة .

ويتناول الفصلان الثالث والرابع خصائص التوزيعات التكرادية ، وهذه تشمل مقاييس النزعة المركزية ، ومقاييس التشتت والالتواء والتفرطح .

أما الفصل الخامس فيتناول الدرجات المحولة وتشمسل الإرباعيات والإهشاريات والمثينيات والدرجات المعيارية بأنواعها المختلفة .

ويتناول الفصل السادس التوزيعات الاعتدالية وخصائص المنحى الاعتدالى المميارى، وكيفية الاستفادة بخصائص هذا المنحنى في حـل مشكلات بحثيـة عتلفـة.

وقد عرصنا في الباب الثانى الطرق المختلفة التي يمكن أن يستخدمها الباحث في وصف درجة العلاقة بين متغيرين أو التنبؤ بقيم متغير بمعلومية قيم متغير آخر . ونظرا لان هذه الطرق تختلف باختلاف مستويات قياس كل هر. المتغيرين وشكل العلاقة بينهما ، لذلك فإننا قسمنا هذا الباب إلى تسعة فصول تناولت الفصول السنة الأولى (من الفصل السابع حتى الفصل الثاني عشر) مقاييس العلاقة بين متغيرين في حالة ما إذ! كانا من مستوى قياس واحد ، أو كانا من مستويين عتلفين و وتناول الفصل الثالث عشر بعض مقاييس العلاقة إذا كان أحد المتغيرين أو كلاهما من النوع الثنائي Dichotomous .

وقد تناولنا فى الفصلين الرابع عشر والخامس عشر موضوع الانصدار البسيط . فاهتم الفصل الرابع عشر بالانحدار الخطى البسيط ، والفصل الخامس عشر بالانحدار غير الحطى ، ومطابقة البيانات لبعض الدوال الرياضية .

ونظراً لأن الباحث النفسى والتربوى كثيراً ما يواجه مواقف بحثية تتطلب دراسة أكثر من متغيرين فى وقت واحد ، فإنه يحتاج إلى طرق وأساليب إحسائية أخرى تناسب هذه المواقف ، ولذلك فقد عرضنا فى الباب الثالث بعض طرق تحليل البيانات المتعددة المتغيرات. وفي الحقيقة توجد طرق متعددة التحليل هذا النوع من البيانات تتخطى حدود هذا الكتاب ، إلا أننا اخترنا مرب بينها بعض الظرق التي يحتاج إليها معظم الباحثين ، وفي نفس الوقت يمكن أن يبني الباحث على أساسها فهمه للطرق الاخرى ، إذ أنها امتداد للطرق التي عرضنا لها في هذا الباب وهي تحليل الانحدار المتعدد ، وتحليل المسارات .

ويشتمل هذا الباب على أربعة فصول ، يتناول الفصل السادس عشر تحليل الانحدار المتعدد في حالة وجود متغيرين مستقلين أو أكثر من النوع السكمى . ويتناول الفصل السابع عشر طرق الضبط الإحصائي وتتضمن معاملات الارتباطات الجزئية وشبه الجزئية . والفصل الثامن عشر تحليل الاتحدار المتحدد باستخدام متغيرات توعية (تصنيفية) . أما الفصل التاسع عشر فيتناول طرق تحليل المسارات .

وقد قدمنا في نهاية كل فصل عدداً من التمارين لتسكون بمثابة تدريب للباحث على استخدام الطرق الإحصائية المختلفة ليسكنسب المهارة في تحليل البيانات بمختلف أنواعها قبل أن يبدأ في التحليل الفعلى لبيانات بحثه .

كا قدمنــا في نهـاية كل باب شكلا تخطيطيا يساعــد الباحث على اختيــار اللقياس الإحصائي الذي يناسب شكل وطبيعة بيانات بحثه .

وينتهى الـكتاب بمجموعة من الجداول الإحصائية والمراجع التي يمكن الباحث الرجوع إليها للاستزادة .

وقد راعينا التبسيط في وصف هذه الجداول ، وأن تكون مرتبطة بالموضوعات التي عرضنا لها في هذا الجزء الآول من السكتاب ، كما قدمنا لسكل منها بنبذة مختصرة حتى يتيسر للطالب استخدامها دون جهد كبير .

و نرجو من الله أن ينفع بهذا الكتاب الباحثين في المجال النفسي والمتربوي ، وطلاب السراسات العليا بقدر ما بذل فيه من وقت وجهد .

والله نسأل التوفيق والسداد م

صلاح الدين محمود علام دكتوراه الفلسفة . Ph. D. في التقويم والتياس والاحصاء التربوي من جامعة ميتشجان الامريكية

كليه التربية -- جامعة الازهر يناير ١٩٨٣ م البابالأوّل

تحليل البيانات ذات المتغير الواحد



الفص اللول الفص المامة الماسيات القياس و الإحصاء

القياس والبيانات والإحصاء

موازين أو مستويات القياس

كيف تتعامل مع الاعداد في عملية القياس

أنواع البيانات

مراجعة لبمض العمليات الحسابية والجبرية الاساسية

مقددمة:

إن علم الإحصاء ليس مجرد علم يهتم فقط بالبيانات العددية المبوبه وغير المبوبة، وإنما يتضمن النظرية والطرق الرياضية التي تفيد في جمع وتحليل وتفسير وتمثيل بيانات البحوث المختلفة . فعلم الإحصاء ينير للباحث النفسي والتربوي الطريق لحل أو إجابة مشكلة بحثه . ومشكلة البحث هي مجموع التساؤلات التي يود الباحث أن مجيب علها . ومثال ذلك :

ما هو متوسط ذكاء طلاب مدرسة ثانوية معينة ؟ وهل هذا المتوسط يفوق متوسط طلاب جميع المدارس الثانوية في مصر ؟

مل الرأى العام لمجموعة معينة تجاه قضية ما أكثر تطرفا من الآراء الفردية ؟ ما هي العلاقة بين د جه الخوف وكمية الطعام التي يتناولها الإنسان ؟

ما أثر نوع وعدد التمارين الحسابية على أداء تلاميذ الصف الثالث في عمليتي الضرب والقسمة ؟

فنحن نرى كثيراً من هذه الاسئلة في البحوث النفسية والتربوية المنشورة في المجلات العلمية . وعادة ما يقترح الباحث إجابة لمشكلة بحثه مم يجمع الملاحظات المرتبطة بالمشكلة ، ونتيجة هذه الملاحظات العلمية يتجمع لدى الباحث بحوعة من القياسات Measurements المرتبطة مخاصية معينة يود دراستها ، ويمكن أن نطنى على نتائج هذه الفياسات اسم البيانات Data ، ومن ثم يمكن للباحث استخدام الاساليب لاحصائية لتحليل هذه النتائج أي البيانات بغرض التوصل إلى أدلة عن صدق الفروض الى اقترحها لإجابة أو لحل المشكلة .

ويمكن تعريف القياس بأنه نعيين أعداد للخصائص أو سمات الاشخاص أو الأسياء أو الاحداث طبقا لقواعد مصاغة صياغة واضحة .

فعند قياس الخصائص الفيزيائية مثل الطول أو الوزن فإن قواعد السكيم Quantifications أى القواعد التي نستخدم لتعيين أعداد ساظر درجات الخاصية المقاسة أصبحت مقننة ومتفقا عليها بحيث أن الله مما يفهم الطريقة المتبعة في فياس مثل هذه الظواهر

ومقاييس الظواهر الفيزيائية الأكثر مقيداً مثل السمع والبصر وما شابه ذلك تتطلب صياغة أكثر نفصيلا ووضوحا للقواعد أو الطرق المتبعة إذا أردنا نكميم جميع الملاحظات الخاصة بالسمة أو الخاصية المميمه بنفس الطريقة .

والقياس النفسى والتربوى يتطلب تسكميم سمات أو خصائص الاشخاص أو الاشياء أو الاحداث و إنما الاشياء أو الاحداث و إنما نقيس سمات أو خصائص الاشخاص أو الاحداث .

وهنا يحب أن تميز بين القياس Measurement والعد المددية يمكن تقسيمها إلى صنفين : بيانات بحصل عليها عن طريق العد وهذه تنكون على شكل تسكرارات Frequencies أو نسب مشوية ، وبيانات تحصل عليها عن طريق القياس وينتج عنها قيم قياسية Metric تمثل الظاهرة المقاسة بدرجة تقريبية ، وهذا التقريب يعتمد على دقة أداة القياس المستخدمة .

و يحب أن نؤكد أن هناك درقا بين النظام المددى بوجه عام و تطميقاته فى المد و القياس ، فالخلط بينهما يؤدى إلى التفكير الخاطىء عند استخدام الاساليب الإحصائية فى تحليل البيانات .

فالنظام العددى هو نظام منطقى بالدرجة الأولى، وهو يتبح فرصاً متعددة للمعالجات المنطقية. فإذا ما قمنا بتعيين أعداد تصف الاحداث أو الاشياء، فإننا نستطيع أن نتعامل مع هدذه الاعداد بطرق معينة ونتوصل من ذلك إلى استنتاجات يمكن أن نعيد نطبيقها على الظاهرة المقاسة . إذ أننا يمكن بحق أن نصف الاشياء أو الاحداث الواقعية عن طريق الاعداد شرط أن يكوز هناك نصف الاشياء أو الاحداث الواقعية عن طريق الاعداد شرط أن يكوز هناك تشاكل Isomorphism أو نمائل بين خصائص الظاهرة المقاسة والنظام العددى المستخدم.

فهناك خصائص معينة للأعداد ينبغي أن نجد مايناظرها و الظاهرة المقاسه. فثلاكل عدد يعتبر فريدا أو متميزا عر غيره مر الاعداد، ولهذا فان أي حدث أو شيء نقيسه يحب أن يكون أيضا متمراً عن غيره من الاحداث أو الاشياء. وتتميز الاعداد في النظام العددي بخاصية الترتيب، أي أن أي عدد يكون

أكبر من أعداد غيره . ولذا فان الأشياء التي تعين لهما الاعداد يجب أن تسكون أيضا قابلة الترتيب على متصل حتى فستطيع وصف وتفسير ترتيب الاعداد المناظرة لها .

وتتميز الاعداد أيضاً بخاصية قابلية الجمع Additivity أى أننا نستطيع جمع أى عددين لينتج عدد آخر متميز . وتعتبر هذه الخاصية من أهم خواص النظام المددى لانها تسمح باجراء العمليات الحسابية الهامة على الاعداد . فإذا استطعنا جمع الاعداد ، فإنه يمكننا بالتالى إجراء عملية الطرح على هذه الاعداد (أى جمع الاعداد السالبة) ، وكذلك عملية الضرب (أى تسكرار عملية جمع نفس المدد) وعملية القسمه (أى إجراء عمليات طرح متتالية) .

وليس من الضرورى أن يكون للظاهرة التي نعين لها الاعداد جميع الخصائص السابقة وهي :

التمايز أو التفريد، الترتيب، قابلية الجمع حتى نتمكن من قياسها. إلا أن الاستفادة من استخدام الاعداد في القياس تعتمد على مدى توفر هذه الخصائص في الظاهرة المراد قياسها . وموازين أو مستويات القياس تعتمد على عدد الخصائص التي تتوافر في الظاهرة المقاسة . وسوف تعرض فيا يلي لهذه الموازين أو المستويات الاساسية المختلفة .

موازين أو مستويات القياس :

Levels or Scales of Measurement

ذكرنا أن القياس هو تعيين أعداد للسهات أو الخصائص طبقاً لقواعد معينة، فالصباغة العامة لمختلف هذه القواعد وما يناظرها من مستويات القياس التي آفادت علماء النفس هو النظام الذي اقترحه ستيفنز S. Stevens عام ١٩٥١ .

فنى نظام ستيفنزالمبين بالجدول رقم (١) الآنى بالصفحة التالية، نمجد المقاييس التى تقبع بحو عات مختلفة من القواعديشار إليها بمقاييس ذات مستويات أو موازين مختلفة، وكل مقياس أو ميزان منها يمثل مستوى معينا من مستويات الصياغة السكمية للمتغير الذي تدرسه، كما يسمح بعمليات حسابية مختلفة.

أمثلة	العملية الحسابية	الوظيفة	المستوى أو الميزان
أمواعالسيارات، الجنس ، أرقام الشوارع	يمكن عد عدد الحالات فى كل قسم أو فئة ، أو عدد الاقسام المختلفة ، ولمكن لايمكن إجراء الممليسات الحسابية الاربع على هذه الاعداد	نستخدم الاعداد في نصنيف الاشياء أو الاماكن أو الاحداث	الإسمى
ا أكبر من ب، ب أكبر من ج، إذن ا أكبر من ج	عبارات أكبر من ، أو يساوى ، أوأصغر من ، وهنا نستخدم العمليات الحسابية لمقارنة الرتب	تستخدم الأعداد فى ترتيبالاشياء أو الاشخماص ترتيبا تنازليا أو تصاعديا	الر نبي
درجة الشخص ا تفوق درجـــة الشخصب عقدار ۲۰ درجة مثلا في الاختبار س	تسمح بمقارنة مسدى الفروق بين قياسين	تستخدم الاعداد في مقارنة قياس أو درجـــات الافراد	الفترى
الشخيص الذي طوله ١٨٠ سم ضعف الشخصر الديطوله ٢٠ سم	يتوفر صفر مطلق ، وهنا نسمح باجراء الممليات الحسابية المختلفة	تستخدم الأعداد في تحديد علاقات دقيقة بين الاشياء أو الاحداث أو الاشخاص	النسي

جدول رقم (۱) موازین او مستویات القیاس

القياس الإسمى:

رهو أدنى مستويات الفياس وفيه تستخدم الاعداد فقط كمناوي أو أقسام منفصلة للتمهن بين مختلف عناصر أو أعضاء القسم . ونظراً لأن هذه المقاييس ليست كمية فإنها تسمى شبه مقاييس Pseudo-Measurement . وأمثلة هذه الاقسام أنواع السيارات أو لاعبو فريق كرة معين أو ما شابه ذلك. أى أن الهدف من هذا النوع من القياس هو مجرد التصنيف . فالبيانات التصنيفية Categorical Data تتـكون من ملاحظات تختلف من حيث إمكانية تصنيفها إلى أقسام متشابهة . مثال ذلك الكتب في مقابل الصحف أو الجلات ، والذكور في مقابل الإناث . وفي الحقيقة فإن معظم أنشطة تفكير الإنسان تتضمن هذه العملية النصنيفية. وفي ذلك يقول برو ار Bruner وجودناف Goodnow، وأوستين إ Austin في كتاب (دراسة التفكير) . أن تصنيف الاشياء أو الاحداث أو الافراد يحتاج إلى ترميعها في فثات أو أقسام تشترك في خاصية معينة تميرها عن غيرها من الفئات أو الاقسام ، و تحدث استجابتنا لهذه الاحداث أو لهؤلاء الافراد على أساس عضويتهم فى فئة أو فىقسم ممين ، وليس على أساس نفردكل حدث أو تمين كل فردتُ . ولذلك نِستطيع القول أن البيانات التصنيفية تتضمن فروغا نوعية . وكل مانفطه عند تعاملنا مع مثل هذه البيانات هو أرب نصع الملاحظات المختلفة في الاقسام أو الفئات المناسبة لها مم نقوم بعد الملاحظات التي تنتمي أو تقع في كل قسم أو كل فشـــة فنحصل على ما يسمي بالتسكرار .

وأحيانا تصنف البيانات بالنسبة لخاصيتين مختلفتين في نفس الوقت بدلا من خاصية واحدة ، مثل تصنيف السيارات على أساس عدد أبواب كل سيارة وعام إنتاجها ، أو تصنيف الافراد على أساس الجنس والسن .

وتوجد كثير من الطرق الإحصائية التي يمكن استخدامها في تعليل البيانات التصنيفية ، سنعرض لها في هذا السكتاب ، وهذه الطرق تندرج تحت مستوى القياس الإسمى ، إلا أننا لا نستطيع إجراء عمليات حسابية لها ممنى على مثل هذه الاعداد . فالاعداد هنا تستخدم فقط كإشارات أو عناوين للاقسام الختلفة .

وربما يتساءل البعض : لماذا أطلقنا على هذا المستوى من القياس و الميزان الإسمى، ، مع أن كلمة و ميزان ، Scale تشير إلى فكرة المتصل Continuum ، فالمتصل يتميز بخاصية الترتيب التي لاتنطبق على الموازين الإسمية و الاأن القاموس يشير أحيانا إلى مفهوم و الميزان ، على أساس فسكرة التمييز أو التصنيف ما يبرر استخدام مفهوم الميزان في هذا المستوى الاسمى و ففسكرة التمييز أو التصنيف لاتقتصر على هذا المستوى و إنما تتعدى ذلك إلى مستويات القياس الارقى ، فالتصنيف في الحقيقة هو أساس القياس بكافة أنواعه .

القياس الرتبي :

وهذا المستوى الثانى يسمح بترتيب السهات أو الخصائص دون اعتباد لتساوى الفروق بين أى رتبتين منها ، فالشخص الذى يتصف أو يتميز بسمة معينة بدرجة أكبر من غيره يكون توتيبه الأول ، والشخص الذى يليه في درجة هذه السمة يكون توتيبه الثانى وهكذا .

فالمستوى الادنى للقياس وهو القياس الإسمى يناظر مايسمى وبالتصنيف السكينى أو التوعى ، ، أما القياش الرتبى فهو يناظر مايسمى وبالتصنيف السكمى ، . إذ ترتب الاقسام على متصل ما ، وعندئذ يمكن القول بأن ترتيب أحد هذه الاقسام يفوق ترتيب قسم آخر على ميران القياس .

و بالرغم من أن الارقام التي تدل على هذا الترتيب تعد منفصلة إلى بعمى أنه ليس هناك ترتيب مثل ١٫٢ أو ١,٥ أو ٢٠٤ مثلاً) إلا أن السمة المقاسة ربما تكون متصلة ، ولا يفترض في هذا المستوى من القياس أن تسكون الفروق بين الرتب مساوية للفروق بين درجات السمة موضع القياس ، ولذلك لانستطيع إجراء أي من العمليات الحسابية الاربع على مثل هذه الرتب أو الاعداد المناظرة لها .

ولمكننا نستطيع حكا في حالة القياس الإسمى - أن نحسب عدد التكرازات (٢ ــ التحليل)

فى كل قسم ، و نستخدم هده الاعداد التى تناظر الرنب فى حساب بعض المقاييس الإحسائية مثل معامل ارتباط الرتب التى سنعرض لها فى هذا الجزء من السكتاب واختبارات الدلالة الإحصائية وغيرها بما سنعرض لها بالتفصيل فى الجزء الثانى من السكتاب .

ومعظم المقاييس في التربية وعلم النفس من هذا المستوى، فثلا ربما نقول أن محد الديه اتجاه أكثر إيجابية نحو المدرسة من سمير ، وسمير لديه اتجاه أكثر إيجابية من أشرف، ولسكن لانستطيع القول بأن الفروق بين درجات إيجابيتهم بالضرورة متساوية .

القياس الفترى:

في هذا المستوى الثالث تتساوي الفروق بين الاقسام المتتالية في السمة المقاسة. فالترمومشر مقسم إلى وحدات متساوية ، والفرق بين درجتي الحرارة ، ٥٠٥،٠٠ مثلا يساوي الفرق بين درجتي ٥٠٥،٠٠ وعندما تمثل البيانات فترات متساوية فإنه يمكن تحويل بجوعة البيانات الاصلية إلى مجموعة أخرى لها خصائص عتلفة. فمثلا يمكن تحويل السرجات المشوية للحرارة الى درجات فهر نهيتية أي تحويل درجات الحرارة من ميزان إلى ميزان آخر له صفر عتلف و وحدة قياس عتلفة ، و لـكن يمكن مقارنة الميزان الاول بالميزان الثاني .

وكثير من المقاييس النفسية والتربوية تقع أيضا فى هذا المستوى الثالث مثل مقاييس الذكاء والتحصيل وما لمايها .

والعمليتان الحسابيةان المسموح بهما في هذا المستوى من القياس هما عملية الجمع والطرح فقط. ولايمكن استخدام عملية القسمة في هذا النوع من القياس العدم وجود صفر مطلق إلا إذا أجريت هذه العملية على الفترات وليس على كل درجة على حدة. فنسبة الذكاء . . . ، لا تعني ضعف نسبة الذكاء . . ، ، وإن كان يفترض أن الفرق بين نسبتي الذكاء . . ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، وهنا بين نسبتي الذكاء . . ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، والسيات لا يمكننا بوجه عام أن نجد ما يناظر الصفر المطلق في الذكاء أو غيره من السيات النفسية ، فثلا ربما يحصل طالب على الدرجة صفر في اختبار تحصيلي ،

ولـكننا لانستطيع اعتبار أن هذه الدرجة تناظر مقدار السمة التي يفترض أن الاختبار قد صم لقياسها ، و إلا كان معنى ذلك أن مقدار السمة المقاسة عند الطالب صفر . وكثير من الاختبارات التربوية والنفسية المقننة أى المبنية باستخدام الطرق السيكومترية التقليدية تؤدى إلى قياس فترى .

وى هــذا النوع من القياس يمكن استخدام المتوسطات والانحرافات المعيارية للدرجات ومقاييس العلاقة الخطية ، وهو ماسوف تعرض له بالتفصيل في الفصول التالية .

القياس النسبي:

يتوفر في ميزان القياس النسي الصفر المطلق إلى جانب تساوى الفروق بين الفترات المختلفة ، وهذا الصفر المطلق يناظر حقيقة نقطة انمدام الظاهرة أو السمة المقاسة ، فوجود صفر اختيارى أو إعتبارى في الترمومترات التي تقيس الحرارة بالسرجات المثوية أو الفهر نهيتية يجعل وجود درجات حرارة سالبة مكنا .

والمسطرة العادية تعد مثالا للميزان النسبى ، وتصلح العمليات الحسابية الآربع ، وطرق الإحصاء البارامترى فى هذا النوع من الموازين ، ولذا يعتبر هذا النوع أعلى مستويات القياس ،

ويندر استخدام هذا النوع من الموازين في القياس النفسي والتربوي فيا عدا بحال الحكم في علم النفس الطبيعي Psychophysical Judgment ، ويسعى علماء القياس التربوي في الوقت الحاضر إلى بناء بماذج رياضية تستخدم لبناء مقاييس للذكاء والتحصيل و الاتجاهات يتوفرفيها الصفر المطلق الذي يناظر حقيقة نقطة انعدام الظاهرة أو السمة المقاسة مثل نماذج السمات السكامنة Trait Models

ويذكر جيلفورد Guilford أن عملية المد Enumeration التي نحصل عن طريقها على تدكرارات يمكن اعتبار أنها تعطينا قيا على ميزان نسبى. فالتكرار صفر يناظر انعدام الظاهرة التي تحصيها . كا يذكر أننا ندكون صفراً

مطلقاً عند إجراء العمليات الإحصائية ، فشــــلا يمكننا اعتبار هذا الصغر هو متوسط التوزيع ومن ثم نمالج الانحرافات عنه على أنها ميزان نسبي يسمح بالعمليات الحسابية الاربع وكذلك استخراج الجذور التربيعية .

كيف نتعامل مع الاعداد في عملية القياس:

معظم القياسات الفترية تقرب إلى أقرب الوحدات. وتعتمد درجة هذا التقريب على أداة القياس و الدقة المطلوبة في قياس الشيء المراد قياسه .

فإذا كنا بصدد قياس ارتفاع مثذنة مثلا فإن تقريب القياس إلى أفرب قدم _ مِثْل ١٠٧ أقدام ــ ريما يكون كافيا ، أما إذا كنا بصدد قياس طول شخص ما فإننا ويما لسجل الطولة إلى أقوب بوصة أو أفرب سنتيمتر . وإذا أردنا قياس طول قلم وصاص فإننا وبما نسجل العلوك إلى أقرب الملايمتر. وهكذا .. فطوله شجرة مثلا ريما لايكون ١٠٠٧ أقدام بالصبط والكنه يكون أقرب إلى١٠٠ مأقدام منه إلى ١٠٨ أُقددام أي تسجيل طول الشجرة ١٠٧ أقدام يعني أن الطول ينحصر بين و.١٠٦ قدم ، ورور و قدم . وينطبق هذا أيضاً في حالة القياس النفسي والتربوي. فالدرجة ٤٨ في اختبار ماتعني أنها تنحصر بين ٥٧٥، ٥٨٥، والدرجة ٧٠، تنحصر بين ه , ٦٩ ، ه ، ٧٠ ، فنحن أفترض أن الدرجة ليست نقطة على مقياس عن الدرجة وتنتهي بالمداد الذي يويد نصف عن نفس الدرجة . فاذا لم تأخذ بهــــذا الافتراض فاننا سنجد أن المتوسط الحسان الذي نحصل عليه من بموعة من البيانات غير المجمعة ـ كاسنرى فيما بعد ... ربما يختلف عن المتوسط الحسابي لنفس بمسوعة البيانات إذا جملناها بحمة . ويمكن أن مأخذ بهــــذا الافتراض أيضاً في حالة البيانات التصنيفية ، فاذا كان عدد أطفال أسرة معينة ﴾ أطفال فاننا يمكن اعتبار أن هـــــذا العدد يتحصر بين ه , ۲ ، ه ، ین

أنواع البيانات :

يحصل الباحث الذي يهتم بدراسة ظاهرة ما في أغلب الآحيان على بجوعة من القيم المعددية المتعلقة بهذه الظاهرة، وهذه القيم يمكن أن نطلق عليها اسم القيم المشاهدة أو قيم المتغير أو المتغيرات موضع البحث . وتسمى هذه المجموعة من القيم بالملاحظات التي يتم بعد ذلك معالجتها إحصائياً وعندتذ تسمى بالبيانات الإحصائية .

١ ــ البيانات المكية:

وهى البيانات التى يكون التغير فيها تغيرا من حيث المقدار ، أى يمكن ترتيب هذه البيانات بحسب مقديرها ، وقد يكون المتغير في هذه البيانات متصلا . Discrete

والمتغير المتصل هو ذلك المتغير الذي تختلف قيمه أو يمكن أن تختلف عقادير صغيرة صغراً لانهائياً . فالعمر مثلا هو متغير متصل لاننا لا يمكن أن ثمر من جمر إلى آخر مهما كان قريبا منه إلا إذا مردنا بعدد لانهائي من الاعمار المتزايدة عقادير متناهية في الصغر .

ومن المتغيرات المتصلة أيضاً الاطوال والاوزان ودرجات الاغتبارات التحصيلية والعقلية ودرجات الحرارة وما إلى ذلك .

وليس من الضرورى أن تظهر جميع القيم الممكنة في البيانات موضع البحث لمكى نعتبر المتغير متصلا ، بل يكني التأمل في هذه القيم لكى نحدد ما إذا كان في الإمكان أن تأخذ أي قيمة مهما صغرت بين حدين معلومين ، فالاختبار التحصيلي الذي يتكون من . و سؤالا مثلا حيث تعطى درجة واحدة لكل إجابة صحيحة

يؤدى إلى درجات غير متصلة مثل صفر ، ١ ، ٢ ، ه ، إلا أتنا يمكن أن نعتبر هذه الدرجات تمثل قبها نقريبية لقياسات متصلة .

أما المنفير غير المتصل فهو ذلك المتغير الذي تختلف قيمه بمقادير محدودة ، وغالبا ما تسكون من النوع الذي لابد من حسابه بواسطة أعداد صحيحة موجبة ، ومن أمثلته عدد تلاميذ ددرسة أو عدد سكان مدينة أو عدد مرات ظهور الصورة إذا ألقيت عملة من النقود عدة مرات أو عدد البنين أو عدد البنات في فصل مدرسي معين .

وهنا تقفز قيم المتغير من عدد صحيح إلى آخر متجاوزة مابين المددين من الاعداد الكسرية الكثيرة التي لايمقل أن يكون لهسا وجود في مثل هذه الحالات إذ لايمقل أن يكون عدد البنين في فصل مدرسي ممين ١٠٠٠ر٢٢ أو ٥٠٠٦ أو ٥٠٠٨ مثلا.

٢ ـــ البيانات النوعيــة :

وهى البيانات التي يكون التغير فيها تغيرا من حيث النوع ، ولا يمكن تقسيمها بحسب الاصغر والاكبر تبحت تقسيم واحد ، ومن امثلتها عدد الافراد الذين ينتمون إلى الاندية المختلفة ، فالمتغير هنا هو النادى نفسه ، وتنقسم البيانات إلى بجموعات كل منها ينتمى إلى فئة خاصة مختلفة اختلافاً كلياً عن الفئات الاخرى (أى أن الاختلاف يكون في النوع وليس في الدرجة) ، ومن أمثلتها أيضا البيانات المتعلقة بالمهنة أو الجنس أو لون البشرة أو عدد التلاميذ في المراحل الدراسية المختلفة ، ويتضع من ذلك أن المتغير في كل هذه الحالات يكون من النوع غير المتصل .

و تختلف بطبيعة الحال ــكا سنرى في الفصول التالية ــ الطرق الإحصائية التي تعالج أو تتناول هذين النوعين من البيانات ، ولو أن هذه الطرق تلتقي عند أكثر من نقطة .

مراجعة لبعض العمليات الحسابية والجبرية الاساسية :

إن التساؤل التالى كثيراً ما يتردد على السنة الباحثين في العلوم السلوكية وبخاصة المبتدئين منهم وهو:

« كيف لى أن أدرس طرق تحليل البيانات والإحصاء وليس لدى الخلفية الاساسية في الرياضيات التي تتصف بالرمزية والتجريد ؟ . .

وهذا التساؤل بالطبع معقول وله مايبرره ، فما لاشك فيه أن دراسة الرياضيات تدير على الباحثين الفهم المستنير للاسس الرياضية والإحصائية التي تبنى عليها طرق وأساليب تحليل بيانات البحوث .

و لكننا نود أن نطمئ الباحث أنه ليس من الضرورى أن يكون ماهراً في الرياضيات وفي استخدام أساليب المعالجات الرمزية حتى يستطيع إتقان الاساليب الإحصائية وطرق تحليل البيانات.

ولا نتعدى الحقيقة إذا قلمنا ان إستخدام الإحصاء وتحليل بيـا نات البحوت النفسية والتربوية لايحتاج إلا إلى قدر من التفكير المنطقى في المشكلة التي يطرحها الباحث وكيفية معالجتها إحصائيا

ويمكن أن يتقن الباحث هذا سواء كان لديه خلفية قوية في الرياضيات أم لا . وأهم ما في الآمر هو أنه يجب أن يكون لديه الرغبة في متابعة الاساليب الإحسائية التي يمكن أن تساعده في تحليل بيانات بحثه للتوصل إلى نتائج بمكن تبريرها . كما أن عملية تحليل البيانات تتطلب قدراً من العمليات الحسابية والجبرية التي يتقنها عدد كبير من الباحثين المبتدئين .

وقد أدى التقدم الكبير الذي حدث في الآلات الحاسبة والحاسيات الألكترونية إلى جعل هذه العمليات في متناولكل باحث في وقت قصير.

ومع هذا فإننا نجد أنه ربما يكون من المغيد لبعض الباحثين أن يقوم بمراجعة سريعة لبعض العمليات الحسابية والجبرية الاساسية مشل الرموز الرياضية والإشارات الجبرية والكسور والاسس والجذور واللوغاريتهات والنسب المثلثية للزواياكي تساعده على منابعة عرضنا للاساليب الإحسائية في تحليل البيانات .

ويمكن أن ينتقل الباحث الذى لديه هدده الخلفية إلى الفصل الثانى مباشرة ، ولكننا ننصح كل باحث أن يتأكد من فهمه لهذه العمليات الرياضية بأن يحل التمارين التي قدمناها في آخر هذا الفصل .

الرموز الرياضية :

فإلى جانب رمزى التساوى (=) ، وعدم التساوى (=) ، ورموز الممليات الحسابية الآربع وهي الجمع (+) ، والطرح (-) ، والمنرب (×) ، والقسمة (÷) توجسد كثير من الرموز الآخرى ، ولسكن ما يهمنا منها هو الرموز الآنية:

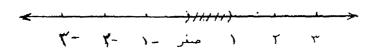
الرمز (ۓ) ، ويعنى أن العدد يمكن أن يكون موجبا أو سالبا ، مثل ۓ ٣ .

الرمز (>) و یعنی (أکبر من) ، فثلا ه > ۳ و تقوأ ه اکبر من ۳ الرمز (≥) و یعنی (أکبر من أو یساوی) ، فثلا س≽ ه و تقرأ س اکبر من أو تساوی ه .

الرمز (<u>></u>) ويعنى (أصغر من أو يساوى) ، فمثلا سن > صفر ، وتقرأ س أصغر من أو تساوى الصفر .

وأحيانا نسكتب أكثر نمن ومن واحد معاً مثل : ر ك س > صفر .

وهذه تعنى أن س أكبر من الصفر وفى نفس الوقت أقل من أو تساوى الواحد الصحيح ويمكن تمثيل هذه القيم على خط الآعداد الآتى:



أى أن قيم س تنحصر بين صفر ، \ ، ولكنها يمكن أن تساوى الواحد الصحيح . وهذه القيم تقع في المنطقة المظللة بخطوط مائلة على خط الاعسداد الحقيقية .

الرمز إس إ ويقرأ القيمة المطلقة للتغير س ، أى قيمة س بغض النظر عن إشارتها سواء كانت موجبة أو سالبة .

$$\frac{\sin |x| - o| = o |x| - o|}{o||x| - o||x| - o$$

العمليات الحسابية على الاعداد السالبة :

تنطلب معظم العمليات الجبرية إجراء عمليات الجمع والطرح والضرب والقسمة باستخدام الاعداد السالبة .

أولا : الجمع والعلرح :

$$Y_{\xi} = (Y -)(Y)(Y)(\xi -)$$

أى أننا عندما نضرب بجموعة من الأعداد أو الرموز الجبرية فإن حاصل الضرب يكور موجباً إذا كان هناك عدد زوجى من القيم السالبة فى بجموعة الاعداد أ. الرموز (الصفر يعتبر عدد زوجى).

أمثلة أخرى:

$$r \cdot \cdot \cdot = (\circ)(r)(r-)$$
 $- \circ \cdot \cdot \cdot = (\circ)(r-)(r-)$
 $- \circ \cdot \cdot \cdot \cdot = (\circ)(r-)(r-)$

أى أننا عندما نضرب مجموعة من الأعداد أو الرموز فان حاصل الضرب يكون سالباً إذا كان هناك عدد فردى من القيم السالبه في مجموعة الأعداد أو الرموز .

ثالثا: القسمة:

تنطبق نفس قاعدتي الضرب السابقتين في حالة القسمة . فثلا :

$$\cdot, \circ = \frac{\xi - \lambda}{\lambda - 1}$$

$$\cdot, \circ - = \frac{\xi - \lambda}{\lambda}$$

$$1 = \frac{(-1)(1 - 1)}{\lambda - 1}$$

$$\frac{1-\sqrt{5}}{5} = \frac{1-\sqrt{5}}{(5)(5-1)}$$

العمليات الحسابية باستخدام الـكسور:

أولا: الجمع والطرح:

عند جمع أو طرح الكسور التي تسكون مقاماتها متشابهة نجمع البسط في هذه السكسور فيسكون نفس مقام هـذه السكسور . الله المكسور .

$$\frac{\Lambda}{q} = \frac{0+\gamma+1}{q} = \frac{0}{q} + \frac{\gamma}{q} + \frac{1}{q} \times \frac{1}{q} \times$$

$$\frac{r}{2} = \frac{1-\xi}{2} = \frac{1}{2} - \frac{\xi}{2} = \frac{1}{2}$$

أما إذا كانت المقامات غير متشابهة فإنه يجب توحيد هذه المقامات ، أى نوجد المضاعف المشترك الاصغر لها قبل إجراء عملية الجمع أو الطرح .

ثانياً ـ الضرب:

حاصل ضرب کسرین أو أکثر یساوی حاصل ضرب بسطی کل منهما مقسوماً علی حاصل ضرب مقامی کل منهما .

$$\frac{1}{1} \times \frac{7}{0} = \frac{(1)}{(1)} \frac{(1)}{(0)} = \frac{7}{1}$$

$$\frac{1}{s} = \frac{(-1)(1)}{(s)(1)} = \frac{1}{s} \times \frac{1}{s} \times \frac{1}{s}$$

رابما _ القسمة:

خارج قسمة كسرين يساوى حاصل ضرب السكسر الاول فى مقلوب السكسر الثانى .

$$\frac{\circ}{\gamma} = \frac{(\circ) (1)}{\gamma} = \frac{\circ}{\gamma} \times \frac{1}{\gamma} = \frac{\circ}{\gamma} \div \frac{1}{\gamma} \times \frac{\circ}{\gamma} = \frac{\circ}{\gamma} \div \frac{1}{\gamma} \times \frac{\circ}{\gamma} = \frac{\circ}{\gamma} \times \frac{1}{\gamma} \times \frac{1}{\gamma}$$

$$\frac{s!}{s!} = \frac{(s)(1)}{(s)(1)} = \frac{s}{s} \times \frac{1}{s!} = \frac{s}{s!} \div \frac{1}{s!} \text{ and } s$$

الحذف ،

إذا اشتملت الكسور على أعداد كبيرة أو إذا كان المطلوب ضرب عدد من المكسور ، فإنه يمسكن عادة تبسيط واختصار العمليات الحسابية بواسطة الحذف بين البسط أو المقام أو كليهما ، ثم حذف الاعداد المتشامة بينهما .

$$\frac{1}{r \cdot r} = \frac{1}{(1 \cdot r)(r)(r)} = \frac{1}{1 \cdot r}$$

$$1\xi \frac{Y}{V} = \frac{V}{V} = \frac{(V)(V)(T)}{(V)(V)(T)} = \frac{YV}{V \cdot \xi V} \cdot \xi$$

العمليات الحسابية والجبرية على الأسس:

ويسمى الرقم ٢ الاساس ، والرقم ٣ الاس أو القوة المرفوع إليها الاساس.
> مفر أما س فهي تساوي الواحد الصحيح -

سفر سفر فشلا ۲ == ۱ م ۱ = ۱ م ۱ = ۱

أولا ـ جمع وطوح الاعداد التي تشتمل على أسس:

لا يمكن جمع أو طرح الأعبداد التي تشتمل على قوى عبدد معين إلا إذا أو جدنا قيمة كل عدد على حدة أولا ، ثم نجرى عملية الجمع أو الطرح بعد ذلك .

فثلا۲ + ۲ لا تساوی ۲۰ و إنما تساوی ٤ + ۸ = ۱۲ أو تساوی ۲ (۱+۲) = ٤ × ۳ = ۱۲ و كذلك ۴° - ۲′ = ۱۸ - ٤ = ۷۷

(ثانيا) - ضرب الاهدداد التي تشتمل على أسس:

يمكن ضرب الاعداد التي تشتمل على أسس إذا اتحدت في الاساس بأن ترفع الاساس إلى قوة مجموع الاسس.

فثلا $(Y^{7}) (Y^{7}) = Y^{+} + Y^{+} = Y^{7} = 1$ و بصفة عامة س مد \times س \times س \times س مد \times م \times و كذلك س مد \times س \times س \times م \times د ح مد \times م \times الله علمه مد \times س \times مد \times

قسمة الاعداد التي تشتمل على أسس:

يمكن قسمة عددين يشتملان على أسس إذا اتحدا في الأساس بأن نرفع الأساس إلى قوة الفرق بين الأساسين.

و بصفة عامسة سنه ـــــــ سن سم حيث أن يه > م

$$\frac{1}{\Lambda} = \frac{1}{\gamma(\Upsilon)} = \Upsilon - \Upsilon$$
و پھب ان نلاحظان

أى أنه إذا كانت القوة المرفوع إليها العدد سالبة فإننا نقلب العدد وتجعل القوة موجبة .

العمليات الحسابية والجبرية على الجذور:

 $r \pm = \sqrt{9} = \pm 7 \otimes \sqrt{9} = \pm 7$

ولذلك فهذه الجذور تسمى جنوراً غير صاء .

أما ٧٧ ك ٧٧ ك ٧٥ وهكذا فهي تسمى جذوراً صماء لاننا لانستطيع إيجاد قيم مضبوطة لهذه الجذور ، وإنما نستطيع إيجاد قيم تقريبية لها .

فثلا ۲۷ = ۱, ۱۱ تقریبا . .

ه ۷۳۲ = ۱٫۷۳۲ تقریبا .

6 Vo = ۲.۲۳۹ تقریباً وهکذا .

(أولا) جمع وطرح الجذور الصاء:

لا يمكن جمع أو طرح الجذور الصهاء إلا إذا كانت الاعداد التي تحت علامة الجذر متشامة .

(ثانيا) ضرب الجذور الصماء :

عند ضرب جذرين أصمين متحدين فى الدليل نضرب المددين اللذين تحت الجذر . وتقصد بدليل الجذر ما إذا كان الجذر تربيعى أو تسكميى وها إلى ذلك . في الحالة الثانية يكون الدليل ٣ وهكذا .

$$\frac{1}{\sqrt{1}} \sqrt{1} \times \sqrt{1} = \sqrt{1$$

قسمة الجذور الصهاء :

عند قسمة جذرين أصمين متحدين في الدليل تقسم العددين اللذين تحت الجددر.

$$\begin{array}{ccc}
\dot{x} & \dot{y} & \dot{y} & \dot{y} & \dot{y} & \dot{y} & \dot{y} \\
\dot{y} & \dot{y} & \dot{y} & \dot{y} & \dot{y} & \dot{y} \\
\dot{y} & \dot{y} & \dot{y} & \dot{y} & \dot{y} & \dot{y}
\end{array}$$

كيفية استخراج الجذر التربيعي الممدد موجب :

بالطبع يستطيع الباحث لميجاد الجذر التربيعي لعدد موجب باستخدام الآلة الحاسبة أو بالرجوع إلى الجداول الرياضية . ولسكننا سنعرض فيما يلي لإحدى الطرق البسيطة التي يمكن اتباعها لاستخراج قيمة تقريبية للجذر التربيعي لعدد موجب دون استخدام آلة حاسبة .

فشلا إذا أردت استخراج الجذر التريمي لعدد موجب مثل ٦,٣٣ يمكنك انباع الخطوات الآنية:

۱ .. ابدأ بتخمین الجذر الترسمی المطلوب . فشلا تقول آن $\sqrt{s}=7$ کا $\sqrt{9}=7$ کا $\sqrt{9}=7$ کا کان $\sqrt{9}=7$ ینحصر بین $\sqrt{9}$ ، $\sqrt{9}$ و هنا ربما تخمن آن $\sqrt{9}$ بنده $\sqrt{9}$ مثلا .

۲ - اقسم العدد المطاوب استخراج جذره التربيعي وهو ۱۳۲۳ على
 القيمة التي بدأت بتخمينها ه.هي . ٤٠٠٤ فيكون الناتج ٢٠٦٤ .

٣ رــ إستخرج المتوسط الحسابي للقيمة التي بدأت بتخمينها وهي ١٩٢٠.
 وخارج القسمة الناسج من الخطوة رقم ٢ وهو ١٣٤٤.

$$Y,0Y = \frac{0,\cdot\xi}{Y} = \frac{Y,1\xi + Y,\xi \cdot}{Y} : s!$$

ع ــ وهنا يعتبر العدد ٢,٥٧ هن أول قيمة تقريبية للعدد المطلوب استخراج جذره التربيعي . ويمكن التحقق من مدى دقة هذا العدد بتربيعه ومقادنته بالعدد الاصلى المطلوب استخراج جذره . فني هذا المثال مربع العدد ٢,٥٧ يساوى ٣,٥٣ وهو قريب جداً من العدد المطلوب وهو ٣,٣٣ .

ه -- إذا أردت إيجاد قيمة أكثر دقة فما عليك إلا أن تسكرر الخطوات الاربع السابقة مع اعتبار المتوسط الذي تحصل عليه من الخطوة رقم ؛ (أول قيمة تقريبية) هو التخمين الثانى .

ويمكن تسكرار هذه العملية أى عدد من المرات بقسدر درجة الدقة المطلوبة، ولذا تسمى هذه الطريقة بطريقة التكرار Iterative Process . (٣ ــ التحليل)

فايجاد ثيم نفريبية للعمليات الرباضية باستخدام الطرق الت تعتمد على التسكر ار تعتبر أكثر فاعلية من الطرق التي تعتمد على الحل المباشر .

وفى الحقيقة فإن الحاسبات الالـكترونية الحديثة تعتمد فى إجراء العمليات الرياضية المعقدة على طرق التسكرار .

العمليات الحــابية والجبرية على اللوغاريتهات :

تستخدم اللوغاريتيات لتبسيط وتيسير الحمليات الحسابية المعقدة . فباستخدام اللوغاريتيات يمكن تحويل حمليتي الضرب والقسمة إلى عمليتي جمع وطرح على الترتيب .

و تقصد بلوغاريتم عدد معين وليسكن مه لاساس معين وليسكن ا بأنه القوة التي يجب أن يرفع إليها الاساس اليعطى العدد و. .

فنحن نعلم مثلا أن ٣٧ 🚤 ٨

ويمكننا تحويل هذه الصورة الاسية إلى صورة لوغاريتمية كالآتي :

ہاد^ = س

وتقرأ لوغاديتم ٨ للاساس ٢ يساوى ٣ .

ويختلف الاساس فى اللوغاريتات، فيمكن أن يكون الاساس أى عـــدد موجب، ولمكن هناك نوعين من اللوغاريتات الشائمة الاستخدام وهى اللوغاريتات المعتادة التى يكون أساسها ١٠، واللوغاريتات الطبيعية التى يكون أساسها و عيث ع نابت يسمى الاساس اللوغاريتمى الطبيعي وهو يساوى ١٨٣٧د٧ تقريبا .

ولكل من هذين النوعين من اللوغاريتات أهمية كبيرة فى العمليات الرياضية. ولسكن ما يهمنا هنا هو اللوغاريتمات المعتادة أى التي يكون أساسها . ١ . وتوجد جداول يمكن عن طريقها لميحاد اللوغاريتات الممتادة للاعداد تسمى جداول اللوغاريتات المعتادة .

وسوف يجد الباحث أحد هذه الجداول (جدول ا) المبين بالملحق في آخر السكتاب .

والمكى أوضح كيفية استخدام اللوغاريتهات في تبسيط عمليتي الضربوالفسمه أمرض المثال الآتي :

نفرض أننا نريد إبجاد قيمة المقدار:

فإننا نبدأ بفرض أن هذا المقدار ـــ س .

و فأخذ لوغاريتم كل من الطرفين علما بأن لوغاريتم حاصل ضرب عددين = بمموع لوغاريتم كل من العددين . ولوغاريتم خارج قسمة عددين ـ الفرق بين لوغاريتم كل من العددين .

أى أن : لو سُ = لو ٥,٥٣ + لو ١٧٫٩ – لو ١٢١ .

ثم نكشف فى جدول اللوغاريتيات المعتادة عن كل من هذه الاعداد. ولكن يعجب أولا وضع عدد يسمى العدد البيانى بجوار العدد الذى نحصل عليه من الجدول. فثلا قبل السكشف عن لوسم، من الجدول نعد عدد الارقام الصحيحة قبل العلامة العشرية و تطرح من هذا العدد الواحد الصحيح. فهنا يوجد رقم واحد قبل العلامة العشرية وهو م فيسكون العدد البيانى هنا = صغرا الاننا طرحنا الواحد الصحيح من عدد الارقام الصحيحة وهو هنا رقم واحسد (الرقم م).

أُم المكشف في جدول اللوغاريتيات عن الغدد ٥٥ تحت الرقم ٣ فنجده يساوى ٩٧٩١ .

ولذلك مجب أن نضع علامة عشرية إلى أقصى يسار الناتج ٩٧٩١ يسبقها المدد البياني . أى في هذه الحالة يكون :

لو ٥٣ = ١٩٧٩١.

وبالمثل في العددين الآخرين .

أى أن : لو س = ١٠٢٥٢٠ + ١٠٢٥٢٠ + ٢٠٠٨٢٨

£, ٣1 £ A =

وهذا يعنى أن النانج هو عدد لوغاريتمه ١٩٤٨ر، . فلإيجاد قيمة هذا النانج (أى قيمة س) تكشف فى جدول آخر يسمى جدول الاعداد المقابلة للوغاريتهات عن ٣٠٠٠ . تحت ٤ فروق ٨ فتجده خو ٣٠٠٠ .

ويجب ملاحظة أثنا تركنا الرقم ۽ لانه سيخدد لنا موضع العلامة العشرية . فالرقم ۽ يعني أثنا يجب ان نضع العلامة العشرية بعد خمسة أرقام مشجهين من اليسار إلى اليمين .

وبذلك تنكون قيمة س 😑 ٢٠٦٥، , • وهو الناتج المطلوب .

ويمكن للباحث الاستزادة بالرجوع إلى أحد كتب جبر المرحسلة الثانوية.

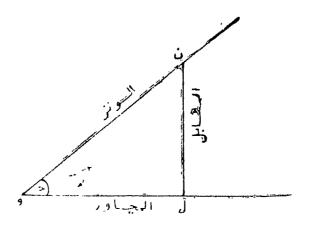
النسب المثلثية للزوايا الحادة :

إذا فرضنا أن س و ص زاوية حادة تساوى ح من الدرجات . وأخذنا

نقطة قه على الصلح و ص وأسقطنا منها العمود قدل على و س . أى أصبح لدينا مثلث قائم الزاوية في ح ، فإننا نستطيع الحصول على ست نسب مثلثيه للزاوية ح نذكر منها ثلاثا فقط :

جيب الزاوية - ويرمز له بالرمز

جيب تمام الزاوية حويرمز له بالرمز



ى ظل الزاوية حوير مزله بالومز

وتقرأ هذه النسب جا الزاوية ح، جتا الزاوية ح. ظا الزاوية ح.

ويمكن لميجاد كل من هذه النشب للزاويا المختلفة بالكشف في جداول تسمى جسداول النسب المثلثية أو استخدام آلة حاسبة لإيجساد هذه النسب .

ونود فى ختام هذه المراجعة أن نوصى الباحث بأن يرجع إلى الكتب الدراسية فى الرياضيات للمرحلة الثانوية إذا أراد المزيد من التوضيح لحذه العمليات الحسابية والجبرية والمثلثية إذا دعته الحاجة إلى ذلك .

تمارين على الفصل الأول

- ١ ... اذ كر أعلى مستوى من مستويات القياس و الحالات الآتيه :
 - (ا) درجات الطلاب في اختبار للذكاء .
 - (ب) عدد كل من الطلبة والطالبات في إحدى المكليات.
 - (ح) وزن شخص ما .
 - (و) درجات الحرارة مقاسة بالدرجات المثوية .
- (ه) عدد المفردات التي أجاب عنها طالب إجابة صحيحة في اختبار يتكون أ من ١٥ مفردة .
 - (و) الأرقام التي تسجل على تذا كر القطارات .
 - ٧ ـــ ما هي الحدود الحقيقية للدرجات أو القياسات الآتية :
 - ۲۷ ثانیة ، ۱۵۰ کیلو جرام ، ۱٤٫٥ سنتیمتر ۲۵ درجة .
 - ٣ ــ أوجد قيمة كل بما يأتي:
 - $(1)^{-1}$
 - (ب) ۹۹۰ ÷ ۰٫۹۹
 - T,·A × 0,T (►)
 - ۽ ـــ اوجد قيمة كل نما ياتى :
 - $\frac{\circ}{7} + \frac{7}{5} + \frac{1}{7}$ (1)

$$\left(\frac{r}{r}\right)\left(\frac{r}{r}\right)$$

$$\frac{7}{15} \div \frac{\circ}{V} (r)$$

$$\frac{7}{10} + \frac{7}{10} = \frac{7}{10}$$

ه ـ أوجد قيمة س في كل من المادلات الآنية ب

$$v = r + \omega Y(1)$$

$$\xi = (-1)^{\gamma}$$

$$\overline{Y} \vee + \overline{A} \vee (1)$$

$$\left(\frac{r}{\epsilon}\right)^{-r}\left(\frac{r}{r}\right)^{-r}$$

$$(\overline{1})(\overline{7})(\overline{7})$$

استخرج الجنر التربيعى للاعداد الآنية بطريقة التكرار مقربا الجواب الى رقين عشريين .

· 444,44 · 10,411 · 4,44

٨ -- باستخدام جداول اللوغاريتات أوجد قيمة كل بما يأتي :

$$\cdot$$
 11,7 \times A,V \times 7,71 (1)

$$\frac{1\sqrt{77} \times \sqrt{75}}{70} (-)$$

$$\frac{\text{YV,1} \times 1 \cdot \text{A,1}}{\text{YYA}} \ (\textbf{-})$$

باستخدام جداول النسب المثلثية أوجد قيمة كل بما يأتى :
 حا ٢٥٠ ، حتا ٢٦ ٣٧٠ ، طا ١١٠٠



الفصل المثانى التكرارية والتمثيل البيانى للبيانات ذات المتغير الواحد

تنظيم البيانات

حداول التوزيعات التكرارية

التمثيل البيانى للبيانات

المدرج التـكرارى

المضلع التسكرارى

المنحني التسكراري

المنحنيات المتجمعة

أوجه اختلاف التوزيعات التسكرارية

مقدمة:

يحتاج الباحث في كثير من الاحيان إلى مقارنة أثرطريقتين مختلفتين أوطرق عنتلفة من طرق المعالجة التجريبية مثل أثر طريقتين مختلفتين أ، ب من طرق التعلم .

وهنا لايكتفى الباحث باختيار طالب واحد ليتعلم بالطريقة ا ، وطالب آخر ليتعلم بالطريقة ب ، لأن هذا يؤدى إلى نتائج لايمكن الاعتماد عليها .

فالطلاب يختلفون في سرعة تعلمهم بمـــا يؤدى إلى تباين درجاتهم حتى ولو كانت طريقة التعلم واحدة .

وكذلك ربما تكون الطريقة ا أفضل لبعض الطلاب ، بينما تكون الطريقة ب أفضل لطلاب آخرين .

وهذا الموقف شائع الحدوث فى العلوم السلوكية ، ونقصد به تباين الآفراد. ولسكى يأخذ الباحث هذا التباين فى الاعتبار يجب أن يعتمد على مجموعة من الأفراد وليس فردا واحدا ، ويقوم بحمع الملاحظات أو الدرجات الخاصة بكل فرد من أفراد المجموعة. وبذلك يصبح لدى الباحث مجموعة كبيرة من الدرجات.

و تصبح المشكلة هي كيفية التعامل مع هذه الدرجات أو البيانات للتوسل منها إلى نتائج ذات معنى .

ولتوضيح ذلك ، لننظر إلى الجدول (رقم ٢) الآتى الذى يشتمل على الدرجات الى حصل عليهسا ، ه طالبا تعلموا بالطريقة ا ، . ه طالبا تعلموا بالطريقة ب .

(طريقة (ب)	J)	(اطريقة (أ)
Y	۲0	1.	١٦	۱۷	10
14	17	0	10	19	۱۳
١٣	19	71	۱۸	٧.	11
T 1	٨	1 8	٦	10	14
19	18	17	1 £	٩	14
١٧	1.6	11	12	10	١.
٩	11	17	۱۲	19	٦
11	10	10	٩	41	10
14	17	11	17	11	1.
۱۳	,18	۲.	11	٠ ٩	14
14	۱۳	14	٨	٧٨	١٣
17	17	٧	٧	10	٩
١٧	۲.	10	17	14	11
۱۸	74	18	١٦	17	10
41	30	19	10	40	١٣
١٠	Ac.	1	1.1	4	19
	1.	74		14	١.

جدول رقم (٢)

الدرجات التى حصل عليها ٥٠ طالبا فى اختبار تحصيلى تعلموا بالطريقة ١ ، والدرجات التى حصل عليها ٥٠ طالبا آخر تعلموا بالطريقة ب .

فهل يستطيع الباحث بمجرد النظر إلى هذه المجموعة من الدر جات أن يعرف أى الطريقتين أدت إلى تعلم الطلاب بدرجة أكبر ؟ وهل يستطيع أن يعرف هل أدت كل من الطريقتين إلى قدر متكافى من التعلم لجميع الطلاب؟ وهل أدت إحدى الطريقتين إلى أبراز الفروق الفردية بين الطلاب ؟ بالطبع ربما لا يستطيع الباحث

إجابة هذه الاسئلة وغيرها بمجرد الفحص العيني لهذه الدرجات وذلك نسبب كثرتها وعدم ننظيمها ونبويها .

ولذلك فإن الهدف من هذا الفصل هو عرض طرق اختزال بجموعات الدرجات التي تشبه ظك المبيئة في الجدول السابق إلى صورة أكثر أو منيحا بحيث تساعد الباحث على إلقاء الضوء على طبيعة وشكل بياناته كخطوة أساسية للبدء في محلمبل ما تنطوى علمية تلك الدرجات من معلوماته.

التوويعات التـكرارية للبيانات غير المجمعة :

التوزيع التسكرارى هر وسيلة لتنظيم وتجمديع الدرجات أو البياءات ق مجموعات ، ومن شأن هذا التنظيم أو التجميع تلخيص بيانات التوزيع في عدد عدود من هذه المجموعات لتيسير معالجتها رياضيا . والإنشاء جدول توزيع تسكرارى للبيانات غير المجمعة ترتب الدرجات ترتيباً تنازليا أو تصاعديا ، ونسجل عدد مرات تدكراركل درجة منها .

فشلا إذا اردنا تنظيم الدرجات الموضعة بجدول رفم (٢) السابق فإننا يمكن أن نسجل تسكراركل من هذه الدرجات كما هو موضع بالجدول رقم (٣) الآتى ، وبذلك يستطيع الباحث معرفة أقل الدرجات وأكثرها تسكرارا ، وهذا بالطبع يلقى الضوء على توزيع ووصف الظاهرة موضع البحث . ولسكن بالنظر إلى الجدول رقم (٣) نلاحظ أن الدرجات منتشرة انتشاراً و اسعاً ، و تسكر ار بعض هذه الدرجات صغر ، كما أنه ليس هناك مايدل على وجود نزعة مركزية للدرجات من يجرد الفحص العيني لها . ولذلك يتجه كثير من الباحثين إلى مجميع الدرجات في فثات و تسكوين جدول توزيع تسكراري للبيانات .

ب م	العارية	الطريقة ا		
التكرار (ك)	الدرجة (س)	التسكرار (ك)	الدرجة (س)	
1	•	۲	٦	
مفر	٦	١	V	
1	V	١	٨	
١	٨	•	•	
۲	1	٤	١٠	
۴	1.	٤	11	
۲]	11	٦	١٢	
· *	14	٣ .	١٣	
7	۱۳	۲	18	
	18	٨	10	
. 🖫	10	£	17	
•	17	٣	14	
•	1Y 1A	۲	١٨	
۲		٣	11	
:4,	19	صفر ۱	Y•	
.9 8 *	71	, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	71	
٣	77	صفر	77	
مغو	77	صفو صفو صفو	۲۳	
7	77		74	
, (71	١	70	
	Y•			
		••		

جدول رقم (٣) التوزيمات التكرارية لدرجات كل من الخمسين طالبا ف الاختيل التحميلي

التوزيمات التكرارية المجمعة للبيانات السكمية المتصلة ن

يتضح بما سبق أن البيانات السكمية التي يقوم الباحث النفسي أو المتربوي بدراستها تحتوي عادة على عدد كبير من القيم أو المشاهدات و النظر إلى هذه القيم السكثيرة لايساعده على نبين ما نتضمنه من معان ومعلومات عن المجموعة التي تشير إليها هذه القيم أو المشاهدات . ولذا يكون من الضروري تنظيم هذه القيم تنظيما يفصح عن بعض ما تتميز به المجموعة من خصائص ، كما أن هذا التنظيم يساعد الباحث على إلقاء الاصواء على إجابة الاستملة التي يود بحثها . ولتبويب أو تنظيم هذه القيم في صورة جدول توزيع تمكر ارى بجب تجميع قيم المتغير في عدد من الفتات المتساوية العلول . ومن البديمي ألا نجعل عدد الفتات المتغير في عدد من الفتات المتساوية العلول . ومن البديمي ألا نجعل كبيرا فتضيع معالم التوزيع . وليست هناك قاعدة ثابتة لتحديد هذا العدد لان ذلك يتوقف على عوامل كثيرة منهاطبيمة عينة البحث، والمدف من البحث و مدى دقة القياس . وعلى وجه العموم يكون عدد الفتات مناسبا في البحوث النفسية والتربوية إذا كن محصورا بين ٢ ، ٢٠ . والقدرة على اختيار العدد المناسب من الفتات كستلوم بعض الحبرة والمران من جانب الباحث .

ولتوضيح طريقة إنشاء جدول توزيع تسكرارى للبيانات السكية المتصلة نعرض المثال الآتى:

لنفرض أن الدرجات الى حصل عليها ٧٠ طالبا وطالبة فى أحد الاختبارات مرتبة ترتيبا تصاعديا مى كما يلى:

40	7 8	75	11	7.	•	00	04	٤٧	٤٠
77	75	75	77	٦.	۸۰	00	٥٢	49	٤٤
77	70	٦٣	75	17	٥٩	64	٥٣	۰۰	٤٦
۲۲	70	٦٤	77	٦1	٦.	٥٧	Θ£	•1	٤٦
						٦٦			
٨٤	۸۱	٧٩	v •	٧٣	٧١	79	79	٨٢	٦٧
٨ŧ	٨٢	٧٩	٧٦	٧٤	٧٢	79	79	٦٨	٦٧

فلسكى تنشىء جدول توزيع تسكرارى لهذه الدرجات نبدأ بحساب المدى النبى تمتد فيه هذه الدرجات وهو الفرق بين أصغر درجة وأكبر درجة ثم تقسم هذا المدى على عدد الفئات الذى تراه مناسباً . وخارج القسمة هذا يعطينا أقرب قيمة صحيحة لطول أو سعة الفئة . ومن الفؤاعد العامة في تحديد طول الفئة أن يكون هذا الطول أحد القيم ١ أو ٧ أو ٣ أو ٥ أو مضاعفات الحسة .

فقى المثال السابق تلاحظ أن أقل درجة هي . ٤ وأكبر درجة هي ٨٤ ، أى أن المدى هو . ٤ فاذا وأينا أن عشر فئات هو عدد مناسب وإن خارج القسمة يكون ٤٫٤ ، وإذن يكون اختيار طول الفئة ه مناسباً . أى نقرب العدد ٤٫٤ لل أقرب عدد صحيح .

و الخطوة التالية هي أن نأخذ أقل درجة في مجموعة الدرجات المبينة في المثال السابق وتعتبرها أقل قيمة في الحد الآدني للفئة الدنيا ، وهذه الدرجة هي ، ي ، ثم نضيف إليها ي (أي طول الفئة مطروحا منه واحد صحيح) لنحصل على أكبر قيمة في الحد الآدني للفئة الدنيا ، و بذلك تسكون الفئة الدنيا لمجموعة الدرجات هي ، ي ح ح ي .

ويجب أن تبدأ الفشة التالية بالمدده، وهو المدد الذي يلي أكبر قيمة في التحليل)

الحد الأدنى للفئة الدنيا . ونسكرر الخطوة السابقة للحصول على الحد الأعلى لهده الفئة . وبذلك تسكون هذه الفئة هي ٥٥ ـــ ٤٩ .

وجدير بنا أن نلاحظ أننا إذا اخترنا طول الفئة ه مثلا فيحسن أن يكون الحد الادنى لمكل فئة من مضاعفات ه : وإذا كان طول الفئة ٢ مثلا ، فيحسن أن يكون الحد الادنى لمكل فئة من مضاعفات ٢ وبالمثل فى أى طول نختاره . فهذا الإجراء يوفر بعض الوقت فى عملية التجميع ، ويقلل من احتمال الخطأ فى حساب الحدود الدنيا والعليا للفئات .

وبعد ذلك نكون جدولا يتكون من ثلاثة أعمدة كما هو موضح فيما يلى ، ونضع الفئات التي تم اختيارها مرتبة نرئيبا تنازليا أو تصاعديا في العمودالاول ثم نمر على قيم المتفير (الدرجات) واحدة بعد الآخرى ، و نضع لكل قيمة نمر ومن الإجراءات التي تيسر عملية التجميع وضع كل خمس علامات في حزمة ومن الإجراءات التي تيسر عملية التجميع وضع كل خمس علامات في حزمة واحدة ، وذلك بوضع علامة خامسة تقطع كل أربع علامات منها ، ثم نضع في العمود الثالث تشكراركل فئة ، وهو بطبيعة الحال يكون مساوبا لمدد العلامات الموضوعة أمام الفئات ، كما أن المجموع المكلي للتكرارات يجب أن يكور مساوبا لمدد الدرجات ، وقد تخصص عمودا رابعا لمراكز الفئات وهي تساوي مساوبا لمدد الدرجات ، وقد تخصص عمودا رابعا لمراكز الفئات وهي تساوي متوسط الحدين الآدني والاعلى لكل فئة ، لآننا محتاج إلى هذه المواكز في مساوبا بعض القيم الإحصائية كالمتوسط الحسابي والانحراف المعياري ، كما سنري في الفصول التالية . كما قد يحتاج الأمر إلى إضافة عمود خامس للتكرارات في الفصول التالية . كما قد يحتاج الأمر إلى إضافة عمود خامس للتكرارات ومن الواضح أن الجموع المكلي لمذه التكرارات النسبية يجب أن يكون و احدا ومن الواضح أن الجموع المكلي لمذه التكرارات النسبية يجب أن يكون و احدا صحيحا .

وفيما يلى جدول التوزيع التسكرارى (جدول رقم ٤) لمجموعة الدرجات التي حصل عليها ٧٠ طالبا المبينة في المثال السابق :

التكرار	علامات التسكرار	فثات الدرجات
7		£
٤	1111	٤٩ ٤٥
٦	1 ++++	01 - 0.
V	11 ++++	09 00
10	-HH HH HH	78 7.
١٨	111 ++++ ++++ -+++	79 - 70
٧		V£ - V•
۰	_HT	V9 V0
٦	/ ///	۸٤ ۸۰
v.	_ j	المجموع

جدول رقم (٤)

توزيع تكرارى لجموعة الدرجات التي حصل عليها ٧٠ طالبا في احد الاختبارات .

وهذا الجدول بعطينا فكرة سريعة عن توزيع درجات الاختبار بين الطلاب السبعين . ومنه نلاحظ تجمع أكبر للدرجات فى الفئتين المحصورتين بين ويقل عدد الدرجات فى الفئات المتطرفة (الدنيا والعلميا) . وبذلك تحقق عملية التبويب أهمداف اختزال وتتظيم وتوضيح بحد من البيانات .

الحدورد الحقيقية للفثات :

عرضنا في الفصل الآول كيفية التعامل مع الأعداد في عملية القياس . وقد الوضحنا أن القيمة الحقيقية للعدد تساوى قيمته الظاهرية مضافا إليها مرة ومطروحا منها مرة أخرى لجرودة القياس . وهذه القاعدة تظل صحيحة في حالة القيم المجمعة في فئات . ولذلك فبالرغم من أننا نسكتب الحدود الظاهرية للفئة الدنيا مثلا . ي ي . إلا أن الحدود الحقيقية لهذه الفئة هي : ٥٩٦ — ١٤٥ .

ومن المهم أن تتذكر أن الحدود الحقيقية لفئة ما ليست هي نفسها الحمدود الظاهرية للفئة ، وفي الحقيقة سوف نعتمد على الحدود الحقيقية للفئات عند حساب كثير من المقاييس الإحسائية ـ كما سنرى فيما بعد ،

التوزيعات التسكرارية المتجمعة والمتجمعة النسبية :

Cumulative Frequencies and Cumulative Percentage Distributions.

في التوزيعات التسكرارية قد لا يكون اهتمامنا منصباً على عدد الطلاب الذين حصلوا على درجة و أقل الذين حصلوا على درجة معينة بل على عدد الطلاب الذين حصلوا على درجة و أقل من و أو و أكبر من و درجة معينة و في مثل هذه الحالات المجا إلى إنشاء ما يسمى بالتوزيع التسكراري بالتوزيع التسكراري المتجمع و يشتق هذا التوزيع من التوزيع التسكراري البسيط الذي عرضنا له فيما سبق و يفيد هذا التوزيع في حساب عدد من المقايس الإحصائية مثل الوسيط و والاعشاريات و المثنيات وغيرها مما سنعرص المقايس الإحصائية مثل الوسيط والاعشاريات و المثنيات وغيرها مما سنعرص المقايس الإحصائية مثل الوسيط والاعشاريات والمثنيات وغيرها مما سنعرص

٧ ــ التوزيع السكراري المتجمع الصاعد:

فى هذا التوزيع نبدأ بأكبر الفئات ، ونضع التكرارات أمام الفئات بحيث يتضمن التكرار المقابل لكل فئة مجموع تكرارات الأقل منها .

۲ ــ التوزيغ التسكرارى المتجمع النازل .

فى هذا التوزيع نبدأ بأكبر الفئات، ، ونضع التكرارات أمام الفئات بحيت يتضمن تدكرار المقابل لكل فئة مجموع تكرارات الفئات الآكبر منها.

وكل من الجدولين الناتجين يسمى بجدول التوزيع التسكرارى المتجمع .
وفيما يلى كل من جدولى التوزيع التسكرارى المتجمع الصاعد والنازل للدرجات السبعين الموضحة بجدول رقم (٤) السابق .

التكرار المتجمع النسبى	التكرار المتجمع الصاعد	التكرار	فثات الدرجات
۲,۹	۲	۲	£
۸٫٦	٦	٤	19 - 10
14,1	17	٦	01 - 0+
۲۷,۱	19	٧	09 00
٤٨,٦	٣٤ .	10	78 - 70
٧٤,٣	٥٢	١٨	79 - 70
٨٤,٣	١٥١	٧	V1 — V+
91,8	٦٤	•	V9 V0
١	· v•	٦ .	Λε — A·

جدول رقم (٥) التوزيع التكرارى المتجمع الصاعد للدرجات السبعين الموضحة فيما سبق . ويوضح التكرار المتجمع الصاعد لفئة ما في هذا الجدول عدد جميع الطلاب الذين تقل درجاتهم عن الحد الآعلى الحقيقي لهذه الفئة . فشلا يوجد ١٢ طالبا تقل درجاتهم عن الحد الآعلى الحقيقي للفئة .ه ـــ ه ه أى تقل درجاتهم عن ٥٠ ه .

ويمكن الحصول على قيم السكرار المتجمع الصاعد بعملية جمع متنال التسكرازات التي في العمود الثاني .

وينبغى أن نتأكد أن قيمة التكرار المتجمع الصاعد التى تقع أدنى العمود الثالث تساوى العدد الكلى للتكرارات . فإذا لم نحصل على هذا العدد ينبغى مراجعة عمليات الجمع .

ويمكن الحصول على التسكر ارات المتجمعة النسبية التي فى العمود الرابع بقسمة كل تسكر ار متجمع صاعد على العدد السكلى للتسكر ارات و نضرب الناتج فى ١٠٠، فثلا التسكر ار المتجمع النسبي الذي يناظر التسكر ار المتجمع ٢ احصل عليه كالآتي :

، تقریبا
$$\gamma_{,}$$
 ۲٫۸ = ۱۰۰ $\times \frac{\gamma}{v}$

أى أن هناك طالبين (أى ٢٫٨ / من بحوع الطلاب) تقل درجاتهم عن الحد الاعلى الحقيقي للفئة . ٤ — ٤٤ .

وينبغى أن نتأكد أيضاً أن قيمة التسكرار المتجمع النسبي التي تقع أدنى العمود الرابع تساوى ١٠٠ / وذلك لآن جميع الطلاب تسكون درجاتهم أقل من الحد الاعلى الحقيقي للفئة العليا .

کا یمکن ان نستنتج ان ۷۰ طالبا (۹۰ – ۲ سه ۷۰) تقع درجاتهم بین ۷۶٫۰ ، ۶۶٫۰ ، ۷۶٫۰ .

ويمكن مكوين جدول التوزيع التسكراري المتجمع النازل بطريقة بماثلة .

الشكرار المتجمع النسي /	التـكرار المتجمع النازل	التكراد	فئات الدرجات
1	٧٠	۲	ξξ – ξ •
17,1	٦٨	٤	٤٩ — ٤٥
11,6	78	٦	٥٤ — ٥٠
۸۲,۹	•۸	v	٥٥ ٥٥
٧٢,٩	٥١	10	78 70
01 ,£	44	١٨	79 70
70,7	١٨	V	V 8 - V •
10,7	11	•	V9 V0
٨,٤	1	٦ ٦	۸٤ ٨٠

جدول رقم (٦)

التوزيع التكرارى المتجمع النازل للدرجات السبعين الموضحة فيما سبق

و يمكن الحصول على قيم التسكرار المتجمع النازل بعملية طرح متتال للتسكر ارات التي في العمود الثاني ، فثلا التسكرار المتجمع الذي يناظر الحد الادنى الحقيقي للفئة هر، و مره تحصل عليه طرح تسكرار الفئة السابقة عليها من التسكرار المتجمع النازل للفئة السابقة أي ٢٤ – ٣ = ٥٠ .

كا يمكن أن نستنتج أن ٥٧ طالبا (٦٨ ــ ١١) تقع درجاتهم بين ٥٤ ، ٥٤٠ وهي نفس النتيجة التي وصاننا إليها من الجدول رقم (٠) ·

والواقع أن أيا من الجدولين يغنى عن الآخر ، ولذا يمكن أب نكتنى بالحدهما .

نوزيع الملاحظات داخل كل فئة :

إن تجميع الملاحظات أو البيانات في فشات يؤدى إلى فقد بعض المعلو مات الخاصة بكل ملاحظة أو درجة على حدة .

إذ ربما تختلف الدرجات ، ومع هذا تتجمع جميما فى فئة واحدة . ولذلك يجب افتراض بعض الفروض الخاصة بالقيم داخل كل فئة عند حساب بعض المقاييس الإحصائية وعند التشيل البيساني للبيانات ، و يمكن افتراض أى من الفرضين الآتيين بحسب مانهدف إليه من تحليل البيانات .

الافتراض الاول هو أن الملاحظات نتوزع توزيعا منتظماً على الحدود الحقيقية للفئات، ويؤخذ بهذا الافتراض عند حساب الوسبط، والإرباعيات والمثينيات وعند رسم المدرجات التسكرارية. فاذا نظرنا إلى الجدول الآتى تجد أن تمكرار جميع الحالات وعددهم ١٦ يقع في الفئة ١٠٠ - ١٠٠ والتي حدودها الحقيقية ٥, ٩٩ - ٥، ١٠ وهذا يفترض أن هذا الشكرار المكلى موزع على هذه الفئة المكلية كالآتى: -

التكرار	الفئة
. ٣,٢	1,0 - 99,0
٣,٢	1.1,0 1,0
٣,٢	1.7,0 - 1.1,0
٣,٢	1.7,0 1.7,0
٣,٢	1.5,0 - 1.7,0
17,•	المجموع

أما الافتراض الثانى وهو الافتراض الشائع فيعتبر أن جميع الملاحظات تتركز فى منتصف الفئة ، أى أن كل ملاحظة أو درجة تأخذ قيمة مساوية القيمة المناظرة لمنتصف الفئة . فنتصف أى فئة هو متوسط قيمتى الحدين الحقيقيين لحذه الفئة .

فن الجدول السابق تحمد أن منتصف الفئة ه ١٩٩ -- ١٠٠,٥ هو ١٠٠ ومنتصف الفئة ه ١٠٠,٠ - م ١٠٠,٥ هو ١٠١ وهكذا .

ويؤخذ بهذا الافتراص عند حساب المتوسطات والانحرافات اللحيارية ، وعند رسم المضلعات النسكرارية .

التمثيل البياني للبيانات:

إن التمثيل البياني يساعد الباحث كثيراً على تنظيم وتلخيص المدجات أو البيانات، كما يساعد على توضيح أسكال التوزيعات التكراوية، و. قادنة التوزيع لتكراري بغيره من التوزيعات، فالشكل البياني هو تمثيل هندسي لمجموعة من البيانات. ولا يقتصر استخدام الاشكال الهندسية على هذا التمثيل وحده، بل يسهم في تكوين تماذج بصرية تساعد على التفكير في المشكلات الإحصائية. إذ يمكن اختزال كثير من المشكلات إلى أشكال توضيحية ممسا يحمل حلها أو فهمها أكثر يسراً. والدليل على ذلك أن كثيراً من الجرائد والجلات وانتقادير الاقتصادية والعلية تستخدم التمثيل البياني بكثرة.

والاشكال البيانية التي سنعرض لها في هذا الفصل ترتبط ارتباطا مباشراً بالتوزيعات التكرارية التي قدمنا لها فيها سبق . كما أن هذه الاشكال تؤدى نفس وظيفة هذه التوزيعات وهي تيسير فهم المعلومات ولسكن بصورة بيانية . وعندما ينتقل الباحث فيها بعد إلى دراسة الاساليب المتقدمة في تحليل البيانات سوف يحد أن التمثيل البياني لا يقتصر فقط على نوضيح البيانات بيا بها ، ولكن يبسر أيضا حل كثير من مشكلات البحوث النفسية والتربوية .

وسوف يتم رسم جميع الاشكال البيانية التي سنقوم بعرضها في هذا الفصل بالنسبة إلى عورين متماه دين أحدهما أفقى والآخر رأسي ، ويسميان عوري الإحداثيات . فالمحور الآفقي سوف يمثل ميزان الدرجات بنفس الطريقة التي تستخدم بها المسطره العادية . أما إذا كانت البيانات والملاحظات مجمعة فيمكن للباحث تعيين النقط التي تناظر منتصف الفشات على هذا المحور . وبالطبع يمكن تيسير ذلك باختيار فئات تسكون منتصفاتها أعداداً صحيحة . كا يتم تعيين التسكر ارات أو التسكر ارات النسبية على المحور الراسي ، و من المهم عنسد رسم الشكل البياني أن يوضع عنوان على كل من المحورين حتى يتضح للقارى مايشير إليه كل منهما ، كا يحب أن يوضع عنوان دقيق للشكل البياني ليساعد القارى على التعرف على الجواب المختلفة للبيانات (مثلا مصادر البيانات و ماذا تقيس . . .

ومن الاصكار الهامة التي ترتبط بالتمثيل البياني للتوزيعات التسكر ارية هي أن المساحة تحت المنحى أو جزء منه نمثل تسكرار الدرجات المناظرة . وغالبا ما تحدد المساحة السكاية تحت المنحى بالواحد الصحيح ، وبذلك تصبح المساحة الواقعة فوق جزء من ميزان الدرجات (المحور الافقى) مساوية للتسكرار النسبي لحذه الدرجات . وهذه العلاقة بين التسكرار النسبي والمساحة تمد أساسية في استخدام الإحصاء في البحوث .

المدرج المكرارى: Histogram

يمكن تمثيل مجموعة من الدرجات أو الملاحظات بيانيا برسم شكل بياني على هيئة مستطيلات متلاصقة إذا كان ميزاز القياس من النوع الفترى أو النسبى أو مستطيلات غير متلاصقة إذا كان مهزان القياس اسمى أو ربي وعدد هذه المستطيلات يساوى عدد فئات التوزيع وقاعدة كل منها هي الجزم الذي يمثل الفئة وارتفاعه يمثل التكرار في هسده الفئة ، والمساحة السكليه للمستطيلات تتناسب مع التكرار الكلي للموريع ، واهل المدرج التسكراري هو أسهل طريقة لتمثيل التوريعات التسكرارية بمائما .

التكرار المتجمع النازل	التكرار المتجمع الصاعد	التــكرار	فشات الدرجات
10.	£	٤	TE - T.
187	1.	٦	79 — 70
11.	1٧	٧	£٤ — ٤٠
١٣٣	۲0	٨	19 - 10
. 170	44	۱۱.	0
118	٤٨	14	٥٩ – ٥٥
1.4	٥٨	١٠,	78 - 70
44	٧٠	17	79 70
٧٥	4.4	44	V\$ V•
٥٢	114	۲٠	V4 - V0
44	171	18	۸٤ - ۸۰
19	1 18.	٩	A4 - A•
۲٠	187	٧	18 - 9.
٣	10.	٣	99 — 90

ن = ۱۰۰

جدول رقم (V)

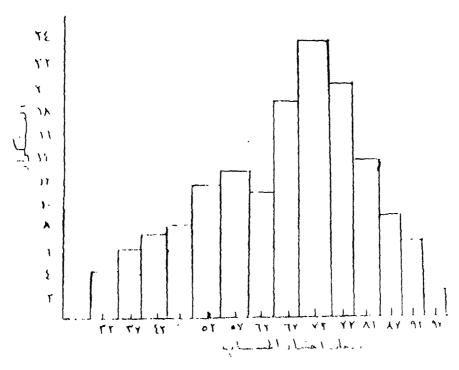
درجات ١٥٠ طالبا في اختبار الحساب

فالخطوة الاولى هي أن نعد ورقه رسم بياني ، ثم نرسم خطا أفقيا (المحور السيني) ليمثل فشات درجات الطلاب في مادة الحساب ، ونرسم خطا راسيسا (المحور الصادي) هموديا على الخط 'سابق .

و الخطوة الثانية ــ هي أن نحدد مواضع مراكز الفئات على الخط الافقى ، و تسكر ار هــ نده الفئات على الخط الرأسي بعد وضع عناوين مناسبة على هدين المحورين .

والخطوة الثالثة .. هي أن ترسم أعمدة مستطيلة على الحدود الحقيقية لكل فئة وليس على مراكز الفئات بحيث يكون ارتفاع كل منها مناظراً لتسكرار درجات كل فئة منها . ويجب أن تسكون المستطيلات متلاصقة كا يجب أن يوضع عنوان مناسب للمدرج التكراري .

ويوضح الشكل رقم (١) المدرج التكراري للبياء ت الموضحة بالجدول رقم (٧)



شلكل رقم (۱) المدرج التكرارى لدرجات ١٥٠ تلميذا في الصف السادس في مادة الحساب

. Frequency Polygon المضلع التكراري

افترضنا عند رسم المدرج التكراري أن تكرار كل فئة موزع توزيعا منتظا على مدى الفئة . ولسكننا سنفترض في حالة المضلع التسكراري أن تسكرار كل فئة مركز في منتصف الفئة .

وهذا هو الفرق الرئيسي بين المدرج التكراري والمضلع التسكراري . ولرسم المضلع التكراري نقوم برسم محورين متمامدين كا سبق في حالة المدرج التكراري ولكن يجب هذا أن نضيف فئتين إحداهما تسبق الفئة الدنيا والآخرى تعقب الفئة العليا . فثلا في جدول رقم (٧) السابق نضيف الفئتين ٢٥ – ٢٩، المنا صفر .

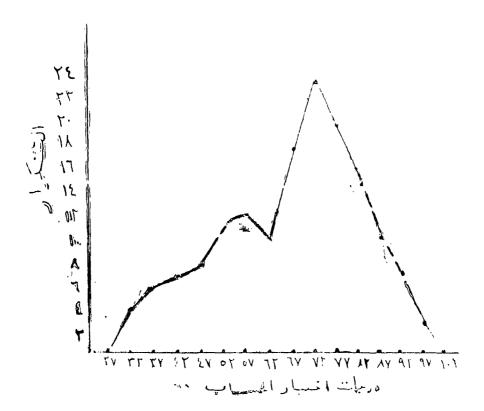
والخطوة التالية هي أن نمين نقطا تناظر تسكرار كل فئة (يما في ذلك الفئتان اللبتان تسكرار كل منهما صفر) فوق منتصف كل فئة . ثم تصل بين هذه النقط يخط منكسر .

ويمكن اعتبار المضلع التسكرارى هو الخط المنسكسر الواصل بين منتصفات القواعد العليا للمدرج التسكرارى والممتد من إحدى ناحيتيه إلى منتصف الفئة التى تعقب فشات تسبق فثات التوزيع ومن الناحية الاخرى إلى منتصف الفئة التى تعقب فشات التوزيع وبذلك يكون المضلع مقفلا وتسكون مساحته مساوية بالضبط لمساحة المدرج التسكرارى .

ورسم المصلع التسكرارى لا يستلزم بالطبع دسم المدرج التسكرارى أولا ، إذ من السهل رسمه مستقلا بتوصيل النقط التي تمثل مراكز الفئات والتكرارات المناظرة لها .

ولتيسير تفسير المضلع التكرارى وحسن تمثيله للبيانات يفضل جمل ارتفاع التوزيع يتراوح بين ٦٠٪ لمل ٧٥٪ من طول قاعدتة .

ويوضح الشكل رقم (٢) المضلع التكراري للبيانات الموضحة بجدول رقم (٧)



شكل رقم (٢) المضلع التكرارى لدرجات ١٥٠ تلميذا في الصف السادس في مادة الحسماب

و بالنظر إلى المصلع التكرارى نجد أنه ليس منحنيا عهدا متصلا، لان المعطوط التى تصل بين مختلف النقط هى خطوط مستقيمة . فإذا ما قسمنا كل فئة إلى فئات صغيرة فإننا سوف نحصل بالطبع على تسكر ارات غير منتظمة ، أى سوف يوجد عدد أقل من الافراد فى كل فئة . فإذا افترضنا أن كل فئة صغرت صغرا كافيا إلى أن تقترب من الصفر ، وزاد تسكرار كل فئة زيادة كبيرة حتى يقترب من اللانهاية فإننا بذلك نصل إلى مفهوم التوزيع التسكراري المتصل .

مزايا وعيوب المدرجات والمضلعات السكرارية :

يفضل عادة استخدام المضلع التكرارى عن المدرج التسكرارى لأنه يعطينا فسكرة أو تصورا أفضل عن شكل وحدود التوزيع . و بكون الانتقال من فئة إلى أخرى في التوزيع بطريقة مباشرة ، كما أنه يمكن أن يصف التوزيع بدرجة أكثر دقة ، في حين أن المدرج التسكراري يعتمد على التغير التدرجي من فئة إلى أخرى ويفترض فيه أن تكراركل فئة يتوزع توزيعا منتظما على الفئة .

أما المصلح التكرارى فهو يعطى انطباعا صحيحا عن أنه على جاني أعلى تقطة أو تسكرار فى التوزيع يكون تسكرار فئة ما كبيرا على الجانب القريب من أعلى نقظة ، إلا فى حالة حدوث تحول فى هذه النزعة العامة .

ولسكن المدرج التسكراري يعطى صورة أكثر فهما لعدد الحالات الواقعة في كل فئة . وكل قياس أوكل فرد يشغل مساحة متساوية من الشكل.

ويفيدالمضلع التمكرارى في تمثيل توزيمين تسكراريين بينهما تداخل على خط القاعدة ، كما في حالة توزيمي بجوعتين عمريتين مختلفتين أو توزيمي البنين والبنات، فتمثيل كل من هذين التوزيمين باستخدام المدرج التسكراري يمطى صورة غامضة إلى حد كبير ، في حين أن المضلع التسكراري يمكننا من مقارنة التوزيمين بوضوح .

المنحنى التكرارى: Frequency Curve

هو نفس المضلع التسكرارى بعد تهذيبه بحيث يبدو على شسكل منحنى مهد . وقد يتم هذا التهذيب بمجرد النظر أو با ستخدام إحدى طرق توفيق المنحنيات التكرارية ويفضل استخدام هذه الطرق لانها تعطى منحنيات لها خواص رياضية تيسر دراسة التوزيعات واستنباط الحقائق الحاصة بها .

وإحدى الطرق السريعة التي يمكن أن تستخدم لتهذيب وتمهيد المحنيات

التكرارية و Curve Smoothing هي طريقة تحريك المتوسط_ات . Moving Averages

ويمكن إجراء ذلك بأن نعوض عن كل تسكرار فى التوزيع بالقيمة التقريبية الآتية :

تكرار فئة ما بعد تهذيبه = تكرار الفئة لم تكرار الفئة اللاحقة مكرار الفئة اللاحقة عكرار الفئة اللاحقة

أى أن تسكرار فئة ما بعد تهذيبه يساوى تقريبا مجموع تسكرارى الفئة نفسها ، السابقة عليها واللاحقة لها مضافا إلى هذا المجموع ضعف تسكرار الفئة نفسها ، وقسمة الناتج على ٤ . و بذلك نتخلص إلى حدما من أثر التذبذبات وعدم انتظام المنحى الذي يرجع إلى تذبذب المينات التي حصلنا منها على النوزيع التسكراري ، وبذلك تحصل على صورة أكثر وضوحا لشكل الظاهرة في المجتمع الاصل .

وبالطبع لانستطيع أن تؤكد بعد إجراء هذا التهذبب ما إذا كنا قد استبعدنا تذبذب العينة وعدم انتظامها أم استبعدنا النزعة الخاصة بالمجتمع الاصل. ولذلك فإن تهذيب المنحى التسكراوى لايحل مشكلة تفسير البيانات الظاهرة في المجتمع الاصل.

وأفضل طرق حل هذه المشكلة هو زيادة حجم العينة التي يستمد منها الباحث البيانات لتمبر بدرجة أفضل عن توزيع الظاهرة في المجتمع الاصل.

ويلاحظ أننا حين نجرى هذا التهذيب أو التمهيد نفتوض أن التوزيع هو توزيع متصل، أى نفترض أن عدد الحالات قد يزيد زياده لانهائية، وأن طول الفئة قد يتناقص فى الوقت ذاته تناقصا لانهائيا بحيث يتخذ المتغير جميع القيم الحقيقية الواقعة بين حدى التوزيع، وليس هناك ما يمنع من هذا الفرض لان قيم المتغير يمكن نظريا تجزئتها إلى مقادير لانهائية فى الصغر يحيث تبدو متصلة

هإدا اعتبرنا توزيع سكان مدينة ما من حيث الاعمار الواقعة بين . ١ . . ه عاما ، واختر نا طول الفئة بضع ساعات ، وهي فترة صغيرة جداً بالنسبة للاربعين عاما التي تنحصر بينها الاعمار موضع الدراسة ، وإذا كان عدد سكان هذه المدينة كبيراً لامكن تمثيل هذا التوزيع بمنحى مهد متصل حتى لو كنا قد أخذنا عينة صغيرة تمثل هذا التوزيع .

ونحن فى الإحصاء كثيراً ما نلجأ ، على هــذا الآساس ، إلى التعبير عن التوزيعات بمنحنيات متصلة لـكى تتمكن من تحليلها والانتفاع بذلك فى الاغراض العلبية .

تنشيل توزيعين تـكراريين فى شكل واحد:

عند ما يربيد البايعيث مقارلة توزيمين قدكراريين مختلفين في العدد البكلي للحالات بطريقة بيانية، تبرز مشكلة مقياس الرسم Scale، أي المساحة التي سوف يشغلها كل من التوزيجين في الشكل.

وللتغلب على هذه المشكلة يمكنه الاحتماد على التسكرارات النسبية المكل من التوزيعين بدلا من استخدام التسكرارات نفهها وبذلك يكون قد اعتبر أن عدد حالات كل من التوزيعين مداوية عوال بحو عالمساحتين السكليتين التوزيعين متساوية تقريبا عند رسم المصلعين الشكراريين ، وهذا يمكننا من مقالاتة شكل وم توى وتشتب التوريعين بدرجة أفعنل .

و لتوضيح ذلك تفترض أن لدينا البيانات المبينة بالجدول رقم (٨) الآتي، والذي يشتمل على درجات أحدًا ختبارات الاستعداد لمجموعتين من طلاب كليتين مختلفتين عدد كل منهما منهما ١٦٠، ما طالبا على الترتيب .

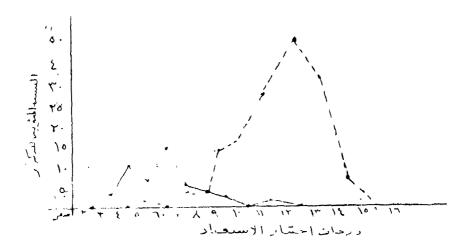
				بالمهميك المستخدمات المساجية
النسبة اللثوية لتسكرار	النسبة المئوية لتـكرار	تىكرارات الجموعةالثانية	تسكراوات الجموعة الآولى	الدرجات
الجموعة	المجموعة	۳	ت	، بدر چه شد
الثانية	الأول			
٥,٠		٨		169 16.
٧٠,٠		77		144 - 14.
٣٠,٠		٤٨	{	179 - 14.
۱۸,۱	٧,٠	79	1	119 ~ 110
11,7	سأهر	11	مغر	1 - 9 1
۸,٧	٥,٩	14	٣	99 - 9.
٣,١	۹,۸	0	٥	۸۹ ۸۰
٣,1	11,4	•	3	V4 V•
حسفو	۲۷,۰	صفر	14	79 70
٠,٦	17,7	١	٧	09 0.
	71,7		11	19 - 1.
	٧,٨		i	44 - 4.
11,1	1,1	17.	6)	المجموع الكلي

جدول رقم (۸)
توزیمان تکراریان لدرجات اختبار
فی الاستعداد لطلاب کلیتین مختلفتین

فبالنسبة للمجموعتين توجد خارجي القسمة من ١٠٠ منجدهما حوالي

٦٣، ١,٩٦ و بضرب الناتج الأول فى تسكراركل فئة للمجموعة الثانية نحصل على خلايا العمودين الرابع والخامس الموضحة بجدول رقم (٨) ،

وبدلك يمكن رسم المصلمين التسكراريين لسكل من التوزيمين باستخدام. مراكز الفئات على الخط الافقى والنسب المئتوية للتسكرارات على الخط الرأسي. كما هو موضح بالشكل رقم (٣) الآتي :



شکل رتم (۳)) مضلعان تکراریان لتوزیعی درجات اختبار فی الاستمداد لطلاب کلیتین مختلفتین

ويتضح من هذا الشكل أنه بالرغم من أن المجموعة الثانية نفوق المجموعة الأولى على ميزان الاستعداد إلا أنه يوجد نداخل بين درجات المجموعتين وهنا يفيد التمثيل البياني في نوضيح النداخل في البيانات . كا يتضح من الشكل أن تشتت درجات المجموعة الثانية أقل إلى حد ما من تشتت درجات المجموعة الثانية أقل إلى حد ما من تشتت درجات المجموعة الأولى .

المنحنيات المتجمعة :

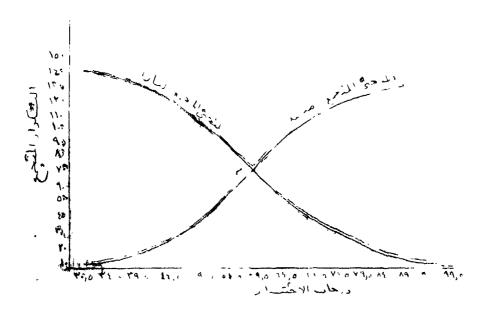
Ogive or Cumulative frequency Curves:

بمكن تمثيل التوزيغات التسكرارية المتجمعة الصاعدة أو الهابطة تمثيلا بياتيا لتوضيح النزعات في علاقة التسكرارات بفشاحت الدرجات ، وتقصد بذلك اطرأد زيادة أو القص التسكرارات دون تذبذبات أو القلبات .

فمندما یکون التوزیع التسکراری متماثلا یأخذ التوزیع التسکراری المتجمع شکل حرف S . ویتباین میل واطراف الشکل من توزیع الم آخر .

ويمكن رسم المنحنيات المتجمعة الصاعدة أو الهابطة بنفس الطريفة التي اتبعت في رسم المنحنيات التكرارية فيها عدا استخدام التسكرار المتجمع الصاعد أو الهابط على المحور الرأسي بدلا من التسكرار المعتاد ، وكذلك استخدام الحدود الحقيقية المليا في حالة المنحني المتجمع الصاعد والحدود الحقيقية الدنيا في حالة المنحني المتجمع الصاعد والحدود الحقيقية الدنيا في حالة المنحني المتجمع الهابط بدلا من مراكز أو منتصفات الفئات الآن هذه الحدود .

ويبين شكل رقم (٤) المنحى المتجمع الصاعد والمنحى المتجمع النازل الدرجات المبينة بجدول رقم (٧).



شكل رقم (٤) المنحنى المتجمع الصاعد ، والمنحنى المتجمع النازل لدرحات ١٥٠ طالبا ف اختبار للحساب .

وبالنظر إلى هذا المنحى نحد أن المنحنيين بتقاطعان في النقطة م ، وهي تعنى بالنسمة للمنحى الصاعد أن هناك ٥٥ تلميذا (أي نصف عدد التلاميذ) حصلوا على درجات تقل عن ٥,٩٠، وتعنى بالنسبة للمنحى النازل أن هناك ٥٥ تلميذا تزيد درجاتهم عن ٥,٩٠، ومعنى هذا أن النقطة م تقع في وسط التوزيع تماما ، ولذا فإن الإحداثي السيني لهمذه النقطة يسمى بالوسيط Median ، وهي نقطة لها أهمية خاصة سوف نعرض لها بالتفصيل في الفصل الثالث

ويفضل استخدام المنحنيات المتجمعة على المضلعات التكرارية عند ما يكون اهتهام الماحث منصبا على تحديد موقع الفرد بالمسلم إلى أفرائه بدلا من معرفة

أداء المجموعة كمكل ، ولذا فإن كثيراً من البيانات المستمدة من اختبارات القدرات و الاختبارات التحصيلية و مقاييس الشخصية نوضع على شكل نوز يعات تكرارية متجمعة و نمثل بيانيا بمنحنيات متجمعة نظراً لان درجات هسده الاختبارات والمقاييس عادة تستخدم لاغراض النشخيص والتقويم .

ويمكن تحويل الشكرارات المعتادة إلى نسب هئوية بحيث يكون بجوعها المدوية الله من تقوير عدد الحالات ، ومن ثم يمكن تحديد النسب المثوية للشكرارات المتجمعة ، ورسم منحى بسمى منحى السكرار المجمع اللسبي . ويمكن باستخدام مثل هذا المنحى معرفة النسب المثوية للحالات التي تقل عن قيمة معينة كا يمكن استخراج قيم نقر ببية لما يسمى بالإرباعيات ، والإعشاريات والمثنينات وغيرها من المقاييس الإحصائية الهامة التي سنعرض لها في الفصل الرابع .

أوجه اختلاف التوزيعات التـكرارية :

تختلف النوريعات السكر اربة الممثلة في صورة جداول أو أشكال ببانية في عدد من الخصائص هي : ــ

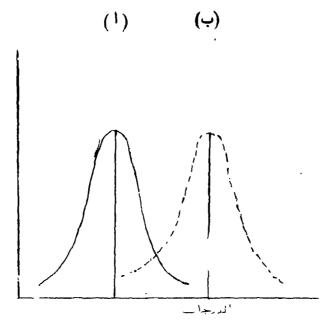
Central Tendency	١ ـــ النزعة المركزية
Variability	٧ _ النشت
Skewness	٣ ـــ الالتواء
Kurtosis	۽ ـــ التفرطح

وهذه الخصائص يمكن أن تصف التوزيع التكرارى نفسه أو بجموعة الملاحظات أو البيانات الى تكون التوزيع . فالتوريع التكرارى ماهو إلا تنظيم و تبويب لمجموعة الملاحظات أو البيانات ، ولذلك فإننا يمكن أن نناقش هذه الخصائص بالإشارة إلى مجموعة الملاحظات قبل تبويبها أو بعد تنظيمها و تبويبها في شكل توزيع تسكرارى .

 النزعة المركزية لتوزيع ما تشير إلى قيمة المتغير بالقرب من مركز التوزيع . وتوجد تعريفات أكثر تحديدا لمقيـــاس النزعة المركزية (المتوسط والوسيط والمنوال) سوف نعرض لها بالتفصيل في الفصل الثراث .

ولتوضيح خاصية الزعه المركزية ، يمكننا أن ننظر إلى المنحنيين التكراريين (مضلمين تكراريين مهدين) المبينين في شكل رقم (ه) حيث نجداً نهما يختلفان فقط بالنسبة للنزعة المركزية .

فالمنحنيان لهما نفس الشكل و لكنهما يشغلان مكانين مختلفين بالنسبة إلى ميزان القياس (المحود السيني) . فتوسط التوزيع ا أقل من متوسط التوزيع ب .

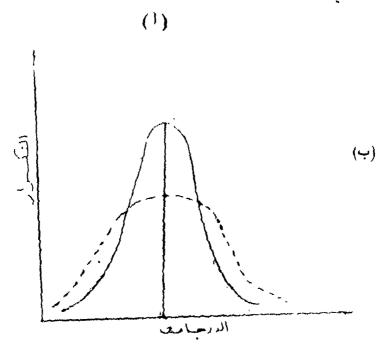


شكل رقم (٥) توزيمان تكراريان يختلفان فقط في النزعة المركزية

٢ ــ تشتت توزيع ما هو درجة انحراف السرجات أو الملاحظات التي تلكون التوزيع عن مركز التوزيع أو القيمة المتوسطة له . فإذا كانت جميع

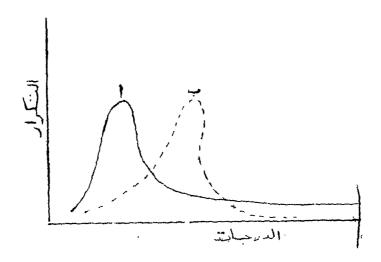
الدرجات متراكمة حول هذه القيمة يقل التشتت عما لو انحرفت الدرجات بعيداً عن هذه القيمة . وسوف نعرض لمقاييس النشتت (المدى المطلق والانحراف المعياري والتباين في الفصل الرابع) .

ولتوضيح خاصية التشتت ، بمكننا أن ننظر إلى المنحنبين التسكراريين المبينين في الشكل رقم (٢) ، حيث نجد أنها لهما نفس النزعة المركز إلاأبهما بختلفان في التشتت ، فدرجات التوزيع الجميل إلى البراكم بدرجة أكبر خول مركز التوزيع الذي بمثله الحلط الرأسي الموضع بالشكل ، يبنها توجد نسبة الكبر عن الدرجات في التوزيع ب تبتعد عن المزكز ألى القيمة المتوسطة ، أي أن تشتت درجات التوزيع ب أكبر من تشتت درجات التوزيع الموضع بالمناهيم الإحصائية أهمية في تحليل البيانات كما سنري فيا يأمد ،



شكل رقم (٦) توزيمان تكراريان بختلفان مقط في التشبتت

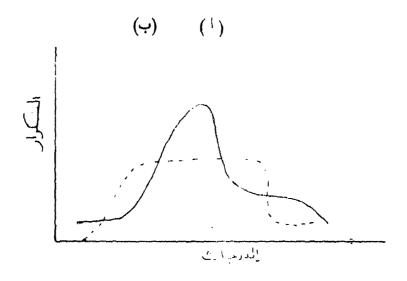
س التواء توزيع ما يشير إلى تماثل أو عدم تماثل التوزيع . فإذا كان التوزيع غير متماثل بحيث تتراكم معظم التكرارات حول الطرف السغلى المتوزيع وتقل التسكرارات كلما اتجهنا نحو الطرف العلوى له ، فائه يقال في هذه الحالة أن التوزيع ملتو الثواء موجبا Positively Skewed . أما إذا تراكلت تعظم التكرارات حول الطرف العلوى التوزيع بينها تقل التكرارات كلما اتجهنا نحو العارف السغلى ، فإنه يقال أن التوزيع ملتو التواء سالبا Negatively Skewed . المسغلى ، فإنه يقال أن التوزيع ملتو التواء سالبا Negatively Skewed . في شكل رقم (٧) ، حيث نحمد أنهما يختلفان في النزعة المركزية والتشت ، كما في شكل رقم (٧) ، حيث نحمد أنهما يختلفان في النزعة المركزية والتشت ، كما في شكل رقم (٧) ، حيث نحمد أنهما يختلفان في النزعة المركزية والتشت ، كما من المدرجات تميل إلى التراكم نحو أحد طرفي التوزيع بينها نقل كلما اتجهنا نحو الطرف الآخر .



شكل رقم (٧) توزيعان تكراريان يختلفان في الالتواء

به تفرطح توزيع ما يشير إلى الاستواء أو التدبب فى التوزيع بالنسبة لغيره من التوزيم بالنسبة لغيره من التوزيمات. فخاصية التفرطح هى خاصية نسبية. فاذا نظر نا إلى المنحنيين التكراريين الموضحين بشكل رقم (٨) نجد أنهما يتفقان فى النزعة المركزية و لكنهما يختلفان فى التفرطح، فالمنحنى ا مدبب بدرجة أكبر من المنحنى المنحنى بكلا زادت قيمة الدرجة على المحور السينى .

ولذلك فإنه يقال أن المنحنى ا أكثر تدببا Leptokurtic من المنحنى ب. أو يمكن أن نقول أن المنحنى ب أكثر استواء Platykurtic من المنحنى ا .



شكل رقم (٨) توزيمان تكراريان يتفقان في النزعة المركزية ولكنهما بختلفان في التفرطح

ولإعطاء الباحث صورة أكثر شمولية لهذه الخصائص نعرض في جدول رقم (٩) بحموعة افتراضية من البيانات تمثل نوزيعات تسكرارية تختلف في هذه الخصائص .

c·	147	147	۱۲۸	۱۲۸	۱۲۸	۱۲۸	۱۲۸	147	147
صعر - ۱		٦	•	11	٠	۲.	•	~	~
14 - 1.	<	>	Ĭ.	ī	•	٦.	₹0	, il	•
TA - T.	71		۲.	1	70	-	w.	÷	۰
なーで	70	*	40	ī	7.	~	~	õ	<
.3 - 63	70	*	70	-1	~	m	õ	~	•
04 - 0.	7	F	۲.	 	70	•	•	*	۲.
- 4 - 4 - 4 - 4 - 4 - 4 - 4 - 4 - 4 - 4	_<	>	×	ĭ	-	٠.	ائــ	۲٥	۲.
V4 - V.		4	•	1	•	7.	٠	•	•
الدرجان	والما			ľ	النوال	U	موجيا	Ė	J
- رن ان	مي الله دو	. <u>(</u>	٠	مستطيل	نان	وكلاً	ملتو التواه	ملتوالنواه	٠. رگذر
	~	-1	~	•	ه.	<	>	هر	<u>.</u>

جدول رقم (٩)

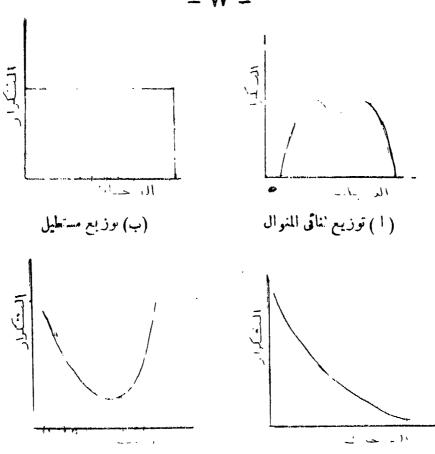
مجموعة أفترأضة من البيانلي تمثل توزيعات تسكرارية عيتلفة الشكل

فالتوريع المبين فالعمود رقم على الجدول يسمى توزيعا مته ألا ذاحدين ، وهو من التوزيعات الهامة في الإحصاء وفي تحليل البيانات وسوف نعرض له بالتفصيل في فصل قادم والتوزيع المبين في العمود رقم ٣ تتمركز فيه الدرجات حول المتوسط بدرجة أكبر من التوزيع الأول ، ولذلك فهو أكثر تدببا من هذا التوزيع . والتوزيع المبين في العمود رقم ۽ تتمركز فيه الدرجات حول المتوسط بدرجة أقل من التوزيع ذي الحدين بينها يويد تكرار الدرجات كلما اتبجهنا نحو طرفي التوزيع ، واذلك فهو أكثر استواء منه .

والتوويع المبين في لعمود رقم، هو توزيع مستطيل لآن تسكرار جميع فتاته متساو . والتوزيع المبين في العمود رقم ٦ له قتان أي ثنائي المنوال . والتوزيع المبين في العمود رقم ٧ يشبه الحرف ٣ لآن التسكرارات الكبيرة توجد عند طرفي التوزيع بينها نقل التسكرارات عند منتصف التوزيع .

وجميع هذه اليجوزيمات متماثلة وتتفق فى النزعة المركزية واسكتها تختلف فى التشقيع. أما التوزيمان المبينان فى العمودين رقمى ٨ ، ٩ ، فهما عثلان توزيمين أحدهما خلتو التواء موجبا ، والآخر ملتو التواء سالبا . [١] إذا زاد التواء التوزيع فيادة كبيرة فإن هذا يؤدى إلى تو، يع يشبه التوريع المبين فى العمود رقم ١٠ بينهو على شكل حرف ٢ .

والشكل رقم (٩) يوضح بمض هذه التوز بمات .



U ج) توزیع علی شکل حرف U (د) توزیع علی شکل حرف U شکل رقم (۹) شکل رقم البوزیمات اربعة انواع من التوزیمات

من هذا يتضح أن الخصائص الأربع التي عرضنا لها تفيد في وصف الشكل الهام لتوزيع تسكراري . فثلا يمكن أن نقول أن توزيعا ما ملتو التواه موجباً وأكثر استواء من توزيع آخر . هذا الوصف اللفظي يعطينا فشكرة سريعة عن شكل المنحنى الممثل لتوريع البيانات . ولسكن الباحث يود في كثير من الاحيان أن يصف توزيع بياناته بدرجة أكثر دقة من مجرد الوصف اللفظي . فلسكي يقارن النوزيعات التسكرارية ربما يكون من الادق استخدام مقاييس رياضية وإحصائية نمبر عن خصائص هذه التوزيعات ، وهذا هو ما سنعرض له بالتفصيل في الفصول التالية .

تمارين على الفصل الثاني

في التمارين من 1 إلى 0 التالية : اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات الخس المعطاة لـكل:

١ ــ طول الفئة ٨ ــ ١٢ هو :

£(1)

(ب) ه

٦(٣)

1.(2)

11(*)

٢ ـــ الحدود الحقيقية للفئة ٨ ــ ١٢ هي :

11,0-7,0(1)

(ب) ۱۲٫۰ — ۲٫۰

 $\gamma_{\gamma} \cdot - \gamma_{\gamma} \cdot (r)$

11,0 - 1,0(2)

17,0 - A,0 (A)

٣ ــ منتصف الفئة ٢١ ــ ٧٧ هي :

Y1,·(1)

(ب) ۲۱٫۵

Y & , · (+)

۲٥,٠(٥)

YV, · (•)

٤ - توزيع تسكرارى يتسكون من ٦ فشات ، إذا كانت الحدود الظاهرية الفئة الدنيا هي ١٥ - ١٩ ، فإن الحدود الظاهرية للفئه العليا هي :

$$19, \cdot - 10, \cdot (1)$$
 $79, \cdot - 70, \cdot (1)$
 $118, \cdot - 9, \cdot (2)$
 $118, \cdot - 10, \cdot (2)$
 $118, \cdot - 10, \cdot (2)$

- r(1)
- (ب) ه
- 7(+)
- V(2)
- ۸(**^**)

٣ ــ إذا كانت نسبة ذكاء بجموعة تتسكون من ١٠٠ طالب هي :

4/ 4/ 117 11. 40 117 AA 4/ 47 11A A4 1.1 1.0 4/ 1.. V/ 118 V7. 117 1.7

(۱) كون جدول توزيع تـكرارى لنسب الذكاء بحيث يكون طول للفئة ه والفئة السفل ٦٥ ــ ٦٩ ·

(ب) كون جدول توزيع تكرارى لنسب الذكاء بحيث يكون طول الفئه . ١٠ ، والفئة السفلي ٦٠ ــ ٦٩ .

(ج) أى التوزيمين يصف التوزيع للعام لنسب الذكاء بدرجة أكثر فاعلية ؟ ولماذا ؟

۷ ـــ ارسم المدرج التكرارى والمضلع التسكرارى والهذمنى التسكرارى
 للتوزيع التسكرارى الذى حصلت عليه في (ب) من السؤال السابق .

۸ ـــ کون جدول توزیع تسکراری متجمع صاعد و توزیع متجمع نسی للتوزیع التکراری الذی حصلت علیه فی (۱) من السؤال رقم (۱) .

ه ـ ارسم المنحنى التكراري المتجمع الصاعد و المنحنى التكراري المتجمع النسي للتوزيع التكراري الذي حصلت عليه في السؤال رقم ٣ . وأوجد من الرسم عدد الطلاب الذين تقل نسب ذكائهم عن ١٥٠ .

١٠ حصل ٤٠ طاابا ق إحدى السكليات على الدرجات الآتية في اختبار في اللغة الإنجليزية .

۸۸ 75 ٧٢ 14 11 40 ٣٧ ۸٠ 77 04 79 .44 Qξ 77 ٧٩ A4 07 79 ٥٣ YO ۸٠ 11 99 77 ۸۰ ۸۸ ۸۲ 11 ۸۷ 44 12 VA AA

(١) كون,جدول نوزيج تسكراري لهذه الدرجات مستخدما فثة طولها ه . .

(ب) عين الحيود الحقيقية ومنتصف كل فئة في الجدول الذي أعده، .

(ج) ارسم المنحنى السكرارى المتجمع النازل للنوزيعالسابق . وأوجدمن الرسم عدد الطلاب الذين تزيد درجاتهم عن ٧٥ .

۱۱ ــ ماعدد الفئات الى تقترحها ، والحدود الحقيقية لهذه الفئات ومنتصفاتها عند إعداد جداول توزيعات تسكرارية للبيانات الآتية :

(۱) درجات الخطأ التي تتراوح بين ۲۶ ، ۸۷ والتي حسبت لمينة مر___ الفتران أثناء تجربة الجري في متاحة .

(ب) نسب ذكاء تتراوج بين ٩٦ ، ١٣٧ لجموعة من أطفال المدارس .

(ج) درجات اختبار استعداد دراسی تتراوح بین ۲۲۷ ٪ ۸۹۹ حصلت علیها مجموعة می طلاب الجامعات .

١١ ــ حصل ٤٠ طالبا في إحدى الكليات على الدرجات الآنية في اختبارين
 أحدهما في الرياضيات و الآخر في اللغة الإنجليزية :

,	لإتجليزيا	اللغة ا			ضيات	الريا	
٧٨	٧.٤	٣٨	٤٩	۰۲	۸٦	17	77
٧٢	77	٨٨	3 4;	٤٠	٧٥	77	٣١
٤٣	00	79	۸٦	٤٢	٣٧	9 8	00
٧٢	۸۸	41	۳۱ ·	٧٦	٤١	۸۸	٧٦
٧٨	77	77	70	Y4	٧٦	۸۸	٤٨
٨٤	97	99	٥٦	٧٢	٦٤	٧٢	٤٩
77	7	۲۸	75	٥٩	77	70	۰.
VV	7 1	٥٩	۸۱	٤٢	· •A	77	٨٥
VY	۸۸	۲۸	71	٥٤	77	70	٧
۸۹	75	٨٤	٥١	77	٧٦	۸۸	۳۸

(٦ - التحليل)

- (١) كون جدول توزيع تكرارى لـكل من درجات الاختبارين مستخدما فئة طولها ١٠.
- (ب) مثل كل من التوزيعين بمضلع تسكرارى فى شكل و احد (استخــــــدم التسكرار النسى) .
- (🖚) قارن بين التوزيمين مقارنة سريعة من حيث النزعة المركزيةوالتشتت.
- ۱۳ ــ فى كل من التوزيعات التسكرارية الآتية حيث رمز نا للدرجات بالرمز
 س وللتسكراو بالرمز ت ، بين ما إذا كان أى منها :
 - (١) قريبا من الاعتدالية.
 - (ب) ملتويا التواء موجباً .
 - (ج) ملتوط التواء سالبا .
 - (د) ثنائی المنوال ومتماثل تقریبا .
 - (ه) ثناڤى المنوال ، وملتولاً التو امموجبا.
 - (و) ثنائي المنوال،وملتويا التواء سالبا.
 - (ل) مستطيلا تقريباً .
 - (م) على شكل حرف U .
 - (ن) على شكل سوف J

												
		14.	~	0		0	1		~	•	(
		مع ا	1A	TA - T.	r9 - r.	+3 - 43	0.5 - 0+	4 4.	'V4 - V.	>° - > ·	` (8	
F .		(0		ے.		*	-1	Ŀ	(o
t ·		٠	٦.	~	•	<u></u>	<	> ·		-	ζ.	
	^	•	=	<u>ب</u> هر	=	>	٦	٦		Å.	.Q.	
م ا •	12-1.	19-10	T2 - T.	79 - TO	T2 - T.	T9 - T0	.3 - 33	64 - 60	• - 30	0.0	Ç	()
	_	-1	٠	>	, I	ب با	٠ <u>٠</u>	₹	>	~	Ç.	
	۲ - Ji	0 4	>	= 1	7 1.	1V - 10	T 1>	١	I	79 - YV	Ç	7)
	صفر	-1	æ	á	•	~	*	_	ત્ત	-1	Ç	
	~ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	, o 	~		TE - T.	79 - TO	て として・	T1 - T0	.3 - 33	** *0	ç	7)
٦ -					····				**********	-	·	
											ç	
	1	1 12-1. 1 Y - jud - 2 - 12 - 12 - 12 - 12 - 12 - 12 - 12	*	19-1. 1	19 - 1	$\frac{79-7}{4}$ 7	1 1	100 - 0. 11 12 12 14 15 17	14-1. 14	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	A ² - A T A<

إذا طبق اختبار تحصيل في الحساب مصمم لتلاميذ الصف الثاني على تلاميذ الصف الشادس ، ما هو توقعك لشكل توزيع درجات هــذا الاختبار ؟
 ولمــاذ ؟

١٥ -- صف التوزيع الذي تتوقع الحصول عليه إذا حاوات تمثيل كل
 ١٤ بيانيا :

- (أ) أطوال الرجال في الجتمع المصرى .
 - (ب) أطوال النساء في المجتمع المصرى .
- (ج) أطوال الرجال والنساء معاً في المجتمع المصرى في شكل و احد .

converted by Tiff Combine - (no stamps are applied by registered version)

الفصلالثالث

خصائص التوزيعات التكرارية

أولا: مقاييس النزعة المركزية

مفهوم النزعة المركزية .

قواعد رمز التجميع

المتوسط الحسابي .

الوسيط .

المنوال .

الوسط الهندسي .

اختيار مقياس النزعة المركزية المناسب

عند تعليل البيانات .

مقدمـة:

عرضنا في الفصل الثاني طرق تنظيم و تبويب البيانات و ديفيه تمثيلها بيانيا . وقد تبين لنا فائدة هذه الطرق في توضيح نمط توزيع الظاهرة موضع البحث ، وإعطاء فكرة سريعة عن التوزيعات ، ويوضيح بعض وجه الشبه والاختلاف بينها . إلا أن هذه الطريقة تعتمد على الوصف اللفظي للتوزيعات الشكرادية . وبالطبع يصعب تحليل البيانات تحليلا إحصائيا دفيةا باستخدام مثل هسذا الوصف اللفظي .

ويوداد الأمر تعقيداً إذا كنا بصدد مقارنة نوزيعين مختلفين أو نوزيعات مختلفة . كا أننا نحتاج في كثير من الأحيان إلى إجابة أسئلة تتصل بمتوسط توزيع الظاهرة أو مدى شيوعها في عينة ممثلة للمجتمع الأصل . كل هذا يتعللب استخدام مقاييس إحصائية رياضية أكثر دقة لتحديدو مقارنة خصائص التوزيعات المختلفة . ومن بين هذه المقابيس ما يطلق عليه مقاييس النزعة المركزية .

Measures of Central Tendency

Measures of Variability	ومقاييس التشتت
Measures of Skewness	ومقاييس الالتواء
Measures of Kurtosis	ومقاييس التفرطح

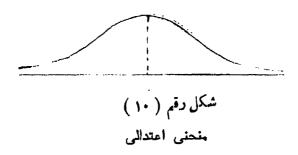
وسنفرد هدذا الفصل لمقاييس النزعة المركزية ، والفصل التالى للمقاييس . الاخرى .

النزعة المركزية:

إذا بحثنا ظاهرة من الظواهر مثل ظاهرة طول قامة سكان إحدى المدن في عمر ممين ، واخترنا مجموعة كبيرة من سكان هذه المدينة من العمر المحدد كمينة ممثلة

لهذه الظاهرة لوجداً أن العدد الآكبر من هذه العينة يكون طوله متوسطا ، وأن عدداً قليلا نسبيا من ذوى عدداً قليلا نسبيا من ذوى القامة القصيرة ، وعدداً قليلا نسبيا من ذوى القامة الفارعة . أى أن معظم التكرارات تكون عادة لمتوسطى الطول ، ويقل التكرار تدريجياً كلما بعداً عن المتوسط من الناحيتين ، ولذا فإن المنحنى التكرارى لمثل هذه الظاهرة يكون عادة له قمة واحدة ، ثم ينساب تدريجيا إلى أسفل على جانبي هذه القمة بشكل يكاد يكون منتظما ، ومن هنا جاءت القسمية والنزعة المركزية ، أى الميل إلى التجمع بالقرب من مركز التوزيع .

وإذا بحثنا توزيعات كثير من الظواهر كالأوزان والأعمار ونسب الذكاء وغيرها في مجتمع معين لوجدتا أنها بمثل بمنحنيات على نفس هـــــذه الصورة . والمفروض تظريا أن المنحنى الذي يجب أن ينتج من هـذه الظواهر هو منحى ذو شكل هندسي خاص يعرف باسم المنحنى الاعتدالي Normal Curve ، وهو كما يظهر في شكل رقم (10) يشبه الجرس ، وله نهاية عظمى في هنتصفه ، كما أنه متماثل حول الخط الرأسي المار بنقطة النهاية العظمى .



وهذا المنحى هو في الواقع منحنى نظرى مثالى ، كما أرب التوزيمات التي تنتج المنحنيات الاعتدالية هي توزيعات نظرية مثالية وتسمى بالتوزيمات الاعتدالية Normal Distributions .

وهى تعتبر العمود الفقرى للنظريات الإحصائية ، إذ نستعين بها في دراسة معظم مانشاهده من ظواهر . ولذا سنفرد لها جزماً كبيرا من الفصول التالية .

غير أنه من الناحية العملية لانحصل من دراسة الظواهر الطبيعية والنفسية على توزيعات اعتدالية تماما . وإنما تحصل على توزيعات قريبة منها . ذلك لان هذه الظواهر ولو أنها تخضع في تغييرها لنظام معين ، إلا أنها تخضع أيضا لمؤثرات عرضية تؤثر في هذا النظام وتحجبه عن الظهور على حقيقته . ولو حردت التوزيعات من هذه المؤثرات العرضية لسكانت أقرب إلى التوزيعات الاعتدالية .

ومن ناحية أخرى قد يكون الاختلاف الذى نشاهده فى النوزيمات عن التوزيمات التوزيمات التوزيمات الاعتداليه راجعاً أحياناً إلى عوامل أخرى منها مثلاً أن تسكون المينة الني اختيرت لتمثيل الظاهرة مى عينة غير ممثلة تماما للظاهرة ، ومنها عدم مراعاة الدقة الواجبة فى قياسها . ولذا نجمد أن بمض التوزيمات تبتمد قليلا أو كثيراً عن الاعتدالية .

وقد عرضنا فى الفصل الثانى لانواع هذه التوزيعات ، وبما هو جدير بالذكر أننا سنهتم فى هذا الكتاب بدراسة التوزيعات الاعتدالية والنوزيعات التى تنتج منحنيات ذات طابع خاص حتى يتمكن الباحث من تعليل بيانات بحثه مهما اختلف شكل التوزيع .

مقاييس النزعة المركزية :

يتضح مما سبق أنه في كثير من التوزيعات يتراكم عدد كبير من هيم المتغير حول قيمة معينة ، ويقل هذا الراكم بالتدريج كلما ابتمد المتغير عن هذه القيمة ، هذا التراكم أو التمركز حول قيمة معينة يسمى بالنزعة المركزية للتوزيع ، وتسمى الفيمة التي يحدث حولها التراكم بمقياس النزعة المركزية ، ومقاييس النوعة المركزية لها أهمية كبيرة في وصف التوزيعات ومقار تتها. وعلى الرغم من وجود عدد من مقاييس النزعة المركزية إلا أننا سنهتم في هذا الفصل بالمقاييس الآتية :

١ ــ المتوسظ الحسابي Arithmetic Mean

Median -- Y

س النوال Mode

ع ـ المتوسط الهندسي Geometric Mean

ويتوقف اختيار الباحث لاى من هذه المقاييس لوصف توزيع ما على طبيعة البيانات التي يهتم بتحليلها . كما يتوقف على الهدف الذي ينشده من التحليل ، إذ أن كلا من هذه المقاييس يستخدم لاغراض معينة بدرجة أفضل من غيره من المقاييس . وسوف نعرض في الجزء الباقي من هذا الفصل لمزايا وعيوب كل من هذه المقاييس ، وكيفية حساب قيمها . كما سنعرض للاسس التي يتم على ضوشها اختيار الباحث لمقياس النزعة المركزية المناسب .

وقد وضع يول Yule شروطا يرى أن توفرها فى مقاييس النزعة المركزية أمر مرغوب فيه إذا كان لهذه المقاييس أن تستخدم فى تمثيل التوزيعات المختلفة . وهذه الشروط هى أنه :

١ - يحسن أن تكون قيمة مقياس النزعة المركزية قيمة موضوعية محددة وليست بجرد تقدير ذاتى من الباحث . أى يحسن أن تكون طريقة رياضية لا يختلف فيها اثنان . كما محسن أن تكون هذه الطريقة سلسلة غير مقعده .

٢ ــ يحسن استخدام جميع قيم المتغير عنـــد حساب قيمة مقياس النزعة
 المركزية وإلا اعتبرت هذه القيمة غير ممثلة حقيقة لمميزات النوزيع بأكمله .

٣ ــ يحسن أن تمكون قيمة مقياس النوعة المركزية من القيم التي لاتتأثر بتذبذب العينات أو يكون تأثرها بذلك أقل ما يمكن ، فإذا كار لدينا عدد من العينات المسحوبة من مجتمع واحد ، فن النادر أن تتساوى متوسطات هذه العينات مهما كانت صورة هذه المتوسطات ، ولكن قد يحدث أن تكون قيم

أحد مقاييس النزعة المركزية (إحدى صور المتوسطات) كالمتوسط الحسابي مثلا قريبة من بعضها . بمعنى أن تسكون قيم المتوسطات الحسابية لجميع العينات متقاربة ، أما قيم المقاييس الآخرى مثل الوسيط أو المنوال مثلا فلا تسكور... قيمها متقاربة بنفس السرجة . فهنا يفضل المتوسط الحسابي على مقاييس النزعة المركزية الآخرى لانه بذلك يكون أقل تأثراً بتذبذب العينات . ويقال حينشذ أن المتوسط الحسابي أكثر ثباتا من غيره من المتوسطات .

٤ ــ يحسن أن تسكون قيمة مقياس النزعة المركزية صالحة للمالجة الرياضية.
 ويعتبر هذا الشرط فى واقع الامر أهم الشروط السابقة .

و نظراً لأن الطرق التي سنعرض لها في حساب هذه المقاييس تعتمد على عمليات رياضية معينة تتطلب رموزا خاصة من أهمها رمز التجميع (مجد أو ∑) فإنشا سنيداً بتعريف هذا الرمز وقواعد استخدامه .

الرمز (بجـ) :

بفرض أن لدينا بجوعة من المتغيرات ، أو القياسات ، أو الملاحظات س، س، س، س، ، سميم أو ص، ، ص، ، ص، ، ص، مصرم حيث ن ترمز إلى عدد المتغيرات ، فالرمزان س ، ص يستخدمان عادة للإشارة إلى المتغيرات ، ولكن يمكن استخدام أى رموز أخرى ، فالمتغير س مثلا ربما يكون درجات اختبار ما أو عدد المحاولات في تجربة التعلم وما إلى ذلك ، فالرمز س يرمز إلى درجات الثلميذ الأول في الاختبار ، والرمز س، يرمز إلى درجات التلميذ الأول في الاختبار ، والرمز س، يرمز إلى درجات التلميذ الثاني . وهكذا حتى نصل إلى الرمز س وهو يرمز إلى درجات التلميذ رقم ك .

فاذا كانت ك 🚤 ه وكانت درجات التلاميذ مي :

١٠ : ١٢ ، ١٩ ، ٢١ ، ٢٢ فأن س = ١٠

س ۽ ١٢٠ ش ۽ ١٩٠٠ س ۽ ٢١٠ س ۽ ٢٢٠ س

وعادة نرمز لأى قيمة للمتغير س بالرمز س حيث ن تأخذ القيم 1 إلى ن . فإذا أردنا جمع قيم المتغير س أى : ـ

س, **+ س**, + ۰۰۰۰۰۰ + س

فإنه يمكن التعبير عن هذا المجموع بطريقة مختصرة ومناسبة باستخدام رمن التجميع بجد أو ∑ وهذا الرمز هو اختصار لمكلمة , بجوع ، أي أخذنا الحرفين الآول والثاني من الكلمة ، وأحيانا نستخدم الرمز ∑ (ويقرأ سيجما) وهو أحد حروف اللغة اليونانية ليعبر أيضا عن المجموع .

و بذلك يمكن التعبير عن بحوع قيم المتغير كالآتي :

ن بجــ س نـــ د

والرمز الموضوع تحت و فوق علامة مجد يشير إلى حدود التجميع، أي تجمع قيم المتغير س من ١ إلى ن

ن تعنى مجموع القيم الخس الأولى للمتغير س
 ن الحس الأولى للمتغير س

الى ن = ١٠

فإذا أردنا أن نعبر عن مجموع القيم ١٠ ، ١٧ ، ١٩ ، ٢١ ، ٣٢ باستخدام الرمز بج فإننا بدلا من كتابة المجموع كالآتى:

18= 47+ 41+ 14+ 14+ 1.

مكن كتابته: جمس سے و محيث س تمبر عن المتغير المراد جمع قيمه ن الله عند الل

قواعد رمز التجميع :

هناك قواعد هامة تفيد عند استخدام رمز التجميع للخصما فيما يلى بالاستعانه عجموعة من الأمثلة .

١ ــ افترض أن درجات ثمانية طلاب في اختبارين س ، ص كالآتي :

درجة الاختبار (ص)	درجة الاختبار (س)	العالب
٨	٧	١
٦	4	۲
٤ .	٦	٣
١٠	١.	٤
٥	٦	٥
١.	٥	٦
٩	٣	٧
٨	ŧ	٨

يمكن التعبير عن مجموع درجات الاختبار س كالآتي .

وبمموع درجات الاختبار ص كالآتى :

و يمكننا التحقق من هذه القاعدة باستخدام درجات الاختبارين س ، ص المذكورة كالآتى :

أى أن القاعدة صحيحة لاننا بالطبع نستطيع الحصول على نفس المجموع بنض النظر عن الترتيب الذي تتم به عملية جمع الدرجات .

٧ ــ القاعدة الثانية هي أن :

أى أن جمع حاصل ضرب قيم س، ص المتناظرة لايساوى حاصل ضرب بحوع قيم س في مجموع قيم ص .

و يمكننا التحقق من هذه القاعدة باستحدام نفس مجموعه الدرجات الداءة كالاني:

ب × × ص = ١ × ٥٠ م

٣ _ القاعدة الثالثة مي أن .

 $(\circ) \qquad \qquad \cdots \qquad (\circ) \qquad \neq \ \ (\circ) \qquad \qquad (\circ)$

أي أن بجموع مربعات قيم من لايساوي مربع بجموع ممس القيم

القاعدة الرابعة هي أنه إذا كانت ك أي مقدار ثابت فإن -

فإذا فرضنا أن ك 🛥 ٣ مكررة 🛽 مرات فإن .

11 = V × L = 7 +

ه ــ القاعدة الخامسة هي أنه إذا كانت ك أي مقدار ثابت فار .

جـ (س بل ك) عد بحس ب بسك

== (بحسس) بل للحيث ن ترمز المدد المم ١٠٠٠ (٧)

ولتوضيح ذلك افترض أن ك 💎 ه و أن ميم س 🖔 مأتي .

4+0	4	س
11	٥	٦
١٣	٥	//
1.	٥	٥
18	٥	٩
١٠	٥	٥
٧	٥	۲
٨	٥	٣
Į		

مجہ س = ۲۸
مجہ ل = ن ك = ۷ × • = ۴۵
مجہ (س + ك) =
$$\underline{v}$$

(مجہ س) + ن ك = \underline{v} + \underline{v} + \underline{v} + \underline{v} - \underline{v} (۸)

المتوسط الحسايي: Mean

يعتبر المتوسط الحسابي من أكثر مقاييس النزعة المركزية استخداما لوصف القيمة المتوسطة لتوزيع ما . والمتوسط الحسابي لمجموعة من القيم هو خارج قسمة المجموع الجبرى لهذه القيم على عدد القيم ، أو هو تلك القيمة التي لو اتخذتها كل مفردة من مفردات المجموعة لـكان مجموع القيم الجديدة هو نفس مجموع القيم الأصلية .

و يمكن التعبير عن المتوسط الحسابي باستخدام رمز التجميع كالآتي : ـ

$$(9) \qquad \frac{-\sqrt{2}}{\dot{\upsilon}} = \overline{\upsilon}$$

حيث ﴿ وتقرأ س بار ﴾ = المتوسط الحساق للمينة ،

، مجہ س = جموع قیم س

، ن = عدد القيم

فثلا متوسط الدرجات ٧ ، ٧ ، ٦ ، ٥ ، ٤ ، ٤ ، ٢ ، ٣

$$a = \frac{\xi}{\Lambda} = a$$

ويلاحظ أن بجرد جمع الدرجات لا يعد كافيا لتحديد ستوسط هذه الدرجات، إذ ربما يكون لدينا درجتاو فقط ولسكن لهما نفس المجموع ٤٠، ولذلك يلزم قسمة المجموع على عدد الدرجات ن حتى نستطيع مقارنة متوسط مجموعتى الدرجات.

ويمكن الحصول على المتوسط الحساب للمجتمع الاصلى بنفس طريقة حساب المتوسط الحسابي للعينة .

حساب المتوسط الحسابي للبيانات المجسمة في توزيعات تمكرارية:

إذا كانت قيم المتغير س مكورة عددا من المرات قاننا نستطيع حساب المتوسط الحساق بأن تضرب كل قيمة في تسكرادها ، "م تجمع ناسج حواصل الضرب، ونقسم النانج على التسكراد السكلي للقيم .

فإذا نظرنا إلى القيم :

الدرجة (س) × الت.كرار (ت)	التمكرار (ت)	الدرجة (س)
14	,	۱۸
71	۲	۱۷
77	۲	١٦
٤٥	٣	10
YA	4	11
70	•	14
٣٦	۲	14
77	Y	11
۲۸۰	۲۰ '	المجسوع

چدول رتم (۱۰)

طريقة حساب المتوسط لجموعة من البيانات المبوبة

ويمكن اعتبار الجدول السابق جدول توزيع تكراري طولفئة ١٠٠٠ .

فإذا أردنا إيجاد المتوسط الحسابي لهذا الترزيع فإننا نوجد حواصل ضرب الدرجة × التكرار فيكون الناج ١٨٠ ، ثم نقسم هذا الناج على التسكرار السكلى وهو ٢٠ فيسكون المترسط الحسابي ٢٨٠ = ١٤

و بوجه عام ، إذا كانت الفيم س ، س ، س ، س ، س مكررة ت مكررة ت ، ت ، ت ، ت على الترتيب حيث ن تدل على عدد القيم المختلفة للتعير س ، ، فإن المتوسط الحسابي :

وبالنظر إلى هذه السورة الرياضية للاحظ أننا جممنا ن من الحدود وهو عدد القيم المختلفة للتغير س .

ويمكن أن يمتد استخدام هذه الطريقة بحيث تشمل البيانات المجمعة في توزيعات نسكرارية مهما كان طول الفئة .

وتستخدم منتصفات الفئات لتمثل جميع القيم الواقعة في الفئة . وهنا نفترض أن المتغير س يأخذ قيما تناظر منتصفات الفئات ، وتعطى لها أوزانا تناظر السكرارات ، ثم نضرب منتصفات الفئات بم التسكرارات ، وتقسم جموع حواصل الضرب على التسكرار السكلى فنحصل على المتوسط الحسابي . وباختصار يمكن الحصول على المتوسط الحسابي البيانات المجمعة في نوزيعات تسكرارية كالآذن...

- ۱ ـــ نوجد منتصف (مرکز) کل فئة .
- ۲ -- نضرب منتصف کل فئة 🗙 تسکرارها .
- ۳ ــ نجمع حواصل ضرب منتصف كل فئة 🗙 التسكرار .
 - ٤ نقسم الناتج على التكرار المكلى ،

ولتوضيح ذلك يمكن أن تطبق هذه الخطوات على المثال الآتى لنوجد المتوسط الحسابي :

٤	٣	۲	1
للتسكرار 🗙 مراكز الفئات	الشكرار		الفشات
ت × س _ن	ن	سن	
صغر	مفر	Y	صفر - ٤
1 &	۲	٧	٠ - •
127	11	17	18-1.
111	41	۱۷	14 - 10
7 7 £	17	. ۲۲	78 - 7.
717	٨	**	79 - 70
194	٦	44	78 - 4.
111	٣	77	T9 - T0
٨٤	۲	13	££ - £.
٤٧ 	١	٤٧	19 10
1717	77	ن =	المجموع المكلى

جدول رقم (١١) طريقة حساب المتوسط الحسابي للبيانات المجمعة في منات

$$\dot{v} = \frac{\dot{v} \times \dot{v}}{\dot{v} = \frac{\dot{v} \times \dot{v}}{\dot{v}}}$$

$$\dot{v} = \frac{\dot{v} = 1}{\dot{v}} = \frac{\dot{v} \times \dot{v}}{\dot{v}}$$

الانحرافات عن المتوسط:

يتميز المتوسط الحسابي بعدد من الخصائص التي نفيد في تبسيط طرق حساب كثير من المقاييس الإحصائية ، ومن بين هذه الخصائص أن المجموع الجبرى لانحرافات قيم المتغير في توزيع ما عن المتوسط الحسابي لهذه القيم يساوى صفر . بمعنى أننا لو طرحنا كل قيمة من قيم التوزيع من المتوسط الحسابي لهذه القيم يكون الناتج صفرا .

ويمكن التعبير عن هذه الخاصية باستخدام رمز التجميع كالآتي : ــ

ويمكن توضيح هذه الخاصية بالمثال الآتي :

س _ س	<u>س</u>	سن
Y-=•-· Y	٥	٣
١ = • - ٦	0	٦
ه ــه حصفر .	٥	٥
1-=0-1	0	١.
0 =0-1.	٥	1.

$$\dot{v} = v \quad v = v \quad$$

من المثال السابق يتضح أن بحموع الانجرافات عن المتوسط ـــ صفر . و تنطبق هذه القاعدة في الحقيقة على جميع التوزيعات التسكرارية .

ولذا يمكن تشبيه المتوسط الحسابي بنقطة اتوان النوزيع أو مركز ثقله . فنزعة الدرجات إلى الانحراف في إحدى جهتى المتوسط تتعادل تماماً مع نزعتها إلى الانحراف في الجهة الاخرى .

و يجب أن تلاحظ أنه بالرغم من أن بحموع انحرافات جميع الدرجات عن منوسطها يكون دائماً صفر ، إلا أن مجموع حمر بعات هذه الانحرافات عن المتوسط لايساوي عفر .

وفى الحقيقة أن بجموع مربعات انحرافات قيم المتغير عن المتوسط الحسابي هو نهاية صغرى . أى أنه يكون أصغر من بجموع مربعات انحرافات قيم المتغير عن أى قيمة أخرى . وهذا ينكون صحيحا دائماً (إذا لم تسكن جميع السرجات متساوية) . وبهذا المعيى يعتبر المتوسط عقياساً ظلنزعة المركزية . ولهذه الخاصية أهمية كبيرة في حساب كثير من المقابيس الإحصائية التي سنعرض لها فها بعد .

استخدام طريقة الانحرافات في حساب المتوسط الحسابي :

إذا اعتبرنا أن قيم المتغير تكون مثلة بالإحداثيات السينية لنقطة مشحركة على انحور السينى ، وعلى اعتبار أن المتوسط الحسابي مثل بالإحداثي س، بالنسبة إلى نقطة تبعد بمقدار س. عن نقطة الاصل ، فإن:

وإذا افترضنا أن س. ترمز إلى قيمة المتغير بالنسبة إلى نقطة الاصل.

سُر إلى قيمة المتغير بالنسبه إلى من سر سر س. النقطة التي تبعد بمقدار س عن سر سر و

سَ إلى قيمة المتغير بالنسبة إلى نقطة الاصل فإن:

$$-\frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$

وبالتمويض في معادلة س السابقة نجد أن :

$$(17) \qquad \cdots \qquad + \cdots \qquad \cdots$$

ويمكن استخدام هذا القانون الذي يعتمد على فكرة نقل نقطة الأصل وحساب المتوسط الحسابي لمجموعة من القيم إذا كانت أعداداً كبيرة . إذ بمكن أن سختار قيمة من بين هذه القم أو من غيرها ونعتبرها نقطة أصل ، ونحسب انحراف كل قيمة عن هذه النقطة ، وبذلك تيسر العمليات الحسابية .

فثلا لإيجاد المتوسط الحسابي للاعداد ٢٠٤، ٢٩٥، ٢٥٠، ٢٣٢، ١٨٠، يمكن أن نختار العدد . وم كنقطة أصل . فيسكون انحرافات الاعداد الخسة عن هذه النقطة هي ١٥، ٥٥، صفر ، ــ ١٨ ، ــ ٧٠ ويكون المتوسط الحسابي :

Y,Y + Yo. = YoY.Y =

ونحصل على نفس النتيجة مهما كان العدد الذي نختاره كنقطة أصل سواء كان من بين مجموعة القيم المطلوب إيجاد اللتوسط الحسابي لها أو من غيرها .

أما فى حالة البيانات الجمعة فى توزيع تسكرارى فإننا نختار عادة نقطة الاصل الجديدة من بين مراكز فثات التوزيع .

ويمسكن التوصل بطريقة بماثلة إلى القانون الذي يمسكن استخدامه في إيحاد المتوسط الحسابي لمجموعة من البيانات المجمعة في توزيع تسكراري بطريقة من عنصرة وهو :

$$\overline{v} = v. + \frac{(v \times c)}{\dot{v}} \times \dot{v} = (v \times c)$$

أى أن المتوسط الحسابي للمتغير الآصلي = المتوسط الفرضي للمتوسط المسابي للمتغير الجديد مضروبا في طول الفئة .

ويحسن اختيار المتوسط الفرضى بحيث يناظر مركز الفئة القريبة من وسط التوزيع والتي يكون تسكرارها كبيراً .

كما يحسن أن يكون هذا المركز هو مركز الفئة التي نحكم بالبداهة أنه قريب من المتوسط الحسابي الحقيقي للتوزيع .

garen ar dichange — eschi nic ils modificati bissonium.	·			
	10.00	۳ .	۲	. 1
ت X ت	أنحرافات الفئات	التكراه	مراكزالفثات	الفئات
	(ट)	(ت)		
صفر	٣	صفر	7	صفر ۔۔ ٤
1 -	٧	۲	٧	9-0
11	١	11	17	18 - 1.
صفر	مىفو	44	14	19 10
14 +	1+	17	77	78 - 7.
17 +	1+	٨	44	79 - 40
111+	(+	٦	77	TE - T.
17+	1 +	٣	**	r9 - r0
1 1 - +	0+	۲	13	ξξ — ξ·
7 +	1 7+	١	٤٧	٤٩ ٤٥
78		٧٦	ن =	المجموع

جدول رقم (۱۲) توزیع تکراری لدرجات ۷۲ طالبا فی احد الاختبارات

$$0 \times \frac{7\xi}{3} + \frac{7\xi}{3} = 0$$

$$0 \times \frac{7\xi}{77} + \frac{7\xi}{7} + \frac{7\xi}{7} = 0$$

$$\xi, Y 1 + 1 V = 0$$

و بلاحظ أننا اخترنا مركز الفئة (١٥ – ١٩) أى 1 + 19 با كتوسط فرضى لأنه يناظر أكبر تكرار ، ولهذا وضعنا أمام هذه الفئة الرفم صفر لآما تنحرف عن نفسها صفر .

ثم رتبنا انحرافات الفئات الأقل كالآتى :

_ 0 ، _ 0 ، _ 0 وانحرافات الفشات الأكبر + 0 ، + 10

ولما كانت هذه الانحرافات جميعا من مضاعفات الخسة (وهي طول الفئة)، يفضل قسمة كل من هذه الانحرافات على طول الفئة وهو ٥ تبسيطا للعمليات الحسابية . وبذلك تسكون الانحرافات محسوبة بدلالة طول الفئة .

ولا تختلف قيمة المتوسط الحسابي النانج لنفس النوزيع مهما كان مركز الفئة التي نختارها كمتوسط فرضي .

ولسكن يحب أن نلاحظ أن قيمة المتوسط الحسابي المحسوبة من البيانات المجمعة في توزيع تسكراري تكون مختلفة اختلافا قليلا عن القيمة الحقيقية لهذا المناسط أي عن القيمة المحسوبة لهذه البيانات قبل تجميعها وذلك لا تنا التسهيل العمليات الحسابية في التوزيعات التكرارية نضطر إلى افتراض أن جميع الدرجات الواقعة في فئة ما تسكون متساوية ومساوية لمركزهذه الفئة ،وهذا الفرض لا يخلو من الخطأ . فالدرجات الواقعة في فئة ما تختلف بالطبع من مركز هذه الفئة بمقادير معينة . إلا أن هذه الاختلافات أو الفروق نميل إلى تمويض بعضها البسض في الفئة الواحدة ، إذ أن بعضها موجب والبعض الاحتصالب ، كا أنها تميل إلى تعويض بعضها البعض في التوزيع كله ، وبخاصة إذا كان عدد الدرجات كبيراً ، ولو أن الخطأ ... ويسمى بخطأ التجميع - لا ينعدم تماما في معظم الحالات . وعلى كل حال فإن هذا الخطأ يكون طفيفا في العادة ، إذ لا بأس من التضحيه وعلى كل حال فإن هذا الخطأ يكون طفيفا في العادة ، إذ لا بأس من التضحيه بشيء طفيف من الدقة في سبيل تووير السكثير من مشقة العمليات الحرابية إذا

لم يتوفر لدى الباحث آلة حاسبة أو حاسب الكتروثى . ومع هذا فلابد من التدقيق في طريقة تجميع الدرجات للتقليل من هذا الخطأ بقدر الإمكان .

حساب المتوسط الحسافي لمجموعة من السرجات باستخدام متوسطات مجموعاتها الجزئية :

احيانا يكون لدينا متوسطات مجموعات من الدرجات و نود حساب المتوسط الحساق للجموعة الكلية الى تشتمل على هذه المجموعات جميعا . فإذا على اللارجات الأصلية لكل مجموعة ، فإنه يسهل علينا جمع جميع هذه الدرجات وقسمة المجموعة على عدد هذه الدرجات ، وبذلك نحصل كالمعتاد على المتوسط الحسابي للمجموعة الكلية . إلا أن هذه العاريقة تكون شافة ، كا أننا ربما لا يكون لدينا الدرجات الاسلمية لمكل مجموعة . فلمكي نوجد المتوسط الحسابي في هذه الحالة دون الاعتماد على وجود الدرجات الاصلية ، يجب أن تعطى أوزانا لمتوسط كل مجموعة منها تبعا لعدد الدرجات الاصلية ، يجب أن تعطى أوزانا لمتوسط كل مجموعة منها تبعا لعدد الدرجات الى تتكون منها المجموعة . ويمكن أن تحرى ذلك باستخدام الصورة الآنية :

$$\frac{1}{\omega} = \frac{e_1 \overline{w_1} + e_2 \overline{w_2} + \cdots + e_{ij} \overline{w_{ij}}}{e_1 + e_2 + \cdots + e_{ij}} \cdots (11)$$

إذا ابترضنا أن لدينا ثلاث مجموعات من القيم تتكون الجموعة الاولى من من ٥ قيم ، والمحموعة الثانية من ٤ قيم والمجموعة الثالثة من قيمتين ، والمطلوب لم يحاد المتوسط الحسان للمجموعة المكلية

فالخطوة الآولى هير أن تحسب المتوسط الحسابي لكل من المحموعات الثلاث كالآتى :

المجموعة (٣)	المجموعة (٢)	المجموعة (١)
1.	٨	•
£	11	V
	۲٠	1.
	1	•
		ŧ
) {	ξ •	المجدوع ٣٥ المتوسط ٧
V	1.	المتوسط ٧

بنم بطبق القابون السابق :

$$\frac{e_{1} w_{1} + e_{y} w_{y} + e_{y} w_{y}}{e_{1} + e_{y} + e_{y}}$$

$$= \frac{e_{1} + e_{y} + e_{y}}{e_{1} + e_{y} + e_{y}}$$

$$= \frac{e_{1} + e_{y} + e_{y}}{e_{1} + e_{y} + e_{y}}$$

$$= \frac{e_{1} + e_{y} + e_{y}}{e_{1} + e_{y} + e_{y}}$$

$$= \frac{e_{1} + e_{y} + e_{y}}{e_{1} + e_{y} + e_{y}}$$

$$= \frac{e_{1} + e_{y} + e_{y}}{e_{1} + e_{y} + e_{y}}$$

$$= \frac{e_{1} + e_{y} + e_{y}}{e_{1} + e_{y} + e_{y}}$$

$$= \frac{e_{1} + e_{y} + e_{y}}{e_{1} + e_{y} + e_{y}}$$

$$= \frac{e_{1} + e_{y} + e_{y}}{e_{1} + e_{y} + e_{y}}$$

$$= \frac{e_{1} + e_{y} + e_{y}}{e_{1} + e_{y} + e_{y}}$$

$$= \frac{e_{1} + e_{y} + e_{y}}{e_{1} + e_{y} + e_{y}}$$

Weighted Mean : المترسط الحسابي المرجح

فى بعض الأبحاث يعطى المتغير أوزانا معينة بحسب أهميته أو قيمته فى البحث . فنى بعض الاستبيانات نعطى وزنا قدره ٥ للإجابة . أوافق جداً ، ، ووزنا قدره م للإجابة . لا أدرى ، ، ووزنا قدره م للإجابة . لا أدرى ، ، ووزنا قسدره م للإجابة . لا أوافق ، ، ووزنا قسدره م للإجابة . لا أوافق إطلاقا . .

كذلك فى تقدير الدرجة النهائية لمجموعة من الطلاب قد نمطى أورانا خاصة لكرمن الدراسة العملية ، ومتوسط الاختمارات الشفهية ، ومتوسط الاختمارات التحريرية بحسب أهمية كل منها فى تقويم الطلاب فى الدراسة .

ونسمى هذه الطريقة بطريقة الترجيح بالأوزان ، كما يسمى المتوسط الحسابي لها بالمتوسط الحسابي المرجح أو الموزون . أى أن :

$$\frac{1}{\tilde{v}} = \frac{v - e_{i}}{\tilde{v}}$$

حيث ور ترمز إلى الوزن الذي نختاره .

6 ن = بحوع الأوزان

وهذه المعاذلة تشبه المعادلة التي استخدمناها في حساب المتوسط الحسابي لمجموعة من الدرجات باستخدام متوسطات مجموعاتها الجرئية ، ولذلك يمكن اعتبار المتوسط الحسابي لتوزيع تمكراري متوسطا حسابيا مرجحا بأوران تسادى التمكرارات .

مزايا وعيوب المتوسط الحسابى كلقياس للنزعة المركزية :

المتوسط الحسابي هو أكثر مقاييس النزعة المركزيه استخداما وبخاصة في حالة القياس الفترى والنسي ، كما أنه أقربها إلى تحقيق جميع شروط يول Yule التي سبق أن ذكر ناها . والمتوسط الحسابي أكثر هذه المقاييس ثباتا (أي لانتغير قيمته كثيراً من عينة إلى أخرى) إذا كان التوزيع متهائسلا (غير ملتويا) . كما أنه أكثرها قابلية للمالجة الرياضية وتستخدم في حسابه طريقة موضوعية تشمل جميع قيم المتغير ، والمتوسط الحسابي يتأثر بدرجة أكبر بأي تغيير يحدث في قيم المتغير ، وهذه الخاصية نفيد في البحث التجريبي عند ما يود الباحث دراسة أثر طريقة تجريبية معينة على متغير ما .

كا أن المتوسط الحسابي يرتبط بغيره من المقاييس الإحصائية الهامة والشائعة الاستخدام مثل التباين ، ومعامل ارتباط بيرسون واختيار (ت) وغيرها كما سنرى قيا بعد .

غير أن المتوسط الحسابي لايصلح لتمثيل البيانات التي تؤدى إلى توزيمات شديدة الالتواء لانه يتأثر بالقيم المتطرفة أي التي تشذ عن بقية قيم المجموعة .

فثلا إذا كنا تريد حساب متوسط دخل مجموعة من الافراد أغلبهم من ذوى الدخل المحدود ، وكان من بينهم أقلية صغيرة من ذوى الدخل المرتفع جداً ، فإن المتوسط الحسابي يكون أعلى مما ينبغى ، ولا يصلح لتمثيل المجموعة .

الوسيط: Median

إذا كانت س، ، س، ، س، ، س، ، . . . هى قيم مفردات مجموعة ما ، وكانت هذه القيم مرتبة ترتيبا تصاعديا أو تنازليا ، فإن الوسيط هو قيمة المفردة التي يسبقها عدد من المفردات يساوى عدد المفردات التي تعقبها .

أى أن الوسيط هو النقطة التي تقسم التوزيع إلى قسمين بحيث يعكون عده الدرجات التي تقع أعلى هذه النقطة يساوى عدد الدرجات التي تقع أسفل النقطة .

ويعتمد حساب الوسيط على ما إذا كان عدد الدرجات فرديا إأم زوجيا، وعلى ما إذا كان هناك تكرار لدرجة معينة بالقرب من الوسيط، ونهتم بهـذا السكرار فقط عند ما يحدث بالقرب من الوسيط، وفيا عدا ذلك يمكن إغفال هذا السكرار.

رفيها يلي طريقة حساب الوسيط في حالات ألاث : ــ

ر ـــ إذا كان عدد الدرجات فرديا ، ولا يشكرر أى منها بالقرب من لوسيط :

فهنسا يكون الوسيط هو الدرجة الوسطى . فإذا كانت الدرجات هي

(۲ ، ۵ ، ۲ ، ۷ ، ۱) فإن الدرجة ٦ تقسم هذا التوزيع إلى نصفين ، نظرآ لان الدرجتين ٣ ، ٥ أقل من ٣ ، والدرجتين ٧ ، ، ١ أكبر من ٣ .

الوسيط : الدرجات زوجيا ، ولا يشكرر أى منها بالقرب من الوسيط :

فهذا يكون الوسيط مساويا لمتوسط الدرجتين اللتين تقمان في وسط التوزيح . فإذا كانت الدرجات هي (٣،٥،٣،٧،،١٠١) فإن الدرجة التي تقسم هذا التوزيع إلى نصفين تقع بين الدرجتين ٣،٧ وهنا يكون الوسيط مساويا

٣ ـ إذا كانت بعض الدرجات نتكرر بالقرب من الوسيط:

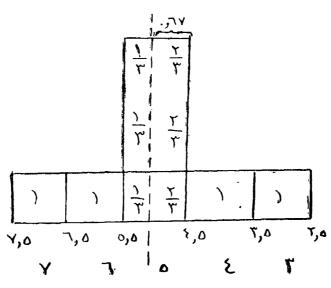
إذا تسكرر عدد من الدرجات بالقرب من الوسيط ، فإننا بمكن أن نحصل على الوسيط بواسطة عملية است. كال Interpolation بغض النظر عما إذا كان عدد الدرجات فرديا أو روجيا . فإذا كانت الدرجات هي (٢ ، ٤ ، ٥ ، ٥ ، ٥ ، ٢ ، ٢ ، ٧) فهذا بحب أن يقع الوسيط بين الدرجتين الرابعة و الحامسة وكل منهما ٥، وفي مثل هذه الحالة نفتر ض أن الدرجات ٢ ، ٤ ، ٥ ، ٥ تقع أسفل الوسيط ، والدرجات ٥ ، ٢ ، ٢ ، ٧ تقع أعلى الوسيط . فإذا قلنا أن الوسيط يقع بين الدرجتين الرابعة و الحامسة ، وكل منهما ٥ ، لا نكون بذلك قد حدد نا قبمة واحدة دقيقة للوسيط ، و اذلك بفضل تحديد هذه القيمة .

وبالنظر إلى شكل رفم (١١) الذي يمثل هذه المجموعة من الاعداد بيائيا نجد أننا قد مثلنا كل درجة مها بمستطيل صغير على ميران القياس فوق الحدود الحقيقية للدرجات.

و نظراً لأن لدينا ٨ درجات تقع أربع منها أعلى الوسيط ، و الأر بع الآخرى أسفله ، لذا يجب أن تقع الدرجتان ٣ ، ؛ أسفل الوسيط ، كما يجب أن تقع الدرجتان ٥ ، ٥ أى ثلثا عدد تكرار الرقم ٥ - لأن الرقم ٥ مكرر تلاث مرات ــ

أسفل الوسيط أيضاً ، أى ثلثا المسافة على خط الدرجات ، الى تناظر القيمة ه . رهذه تساوى ﴿ × ١ = ٧٠ . • تقريباً .

الوسيط = ١٧.٥



شکل رقم (۱۱)

طريقة حساب الوسيط اذا كانت بعض الدرجات تتكرر بالقرب من الوسيط (عدد الدرجات زوجي)

ويجب أن نصيف هذه القيمة على الحد الحقيقي الآدني للدرجة ، ، ٤ لنصل إلى النقطة التي تناظر ثلثي المسافة المذكورة .

أى أن الوسيط = ٠,٦٧ + ٤,٥ . و باختصار فان الوسيط (الذي يمثله الخط الرأسي المتقطع) يقسم المسافة السكلية إلى جزأ ين متساويين .

ويمكن اتباع نفس الطريقة إذا كان عدد الدرجات فرديا . فاذا افترضنا أن الدرجات هي (٣،٤،٥،٥،٥،٦،٢،٧،) فإنه يمكن تمثيل مذه الدرجات بيانيا في شكل رقم (١٢)، ونظراً لأن عدد الدرجات فردى وهو ٩، فإن الوسيط يجب أن يكون هو النقطة التي تقع أسفلها ٥٤٥ من الدرجات، وتقع أعلاها ٥٤٥ من الدرجات . فإذا بدأنا العد من أصغر الدرجات إلى أكرها

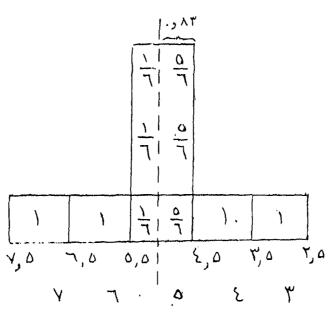
نجد أن الدرجتين ٣ ، ٤ سوف تقعان أسفل الوسيط ، ويتسقى ٢٫٥ من الدرجاث الثلاث التي تساوى كل منها ٥ .

$$\frac{0}{7} = \frac{0}{7} = 7,$$

$$\frac{7}{7} = \frac{0}{7}$$

$$\frac{7}{7} = \frac{7}{7}$$

$$\frac{7}{7} = \frac{7}{7}$$



شکل رقم (۱۲)

طريقة حساب الوسيط اذا كانت بعض الدرجات تتكرر بالقرب من الوسيط (عدد الدرجات فردى)

ولذلك فإن الدرجتين ٣،٤ مضافا إليها ٩٨٠. من المسافة التي تناظر الدرجة ه كلها سوف تقع أسفل الوسيط ، فالوسيط سيكون أعلى من الحد الحقيقي الاسفل للفئة ه وهو ٤٠٤ بقدر ٩٨٠.

فالوسيط إذن = ٥,١٠ + ١,٠ = ٣٣٠٠

ويمكن التمبير عن هذه الخطوات بالصورة اللفظية الآتية الى يمكن أن تستخدم لاختصار هذه الخطوات وهي : ـ الوسيط = الحد الادني للقيمة الوسيطية +

تر نيب الوسيطـــعدد الدرجات الى تقع دون الحد الحقيقي الآدني للقيمةالوسيطية تكرار القيمة الوسيطية

(11):.....

فإذا طبقنا هذه الصورة على أحد المثالين العابقين وليكن المثال الثانى نجد أن :

$$\frac{7 - \frac{1}{4}}{7} + \frac{1}{4},0 = \frac{7,0}{7} + \frac{7,0}{7$$

و تلاحظ في هذا المثال أن الحد الادنى للقيمة الوسيطية في هو و و و أن هناك درجتان هما ٣ ، ٤ تقعان دون هذا الحد الادنى ، كما أن القيمة الوسيطية تكررت ٣ مرات .

حساب الوسيط إذا كانت البيانات يجمعة في توزيع تكراري إ:

إذا كانت البيانات مجمعة فى توزيع تكرارى فيمكن تمثيلها بيانيا بواسطة المدرج التكرارى أو المضلع التكرارى ويكون الوسيط هو النقطة التى على المحور الأفقى التى لو رسم منها مستقيم مواز المحور الرأسى يقسم المدرج أو المضلع إلى قسمين متساويين في المساحة .

و يمكن بطريقة عائلة للطريقة السابقه أن نستنتج صورة يستخدم لحساب الوسيط إذا كانت البياقات مجمعة في توزيع تكراري وهي . ــ الوسيط : = الحد الادني الحقيقي للفئة الوسيطية بم ترتيب الوسيط ــ التكرار المتجمع للفئه السابقة لهنة الوسط × طول الفئه نكرار الفئة الوسيطية

(NV;

وعلى هذا فإن إيجاد الوسيط يتطلب تحديد الفئة الوسيطية كا يتطلب تحديد مجموع التكرارات السابقة لهذه الفئة .

وهذا كاه يمكن تحديده من جدول التوزيع الشكرارى المتجمع الصاعد . كما يمكن أن نتوصل إلى صورة مماثلة إذا أردنا حساب الرسيط من جدول التوزيع التكراري المتجمع النازل وهي :

الوسيط 📰 الحد الاعلى الحقيقي للفئة الوسيطية 😀

ترتيب الوسيط ـــ التكرار المتجمع للفئة اللاحقة بفئة الوسيط × طول الفئة الوسيطية

مثال: احسب الوسيط للبيانات المجمعة الموضحة بحدول رقم (١١)

	1			
(0)	(٤)	(٣)	(٢)	(1)
التكرار المتجمع	الشكرار المتجمع	التسكرار	الحدود الحقيقية [الفئات
النازل	الصاعد		للفثات	
Y7	صفر	صفر	٤,٥ ٠,٥	صفر _ ع
٧٦	۲	. ¥	٩,٥ ٤,٥	9 - 0
٧٤	18	11	18,0 9,0	16-1.
74	49	47	19,018,0	19-10
**	•7	17	78,019,0	YE - Y.
۲.	7 (٨	14,011,0	79 - 70
17	٧٠	٦	74,0 79,0	TE - T.
٦	\ \VY	٣	49,0 48,0	79 - 40
٣	V.	۲	125,0-49,0	£\$ \$.
1	٧٦	1	19,011,0	14-10
- g - g - g - g - g - g - g - g - g - g	The goal for companyation of Ballion 1 are as	77		المجموخ

جدول رقم (۱۲) شريقه حساب الوسيط للبيانات المجمعة في توزيع تكراري

و بتأمل العمود رقم (٤) من جدول رقم (١٣) نرى أن ١٩طالبا حصلوا على درجات أقل من ١٩٥٥، وعلى درجات أقل من ١٩٥٥، وعلى درجات أقل من ١٩٥٥، ووإذن يقع الوسيط بين القيمتين ١٤٥٥، و١٩٥، أى أن الفئة الوسيطية هي الفئة الرادات الحد الأدنى لها هو ١٤٥٥ و تسكر ارها ٢٦، أما مجموع التكر ارات السابقة لهذه الفئة فهو ١٣٠، وبتطبيق القانون المشار إليه فيما سبق نجد أن:

$$0 \times \frac{17 - 7}{77} + 15,0 = \frac{1}{77}$$

$$0 \times \frac{70}{77} + 15,0 = \frac{1}{5}$$

$$5,0 + 15,0 = \frac{170}{77} + 15,0 = \frac{1}{5}$$

$$19,7 = \frac{1}{5}$$

وليس من الصرورى حفظ الصورة السابقة ، إذ يمسكن حساب الوسيط من المسكرار المتجمع الصاعد بعملية تناسب بسيطة . فبعد حساب ترتيب الوسيط واكتشاف الفئة الوسيطية كما سبق ، تلاحظ أننا عند الدرجة ١٤ نسكون قد مرونا بعدد قدره ١٣ طالبا . ولسكى نصل إلى الطالب الذي ترتيبه ٣٨ ، فن اللازم أن نضيف الدرجة الني حصل عليها ٢٥ طالبا آخر (٣٨ – ١٣ = ٢٥) من فئة الوسيط ، ومي (الفئة ١٥ – ١٩) . وعلى فرض أن الدرجات في هذه الفئة من فئة الوسيط ، ومي (الفئة م ١ – ١٩) . وعلى فرض أن الدرجات في هذه الفئة

موزعة توزيعاً منتظاعلى طولها وهو ه ، يكون نصيب كل طالب بالم - من هذا

الطول
$$\frac{r_0}{r_1}$$
 \times ه . و یکون نمیب ۲۵ طالبا ق هـذه الفئة $\frac{r_0}{r_1}$ هـ

وإذن الوسيط = ه ، ۱۹
$$+$$
 $+$ \times ه = ۱۹ $+$ تقريباً .

و يمكن أيضا أن تحسب الوسيط من نفس جدول التوزيع التكرارى المتجمع الصاعد كالآني: ـــ

$$0 \times \frac{44}{77} - 19,0 = \frac{6}{77} - 19,0 = \frac{6}{77}$$

وبالمثل يمكن حساب الوسيط من جدول التوزيع التسكرارى المتجمع النازل باستخدام العمود رقم (٥)، ومنه يتضح أن ٣٣ طالبا حصلوا على درجات أكبر من ١٤٥ (الحد الآعلى الحقيقي للفئة ١٥ — ١٩)، ٣٧ طالبا حصلوا على درجات أكبر من ١٩٥ (الحد الحقيقي الآعلى للفئة ٢٠ — ٢٤). ولمذن يقع الوسيط بين القيمتين ١٩٥٥، ١٩٥،

أى أن : _

وهي نفس القيمة السابقة .

مزايا وعيوب الوسيطكقياس للنزعة المركزية :

الموسيط أهمية كبيرة كمقياس النزعة المركزية ، وأهم ميزاته أنه لا يتأثر بالقيم المتطرفة ، ولهذا يفضل استخدامه في تحليل البيانات التي تمثل بتوزيعات ملتوية ، كا هو الحال في قياس متوسط الدخول أو المرتبات أو عدد ساعات العمل حيث يكون الاهتمام منصبا على دراسة الظروف الاجتماعية أو الاقتصادية للمجموعة موضع البحث .

كما أن الوسيط يصلح لتمثيلالتوزيعات المفتوحة التي تشتمل على فئات مفتوخة مثل (عبر) أو (- 9) حيث لا يصلح المتوسط الحسابي لتمثيلها .

كما يصلح الوسيط لتمثيل البيانات النوعية حيث يصعب القياس الـكمى و إنما ت فستطيع ترتيب البيانات مجسب نوعها أو حجمها ،

هذا فضلاً عن أن الوسيط هو أنسب مقياس في حالة تفسير البيانات على أساس الإرباعيات أو الإعشاريات أو المثينيات ، كما سنرى فما بعد .

وطريقة حساب الوسيط هي طريقة موضوعية غير أنها لا تتضمن جميع قيم المتغير ، والوسيط أقل ثباتا من المتوسط الحسابى، إذ تختلف قيمته كثيراً من عينة إلى أخرى من نفس المجتمع .

ومن عيوبه أيضا أنه قليل الحساسية بمعنى أننا قد نستبدل كثيراً من فيم المتغير بقيم أخرى دون أن يتأثر الوسيط. ولتوضيح ذلك نعتبر الاعداد: ١٥ ، ١٧ ، ٢٠ ، ٢٥ ، ٣٥ ، ٤٥ ، ٤٦ . وقيمة الوسيط ١٥ . ٢٠ .

فإذا استبدلنا بالاعداد الثلاثة الاولى الاعداد ، ، ، ، مثلا لما تغيرت قيمة الوسيط. بل لو استبدلنا جميع الاعداد ما عدا العدد ، ، ، مع الاحتفاظ بالترتيب التصاعدى لما تغيرت هذه القيمة ، بينها يتأثر المتوسط الحسابي بأثراً كبيراً بتغيير أى قيمة من قيم المتغير .

المنسوال:

المنوال هو قيمة المتغير الذي تكراره نهاية عظمي. أي هو القيمة الأكثر شيوعا أو تكراراً في الجموعة .

ويصعب تعيين القيمة الحقيقية للمنوال إذا كانت البيانات مجمعة في توزيع تكراري، ولذا نشير في هذه الحالة إلى ، الفئة المنوالية، وليس ، المنوال، ولما الطريقة الوحيدة التي تعطينا قيمة المنوال بدقة في هذه الحالة هي طريقة توفيق منحني تكراري نظري Curve Fitting لبيانات التوزيع ثم إيجاد الإحداثي السيني لنقطة النهاية العظمي لهذا المنحني، ولسكن الجال لا يسمح هنا بذكر تفاصيل هذه الطريقة.

على أن هناك طرقا مختلفة للحصول على قيم تقريبية للمنوال ، منها أن رسم المنحى التكرارى بالنظر و نعتبر أن المنوال هو الإحداثى السيني لاعلى نقطة فيه . ولسكن هذه الطريقة بعيدة عن الدقة الواجبة لان رسم هذا المنحنى لا يمكن أن يكون دقيقا، فهو ناشى، عن تمهيد المضلع التسكرارى تمهيداً ذاتيا ، فضلا عن صمر به تحديد أعلى نقطة فيه . كا يمكن أن نعتبر أن المنوال هو مر ذر الفشة المنوالية (أى الفشة الأكثر تكرارا) ، وهذه الطريقة بعيدة أيضا عن الدعه لأن المنوال لا بكون واقعا بالضبط عند مركز الفشة المنوالية إلا إذا كان التوزيع متماثلا حول هذه الفشة على الادل ، بعمنى أن يكون تكرار الفشتين المنبطيين بالفشة المنوالية متساويا ،

وهذا قليل الحدوث . والأغلب أن تراكم السرجات أو القيم يكون مختلفاً في هاتين الفئتين ، وحينشذ لا يكون المنوال في منتصف المسافة بين حدى الفئة المنوالية بل يكون أقرب إلى الحد المجاور للفئة الاكثر تسكراراً منه إلى الحد الآخر .

وعلى هذا الآساس يمكن أن نحسب المنوال للبيانات المجمعة فى توزيع تكرارى باستخدام إحدى الطريقتين التقريبيتين الآتيتين ، وكل منهما يعتمد على دراسة ثلاث فشات هى الفئة المنوالية والفئتان المحيطتان مها .

ولإيضاح هاتين الطريقتين نتناول المثال الآنى ونلخصٍه فى البيانات الآنية :

التــكرار (ت) .	الفئسات
18	178 - 17.
٢٢ (الفئة المنوالية)	179 170
1.	146 — 14.

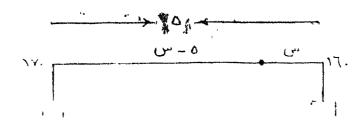
الطريقة الاولى : (طريقة الرافعة)

فى علم الإحصاء كثيراً ما نفتوض أن كل يقيمة (ن) من قيم التوزيع تمثل وحدة قوة وهذه الوحدة تساوى ألى من القوة السكلية (جميع قيم التوزيع) التي يمثلها التوزيع بأكله . وعلى أساس هذا الافتراض يمكن أن نعتبر أن الفئتين المحيطتين بالفئة المنوالية تجذبان المنوال بقوتين تتناسبان مع تكرار بهما .

و إذن يكون المنوال هو النقطة التي تقسم طول الفئة المنوالية بنسبة نكراري الفئتين الاخريين .

ای آن المنوال می المثال السابق
$$= 170 + \frac{1}{72} \times .$$
 $= 170 +$

ويمكن تمشيل ذلك بيانيا بالرافعة المبينة بالشكل الآني :



شكل رقم (١٣) حساب المنوال بطريقة الرامعة للبيانات المجمعة

فحسب قاعدة العزوم :

(w-0)1. xm w × 18

٠٠ ١٠٠ + ١١٥ - ١٥

٠٠ = ٣٤٠٠٠

٠٠٠ س == ٢٠٠٨ تقريباً

إذن المنوال = ١٦٥ + ٢٠٠٨ = ٨٠, ١٦٧ تقريبا

ويلاحظ أننا هنا قد وضعنا الشكرارين ١٠، ١٠ عند طرفى الفئة المنوالية ، والافضل وضعهما في مركزى الفئتين المحيطتين بالفئة المنوالية ، كما أننا أهملنا تسكرار الفئة المنوالية ذاتها . ولذا فهذه الطريقة غير دقيقة ، و تفضل عليها الطريقة الثانية .

الطريقة الثانية (طريقة الفروقأو طريقة بيرسون) :

فى هذه الطريقة نعتبر أن القوتين الجاذبتين للمنوال هما فرق سكرار الفئة المنوالية عن تسكرارى الفئة المنوالية عن تسكرارى الفئتين المحيطتين بهما . ويكون المنوال هو النقط. التي نقسم طول الفئة المنوالية بنسبة هذين الفرقين .

الفروق	التكرار	الفنات
1 = 17 - 31 = A	1 8	178-17.
	77	179 - 170
17=1 47=,0}	١.	145 - 14.

حيث أ ترمز إلى الحد الادنى للفئة المنوالية

ل ، ل ، ترمزان إلى فرق تكرار الفئه المنوالية عن تكرارى الفئتين المحيطاتين لم

، ف ترمز إلى طول الفئة

إذن المنوال في الثنال السابق
$$= 0.71 + \frac{1}{7} \times 0$$

$$= 0.71 + 7$$

مزايا وعيوب المنوال كمقياس للنزعة المركزية :

يمكن للباحث النفسى أو التربوى الذى يهتم بدراسة مدى شيوع ظاهرة معينة أن يستخدم المنوال كمقباس للنزعة المركزية . و يمتاز المنوال بأنه لا بتأثر بالقيم المتطرفة ، وهو فى هذه الحالة يفضل المتوسط الحسابي كا يفضله في حالة التوزيعات الشديدة الالتواء ، غير أنه لا يعتمد على جميع التكرارية المفتوحة والتوزيعات الشديدة الالتواء ، غير أنه لا يعتمد على جميع قيم المتغير موضع البحث ، ولذا فهو قليل الحساسية وقليل الثبات . كا أنه

لا يدخل فى حساب غيره من المقاييس الإحصائية إلا نادراً ، ويقتصر استخدامه فى التحليل الوصنى للبيانات . ولذلك فإن استخدامه فى البحوث النفسية والتربوية قليل ، فهو لا يصلح إلا كمقياس تقريبي سريع للنزعة المركزية .

الوسط الهندسي :

الوسط الهندسي لمجموعة من القيم عـــددها ن هو الجذر النوني لحاصل ضرب.هذه القيم ، ويرمز له بالرمز هـ .

فثلا الوسط الهندسي للقيم ٢،١، ٤ هو

$$Y = \overline{\Lambda} V^{T} = \overline{(\xi)(Y)(1)} V^{T}$$

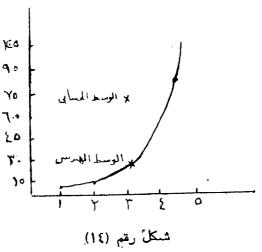
والوسط الهندسي هو نوع خاص من المتوسطات يستخدم في دراسة الظواهر التي تميل إلى التغير بنسبة ثابتة كما في دراسة نزايد السكان أو النمو الجسمي أو العقلي للاطفال. فقد لوحظ أن التغير في مثل هذه الحالات يحدث بنسب تكاد تكون ثابتة .

فإذا اعتبرنا القيم ٣، ٩، ٧٠، ٨١، ٢٤٣ وهي قيم تتغير بنسبة ثابتة ، فهذا ليس من المعقول أن نمثل هذه المجموعة ـــ أى توجد القيمة النوذجية Typical التي تمثلها ــ باستخدام المتوسط الحسابي .

أما الوسط الهندسي لهذه القيم فهو __

$$YV = \overline{(Y\xi :) (\Lambda I) (YY) (A) (Y)} V^{\circ}$$

فقيمة الوسط الهندمى بلاشك تتوسط المجموعة بل هى فى الواقع إحدى قيم المجموعة وتقع على المنحني الممثل لها ، وبذلك فهى تمثلها بدرجة أفضل من المتوسط الحسابي كا فى الشكل رقم (١٤) الآتى :



الوسط الهندسي والوسط الحسابي لمجموعة من القيم

ويلاحظ أننا نستخدم جميع القيم الملاحظة فى حساب الوسط الهندسى ، وهو قليل التأثر بالقيم المتطرفة ، ويصلح للمالجة الرياضية . غير أنه لايكون له معنى إذا اشتملت البيانات على أى قيم صفرية أو سالبة . وهو لا يستخدم أيضاً إلا نادراً فى البحوث النفسية والغربوية .

كيف يختار الباحث مقياس النزعة المركزية المناسب عند تحليل البيانات:

إن أول ما يجب أن يأخذه الباحث في الاعتبار عند اختيار مقياس النزعة المركزية عند تحليل يانانه هو ميزان أو مستوى القياس المناسب للبيانات. فإذا كان ميزان القياس الحاص بالبيانات من المستوى الاسمى يكون المنوال هواللقياس المناسب. وإذا كان ميزان القياس من المستوى الرنبي يمسكن استخدام المنوال أو الوسيط. أما إذا كان ميزان القياس من المستوى الفترى فإنه يمسكن في هذه الحالة استخدام أى من المتوسط أو الوسيط أو المنوال ، وأحياناً يكون من المالا

المرغوب فيه استخدام أكثر من مقياس واحد للغزعة المركزية لنفس بجدوعة البيانات.

والاعتبار الثانى الذى يجب مراعاته عند اختيار مقياس النزعة المر درية هو الغرض من استخدامه . فاذا كان الباحث يود مجرد وصف البيانات بدرجة أفضل، فالمهم هنا هو أن يكون مقياس النزعة المركزية معبرا حقيقيا عن البيانات التي عشلها .

أما إذا أراد الباحث أن يستدل على خصائص المجتمع الاصل من نتاتج العينة فإن اختياره لمقياس النزعة المركزية سوف يتحدد لمل درجة كبيرة بالاسلوب الإحصائي الذي يناسب البيانات وفروض البحث.

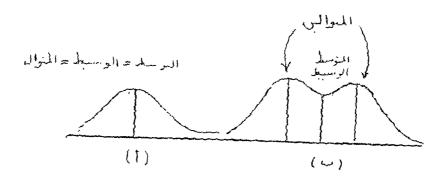
وسوف يجد الباحث كثيرا من هذه الاساليب الإحصائية الاستدلالية في الجزء الثاني من هذا الكتاب.

والمتوسط الحسابي يتميز بعدة ميزات ، فنظرا لانه يمسكن تعريفه بطريقة جبرية فإنه يسمج بكثير من العمليات بما يجعل استحدام المتوسط الحسابي المرا اساسيا . كا أن المتوسط الحسابي يعد أكثر مقاييس النزعة المركزية استخداما في الاستدلال الإحصائي من العينة إلى المجتمع الاصل . فتوسط العينة يحتمل بدرجة أكبر أن يستخدم لتقدير بارامتر الجنمع الاصل عن غيره من مقاييس النزعة المركزية ، إلا أن المتوسط يتأثر بدرجة أكبر بالقيم المتطرفة عن غيره من المقاييس وينطبق هذا بصفة خاصة في حالة العينات الصغيرة . وهنا يفضل استخدام الوسيط بدلا من المتوسط .

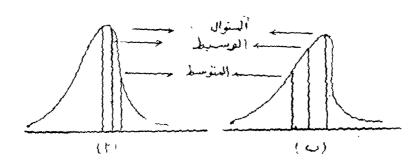
ويبين الشكل رفم (١٥) العلاقـة بين المتوسط ، والوسيط ، و المنو ال، التوزيمات المنائلة .

هالمنحني (أ) أحادي المنوال، والمنحني (ب) ثنائي المنوال. ويبين الشكل رقم (١٦) العلاقة بين المتوسط والوسيط والمنوال للتوزيعات غير المتماثلة. فالمنحني (أ) في هذا الشكل منتو التواء موجها. والمنحني (ب) ملتو التواء سالبا،

وبحسن في مثل هذه التوزيعات استخدام الوسيط كقياس للنزعة المركزية ، و مو النقطة التي على المحود الافقى للتي لو رسمنا منها مستقيها عموديا على هذا المحور بقسم المنحنى إلى جزأين متساويين .



· شكل رقم (١٥) المتوات المتماثلة



شكل رقم (١٦) المتوسط والوسيط والمنوال للتوزيعات غير المتماثلة

وفى التوزيعات المتماثلة تتساوى قيم المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال . أما فى التوزيعات القربية من التوزيعات المتماثلة فإن هذه المتوسطات الثلاثة تكون قربية من بعضها . وقد وجد يبرسون أن هناك علاقة تقريبية بينها وهي أن : ــ

المتوسط ـ المنوال = ٣ (المتوسط الوسيط)

والمواضع النسبية لهذه المتوسطات موضحة في الشكل رقم (١٦) ٠

وبما أن الوسط الحسابي والوسيط أسهل في حسابهما من المنوال . فإن هذه المعادلة تستخدم أحيانا لإيجاد قيمة تقريبية للمنوال في الحالات التي يكون فيها التوزيع قريبا من التماثل .

ويلاحظ أن المنوال هو موقع العمود النازل من قمة المنحنى على المحود الافقى . وأن الوسيط هو موقع العمود الذى يقسم مساحة المنحنى إلى قسمين متساويين . أما المتوسط الحسابى فهوموقع العمود المار بمركز أقمل التوزيع ، كا يلاحظ أنه أكثر ميلا نجو الجانب الملتوى .

تمارين على الفصل الثالث

١ ـــ أوجد المتوسط، والوسيط، والمنوال لمكل مجموعة من مجموعات الدرجات الآتية، وبين أن: جــ (س ـــ س) ـــ .

- (آ) ۸،۲،۲،۳،۸،۰،۹،۸،۱۰ مفر
 - (ب) ۲ ، ۳ ، ۳ ، ۵ ، ۵ ، ۹ ، ۷ ، ۹
 - (ج) ۱۲۰، ۲۰، ۱۲۰ مفر

لا سد فى أى مجموعة من مجموعات الدرجات السابقة يعتبر المتوسط الحسابى
 مقياسا غير مناسب للنزعة المركزية ؟ ولمساذا ؟

٣ ــ فى مجموعات الدرجات السابقة بين أن مجموع مربعات انحرافات الدرجات عن المتوسط أقل من مجموع مربعات الانحرافات عن أى درجة أخرى.

إذا غيرنا الدرجة ١٢٠ في السؤال رقم ١ (ج) إلى ٢٠ ، ما تأثير ذلك على كل من المتوسط، والوسيط، والمنوال.

- ه ــ أوجد الوسط الهندسي للقيم ٣ ، ٥٠ ، . ٩ .
- بين باستخدام البيانات الآتية ، إذا كان هذاك دليل على التواء التوزيع .
 وإذا تبين لك أن التوزيع ملتو ، عين اتجاه الالتواء .
 - (أ) المتوسط = ٥٦، الوسيط = ٢٢، اللنوال = ٦٨
 - (ب) المتوسط = ٦٨، الوسيط = ٦٢، المنوال = ٥٩
 - (ج) المتوسط = ٢٢، الوسيط = ٢٢، المنو ال = ٢٢
 - (د) المتوسط = ٣٠ ، الوسيط ي ٢٧ ، المنوال = ٣٠
 - ٧ ـــ ما نوع التوزيمين رقم ه (ج) ، ه (د) في السؤال السابق .
 - ٨ -- احسب قيمة المتوسط الحسابي الدرجات ٣ ، ٤ ، ه ، ه ، ٩ ، ٧ .

اجمع الرقم ٢ على كل درجة من الدرجات السابقة . أعسد حساب قيمة المتوسط . ما تأثير إضافة أى عسدد إلى كل درجة أو طرح أى عدد من كل درجة على المتوسط الحسابي .

هـ إذا علمنا أن المتوسط الحسابي والوسيط لمجموعة من الدرجات
 متساويان . ماذا يمكننا القول عن شكل توزيع الدرجات .

١٠ _ اذكر أمثلة لبيانات يغضل فيها استخدام:

(أ) المتوسط الحسابي

(ب) الوسيط

(ج) المنوال

١١ – بمعلومية التوزيع الآتى :

ت	س
١	۲٠
١	۱۸
٣	۱۷
۲	١٦
٤	1 ٤
0	۱۲
٥	11
٣	1.
ŧ	٩
٢	, V

⁽أ) إحسب المتوسط الحسابي

⁽ب) حدد قيمة الوسيط

(ج) حدد قيمة المنوال

۱۲ ـــ إذا كان المتوسط الحسافي لدرجات تلاميذ فصل مكون من ۲۰ طالبا في إحدى المواد الدراسية هو $\sqrt{0.05}$ و المتوسط الحسافي لدرجات تلاميذ فصل آخر مكون من ۲۰ طالبا في نفس الاختبار هو $\sqrt{0.05}$ احسب المتوسط الحسافي العام لدرجات طلاب الفصلين معا في الاختبار .

۱۳ ــ احسب المتوسط الحسابي ، وحدد قيمة كل من الوسيط والمنوال الماية : ــ للبيانات الآنية : ــ

الفئات .		
79 - 70 78 - 70		
79 - 70		
11 - 10		
01 - 00		
79 - 70		
VE- V.		

۱۶ ارسم المنحنى التكرارى لهسسده البيانات محددا فيم المنوسط والوسيط والمنوال .

(١. — التحليل)

١٥ أوجد المتوسط الحسابي المرجح للمتوسطات الآنة:

10 ' 17 ' 10 ' 17 إذا استخدم في حساب هذه المتوسطات عينات عدد أفراد كل منها ٦ ' ، ١٠ ' ، ٢٥ . ٢٠ على الترتيب. أوجد أيضا المتوسط الحسابي غير المرجح لهذه المتوسطات. قارن بين النتيجتين مع التفسير.

الفص لمالابلع

خصائص التوزيعات التكرارية

(ثانياً) مقاييس التشتت والالتواء والتفرطح

المدى المطلق

الانحراف الربيعي

الانحراف المتوسط

الانحراف المعيارى والتباين

المقاييس النسبية للتشتت

العزوم حول المتوسط الحسابي

مقاييس الالتواء

مقاييس التفرطح

مقدمة.

عرضنا فى الفصل السابق تنوعة من المقاييس التي تعبر بطرق مختلفة عن قيم نموذجية Typical صالحة لتمثييسل أو نلخيص البيانات ووصف التوزيعات الشكرارية . غير أن هذه القيم لا نبكن و حدها للوصف والمقارنة . فقد تشترك عدة بحوعات فى أحد المتوسطات ، ومع هذا يكون الفرق بينها كبيرا فإذا افترضنا أن البيانات الآتية تعبر عن درجات خسة طلاب فى مادنين مختلفتين :

70	70	۲٥	13	40
١.,	٧٢	ξ Φ	74	١.

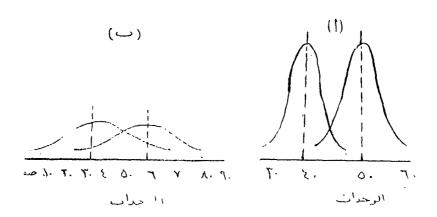
للاحظ أن المتوسط الحسامي واحد في الحالتين ومقداره . ه ، ومع هذا فيهناك اختلاف واصح بين توزيع الدرجات في المبادتين . فالدرجات في المبادة الأولى تقع بين ٣٥ ، ٥٥ فهي متراكمة بالقرب من المتوسط ، أما في المادة الثانية فالدرجات تقع بين ١٠٠ ، ١٠ ، فهي تمتد بعيداً عن المنوسط . أي أن الدرجات في المادة الأولى تسكون أكثر تجانساً وتقارباً منها في المادة الثانية . ويقال حينتذ أن وتشتت ، القم في الحالة الأولى أقل منه في الحالة الثانية .

وكما تهتم بدراسة متوسطات المجموعات ، يجب أن تهتم أيضاً بدراسة تشتت قيم المتغير حول هذه المتوسطات . فخاصية التغير من أهم خصائص المتغبر Variable حيث تؤدى إلى درجات مختلفة للأفراد المختلفين .

فالمجتمع الذي يقوم عادة الباحث النفسي والنربوي بدراسته ينباين و بعد أو أكثر من أبعاده . وهنا يهتم الباحث بتحديد مقدار هذا النباين .

فثلا قد لا يهم الباحث معرفة متوسط دخل أفراد المجتمع بقدر اهتمامه بكيفية توزيع الدخول بين هؤلاء الافراد لان هذا هو الذي يبين مدى التجافس ومدى العدالة في هذا التوزيع . فن الصرودي إذن أن يستخدم الباحث مقاييس تعبر عن مدى تشتت قيم المتغبر تساعده بالإضافة إلى مقايبس النزعة المركزية على تدكوين فكرة أكثر ورضوحاً لما يقوم بتحليله من بيانات فكاما زاد تشتت التوزيعات التكرارية كلما كانت مقاييس النزعة المركزية أقل تمثيلا لهذه التوزيعات، وبالتالى يقل احتمال انطباق ما نتوصل إليه من استنتاجات على المجتمع الاصل الذي اشتقت منه هذه التوزيعات. وعند مقارنة العينات نجد أنه كلما زاد تشتت درجات هذه العينات كلما قل احتمال الحصول على نفس الفروق بين عينتين منها إذا ما حلت عينتان أخريتان مما الخرص ها تين العينتين .

فإذا نظرنا إلى كل من التوزيعين الموضحين فى الشكاين رقم (١٧) أ ، ب حيث تمثل مقاييس النزعة المركزية بالخطين الرأسيين فى كل من الشكلين ا ، ب ، نجد أن مقياسي النزعة المركزية يبتعدان عن بعضهما بقدر ١٠ وحدات ، إلا أن التشتت فى الشكل ب أكبر بكثير من التشتت فى الشكل أ مما يدل على ابتعاد التوزيعين فى الشكل ب عن بعضهما بدرجة أكبر مما هو الحال فى الشكل أ .



شكل رقم (١٧) مجموعتان من التوزيعات التكرارية متفقتان في مقياس النزعة المركزية ولكنها مختلفتين في التشتت

و من بين مقاييس النشات التي سنعرض لها في هذا الفصل:

Range المدى العلق ___ ١

الم الربيعي Interquartile Range

س _ الانح اف المتوسط The Mean Deviation

ي _ الانحراف المعياري Standard Deviation

o _ التمان Variance

المدى الطلق:

يعتبر المدى المطلق أبسط مقاييس التشتت. و يمسكن الحصول على قيمته بإيجاد الفرق بين أكبر قيمة وأصغر قيمه للمتغير. فالمدى المطلق الدرجات ١٠، ٢٠ مر١٥، ١٥، ١٥، ١٥ مو ٢٠ سـ ١٠ سـ ١٠ والمدى المطلق الدرجات ٢، ٨، ١٥، ٢٠ مر ٢٠، ١٥، ١٠ مو ٢٨ سـ ٢٠ سـ ٢٠ وهذا يدل على أن الجموعة الثانية أكثر تشتتاً من المجموعة الأولى. ولكن المدى المطلق لا يعتبر في حد ذاته مقياساً هاماً للتشتت لانه يتوقف على قيمتين فقط من قيم المتغير، ولهذا فهو يتأثر أبالغاً باختلاف المينة لان أي تغير يحدث في أي من هافين القيمتين سـ وحو أمر كبير الاحتمال سـ يؤثر بوضوح في قيمة المدى المطلق، فضلا عن أن المدى المطلق لا يفيدنا شيئاً عن القيم الآخرى في التوزيع. ومع هذا فلا شك أن المعلى عن البيانات التي يفحصها.

الانحراف الربيعي :

يفضل استخدام الانحراف الربيعى إذا استخدم الباحث الوسيط كقياس للنزعة المركزية، وهويسمى أيضا بنصف المدى الربيعى Semi - Interquartile لانه يساوى نصف المدى بين الربيع الاول (ر,) والربيع الثالث (رس) أى يعتمد على تعبين نقطتين على ميزان الدرجات تقع دون أحدهما و ٢ / من الحالات . الحالات و تقع دون الاخرى ٧٥ / من الحالات .

ويرمز لنصف المدى الربيعي بالرمز . ر ،

$$|_{\mathcal{S}}|_{\mathcal{S}} : \mathcal{C} = \frac{c_{\gamma} - c_{1}}{\gamma} + \cdots + (1)$$

وهذا المقياس يتوقف كذلك على قيمتين فقط من قيم التوزيع هما قيمتا الربيعين الأول والثالث ، ولهذا فهو يتأثر أيضا باختلاف العينة . ولسكنه أفضل من المدى المطلق لانه لايتأثر بالقيم المتطرفة التي تكون عادة شاذة عن بقية الثيم ، فمند حسابه نستبعد الربع الاول والربع الاخير من قيم المتغير .

ولتوضيح ذلك عتبر البيانات الموضحة بجدول رقم (١٤) والتي تبين درجات. بحموعة من الازواج (عددها ٢٠) وبحموعة من الزوجات (٢٠ زوجة) في مقياس للاتجاه نحو العمل اليدوى .

لزوجات	بجموعة الزوجات		بحوعة ا
ت	س	ت	س
١	٩	١	٩
١	٨	١	٨
صفر	٧	٣	٧
٣	٦	٣	٦
1.	٥	٤	0
۲	٤	٣	
۲	٣	۲	٣
مفرا	۲	۲	۲
,	١	١	١

جدول رقم (١٤)

درجات مجموعة من الأزواج والزوجات في متياس للاتجاه نحو العمل اليدوى

فن الجدول يمكن أن نحدد بسهو لة الوسيط لكل من المجموعتين و هو يساوى ه ، والمدى المطلق لكل منهماويساوى ٨، وهذا يشير إلى أنه لاتو جد فروق في اتجماهات كل من المجموعتين نحو العمل اليدوى .

فإذا حسبنا نصف المدى الربيعي للمجموعة الأولى نجده =
$$\frac{V}{V}$$
 = 0,1 (V = 3 ، V و V = 0,1 (V = 4 أن V = 3 ، V = 0,1 (V = 4 أن V = 4 أن V = 1 أن V

وهذا يدل على أن اتجاهات بحموعة الزوجات أقل تشتنا من انجاهات بحموعة الأزواج، ولذلك ربما يفسر الباحث هذه النتيجة بأن يقول أن بحموعة الزوجات أقل تطرفا في انجاهاتهن وأنها أكثر نجانسا من بحمرعة الازواج في الانجاه موضع الاهتمام.

و يمكن حساب نصف المدى الربيعي من البيانات المجمعة في توزيع تكراري بنفس الطريقة التي سبق أن اتبعناها في الفصل الثالث عند حساب الوسيطالبيانات المجمعة ، إلا أننا هنا نهم بالربيعين الاول والثالث ، ولذا يجب أن نستمين بجدول التسكرار المتجمع الصاعد (أو النازل) أو بالمنحى المتجمع الصاعد (أو النازل) لمسابكل من الربيعين .

ويجب أن نتذكر أن رتبة الربيع الاول = ن ، ورتبة الربيع الثالث =

۳ ن حیث ن ترمز إلى التسكرار السكلى . ٤

ولتوضيح ذلك نفترض أن لدينا التوزيع التكراري لدرجات اختبار ما وهو مبين بالجدول رقم (١٥) الآتي :

التكرار المتجمع الصاعد	التكرار	الدرجات
۲	۲	18 - 1.
١٠	٨	19 10
١٦	٦	71 - 7.
44	١٢	79 - 70
٣٥	٧	78 - 4.
٤١	٦	79 40
٤٥	٤	1 1 - 1 -
٤٨	•	19 - 10
٤٦	١	08 - 0.
۰.	1	09 - 00
And the second s	ن =-•)

جدول رقم (١٥)

$$17,0 = \frac{\circ \cdot}{3} = 0$$
تر تيب الإرباعي الأول

$$\overline{\tau}$$
 in $\overline{\tau}$ in $\overline{\tau}$

$$\times \frac{1.-17,0}{7} + 19,0 = 0$$
الإرباعي الأول = 0,19

$$V,o := \frac{10}{r} = \frac{r_{1},o_{1}-r_{1},o_{1}}{r} =$$

وكلما كان التوزيع متماثلا كان الوسيط على بعدين متساويين من الربيع الادنى والربيع الاعلى .

فني المثال السابق نجد أن الوسيط وفيمته ٢٨,٢٥ أفرب قليلا إلى الربيع الأدنى منه إلى الربيع الأعلى مما يبين أمن النوزيع ليس اعتدالى ولسكنه قريب من الأعتدالية .

و بصلح الانحراف الربيمي لقياس التشتت لآن قيمته تتناسب مع مدى انتشار قيم النوز بع . فإذا كانت قيمته كبيرة دل ذلك على زيادة تشتت و اختلاف القيم ، و إذا كانت قيمته صغيرة دل ذلك على قلة التشتت و الاختلاف بين الفيم . و همو كمقياس المشتت يتمشى مع الوسيط رم كمقياس المرعة المركزية ، ف خلاهما يعنمد على ترنيب القيم ترتيبا تصاعديا أو تنازليا . و يمكن للباحث المتخدام الوسيط و الا محراف الربيمي لوصف التوزيمات النكر ارية و تلخيص البيانات .

و من الملاحظات الجديرة بالذكر أنه في حالة التوزيعات الاعتدالية تقع قيم ه / من الحالات بين القيمتين (الوسيط في الانتعراف الربيعي) نظرا لتماثل هذه التوزيعات .

وعلى هذا نستطيع أن نحمكم على درجة اعتدالية توزيع ما بمدى انطباق هذه القاعدة عليه .

فنى المثال السابق نستطيع أن نقول أن التوزيع يكون قريباً من الاعتدالية إذا وقعت نصف الحالات تقريباً بين القيمتين ($v_0 \pm v_0 \pm v_0$) أى بين القيمتين ($v_0 + v_0 \pm v_0$) .

فإذا كانت البيانات غير المجمعة الخاصة بهذا المثال متوافرة لأمكن التأكد من صحة هذا الفرض .

وفى وصف التوزيعات بواسطة الإرباعيات يحسن تسجيل قيمة كل من رم ، رم لان هذه القيم معا تعطى صورة واضحة عن التوزيع ، وخاصة أرب الانحراف الربيعي لايسهل معالجته رياضيا ، وهذا أحد عيوبه . ومن عيوبه أيضا فضلا عن تأثره باختلاف العينة أنه لايدخل في حسابه قيم الإرباعي الاولى وقيم الإرباعي الاوسط .

الانحراف المتوسط:

إن المقياسين السابق ذكرهما لا يدخل في حسابهما جميع قيم المتعير ، فسكل منهما بمتمد على تقطتين معينتين في التوزيع . أي أن كليهما لا يتضمن الاختلافات الفردية لقيم المتغير . فإذا أراد الباحث أن يهتم بذلك وهو ما يجب أن يكون فلا د من استخدام مقا بيس تتناول هذه القيم جميعا . وأبسط طريقة تصلح لذلك هي إيجاد متوسط انهر افات كل قيمة في التوزيع عن قيمة ما في وسط التوزيع ، لأن مدى اقتراب أو ابتعاد قيم المتغير عن قيمة ما لا بد أن يشير إلى مدى تشتت هذه القيم . ومن البديمي أن تسكون هذه القيمة التي نختارها لهذا الفرض هي إحدى قيم مقا يس النزعة المركزية . ويفضل بعض علماء الإحصاء استخدام المتوسط الحسابي كنقطة تقاس منها الانحرافات لأن يحموع الانحرافات المطلقة عن المتوسط الحسابي هو نهاية صغرى .

وبهذا يكون لدينا مقياس فريد لهذا الانحراف . ولتوضيح ذلك نفترض الدرجات الاتية :

المينة أ	٨	٨	٨	٨	٨
العينة ب	١	٤	٧	١٠	١٣
المنة ج	١	٥	۲.	۲0	44

فدرجات العينة أ أقل تشتتا من درجات العينة ب . وهذه بدورها أقل تشتتا من درجات العينة ج . ومتوسط العينات الثلاث هي ٨ ، ٧ ، ١٦ على الترتيب . فإذا ما عرنا عن درجات كل عينة بالانحرافات عن متوسطها فإننا نحصـــل على الانحرافات الآنية :

صغر	صفو	صفر	صغو	صغر	المينة أ
7+	4+	صغر	٣	7 —	المينة ب
17+	١+	1 +	11 -	۱٥	المينة ج

ولذلك فإنه يمكننا استخدام هذه الخاصية لإيجاد مقياس للتشتت يطلق عليه الانحراف المتوسط . ويعرف الإنحراف المتوسط بأنه متوسط الانحرافات المطلقة لقيم التوزيع عن المتوسط الحسابى . وتقصيد بالانحرافات المطلقة الانحرافات بغض النظر عن إشارتها الجبرية + أو ...

وللحصول على الانحراف المتوسط لمجموعة من القيم نحسب الانحرافات عن المتوسط الحسابى و تجمع هذه الانحرافات بغض النظر عن إشارتها الجبرية ، ثم نقسم الناتج على عدد هذه القيم .

فبالنسبة للمجموعة أيكون الانحراف المتوسط صفرا . وبالنسبة للمجموعة بكون الانحراف المتوسط $\frac{7+7+7}{0}=\frac{1}{0}$

e بالنسبة للمجموعة جيكون الانحراف المتوسط $10, \xi = \frac{07}{2} = \frac{17+9+\xi+11+10}{2}$

وبذلك يكون الانعراف المتوسط $= \frac{بحر اس - سًا}{2}$

و يرمز الخطان الرأسيان المحيطان بالفرق س _ ش إلى القيمة المطلقة للفرق. أما إذا كانت جميع القيم أو بعضها مكررا فيمكن استخدام الصورة الآتية:

الانعراف المتوسط = مجدك اس - س الانعراف المتوسط = الانعراف المتوسط = (٢)

حيث ك ترمز إلى الشكرار .

ويلاحظ أننا تأخذ القيم المطلقة للانحرافات ــ أى بصرف النظر عن المسابى للناديها ــ وذلك لان بحموع الانجرافات الفعلية عن المسوسط الحسابى يساوى صفر أ

والمثال الآني يوضح كيفية إيجاد الانحراف المتوسط البيانات المجممة .

<mark>(اله مق</mark>	(س س)	س 🗙 ك	مراكز الفثات	التحرار	الفشات
ا ــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	(0 0.)		(w)	(4)	القيهات
صفر	19, 71	مفر	۲	صفر	صغر _ غ
۲۸,٤٢	18, 71	155	٧	۲	٩٥
1.,181	۹, ۲۱	144	17	11	18 - 1.
1.9, ٤7	٤, ٢١	127	14	77	19 - 10
14, 14	, ۷۹	44.	44	17	78 - 7.
٤٦, ٣٢	٥, ٧٩	717	44	٨	79 70
71, 11	1., ٧1	197	* Y '	٦	ire - 4.
٤٧, ٣٧	10, 44	111	* V	۳.	79 ··· 70
٤١, ٥٨	4., 49	٨٤	٤٢	۲	٤١ ٤٠
Y0, V9	Y0, V9	ξ γ	٤٧	1	£9 £0
۳۸۷, ۲٤١		1717		٧٦	المجموع 🛥

جدوك رتم (١٦) طريقة حساب الانحرامات المتوسطة للبيانات المجمعة

$$71,71 = \frac{1717}{77} = \frac{\cancel{5} \times \cancel{5} + \cancel{5}}{\cancel{5}} = -\frac{\cancel{5}}{\cancel{5}}$$

ومن خواص التوزيعات الاعتدالية أن المدى بين المقدارين (المتوسط الحسابي لل المتوسط) يشمل حوالي ٥٨ / من التسكرار السكلي . فإذا افترضنا أن توزيع البيانات المبينة في الجدول السابق قريب من الاعتدالية تتوقع أن يقع ٥٨ / من القيم تقريبا بين المقدارين (٢١,٢١ لـ ٢١,٥٥) أي بين (٢٦,٢١ ، ٢٦,٧٠٥)

وبالطبيع كان من الممكن التأكد من اعتدالية التوزيع إذا كان لدينا البيانات غير المجمعة للتحقق من النسبة المثوية القيم التي تقع بين القيمتين ١٦,١ ، ٢٦,٣ ٠

والانحراف المتوسط يفيد فى بعض الحالات مثل تحليل البيانات الافتصادية، ولكنه قليسل الاستخدام فى البحوث النفسية والتربوية لأن إهمال إشارة الانحرافات يؤدى إلى قصور هذا المقياس عن الممالجة الرياضية.

الانحراف المعيارى والتباين للعينات:

Sample Standard Deviation and Variance

هذا المقياس هو أدق مقاييس التشت وهو مبنى على نفس الأساس الذى بنى عليه الانحراف المتوسط ، أى على أساس أن متوسط بجموع انحرافات قيم المتغير عن المتوسط الحسابي هو قيمة صالحة لقياس مدى تشتت هذه القيم . غير أن الانحراف المعياري لا بهمل إشارات الانحرافات بل يتخلص من وجودها بطريقة رياضية مقبولة وهي إيحاد مربعات هذه الانحرافات . أي أننا في هذا المقياس نستخدم المقدار عمر (س - س) المناف هذا المقياس نستخدم المقدار المحروب المقياس المقياس المقدار المقياس المقياس المقدار المقياس المقياس المقدار المقياس المقدار المقياس المقياس المقدار المقياس المقيا

ولكن بما أن الاساس هو متوسط الانحرافات ذاتهـا وليس متوسط مربعاتها، لذا يكون من الضرورى أخذ الجذر التربيعي لهذا المقدار، وهذا الإجراء يمكننا أبضاً من الاحتفاظ بوحدة القياس الاصلية للمتغير.

وعلى هذا يعرف الانحراف المعيارى لتوزيع ما بأنه القيمة الموجبة للجذر التربيعي لمتوسطات مربعات انحرافات قيم التوزيع عن متوسطه الحسابي، ويرمزله بالرمز دع، ملى أن :

$$y = \sqrt{\frac{1}{2} \left(\frac{1}{1} - \frac{1}{1} \right)^{2}}$$

ويلاحظ أانا تحسب الاتحرافات عن المتوسط الحسابي ، وذلك لأن بجموع مربعات انحرافات قيم التوزيع يكون أقل ما يمكن إذا كانت هذه الاتحرافات محسوبة عن المتوسط الحسابي ، وبهذا يكون لدينا مقياس فريد الانحرافات .

كا يلاحظ أن مربع الانحراف المعيارى أى (ع⁷) يسمى التباين Variance ، ولذا فهو يسمى أيضاً بالانحراف التربيعي المتوسط.

(1)
$$\frac{r(\overline{w} - w)}{v} = \frac{r}{v}$$

والانحراف المعيارى والتباين يكونان ركنا أساسيا في علم الإحصاء وفى تحليل البيانات.

ولكننا يحب أن نفرق بين الانحراف المعيارى وتباين العينة Sample والانحراف المعيارى وتباين المجتمع الاصل Population . وفي الحقيقة فإن استخدام الصورة :

يعطينا تقديراً للإنحراف المعيادى للمجتمع الأصل . أى أن القيم الناتجة من استخدام هذه الصورة تميل إلى أن تسكون أقسسل من القيم الحقيقية للانحرافات المعيارية للمجتمعات الأصل .

و القسمة على ن ـــ ١ بدلا من ن تعطينا قيماً تقديرية غير متحيزة . ولذلك يفضل استخدام الصورتين الآتيتين :

(a)
$$\cdot \cdot \cdot \cdot \frac{\overline{(\overline{w} - w)} \neq \sqrt{w}}{|\overline{v} - w|}$$

إذا أردنا تقدير الانمراف المعياري لتباين المجتمع الاصل من البيانات المستمدة من عينات مسحوبة من هذا المجتمع.

و الاحظ أن الرمز ن يشير إلى عدد الدرجات أو القيم أو القياسات أو الملاحظات، بينها يشير المقدار ن ــ ١ إلى عدد الانحرافات عن المتوسط التي يمكن أن تتفير. و لتوضيح ذلك، ففترض أن لدينا القيم ٧، ٨، ٥ ٥ و متوسطها ١٠٠ وبذلك تسكون اعرافاتها عن المتوسط هي ــ ٣، ــ ٧، + ٥، و بحوع هذه الانحرافات صفر : أي (ــ ٣) + (ـ ٧) + (+ ٥) = صفر. وحيث إن المجموع صفر ، فإننا نستطيع بمعلومية أى انحرافين منهـــا أن نحدد الانحراف الثالث، أى لا تختلف قيمته إذا علمنا قيمتي الانحرافين الآخرين. وبحموع مربعات الانحرافات هي ٩ + ٤ + ٥٧ = ٣٨، و بالرغم من أننا حسلنا على هذا المجموع تقيجة إضافة مربعات القيم الثلاث، إلا أن قيمتين فقط من هذه القيم لها حرية التغيير . ويطلق على عدد القيم الحرة التعيير اسم و درجات الحرية التعيير اسم و درجات الحرية التعيير اسم و درجات الحرية التعيير الم و التحليل على المقدار بحد (س ــ س) يقترن بدرج ت التحليل)

الحرية ن _ 1 لانه يمكن لقيم عددها ن _ 1 من بين مربعات الانحرافات التي عددها ن أن تتغير .

وفى الحقيقة أن مفهوم , درجات الحرية , يعتبر من المفاهيم الاساسية العامة والمفيدة في علم الإحصاء . وسوف يرى الباحث بنفسه أهمية هذا المفهوم عند دراسته للاساليب الاستدلالية في تحليل البيانات والتي سنعرض لها في الجزء الثاني من السكتاب .

مثال تطبيقي :

لكى تشرى فهمنا لطبيعة التباين والانحراف المعيارى نعتبر المشال التطبيقي الآني حيث قام باحث بتصميم موقف تجريبي لبحث أثر تعاطى عقاد معين على الاداء في مطلب معرفي ما مثل الترميز Coding، فاختار عينتين عشوائيتين من الطلاب إحداهما تجريبية أعطيت العقار، والاخرى صابطة لم تعط العقار، وشكون كل بحموعه من ١٠ أفراد. ونفترض أن درجات الطلاب في المطلب المعرفي التي حصل عليها كل منهم كانت كا يلي:

المجموعة التجريبية ٥ ٧ ١٧ ١٧ ٥٠ ١٨ ٨٥ ٦٨ ٩٩ ٩٩ ٩٠ المجموعة التجريبية ٥ ٧٠ ٦٩ ٦٣ ٦٢ ٩٠ ٧٠ ٢٠ ٦٩ ٦٣ ٢٠

فتوسط المجموعة التجريبية يساوى ٥٠، ومتوسط المجموعة الصابطة ٥١،٥٠ وهنا ربمها يتسرع الباحث ويستنتج من هذين المتوسطين أن المقارليس له تأثير على الإطلاق على أداء الفرد.

ولكن إذا حسبنا الانحراف المميارى لدرجات كل بحموعة نجده ٣٥,٦٣، ٢٥، المربعة المربعية أكثر تشتتاً وانتشاراً من المجموعة المجربية في المطلب المعرف من المجموعة المجربية في المطلب المعرف

أكثر تباينا من أداء المجموعة الضابطة . وبذلك يتضح للباحث أن العقار يبدو أن له تأثيراً كبيراً على تباين الآداء بالرغم من أن تأثيره على مستوى الآداء كان طفيفاً .

فعند نحليل البيانات المستمدة من الوقائع التجريبية يجب على الباحث إلى جانب تفسير الفروق بين المتوسطات الحسابية أن يعتنى أيضا بتفسير اختلاف التباين أو الانحرافات المعيارية للبيانات التي يحصل عليها .

حساب الانحراف المعيارى والتباين للبيانات غير المجممة :

إذا أردنا حساب الانحراف المعيارى والتباين لمجموعة من القيم مثل ه ، ٧ ، ٩ فما علينا إلا أن نــكون جدولا بسيطا كالآتى لتيسير العمليات الحسابية . ر

(س – س)	<u> </u>	<u></u> س	س	
ŧ	۲ –	٧	٥	
صفو	منفر	٧	٧	
٤	۲+	٧	4	
٨	صفر			

$$71 = 0$$

$$0 = 7$$

$$0 = 7$$

$$0 = 7$$

$$0 = 7$$

$$0 = 7$$

$$0 = 7$$

$$0 = 7$$

$$0 = 7$$

$$0 = 7$$

$$0 = 7$$

$$0 = 7$$

$$0 = 7$$

$$0 = 7$$

$$0 = 7$$

$$0 = 7$$

لاحظ أننا حسبنا المتوسط أولا ($\overline{w}=v$) ثم طرحنا كل درجة من المتوسط ($\overline{w}=\overline{w}$) وقنا بتربيع هذا الفرق ($\overline{w}=\overline{w}$)، ثم قسمنسا بحموع هذه الفروق على عدد القيم مطروحاً منها الواحد الصحيح .

و نستطيع حساب الانحراف المعيارى والتباين باستخدام القيم ذاتها دون الحاجة إلى حساب انحرافات هذه القيم عن المترسط الحسابى ، وذلك باستخدام قانون مكن اشتقاقه من القانون الاصلى السابق كالآنى :

$$\frac{1-\sqrt{(w-w)}}{\sqrt{(w-w)}} = \frac{1}{\sqrt{(w-w)}}$$

$$\frac{1}{\sqrt{\frac{\omega + \omega}{\dot{\upsilon}} + \dot{\upsilon}} + \dot{\upsilon} + \dot{\upsilon}} + \dot{\upsilon} + \dot{\upsilon}} = \frac{1}{\sqrt{\frac{\omega + \omega}{\dot{\upsilon}}}}$$

$$(V) \cdot \cdot \frac{V(\omega - \omega) - V(\omega - \omega)}{(1 - \omega)} =$$

وهذا القانون لا يتطلب إلا جدولا مكونا من عمودين كا يتضح من الجدول الآتي :

$$3 = \sqrt{\frac{\dot{\upsilon} + \dot{\upsilon} - (\dot{\upsilon} - 1)}{\dot{\upsilon}(\dot{\upsilon} - 1)}}$$

$$= \sqrt{\frac{7 \times 0.01 - (17)^{7}}{7 \times 7}}$$

$$= \sqrt{\frac{7 \times 133}{7}} = \sqrt{\frac{37}{7}} = \sqrt{\frac{37}{7}}$$

غير أن هناك حقيقة هامة تعيننا على تبسيط هذه الاعداد وخاصة إذا كانت الاعداد كبيرة أو كان متوسطها الحسابي عدداً كسرياً ,

وهذه الحقيقة هي أن الانحراف المعياري لا يتغير بتغير نقطة الآصل. وذلك لا نتا حين تنقل نقطة الآصل إلى نقطة أخرى على نفس المحور الممثل لقيم المتغير فإن جميع القيم تتغير بمقدار ثابت ، و تظل المسافة بين أى قيمتين للمتغير ثابتة ، ويظل المقدار (س – س) وهو انحراف أى قيمة عن المتوسط الحسابي ثابتاً ، وعلى هذا فإن المقدار عب (س – س) هو مقدار ثابع للتوزيع الواحد ، ومن ثم فالانحراف المعياري هو أيضا مقدار ثابت ،

وهذه الحقيقة تسهل العمليات الحسابية بدرجة كبيرة لأنها تعنى أنتا لو طرحنا أو أصفنا مقدارا ما من أو إلى جميع قيم المتغير لمسا نأثرت قيمة الانحراف المعيارى .

فنى المثال السابق ، لتوفير الجهد فى حساب الانحراف المعيارى نطرح مقدار ا ثابتا من كل من الاعداد الثلاثة وليكن ٧ . ثم نـكون جدولا مكونا من ثلاثة أعمدة كايلى .

		The state of the s
۳	<u> </u>	س
1	۲ —	0
مفر	صغر	v
٤٠	۲+	٩
٨	صفر	المجموع ٢١

$$\frac{1}{(\dot{v} + \dot{v} - \dot{v})} = \frac{1}{\dot{v} + \dot{v}} = \frac{1}{\dot{v} + \dot{v}}$$

$$r = \sqrt{\frac{r_{\xi}}{r}} =$$

رهو نفس الجواب السابق.

وتفسير التباين لا يعد أمرا سهلا، فهو لا يعدو أن يكون قيمة عددية صرفة تزيد بزيادة تشتت واختلاف الدرجات .

ولسكن التباين له أساس منطقى . فالمتوسط الحسابى هو القيمة المركزية للتوزيع ، وبذلك يكون من الطبيعى أن يعتمد مقياس التشتت على الانحراف عن هذه القيمة المركزية ، كما أننا ذكر نا فيما سبق أن بحوع مربعات الانحرافات عن المتوسط أقل من بحموع مربعات الانحرافات عن أى قيمة أخرى . فهذه تدعم الاساس المنطقى لاختيار بحموع مربعات الانحرافات عن المتوسط كمقياس للتشتت ،

ونتيجة المملية نربيع الانحرافات تسهم جميع الانحرافات إسهاما موجباً فى المجموع الكلى لمربعات الانحرافات لأن الانحرافات السالبة تصبح موجبة بعد تربيعها .

كا أن الانحرافات الكبيرة بعد تربيعها تسهم بدرجة كبيرة في المجموع الكلى (فالانحراف ٤ وحدات مثلا يصبح ١٦ بعد تربيعه ، أما الانحراف ٨ وحدات وهي ضعف الانحراف ٤ وحدات فيسهم بعد تربيعه بقدر ٦٤ في المجموع السكلي لمربعات الانحرافات) . ولذا فإن القيمة النهائية تتأثر بوجه خاص بالقيم التي تبعد كثيرا عن المتوسط بسبب عملية التربيع .

كا أن قسمة بحموع مربعات الانحرافات على ن ــ 1 يجعل التباين من نوع م متوسط مربعات الانحرافات ، وبذلك يمكر للباحث أن يقارن تباين التوزيعات الني نشكون من عدد مختلف من القيم أو الدرجات بنفس الطريقة التي يقارن بها متوسطات التوزيعات التي نشكون من عدد مختلف من القيم .

البَّثيل الهندسي للانحرافات والتباين والانحراف المعياري :

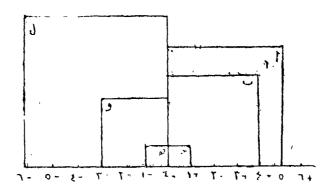
مربع الانحراف (ع۲)	الانحراف(ح)	الدرجة (س)	العا لب
70	o +	10	1
١٦	٤+	18	ب
\ \	1+	11	۶.
	صفر	1.	د
,	١	٩	A
٩	٣ —	٧	و
77	٦ —	٤	J
۶- ۲ = ۸۸	مجے ح = صفر	۶- س =۰۷	الجموع
17,04=	= صفر	1.=	المقرسط الانرابا
٣,00 ≔			الانحراف المعيارى

جدول رقم (١٧) متوسط ومربعات الانحرالمات عن المتوسط لدرجات عينة مكونة من سبعة طلاب

ولكى نمثل هذه البيانات هندسيا يجب أن نرسم خطأ أفقيا يوضح ميزان القياس. ولكننا هنا أن نضع الدرجات الاصلية للطلاب السبعة على هذا الخط، ولكننا سنجمل نقطة الأصل (نقطة الصفر) هي المتوسط الحسابي . وهذا هو ما يحدث عندما نعتمد على انحرافات الدرجات الاصلية عن المتوسط الحسابي .

واستخدام هذه الانحرافات لا يغير من الترتيب النسبى للطلاب السبعة . ولمكننا فقط نسكون قد أزحنا نقطة الصفر ١٠ وحدات (قيمة المتوسظ) على ميزان القياس (الخط الافقى) .

ومربعات الانحرافات عندئذ تمثل بالمساحات أو المربعات المنشأة على خط الانحرافات كما هو موضح بالشكل رقم (١٨) . وهذه المربعات تناظر مربعات الانحرافات المبينة بجدول رقم (١٧) .



شكل رقم (١٨) الانحرافات عن المتوسط والتباين والانحراف المعيارى لعينة مكونة من سبعة طلاب

ويتضح من همذا الشكل كيف أن الانحرافات المكبيرة بعد تربيعها تزيد بدرجة أكبر من تربيع الانحرافات الصغيرة، وبحوع مربعات الانحرافات يمثل هندسيا بالمساحة المساوية لمجموع جميع المربعات وهي ٨٨ وحدة مربعة، وإيجاد المتوسط الحسابي لهذه المساحة المكبرى يكون بمثابة تقسيم تناسي للمساحة بين الطلاب السبعة ، فهذا المتوسط هو الجزء من المساحة الذي يخص كل طالب إذا كان تصيب كل منهم يساوى تصيب الآخر ، فهذا هو التباين الذي يمكن تمثيله هندسيا بالمربع المبين بالشكل رقم (١٩) الآتي:



شكل رقم (١٩) التبشل الهندسي للانحراف المعياري والتباين

عالمربع المنشأ على خط القاعدة طول مناهه الذي إيمثل الانحراف الممياري هو الجذر التربيعي للمساحة ، ويمكن بشروط معينة تجزئة التباين إلى مكونات ترجع إلى مصادر مختلفة ، وهذه تمكن الباحثين من إجابة سؤال مثل : إذا كان هناك تباين في مجموعة من الدرجات ، ما هي نسبة التباين التي ترجع إلى السبب أفي مقابل السبب ب ؟ وغيرها من الاسئلة ،

وسوف تتناول هذا النوع من التحليل بالتفصيل في الجزء الثاني من الكتاب.

أثر الإضافة أو الطرح أو الضرب فى ثابت على الانحراف المعيارى :

إذا أضفنا مقداراً ثابتاً إلى كل درجة من درجات العينة لا يتغير الانحراف المعيارى . إذ ربما يجد الباحث أن الاختبار الذى طبقه على الطلاب غاية في الصعوبة فيضطر إلى إضافة ، 1 درجات مثلا إلى كل درجة ، وبالرغم من هذا يظل الانحراف المعيارى للدرجات بعد الإضافة مساويا للانحراف المعيارى للدرجات الاصلية . وذلك لا تنا إذا فرضنا أن الدرجة الاصلية هي س ، فإن الدرجه بعد إضافة مقدار ثابت وليكن جه تصبح س به جه وإذا كان متوسط الدرجات الاصلية س ، فإن متوسط الدرجات الاصلية س ، فإن متوسط الدرجات الاصلية س ، فإن متوسط الدرجات بعد إضافه الثابت عصح س به جه س به يا درجات الاصلية س ، فإن متوسط الدرجات بعد إضافه الثابت عصح س به جه س به جه در س به درجات الاصلية س ، فإن متوسط الدرجات الاصلية س ، فإن متوسط الدرجات بعد إضافه الثابت عصر س به درجات العدرجات العدر به المنافقة الثابت عصر س به درجات العدر به المنافقة الثابت عصر س به المنافقة الثابت عصر س به المنافقة الثابت عصر س به المنافقة الثابت عليات المنافقة الثابت عليات المنافقة الثابت عليات المنافقة الثابت عليات المنافقة الثابة المنافقة الثابت عليات المنافقة الثابت المنافقة المنافقة الثابت المنافقة المنافقة المنافقة المنافقة المنافقة المنافقة الثابت المنافقة الثابت المنافقة الثابت المنافقة الثابت المنافقة المنا

ويكون الانحراف عن المتوسط الجديد هو :

$$\bar{w} - w = (* + \bar{w}) - (* + w)$$

وهذا بالطبع يساوى انحراف الدرجات الاصلية عن المتوسط الاصلى .

و نظراً لمدم تغير قيمة الانحراف بعد إضافة مقدار ثابت فإن الانحراف المعياري لايتغير أيضاً تتبيجة لإضافة المقدار الثابت .

ولتوضيح ذلك نفترض أننا أضفنا مقداراً ثابتاً وليكن ه على كل درجة من السرجات ، ١٠ ، ٧ ، ١٠ ، ١٠ التي متوسطها ٧ فتصبح الدرجات هي ٣ ، ٩ ، ١٠ ، ١٠ ، ١٠ ومتوسطها يصبح ٧ + ٥ أي ١٢ . والانحرافات عن المتوسطالتي تساوى - ٣ ، - ٣ ، صفر ، + ٣ ، + ٣ هي نفسها في الحالتين و بذلك تظل قيمة الانحراف المعياري ٤٠٤ .

و بمسكن الحصول على نتائج بمائلة إذا طرحنا مقداراً ثابتاً من كل درجة .

أما إذا ضربناكل درجة فى مقدار ثابت فإن قيمة الانحراف المعيارى تساوى القيمة الاصلية مضروبة فى القيمة المطلقة لهذا المقدار الثابت . . . ،

فإذا كان الاثحراف المعيارى لدرجات اختبار ما هو ، وضربنا كل درجة منها فى ثابت مقداره ٣ ، فإن الانحراف المعيارى الناتج يساوى ، ٣٪ = ١٢ .

ولتوضيح ذلك نفترض أن المتوسط الأصلى لمجموعة من الدرجات هو س . فإذا ضربناكل درجة منها في ثابت مقداره ج يصبح المتوسط جس . ويصبح الانحراف عن المتوسط هو ج س _ ج س = ج (س _ س)، وبعد تربيع هذا المقدار و جمع انحرافات الدرجات عن المتوسط والقسمة على ن _ ١ نحصل على :

ويكون الانعراف المعيارى الجديد = - م ع أى يساوى الثابت مضروبا في الانحراف المعياري الاسلى .

وخلاصة هذا أن إضافة مقدار ثابت إلى كل درجة يؤدى إلى زيادة متوسط الدرجات بقدر هذا الثابت ، ولسكن هذه الإضافة لاتؤثر في قيمة الانحراف المعياري .

فإذا نظرنا إلى شكل رقم (٧٠) تتبين أن إضافة مقدار ثابت إلى كل درجة يؤدى إلى إزاحة التوزيع إلى اليمين على طول المحور الأفقى و لكنه لايغير من شكل التوزيع أو تبشتت الدرجات ،

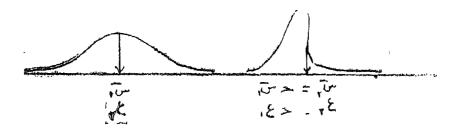


شكل رقم (٢٠)

اضافة متدان ثابت موجب ج الى كك درجة

أما ضرب كل درجة فى مقدار أابت جد أكبر من الواحد الصحيح يؤدى إلى إزاحة موضع المتوسط الحسابى إلى اليمين على طول المحور الافقى، وفي نفس الوقت عد النصف الاعلى المتوزيع أكثر من النصف الاسفل ، وبذلك يتغير المنحنى

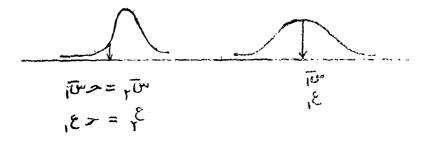
المتماثل حول المحور الرأسي إلى منحتى ملتو التواء موجبا كما هو مبين بشكل رقم (٢١) ويزيد الانحراف المعياري بمقدار يتناسب مع هذا المقدار الثابت.



شكل رقم (۲۱)

خرب كل درجة في مقدار ثابت ج اكبر من الواحد الصحيح

وبالمكس إذا ضربناكل درجة في مقدار أابت جم أقل من الواحد الصحيح فإن هذا يؤدى إلى إزاحة التوزيع إلى اليسار على طول الخط الأفقى كم هو مبين بشكل رقم (٢٧) كما يؤدى إلى تقلص النصف الأعلى للتوزيع أكثر من التصف الاسفل بما يجمل المنحني ملتويا التواء سالبا ويقل الانحراف المعياري بمقدار يتناسب مع هذا المقدار الثابت .



شكل رقم (٢٢) ضرب كل درجة في مقدار ثابت ج اتال من الواحد الصحيح و يمكن أن تمين أهمية استخدام هذه القواعد بالمثال الآني :

نفترض أن مملما طبق على طلابه اختبارا غاية في الصموبه ووجد أن متوسط اللهرجات . و والانحراف الممياري . ١ ، وأراد أن بعدل الدرجات بحيث يصبح المتوسط ٥٠ . فإحدى طرق إجراء ذلك أن يضيف ٢٥ الى كل درجة وبذلك نويد المتوسط الحسابي من ٥٠ إلى ٧٠ ، ولكن هذا لن يغير من قيمة الانحراف المياري وهي ١٠٠٠.

والطريقة الاخرى أن يضرب كلدرجة فى المقدار ه، ، فهذا النحو يل للدرجات يؤدى إلى ريادة المتوسط بقدر ٢٥ درجة أى يزيد المتوسط من ٥٠ الحل ٧٠ كا يزيد الانحراف المعيارى من ١٠ إلى ١٥ درجة ٠

ويستفيد من هذه التحويلة الطلاب الذين تقع درجاتهم أعلى المتوسط . فالطالب الذي سهل على الدرجة . ٣ في الاختبار الاصلى تصبح درجته . ٩ نتيجة المملية العنوب في المقدار الثابت . ولسكن درجته تصبح ١٨٥ إذا أضفنا إليها ٢٥ وعلى المكس من ذلك ، فإن عملية العنوب في مقدار ثابت لاتفيد الطالب الذي حصل على درجة أقل من المتوسط ، فإذا كانت درجته ٣٥ مثلا في الاختبار الاصلى فإن درجته تصبح ٥,٢٥ فقط نتيجة لعملية العنوب ولكنها تصبح ٥،٢٥ أضفنا إلى الدرجة الاصلية ٢٥ .

حساب الابحراف المعيارى إذا كانت البيانات مجمعة :

توجد عدة طرق لحساب الاعراف المهيارى إذا كانت البيانات بجمعة في توزيع تسكرارى أبسطها الطريقة النخ سنعرض لها هنا و تسمى الطريقة المختصرة. لانها توفر كثيرا من الوقت اللازم لإجراء العمليات وخاصة إذا كانت الفتات

كشيرة ، وقيم الدرجات كبيرة ، فضلا عن أن الجدول الذى تتطلبه هذه الطريقة نحسب عن طريقه المتوسط الحسابي ، وبالطبع فإننا نحتاج دائما إلى المتوسط الحسابى فى دراسة ووصف التوريعات .

وفكرة هذه الطريقة تعتمد أيضا على الحقيقة التي سبق أن ذكرناها وهي أن الإنحراف الممياري هو مقدار ثابت للتوزيع الواحد . ولا تتأثر فيمته بنقل نقطة الاصل الى مركز الاصل طالما كنا محتفظين بوحدة القياس . وعادة ننقل نقطة الاصل إلى مركز إحدى فئات التوزيع .

و تعتمد هذه الطريقة على فسكرة الحصول على مجموع مربعات انحرافات الدرجات عن مركز هذه الفئة الافتراضية بدلا من استخدام المتوسط الحقيقي الذي ربما نسكون قيمته كسرية . أما المتوسط الفرضي فهو القيمة الى تنحرف عن مراكز العتات بأعداد صحيحة مثل - ٣ ، - ٣ ، . ، ١ ، ه ، . . . الخ ، و يمكن إبجاد بحموع مربعات هذه الانحرافات عثلة بطول الفئة ثم قسمة الناتج على الذكرار السكلي لسكي تحصل على متوسط بحموع مربعات الانحرافات .

مم تجرى عملية تصحيح هذا المتوسط بحيث ندخل فى اعتبارنا أننا قد حسبنا الانحرافات عن متوسط فرضى بدلا من المتوسط الحقيقى كما هو مبين بالصورة الرياضية الآتية . فإذا ما تساوى المتوسطان الفرضى والحقيقى كان المقدارالمستخدم فى التصحيح يساوى صفرا . و بعد استخراج الجذر التربيعي لمتوسط بحمو عمر بعات الانحرافات بعد تصحيحها نضرب الذا يج فى طول العثة لنحول وحدات القياس مرة أخرى إلى وحدات الدرجات الخام .

والفانون المستخدم في هذه الحالة هو :

$$\beta = \sqrt{\frac{1}{3}} - \frac{\sqrt{1}}{3} \times \sqrt{\frac{1}{3}} \times$$

حيث ف ترمز إلى طول الفئة

والتوضيح كيفية نطبيق هذه الصورة نفترض أن الدينا جدول التوريع التكراري الآتي (جدول رقم ١٨) :

(v)	(٢)	(0)	(1)	<u> </u>	(٢)	J (1)
(1+7)	ت × ح`	ב×ב	۲	مراكز	التمكرار	الفثات
				الفئات	(ت)	
]					- And Company of the
V •	٤٨	14	٤-	78,0	٣	79-7.
١٢٨	٧٢	74	٣+	78,0	٨	49-4.
١٠٨	٤٨	71	۲+	1 11,0	١٢	٤٩ ٤٠
۸٠	1 4.	۲٠	1+	01,0	۲٠	09-0.
77	صفر	صفرا	منفر	78,0	47	79 - 7 .
صغر	77	٣٢	1-	71,0	440	V9 V•
74	97	£A	۲	A£,0	7 1	۸۹-۸۰
71	188	٤٨-	٧-	18,0	17	19-9.
٦٣	117	Y A —	1 -	1.10	V	1-9-1
44	••	1	0	118,0	۲	119-110
	<u> </u>	}			<u> </u>	
۳۱.	٦٢٣	VV —	·		171	الجموع

جدول رقم (۱۸) خطوات حساب الانحراف المعياوي بالطريقة الختصرة

ويمكن تلخيص الخطوات الى تتبع لحساب الانحراف المعيارى للبيانات المجمعة في الخطوات الآتية :ـ

١ -- نختار فئة منتصف النوزيع بحيث تناظر أكبر نسكرار لتيسير الممليات الحسابية ونضع أمامها صفرا .

ب - نضع أمام الفئة التي تعلوها مباشرة ب ١ والتي تليها ٢ وهكذا .
 ثم نضع أمام الفئة التي تقع أسفلها مباشرة - ١ والتي تليها - ٢ وهكذا .
 وهذه تمثل الانحرافات (ح) عن مركز الفئة الافتراضية وندونها في العمود رقم (٤) بالجدول السابق .

۳ نصرب التسكر ار (ت) ى الابحراف (ح) ، ونسجل النتائج فى
 العمود رقم (ه) وتجمع قيم ت ، ح وتدونها أسفل الجدول .

ي ... نضرب الانحراف (ح) فى القيم المبينة بالعمود رقم (ه) ، لنحصل على قيم ت \times ح $^{\prime}$ و ندون النتائج فى العمود رقم γ . و نجمع قيم ت γ ح $^{\prime}$ و ندونها أسفل الجدول .

ه منجمع التسكرار السكلي ت وندونه أسفل الجدول .

$$1 \times \sqrt{\frac{NV}{171}} - \frac{171}{171} =$$

التحقق من صحة الممليات الحسابية :

يمكن التحقق من صحة العمليات الحسابية في الجدون السابق لو أصفنا عموداً آخراً لحساب القيمة ت (ع + 1) واستخدام المتطابقة :

فني المثال السابق :

وواضح أن هذا ﴿ ﴿ ٢) ٢

مربذلك نتأكد أن العمليات الحسابية صحيحة .

و نظراً لانفا اعتمدا في نطبيق القانون السابق على أو حميع الدرجات (التسكرار) في فئة ما تتركز في منتصف الفئة ، فإن الحطأ الناشيء عن هدا الامراص رالذي يسمى بخطأ التجميع Grouping Error يكون دبرراً إذا كان مدى الفئة متسماً . وهنا يرب تصحيح هذا الحطا با تتخدام معادلة نصحيح شبرد Sheppard's Correction وهي :

الانحراف المعياري بعد تصحيحه من خطأ التجميع

$$(1\cdot) \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot \quad \frac{1}{1!} - \frac{1}{1!} = \frac{1}{1!} - \frac{1}{1!} = \frac$$

حيث ع ترمر إلى الانجراف المعياري المحسوب من البيانات المجمعـــة ، ف طول الفئة .

و بالتمويض من معادلة تصحيح شبرد في الصورة رقم (٨) وهي :

تجد أن الانحراف المعياري بعد تصحيحه من خطأ التجميع

$$(11) \leftrightarrow \cdots \longleftrightarrow \times \cdot, \text{ATT} - \sqrt{\frac{z + 1}{i}} - \frac{\sqrt{z + 1}}{i} = \frac{1}{i}$$

وقد وجد أنه عندما يكون طول الفئة مى مساوياً ٩٩,٠٩ ، ع ، فإن معادلة شيرد تعطى فرقاً قدره ٠,٠١ بين قيمتى الانحراف المعيادى بعد وقبل تصحيحه.

وهذا الخطأ يمكن التماضي عنه إلا إدا أردنا الدقة الكاملة أو احتجنا استخدام الانحراف المعياري الناتج في عمليات إحصائية أخى . إما إذا كان طول الفئة حوالي نصف فيمة الانحراف المعياري (أي ١٤٠٠ ع) فا ذكرنا وكانت العينة كبيرة ، وإذا كان المدى حوالي ستة انحرافات مساريه فإنه يكون لدين ١٢ فئة وإذن يجب أن تكون ٢ فئة هي الحد الار حساب الانحراف المعياري بدقة في حالة العينات السكبيره . فإد كان بدينا أول من ١٢ فئة يجب استخدام معادلة تصحيح شبرد لمزيد من الدفه أي أن حجم العينة ، وعدد فئات التوريع ،

والهدف من الحصول على الانحراف المعياري هو الذي يحدد استخدام هذهالمعاد . من عدمه .

تفسير الانحراف المعيارى :

فى منافشتنا للانحراف المميارى رأينا أن تشتت بحموعة من الدرجات يكون صغيراً إذا تجمعت الدرجات بدرجة أكبر حول المتوسط، ويكون التشت كبيراً إذا المتشرت الدرجات المتشارا والسما حول المتوسط. ولذا يمكن القول أنه إذا كان الانحراف المعيارى لمجموعة من الدرجات صغيراً تميل الدرجات إلى التراكم حول المتوسط، وإذا كان الانحراف المعيارى كبيراً تنتشر الدرجات المتشاراً واسعاً حول المتوسط.

وربما يتساءل البعض عما تقصده بانحراف معيارى صغير وانحراف معيارى كبير . ولتوضيح ذلك يجب أن تذكر نظرية هامـــة تسمى تظرية شيبيشيف Ghebyshev's Theorem فسبة إلى عالم الرياضيات الروسى شيبيشيف (۱۸۲۱ – ۱۸۹۶) وهي أنه تقع (۱ را الحرب الله المائة من بجوعة الدرجات في مدى قدره ك انحراف معيارى عن متوسطها الحسابي .

فإذا كانت ك = 7 فإنه يمكننا القول بأنه تقع (1 - $\frac{1}{7}$) \times 100 فإذا كانت ك = 7 فإنه يمكننا القول بأنه تقع (1 - $\frac{1}{7}$) \times 100 \times \times \times 100 \times 100 قدره انحرافان معياديان عن المتوسط.

فق المثال السابق الموضح بالجدول رقم (١٨) تبعد أن ١/٠٥ على الآقل من الدرجات تقع بين س = ٢ع، س + ٢ع أى بين ١,٩٥ − ٢ × ١٨,٩٢ = ٠٩,١٠ مر٣٣ = ٢١,٢٦ ، ١,٩٥ + ٢ × ١٨,٩٢ = ٠٩,١٠ + ١٠,٩٢ على الآقل و يمسكن التحقق من ذلك بالرجوع إلى البيانات الموضحة لجدول رقم (١٨) حيث فجد أن هناك حوالى ٥٥ وبالمائة من بين ١٦١ درجة أي حوالى ٥٥ وبالمائة من الحالات تقع بين ٢٦ ، ٧٥ ، أي أن نسبة لا تقل عن ١٧٥ ، نفع بين هاتيل الدرجة بن .

كا توضح ظرية شيبيشيف أنه عندما حكون ك ... ه فإنه يجب أن تقع ٩٦ / من الدرجات على الآقل بين ه انحرافات معيارية عر متوسطها . وعندما تكون ك ... ه فإنه يجب أن تقع ٩٩ / من الدرجات على الآقل بين ١٠ إنحرافات مديا ية عن متوسطها .

وللنظرية تطبيقات أكثر عند استخدام الاساليب الاستدلالية في تحليل البيانات. وقد قصدنا ذكرها هنا باختصار لتوضيح كيف يدل الانحراف المعياري على انتشار مجموعة من البيانات.

ومن هذا يتضح أن الانحراف المعيارى هو مقياس حساس لدرجة انحراف أو ابتعاد فيم المتغير عن المتوسط الحسابي . وصغر قيمته تدل على أن هذه القيم متقاربة ومتراكمة بالقرب من هذا المتوسط .

وهذا يعنى أن تشتتها صغير والعكس بالعكس. فالانحراف المعيادى هو إذن أفضل مقاييس التشتت لانه مبنى على أساس منطقى سليم ويستخدم فى حسابه طريقة موضوعية تتناول جميع قيم المتغير. وهو بتميز على بقية مقاييس التشتت بأنه يستجيب للعالجة الرياضية.

ولذا لا يمكن الاستغناء عنه في حساب أهم المفاييس الإحسائية الآخرى كما ملات الالتواء والتفرطح والارتباط، كا لا بمكن الاستغناء عنه في سطيل التباين ودراسة المينات والحدكم على ثبات التفسيرات والتنبؤات الإحسائية فهو يعد العمود الفقرى لسكثير من طرق تحليل البيانات.

المقايبس النسبية للتشتت:

إن جميع مقاييس التشتت السابن ذكرها تكون فيمتها معطاة بدلالة وحدات ، قياس المتغير . وهي صالحة إذن لمقارنة الجموعات التي لها نفس الوحدات ، وبشرط أن سكون متوسطاتها متقاربة لأن التشتت مقياس جمعد على الانحراف عن المتوسط .

ولمكن ما هو الحال لو أراد الباحث مقارنة توزيعات ليس لها نفس الوحدات أو متوسطاتها مختلفة اختلافاً كبيراً ؟

وحتى لو استخدم الباحث نفس الوحدة لفياس نوعين س الدوزيعات ، فإن مقارنة تجانس هذين التوزيعين لا يسكون صحيحاً إذا اختلفت الدقة في قياسهما .

فثلا إذا قلنا أن الانحراف المعيارى لجمه عة مقايدس لوزن بعوضة هو ١٫٠ من الجرام ، وأن الانحراف المعيارى لجموعة مقاييس لوزن بيضة دجاجة هو , ٣٫٠ من الجرام ، فإن مقارتة هذين المددين لا تسكون معقواة إذ من الواضح أن . القياس في حالة البيضة أدق كثيراً منه في حالة المعرضة .

ومن هنا نشأت الحاجة إلى مقاييس نسبية للتشتت . فني مثل هذه المقارنات لابد أن يكون لدينا مقاييس يتوفر فيها شرطان :

الاول: أن يكون المقياس مطلمةا أى لا يعتمد على الوحدات المستخدمة . والثانى : أن يجمع بين مقاييس النزعة المركزية ومقاييس التشتت .

وأكثر هذه المقاييس استخداما هو المقياس الذي اقترحه , سيرسون ، والذي يسمى . معامل الاختلاف Coefficient of Variation .

وهو النسبة بين الانحراف المعياري والمتوسط الحسابي . و تحول هذه النسبة عادة إلى نسبة مثوية .

فبدلا من مقارنة الأوزان المقيسة بالسكيلو جرام مثلا بالاطوال مقيسة بالبوصة، وبالاعمار مقيسة بالاعوام، وبالاسمار مقيسة بالجنيهات فإنقا تقارن معاملات الاختلاف المناظرة والتي تسكون جميعها على صورة نسب مثوية.

غير أنه فى بعض التوزيمات التسكرارية يتعذر حساب المتوسط الحسابى والانحراف المميارى كما فى التوزيعات المفتوحة . كما أن هذين المقياسين قد لا يكونمان أنسب المقاييس فى بعض التوزيعات ، ولهذا نلجاً إلى مقاييس فسبية أخرى .

ومن هذه المقابيس ما يتوقف على الربيمين الأعلى والآدنى ويسمى : معامل الاختلاف الربيعي وهو

و هو مقياس مطلمن يصلح لجميع التوزيمات كما يسهل إيجاده بالرسم .

كيف يختار الباحث مقياس التشتت المناسب عند نحليل البيانات:

هناك عدد من الاعتبارات يجب أن يأخذ بها الباحث عند اختياره لمقياس التشتت الذي يناسب موقفا معيناً أو بيانات معينة نلخصها فها يلي:

حساسية المقياس لتذبذب العينات عمى نموت القدمه المسببه المقياس للعينات المسحوبة من نفس المجتمع الاصل فإذا كانت العينات مسحوبة بطريقة عشوائية فإنه يمكن برنيب مقاييس التشتت من حيث مدى حساسيتها لتدبدب العينات من الاكثر ثباتا إلى الاقل ثماتا كا يلى ب

الانحراف المعياري ، الانحراف المتوسط ، نصف المسدى الربيمي المدى المطلق .

وينعكس الترتيب السابق من حيث سرعة وسهولة حداب مقياس التشتت . وإذا كان الباحث مهتما بحساب مقاييس إحصائية أخرى لمجموعة بياناته مثل تقدير متوسط المجتمعية الأصل أو دلالة الفروق بين متوسطات أو حساب معاجلات الانحداد بوما شابه ذلك فإين الانحراف المعيادي يفضل على جميع مقاييس التشتب الاخرى .

ويمكن الباحث أن يختار بين الإنجراف المعيارى ، والانجراف المتوسط . ونظراً لأن الانجراف اللهياري يعتمد على بجموع مربعات الانحرافات عن المتوسط فإنه يعطى وزنا أكبر للانعوافات المتعارفة . فإذا كان التوزيع يحتوى على عدد كبير من القيم المتطرفة في اتجاه ما أو في الانجامين ربمسا يستخدم الهاجم الانحراف المتوسط، وبخاصة إذا كان النوزيع ملتو التواءيا شديداً

أما نصف المدى الربيعي فهو لا يدخل في حسابه القيم المتطرفة وهو يفعنل أحيانا لهذا السبب على الانحراف المعيادي والانحراف المتوسط ، وهو يهتم بدرجة أكبر بالقيم الوسطى .

فإذا ما استخدم اللباحث الوسيط كمقيداس للنزعة المركزيه يكون من الطبيعي أن يستخدم نعنف الحسدى الربيعي كلقياس للتشكت ، فكلاهما يعتمد على نفس القواعد وإذا كان التوزيع نافصا أو مسوراً Truncated أو يحتوى على نفس المقواعد وإذا كان التوزيع نافصا أو مسوراً على تعين محددة ، فإن نصف الحدى الربيعي مكون هو مقياس المتمنت المناسب .

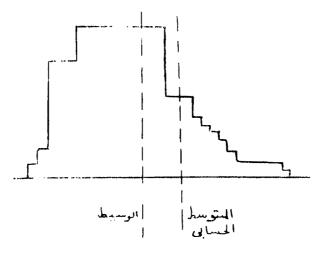
خصائص أخرى للتوز بعات التسدر اربه

عرضنا فيا سبق بعض خصائص التوزيعات السكر اريه ومقايس البرعمه المركزية ومقاييس التشتت . وق الحقيقة يمسكن وصف البيانات بطرق كثيرة ومتعسددة . فلملاء الإحصاء يمدوننا باستمرار بطرق جديدة أوصف البيانات المددية والبيانات النوعية . وسوف تعرض هنا ماختصار لطرق وصف السكل العام للتوزيعات التسكرارية .

و بالرغم من أن التوزيع التسكرارى يمسكن أن بتخذ أى شكل إلا أنه نوجد بعض الاشكال التوذيعية التي تناسب معظم التوزيعات التي يقابلها الباحث في المواقف الفعلية ، وقد عرضنا علقه في المقصل الثانى . ومن بين هذه التوزيعات التوزيع الاعتدالي وهو توزيع يشبه الجرس المقلوب ، والتوزيع الملتوى التواء موجبا والنبى التراكم فيه قيم المتغير حول النهاية الدنيا للتوريع ، والتوزيع الملتوى التواء سالها حيث تتراكم فيه قيم المتغير حول النهاية العليا للتوريع

فإذا لم يكن التوزيع اعتداليا عانه يجب أن لا يكتو الماحث عنسد وصف التوزيع بالمتوسط والانحراف المعيارى، وإنما يحتاج الى مقياس آخو يعبر عن مدى ايتعاد التوزيع عن الاعتدالية أى درجه التوائه ومن المرغوب فيه أيضا أن يصف التوزيع بمقياس آخو يعبو عن درجه تعرطح أو تدبب التوزيع

و توجد عدة طرق لقياس مدى النواء التو. بعات التسدر اربه . وأسلط هسده الطرق تعتمد على الفكرة الموضحه بالشكل النو رقم (۲۰) .



شكل رقم (٢٣) موضع كل من المتوسط الحسابي والوسيط في توزيع ملتو التواء موجبا

فهنا نحد أن التوزيع له ذيل متجه نحو البمين . ولذلك نجد الوسيط يسبب المتوسط الحساق (وينعكس هذا الترتيب إذا كان التوزيع ملتو التواء سالبا) . واعتماداً على هذا الفرق توصل بيرسون Pearson إلى مقياس يسمى معامل الالتواء وهو:

وهنا نقسم ثلاثة آمثال الفرق بين المتوسط والوسيط على الانحراف المعيارى والله لسكى تحمل شكل التوزيع مستقلا عن وحدات القياس المستخدمه .

فإذا كان متوسط بو زبع ما ٢٫٣٥، والوسيط ٢٫٣٥، و الانحرام، المعياري ٤.٥١ قان :

and the letter
$$=\frac{\Upsilon(V, 70-7, 70)}{3,01}$$

· . • ٩٧ ==

و نظراً لأن هذه القيمة قريبة جـــداً من الصفر فهذا يدل على أن التوزيع متهائل تقريباً .

العزوم حول المتوسط الحسابي :

ف الحقيقة يمكن وصف التواء التوزيع بدرجة تقريبية بطرق مختلفة أحدها هو الطريقة السابقة التي اعتمدت على الفرق بين المتوسط الحسابي والوسيط مقسوما على الانحراف المعياري .

ويمكن الاعتباد على الإرباعي الاعلى والإرباعي الادنى للتوزيع كا رأينا عند مناقشتنا لنصف المدى الربيعي وهو أحد مقاييس التشتت .

أما إذا أردنا الحصول على مقاييس دقيقة وثابية لوصف الالتواء والتفرطح فإنه يفصل استخدام طريقة تعتمد على العروم حول المتوسط الحسابي .

فالمتوسط الحسابي والانحراف المعياري يرتبطان بعائلةمن المقاييس الإحصائية تسمى الدوم Moments ، والعزوم الأربعة الأولى حول المتوسط هي :

$$(10) \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdots \quad = \frac{(\overline{w} - \overline{w})}{\dot{v}} = \frac{1}{10}$$

$$(1V) \quad \cdot \quad \cdot \quad \frac{r_{(m_m)}}{r_{m-1}} = r_{r_m}$$

ويرتبط منه برسم سروم بعلم الميكانيكا . فإذا افعرصنا أن لدننا رافعة مو تسكزه على محور ، وأن هناك قوة ق نوثر على ذراع الرافعة على مسافة س من المحور فإن حاصل ضرب ع لا س تسمى عزم القوة حول المحور . وإذا أثرت قوة أخرى ن على مسافة س من المحود ، فإن العزم السكلى يسناوى ق \ س ب المحال على مسافة س من المحود ، فإن العزم الثانى ، وإذا رفعناها إلى على لا س ب وإذا رفعناها إلى القوة الثالثة تحصل على العزم الثانى ، وإذا رفعناها إلى القوة الثالثة تحصل على العزم الثانى ، وإذا رفعناها إلى

ون حالة التوريمات التكرارية ، يمكن اعتبار نقطة الاصل تشبه محور ارتكاز الرافعة ، رأن تسكرارات الغثات المختلفة تشبه القوى المؤثرة على مسافات عتنلفه من نقطة الاصل .

وتلاحظ أن العزم الأول حول المتوسط يساوى صفر، والعزم الثاني يساوى ن - ١ ن - ١ مضروباً في التباين غير المتحيز للعينة (ستى أن أوضحنا معنى عدم التحيز ني مناقشتنا للانحراف المميارى)، والعزم الثالث يستخدم علمحدول على مقياس الالتواء، ونحصل عن طريق العزم الرابع على مقياس التفرطح

مقاييس الالتواء والتفرطح باستخدام العزوم:

أولا : مقياس الالتوام (ل م) : Skewness

المقياس الشائع الاستخدام و الذي يعتمد على المزم الثالث يعرف كالأقي :

$$(14) \cdot \cdot \cdot \cdot \frac{\frac{1}{16}\sqrt{16}}{\sqrt{16}} = \frac{1}{16}$$

و.هذا المقياس مبئى على فكرة أنه عندما يكون التوزيع ، أو توزيع أى بحوعة من القيم متماثلا ، فإن بحوع الانحرافات الموجبة عن المتوسط مرفوعة للقوة الثالثة (أى بعد تكميبها) سوف تتوازن مع بحموعة الانحرافات السالبة عن المتوسط مرفوعة للقوة الثالثة .

ولذلك فإنه إذا كان النوزيع متماثلا تسكون م على وينتج أن ل صفر .
أما إذا كان التوزيع غير متماثل فإن الانحرافات الموجبة مرفوعة للقوة الثالثة يلا تتوازن مع الانحرافات السالية مرفوعة للقوة الثالثة . وسينتذ م كوصفر ، وبالتالى ل كوصفر .

فإذا كان التوزيع ملتوياً التواء موجباً فإن لن تسكون موجبة ، وراذا كان التوزيع ملتويا التواء سالباً تسكون لم سالبة . أما المقدار مه√م قد استخدم في مقام السكسر اعتبان إمكانية مقارنة لم عندما تسكّون الثوزيمات مختلف . في التشتت .

لذلك فإن لم هو ، قياس مستقل عن ميزان القياس أى أننا يمسكننا ، فار تة التواء بجوعة من القيم و القياسات ، فار ئة مباشرة سواء كانت بالجرام أو المتر أو درجات اختبار نفسي معين باستخدام المقياس لم .

ولتوضيح ذلك ، افترض أن لدينا بجموعتين من الاعداد أ ، ب :

المتوسط						
1.	18	١٢	١٠	٨	٦	1
1.	1•	11	١.	٨	٦	پ

ويمكن التعبير عن هذه الدوجات بواسطة انحرافاتها عن متوسطها كالآني :

فجموعة الاعداد أ متماثلة أما الحموعه ب فهي غير متماثلة وعندما نرفع هده الانحرافات إلى القوة الثالثه نجد أن:

مبالنسبة إلى المجموعة أ كون م = ٠ لان :

$$\frac{1}{2} = \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \frac{1} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2$$

أما بالنسبة إلى المجموعة ب تـكون مم == ١٠٫٨٠

أى أنتوزيع المجموعة ب ملتو التواء موجباً .

ثانيا: مقياس التفرطح (لس): Kurtosis

المقياس الشائع الاستخدام والذي يعتمد على العزم الرابع يعرف كالآتى :

ويعتمد هذا النعريف على فسكرة أن الانحرافات الكبيرة عن المتوسط عندما ترفع إلى القوة الرابعة سوف تسهم إسهاما أكبر ن العزم الرابع للتوزيح من الانحرافات الصعيرة ، واستخدام مم في المقام بمكننا من مقارئة التوزيعات

المختلفة ، أما الرفم ٣ الذي طرحناه من النسبة مَنْ عذلك لأن هذه النسبة ٣ في

التوزيمات التكرارية فاذا كان التوزيع اعتداليا نصبح لي من صفر . أما في التوزيمات المسطحة إلى التوزيمات المسطحة إلى حد ما تسكون لي أصعر من الصفر .

و لتوضيح ذلك ، افترض أن لدينا بحموعتين من الاعداد أ ، ب :

ا ۱۲ ۱۰ ۸ ۲ ا ب ۱٤ ۲۳ ۱۱ ۱۰ ۹ ۱۹ ۱۶

فإذا تأملنا الاعداد في المجموعتين ربما تلاحظ أن توزيع كل من المجموعتين ليس مديبا . وفي الحقيقة قإن المجموعة أ أكثر تفرطحا من المجموعة ب ، وكل منهما له تفس المتوسط والانحراف المعياري تقريبا ، وكلاهما متماثل ، والمكنهما يختلفان في خاصية التفرطح . فعندما ترفع انحرافات أعداد كل من المجموعتين عن المتوسط إلى القوة الرابعة تصبح الاعداد كا يلي :

أ ٢٥٦ ١٦ صفر ١٦ ٢٥٦ ب ٣٦١,٣٦ ١ صفر ١ ٣٦١,٣٦ فبالنسبة إلى المجموعة أ تكون مع = ١٠٨,٨٠ وبالنسبة إلى المجموعة ب تسكون م = ١٤٤,٩٤

أما بالنسبة إلى كل من المجموعتين فإن مې == ۸٫۰۰ و بالنسبة إلى المجموعة أ تسكون لې الله المجموعة ب تسكون لې الله المجموعة ب تسكون لې الله المجموعة ب كا أى أن كلا منهما مفرطح ، ولسكن المجموعة أكثر تفرطحا من المجموعة ب كا هو واضح من قيمتى لې .

متى يلجأ الباحث إلى حساب مقاييس الالتواء والتفرطح ب

ذكرنا فيما سبق أن التوزيع يكون ملتويا إذا تراكت الدرجات عند أحد أطراف التوزيع دون الطرف الآخر . وتوجد عدة أسباب لالتواء توزيعات الدرجات ، فمثلاإذا كان اختبارعقلي معين غاية في السهولة أو عاية في الصعوبة مأن توزيع درجات هذا الاختبار يكون ملتويا . وبعض المقاييس الفسيولوجية مثل مقاييس زمن الرجع وسرعة الاداء ... زلخ يحتمل أن نسكون توزيعات درجاتها ملتوية .

و يمكن أن يكون بوريع البيانات المقاسة على ميزان فترى أر رتبى ملتوياً . هاذا كانت البيانات الفرية ملتوية فانه يفضل استخدام الوسيط كمقياس للنزصة المركزية ، ونصف المدى الربيعي كمقياس للتشتت. وكثير من الاساليب الإحصائية تفترض أن توزيع الدرجات الخام لمتغير ما اعتدالي أو ليس بملتو

فإذا كان التوزيع فى حقيقته اعتداليا يكون مقياس الالتواء صفراً وعندئذ ينطبق الوسيط على المتوسط ، وهنا لا داعى لتطبيق مقياس إحصائى ليبين أن التوزيع ليس ملتويا . ولكن الباحث يمكنه تحديد درجة الالتواء ريقرر ما إذا كان لابد من إجراء بعض التصحيحات (مثل تحويل ميزان القياس كما سنرى فيا بعد) قبل أن يستمر فى تحليل بياناته .

فلسكى يحمل الباحث توزيع الدرجات قريبا من الاعتدالية ... إذا لم يكن كذلك ... ربما يلجأ إلى نوع من أنواع التحويلات غير الخطية على البيانات ولكن لسوء الحظ فإن هذه التحويلات تؤدى إلى مشكلات من نوع آخر عند تفسير البيانات.

وفى الحقيقة أن طبيعة البحث ، وبموع المتغيرات، موضع الدراسة ، وحجم العينة تعتبي جميعها من العوامل التي يحب أن يأخذها الباحث في اعتباره قبل أن يقرر ما إذا كان لابد من حساب مقاييس الالتواء والتفرطج . وينصح ما كنهار Monemar بعدم استخدام هذه المقاييس إذا كان عدد الدرجات يقل عن ١٠٠٠ ويجب أن يدرك الباحث أن التوزيعات الاعتدالية و الملتوية لدكثير من المتغيرات النفسية تكمن مصطنعة وذلك لانه يندر أن تكون الوحدات المستخدمة في بناء المقاييس النفسية متساوية

فوحدات القياس غالباً ما تــكون اعتبارية أو ربما تــكون در صية . هــكثير من المتغيرات النف ية والتربوبة تقاس بعدد العبارات التي يعطى كل فرد رأيه فيها أو عدد الاسئلة التي يحيب عنها كل منهم إجابة صحيحة . وهنأ يتحدد شكل النوريع الناتج بدرجة كبيرة بالنسبة المثوية للعبارات التي أحيب عنها أو بصعوبة الاسئلة . فإذا كانت الاسئلة متوسطة الصعوبة بالنسبة لجموعة ما ، فإننا نتوقع أن مزان القياس سوف يؤدى إلى توزيع متائل لدرجات المجموعة . وإذا كانت الاسئلة سهلة فإن الدرجات سوف تتراكم عند النهاية العليا للتوزيع (أى ينتج عنها توزيع ملتو التوام سالبا) . وإذا كانت الاسئلة صعبة فإن الدرجات سوف تتراكم عند النهاية السفلي للتوزيع . وفي غياب وحدات قياس متساوية لاداة القياس لا يمكننا حقيقة القول بأن التوزيع متهائل أو ملتو، ولمكن يمكننا القول فقط أن شكل التوزيع يعتمد على وحدات القياس المستخدعة .

مُّارِين على الفصل الرابع

1 _ احسب مقاييس التشتت الآتية للدرجات

: 19 . 10 . 1 . . 4 . 0 . 4

- (1) المدى المطلق .
- (ب) الانحراف المتوسط.
 - (ج) التباين •
- (د) الانحراف المعياري .
- ۲ ـــ إذا كان تباين عينة مكونة من ١٠٠ درجة هو ١٥ . أوجد بجموع مربعات الانحرافات عن المتوسط الحسانى للدرجات .
- ٣ ــــ إذا كان التباين المتحيز المحسوب لعينة مكونة من ٥ درجات هو ١٠،
 أوجد تقدير التباين غير المتحيز المناظر للتباين المتحيز .
- إ ــــ إذا كان تباين عينة مكونة من ن من الدرجات هو ٢٠ ، أوجد التباين
 في الحالمين الآنيتين :
 - (أ) إذا ضربنا كل درجة فى أابت مقداره ٥ .
 - (ب) إذا قسمنا كل درجة على أابت مقداره ٤ .
- - ت فيما يلى درجات بحموعتين من الطلاب:
 - الجموعة أ ٢ ٣ ه ١٠ ٢٠
 - المجموعة ب ٢ ١٤ ١٢ ٨ ١٤
 - احسب مقياسي الالتواء لمكل من الجموعتين ، وقارن بينهما .

احسب الانحراف المعیاری التوزیع التسکراری الآثی مستخدما تصنیح شهرد مرة وبدون استخدامه مرة آخری .

التكرا	الفثات	
١	49 - r.	
٤	ra - r.	
1.	٤٩ — ٤٠	
10	04 - 0.	
٨	74 - 7.	
۲'	v4 - v.	

وبين مل يحوز استخدام تصميح شبرد في هذا التوزيع ؟ ولماذا ؟

٨ ــ احسب نصف المدى الربيعي للدرجات:

· 170 · 170 · 17. · 119 · 11. · 11. · 1..

· 17. (10. () 180 () 180 () 18. () 18.

وعين اختار باحث ١٠ أفراد بطريقة عشوائية في تجربة سيكلوجيه وعين خسة أفراد منهـــــم للمالجة التجريبية الأولى والخسة الآخرين للمالجة التجريبية الثانية ، وحصل الباحث بعد انتهاء التجربة على البيانات الآنية :

المعالجة الثانية	المالجة الاولى
1 £	14
٣	٤
٣	٧
11	11
1	11

- (أ) احسب المتوسط وتباين بجموعة المعالجة الأولى .
- (ب) احسب المتوسط وتباين بحموعة المعالجة الثانية .
- (ج) ما هو أفضل تقدير لمتوسط المجتمع الاصل وانحرافه المعياري .
- (د) هل يمكنك استنتاج وتبرير أن متوسط المجتمع الأصل الذى سحبت منه بحوعة المعالجة الأولى أكبر من متوسط المجتمع الاصل الذى سحبت منه بحوعة المعالجة الثانية ؟ وأن الانحرافين المعباريين لمها متساويان؟ ولماذا ؟

. ۱ ـــ احسب نصف المدى الربيعي و الانحراف المعياري للتوزيع التكراوي الآفي وقارن بينهما .

التكرار	الفثات
١	79 - 40
منفر	TE - T.
۴	44 - 40
٦	£
٦	11-10
٦	o£ — o+
٧	09 00
٤	78 - 7.
! £	79 - 70
١	V£ - V.
١ ١	V9 V0
1	۸٤ — ۸۰
٤٠	ن ==

الفصل *الخاكي*س الدرجات المحولة

المثينيات الرتب المثينية الإعشاريات المرجات المعيارية الدرجات التائية تحويلات خطية أخرى

مقدمة:

بالرغم من أن خصائص التوزيعات التسكرارية التي عرضنا لها في الفصول السابقة تساعدنا على وصف تلك التوزيعات ، إلا أنها لا تساعدنا كثيراً في تفسير كل درجة على حدة في التوزيع .

فثلا، إذا افتر صنا أن أحد الطلاب فى فصل ما قد حصل على الدرجة ١٨ فى اختبار ما ، فعرفة قيمة الدرجة فقط دون معرفة طبيعة أو شكل توزيع درجات الاختبار لا تمكننا من تفسير هذه الدرجة ، إذ ربما تسكون الدرجة أعلى أو أقل درجة فى الفصل ، ولسكى نحده موقع الدرجة بالنسبة إلى غيرها من الدرجات فإننا نحتاج إلى مريد من المعلومات ، فإذا علمنا أن متوسط الدرجات فى هذا الاختبار ١٨ ، فإن هسذا لا يعنى أكثر من أن الدرجة المحل من المتوسط ويظل تفسير نا للدرجة غير محدد ، ولذلك فإننا نحتاج إلى مقاييس تعبر عن المركز النسبى المدرجة فى التوزيع السكلى للدرجات ، وتعتمد هذه المقاييس على إجراء أنواع معينة من التحويلات للدرجات المعيارية بأنواعها ، وهو ماسنمرض له فى هذا الفصل وتعتمد جميع هذه المقاييس على فسكرة تحويل الدرجة الاصلية (تسمى الدرجة الحالم) إلى درجة أخرى يمكن عن طريقها مقارنة درجة طالب ما بالنسبة إلى غيره من طلاب فصله ، أي أنها تمدنا بإطار مرجعي يمسكن أن نقارن في ضو أله الدرجة بغيرها من الدرجات .

: Percentiles

سبق أن عرفنا الوسيط بأنه النقطة التى تقسم التوريع إلى قسمين متساويين . كا سبق أن عرفنا الإرباعيات بأنها النقط الثلاث التى تقسم التوزيع إلى أربعة أقسام متساوية. وعلى نفس الاساس يمكن تقسيم التوزيع إلى مائة جزء متساو ،

وتسمى نقط التقسيم حينئذ بالمشينيات. فالمثينيات هي السرجات التي تقــــل عنها أو تقابلها نسبة مثوية معينة من الأفراد.

فدرجة الفرد التي تقابل المثيني الحامس بالنسبة لمجموعته تدل على أنه يغوق ه / من أفراد المجموعة ويقل عن ٥٥ / من هؤلاء الأفراد . ولذلك فإن المثينيات تحدد بطريقة مباشرة المركز النسى للفرد في مجموعته .

: Percentile Ranks الرتب المئينية

الرتبة المثينية المناظرة للسرجة ما هى النسبة المئوية لعدد الدرجات التي تقلقيمتها عن قيمة هذه الدرجة بالنسبة إلى المجموع السكلي للدرجات. وفسكرة هذه الرتب فكرة مفيدة لانهما تعبر بوضوح عن وضع أو مركز أو رتبة أى درجة على مقياس مثوى.

فإذا كانت الرتبة المثينية للدرجة ٨٨ مى ٩٢ ، فإن هذا يعني أن ٩٢ / من طلاب الفصل تقل درجتهم عن الدرجة ٨٨ ، بينها تزيد درجة ٨٨ / من طلاب الفصل عن هذه الدرجة . و يجب أن نراعي أنه لا يمكننا تفسير الرتبة المتينية تفسيراً صحيحاً دون أخذ المجموعة المرجمية في اعتبارنا . فثلا إذا حصل طالب على درجة رتبتها المثينية . وفي اختبارما فإيه يمكن لأول وهلة اعتبار أداء الطالب مرتفما لأن الدرجة التي حصل عليها تجعله يفوق . ٩ / من أقرائه . ولسكن إذا كانت المجموعة المرجمية التي نقارنه بها تتسكون من مجموعة من الطلاب المتخلفين عقليا مثلا ، فإنه في هذه الحالة تعتبر أداءه في الاختبار منخفضاً . وبالمثل إذا حصل طالب على درجة رتبتها المثبنية ١٢ مثلا في اختبار ما فإنه ربما يدو لأول وهلة ان أداء الطالب منخفص لأن أداءه يفوق أداء ١٠ / نقط من مجموعته ، ولسكن

إذا كان هذا الطالب في الصف السابع مثلاً وقارناه بطلاب الصف التاسع فإنه يمكن اعتبار أن هذه الدرجة تدل على أداء جيد بالنسبة لطلاب الصف السابع .

ولذلك يجب أن نحتاط عند مقارنة المثينيات بمضها ببعض إذا اختلفت المجموعة المرجعية . فإذا حصل فرد ما على درجة تناظر المثينى ٣٠ فى اختبار نصف العام فى مادة الإحساء ، وحصل زميل له فى فصل آخر على درجة تناظر المثينى ٥٠ فى نفس الاختبار ، فذلك لا يدل بالضرورة على أن زميله فى مركز أفصل منه فى هذه المادة . إذ ربما يكون أداء طلاب فصل زميله ضعيفا فى مادة الإحساء ما جعله فى مركز فسي مرتفع بالنسبة لاقرائه فى الفصل .

ولذلك يهب أن نتذكر دائمًا أن المثيني يستخدم لمقارنة درجة فرد ما في بحوعة معيئة بمجموعته حتى لا نقع في مثل هذه الاخطاء التي ذكرناها .

إيحاد الرتب المثينية باستخدام المنحني المتجمع النسبي

عرضنا في الفصل الثاني كيفية تكوين جدول التوزيع التسكراري المتجمع وجدول التوزيع التكراري المتجمع النسي . ويمكن باستخدام منحني التوزيع التكراري المتجمع النسي تحديد الرتب المتينية المناظرة لأى درجة في التوزيع ، وبالعسكس يمكن تحديد الدرجة المناظرة لأى رتبة متينية .

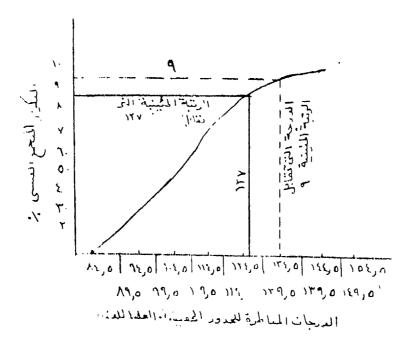
ولتوضيح ذلك افترض أن لدينا جدول التوزيع التسكراري المتجمع الآتي (جدول رقم ١٩) :

	التكرار المتجمع	التسكر ار	الفئات
النسي /	الصاعد		
٣	٣	٣	VE - V.
v	٨	•	۸۹ - ۸۰
14	14	•	98 9.
١٥	17	٤	11 - 10
77	49	14	1.6 1
۲٦	٤٣	18	1.9-1.0
00	٦.	17:	116-11.
77	٧٣	١٣	119-110
۷٥	۸۲	٩	148 - 14.
۸۳	41	٩	179 - 170
۸۹	4.8	٧	18 - 18.
98	1.4	0	159 - 150
47	1.4	٣	116-16.
٩٨	1.4	۲	189 180
1	11.	Y	108 10.

جدول رقم (۱۹)

توزیع تکراری متجمع صاعد وتوزیع تکراری متجمع نسبی لدرجات المرادی متجمع نسبی لدرجات المالیا فی اختبار ما

ويمكن تمثيل هذا التوزيع السكرارى المتجمع النسى بيانيا بالطريقة التي سبق أن ذكرناها في الفصل الثاني كما هو مبين بشكل رقم (٢٤) ·



شكل رتم (٢٤) التمثيل البياني للتوزيع التكراري المتجمع النسبي

فإذا أردنا تحديد الرتبة المثينية المناظرة للدرجة ١٢٧ مثلا ، فإننا نرسم خطا موازيا للمحور الرأس عند النقطة ١٢٧ التى تقع على المحور الآفقى و معده حتى يقطع المنحى ، ثم نسقط من نقطة التقاطع عموداً على المحور الرأس حيث يوجد التسكرار المتجمع النسبي / ونقرأ العدد الذي يحدث عنده التقابل فيسكون هو الرتبة المثينية إلمناظرة للدرجة ١٢٧ ، والرتبة المثينية في هذه الحالة هي ٧٩ .

أما إذا أردنا إمجاد الدرجة المناظرة لرتبة مثينية معينة فإننا يمكن أن نسير بطريقة عكسية . فمثلا إذا أردنا إمجاد الدرجة التي تناظر الرتبة المشينية . به ممثلا ، فإننا نعين النقطة المناظرة للعدد . به على محور التسكر از المتجمع المسي و ترسم منها مستقيما موازيا للمحور الآفقي و تمده حتى يقطع المنحى . ثم أ. مقط من تقطة التقاطع عموداً على المحور الآفقي حيث توجد الدرجات و نقرا العدد الذي

يحدث عنده التقابل فيكون هو الدرجة المناظرة الرتبة المثينية . و . والدرجة في مده الحالة هي ١٣٥ تقريبا .

وبهذه الطريقة التقريبية المباشرة يمكن الحصول على الرتب المثينية المناظرة للدرجات، والدرجات المناظرة للرتب المثينية.

إيحاد الرتب المئينية من الدرجات مباشرة :

نحتاج أحيانا إلى إيجاد الرتب المشينية الدرجات دون اللجوء إلى التمثيل البيانى التوزيع التسكرارى المتجمع النسي ، حتى نضمن قدرا أكبر من الدقة . وهسذا يتطلب بالضرورة عملية استكمال Interpolation للممود الخاص بالتكرار المتجمع المناظر لدوجة معينة بدقة .

فإذا أردنا تحديد الرتبة المثينية التي تقابل الدرجة ١٢٧ من جدول رقم(١٩) والتي حددناها بالتقريب من الشكل البياني فإننا يجب أن نلاحظ أن الدرجة ١٢٧ تقع في الفئة ١٢٥ ١٢٥ . والتكرار المتجمع الصاعد الفئات التي تقع دون هذه الفئة هو ٨٢ .

ونظراً لآن الرتبة المثينية التي تقابل درجة ما يمكن التعبير عنها دياضيا كالآتى:

التسكر ار المتجمع الصاعد
الرتبة المثينية = التسكر ار المتجمع العاعد التينية = (١)

لذلك يكون من الضرورى تحديد التكرار المتجمع الذي يقابل الدرجة ١٢٧ بدقة. ومن الواضح أن التسكرار المتجمع الذي يقابل الدرجة ١٢٧ يقع بين التكرارين المتجمعين ٨٧، ٨٩ وهما التكراران المتجمعين الحديان الآدني والأعلى الفئة.

وهنا يجب أن نستكمل Interpolate داخل الفئة ١٢٥,٥ – ١٢٩,٥ لكى نوجد التكرار المتجمع للدرجة ١٢٧ بدقة . أى أننا نحاول فى الواقع أن نحدد المسافة التى يجب أن نتحركها داخل هذه الفئة لنحصل على عدد الآفراد الذين تضمهم هذه المسافة والذين حصلوا على درجات تصل إلى الدرجة ١٢٧٠ .

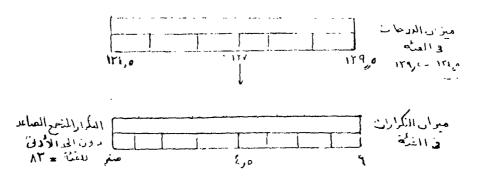
فإذا رجمنا إلى جدول رقم (١٩) نجد أن الدرجة ١٢٧ تفوق الحد الآدنى الحقيقي للفئة ١٢٥ – ١٢٩ بقدر ه ,٢ درجة (أى ١٢٧ – ١٢٥، ٢٠٥ – ٢٠٠). وحيث إن هذه الفئة طولها ه ، فإن الدرجة ١٢٧ تتطلب أن نتحرك داخل الفئة مسافة قدرها ه . وهنا تكون قد افترضنا فرضا أساسيا وهو أن عدد الحالات أو تسكرار فئة ما موزع توزيعا متكافئا على طول الفئة .

و نظراً لان هناك و حالات داخل هذه الفئة ، فإنه يمكننا أن تحسب عدد الخالات التى تحتويها المسافة من بن نضرب هذه النسبة في و .

أى أن عدد الحالات الذين تضمهم هذه المسافة والذين حصلوا على درجات ممل إلى ١٢٧ $= \frac{7.0}{4} \times 9 = 0.3$ حالة ،

وقد وجدنا أن ٨٧ حالة تقع دون الحد الادنى الحقيقى لهذه الفئة . فإذا جمنا عدد الحالات معا نجد أن التكرار المتجمع للفئة ١٢٧ هو :

وهذا يتفق تقريباً مع الرتبة المتينية التي حصلنا عليها من الرسم البياني . ويمكن تلخيص طريقة إيجاد التسكرار المتجمع لدرجة معينة باستخدام الشكل التوضيحي الآتي :



شكل رقم ((٥٧)) تلخيص طريقة ايجاد التكران المتجسع لدرجة معينة

ومن هسذا الشكل يتضح أننا قسمنا الفئة ه ١٧٤ – ١٢٩ إلى خمن وحدات متساوية تناظر العرجّات التي تضمها هذه الفئة . بينها قسمنا ميزان التكرارات داخل الفئة إلى تسع وحدات متساوية تناظر التكرارات التسعة الفئة، وهذا يعنى أننا عندما نوجد التكرار الذي يناظر درجة معينة فإننا نكون بصدد إجراء نوع من التخويل الخطى من ميزان الدرجات إلى ميزان التكرارات، وهذا يمائل عملية تحويل درجات الحرارة من ميزان فهرنهيتي إلى ميزان مثوى أو العكس .

والصورة الرياضية الآنية تعتبر صورة عامة تستخدم لإيحاد الرتبة المئينية المقابلة لسرجة معينة .

حيث التكرار المتجمع تم عصم التكرار المتجمع للحد الآدنى الحقيقي للفتق . التي تعشوي الدرجة س.

- ، س = الدرجة المطلوبة ليجاد الرتبة المئينيسة المثالة لها .
- ، سم = الدرجة المقابلة للحد الادنى الحقيقي للفئة التي تحتوى الدرجة س .
 - ، ف 🚐 طول الفثة .
- ، ت نے عدد الحالات الوافعة في الفئة التي تحتوى الدرجة س .

ويمكن أن نستخدم هذه الصورة الرياضية لإيجاد الرتبة المثينية المناظرة للدرجة ١٢٧ نى المثال السابق كالآتى :

$$1 \times \left(\frac{17\xi, 0 - 17V}{\bullet}\right) + \Lambda Y$$
 الرتبة المغينية = $\frac{1}{11}$

$$1 \cdots \times \frac{\left(1 \times \frac{7,0}{0}\right) + \Lambda Y}{11} =$$

$$\cdots \times \frac{\xi, 0 + \lambda \gamma}{11} =$$

$$VA, TE = \frac{\Lambda T^{\circ}}{11} = 1 \cdot \times \frac{\Lambda T^{\circ}}{11} =$$

وهي نفس القيمة التي حصلة اعليها فيها سبق .

أيجاد الدرجات التي تقابل رتبا متينية معينة :

إذا افترضنا أن الرتبة المثينية المقابلة لدرجة معينة في اختبار ما هي ٩٩ ، فما هي الدرجة ؟

لإجابة هذا السؤال يحب أن نتبع نفس الخطوات السابقة ولسكن بطريقة عكسية . أى نبدأ بميزان التكرارات المتجمعة وننتقل إلى ميزان الدرجات .

ولذلك يجب أن نوجد التكرار المتجمع الذي يقابل المئيني ٩٦ باستخدام الصورة الرياضية الآتية :

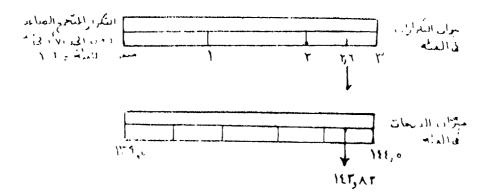
و نظراً لاننا نرید ایجاد الدرجة التی نقابل المثینی ۹۹، والتسکرار السکلی ۱۱۰ فاین:

$$1.0,7 = \frac{11. \times 17}{1..} = 7,0.0$$
 التكرار المتجمع

فإذا رجعنا إلى الجدول رقم (١٩) تبعد أن التكرار المتجمع ٢٥٠٠ يقع في الفئة التي حدودها الحقيقية ١٣٩٥ – ١٤٤٥ . ونظراً لآن التكرار المتجمع عند الحد الآدني الحقيقي لهذه الفئة هو ١٠٥٠ فان فرق التكرارين هو ٢٥٠١ – عند الحد الآدني الحقيقي لهذه الفئة . وبذلك يكون التكرار ١٠٥٦ وحدها الآعلى ٢٫٥٠ عبارة عن ٢٠٠ من الفئة التي حدها الآدني الحقيقي ١٩٩٥ وحدها الآعلى الحقيقي ١٤٤٥ . أي أننا نكون أعلى من الحد الآدني الحقيقي بقدر:

$$\frac{\Upsilon_{9}\Upsilon}{\Psi}$$
 × ه = χ_{9} وحدة من الوحدات.

فإذا جمعنا الدرجتين مما نحصل على الدرجة التي تقابل المثنيني ٢٦ ، وهي ٥٠ المرجة التي تقابل المثنيني ٢٦ ، وهي ١٣٩٠ المرجعة التي تقابل المثنيني ٢٦ ، وهي



شكك رقم (٢٦) تلخيص طريقة ايجاد الدرجة التي تقابل رتبة مئينية معينة

ومن هذا الشكل يتضح أن إيجاد الدرجة التي تقابل رتبة مثينية معينة هو بمثابة إجراء عملية تحويل لوحدات ميزان التكرارات إلى وحدات ميزان الدرجات.

والصورة الرباضيه الآتية هي صورة عامة يمكن استخدامها لتحديد الدرجات المقابلة للتبنيات معنة:

الدرجة المقابلة لمثيني ممين =

حيث سم = الدرجة المقابلة للحد الآدنى الحقيقي للفئة التي تحتوي على التكرار المتجمع .

ف = طول الفثة

التكرار المتجمع ت 😑 التكرار المتجمع للدرجة .

التكرار المشجمع ت التكرار المتجمع للحد الأدنى الحقيقي للفئة التي التكرار المتجمع ت .

و يمكن نوضيح كيفية تط**بيق هذه الصورة لإيجاد الدرجة المقابلة للر**تبة المثينية ٧٨,٦٤ في المثال السابق مثلا كالآتي :

$$\lambda 7, \bullet \cdot = \frac{11 \cdot X \vee \lambda, 7 \cdot \epsilon}{1 \cdot \cdot \cdot} =$$

والدرجة التي تقابل الحد الآدنى الحقيقي للفئة التي تحتوى على التكوار ٥٠,٥٠ هي هي ١٧٤,٥٠ وطول الفئة = ه ، والتكرار المتجمع للحد الآدنى الحقيقي للفئة هو٨٦ ، وتكرار الفئة التي تحتوى التكرار المتجمع = ٩ .

و بالتعويض فى الصورة الرياضية السابقة نجد أن :

الدرجة المقابلة للشيني ٢٨٠٦٤ ==

$$\frac{(\Lambda Y - \Lambda 7, \circ \cdot) \circ}{q} + 175, \circ$$

7,0 + 171,0 =

117 ==

ونلاحظ أن هذه الدرجة هي التي حصلنا منها فيما سبق على هذا المثنيني .

و يمكن أيصاً استخدام هذه الطريقة للتحقق من صحة العمليات الحسابية . (١٣ ـــ التحليل) يمهنى أنه إذا كان ادينا الرتبة المثينية ، فيمكن استخدامها لتحديد الدرجة المقابلة لها ، وهنا يجب أن نحصل على الدرجة الاصلية . وبالمثل إذا كان لدينا الدرجة التى تقابل رتبة مثينية معينة ، فيمكن استخدامها لتحديد الرتبة المثينية ، وهنا يجب أن نصل إلى نفس الرتبة المثينية الاصلية ، فإذا لم يتحقق ذلك يكون هذا دليلا على أن هناك خطأ ما في العمليات الحسابية .

حالات خامة عند حساب المثينيات:

أحيانا يواجه الباحث عند حساب المثينيات من بمض التوزيعات التكرارية حالات خاصة لا تنطبق عليها الفواعد السابقة ، ومن بين هذه الحالات .

١ ـــ إذا وقعت المئينيات بين الغثات . ولتوضيح ذلك نفترض أننا نريد إيجاد الوسيط (وهو المئيني ٥٠) من البيانات الموضحة بجدول رقم (٢٠) الآتي :

التكرار المتجمع الصاعد	التكرار	الفئيات
۲ !	۲	18 - 1.
•	٣	19 10
0	صفر	78 - 7.
1.	٥	79 — Yo
18	٤	TE - T.
17	٣	r9 - r0
19	۲	££ — ¿•
۲٠	١	£9, — £0
	r. = 0	المجموع

جدول رقم (۲۰) توزیع تکراری یوضح بعض الحاسة عند حسساب المئینیات

ومن هذا الجدول نجد أن ترئيب الوسيط هو ١٠ (٥٠/ من التسكرار المكلى وهو ٢٠). فإذا نظرنا إلى التسكرار المتجمع الصاعد نجد أننا لسكى نصل إلى الحالات العشر بدءاً من أعلى يجب أن أخذ جميع الحالات التي تقع في الفئة ٢٠ – ٢٩ لأن هذه الحالات العشر هي التكرار المتجمع الصاعد لهذه الفئه وبالمكم فإن الحالات العشر الآخرى يجب أن تشتمل على جميع الآفراد في الفئة ٣٠ – ٣٤ وبذلك يحكون المثيني ٥٠ (الوسيط) هو الحد الحقيقي للفئة ٣٠ – ٣٤) أي ٥٠ ، ٢١ أي أن٠٥ / ٢٠ من الحالات حصلت على درجة أقل من ٥، ٢٩ وال. والاخرى حصلت على درجة أقل من ٥، ٢٩ وال. والاخرى حصلت على درجة أعلى من هذه الدرجة .

٧ -- إذا وقع أحد المشيئيات في فئة تكرارها صفر . وهذه الحالة تشبه الحالة السابقة ولكنها أكثر تعقيداً . ولتوضيح ذلك نفترض أننا زيد إيجاد الإرباعي الاول أي المشيني ٢٥ من الجدول رقم (٢٠) السابق . أي أننا زيد معرفة الدرجة التي يقل عنها ٢٠/ من العالاب ويزيد عنها ٢٥/ منهم . فإذا فحصنا التكرار المتجمع الصاعد المبين بالجدول نجد أنه نظراً لأن الفئة .٧ - ٢٤ تسكرارها صفر توجد ٥ حالات بالضبط (٢٥/ /) تقع دون الدرجة ٥ , ١٩ ، مداة (٧٠ /) تقع دون الدرجة ٥ , ٢٠ .

ونظراً لأن المثيني هو نقطة ، أي قيمة أو درجة واحدة ، فإننا يجب أن نختار قيمة معينة للشيمي ٢٥ تنحصر بين الدرجنين ٢٥,٥، ١٩,٥ . ولحل هذه المشكلة نختار الدرجة التي في المنتصف أي :

$$YY = \frac{\xi\xi}{Y} = \frac{Y\xi, 0 + 14, 0}{Y}$$

وهي في الحقيقة منتصف الفئة ٢٠ ٪ ٢٤ الني سكر ارها صفر ٪

ويمكن أن تنطبن هذه الطريقة على أي نوزيع تكراري من هذا النوع .

وسوف نعرض فى الفصل السادس لمزايا وعيوب المثينياب عند مناقشتنسا لخصائص المنحنى الاعتدالى ، وكذلك كيفية تحويل المثينيات إلى أنواع أخرى من الدرجات المحولة .

الإعشاريات:

رأينا مما سبق أن المثينيات هي النقط التي تقسم التوزيع إلى مائة جور متساوية . متساو . كذلك الإعشاريات تقسم التوزيع إلى عشرة أجسزاء متساوية . ويمكن للباحث أن يتبع في حسابها نفس طريقة حساب الوسيط أو الإرباعيات أو المثينيات .

وفيها يلى ملخصاً للعلاقة بين المثينينات والإعشاريات والإرباعيات.

	کی	الإرباء	ì	الإعشاري		المثيني
				٩		٩.
				٨		۸٠
		٣		,	***************************************	٧٥
				٧	Magazini.	٧٠
				٦	-	٦٠
الوسيط		۲	And or state of	٥	947 1 1 477 8	٥٠
				£ .	-	٤٠
				٣	age a same	٣.
		١			* 770 -10 T	40
				۲	-	۲.
				1	Products of an electric	١.

: Standard Scores الدرجات المعيارية

رأينا فيما سبق أن قيمة الدرجة التي يحصل عليها طالب في اختبار ما هي قيمة اختيارية ، أي لا يكون لها معنى إلا في إطار بجوعة الدرجات التي حصل عليها أقران هذا الطالب في الفصل مثلا . ولذلك فإنه من المرتوب فيه في معظم الأحيان أن نحول هذه الدرجة الحام إلى نوع آخر من الدرجات (مثل الرنب المثينية) حتى يمكننا مقارئتها بغيرها من الدرجات التي حصلت عليها المجموعة المرجعية .

وقد أوضعنا فى الفصلين الثالث والرابع أن المتوسط والانحراف المعيارى يمكن أن نفيد منهما فى تيسير مقارنة درجة معينة فى اختبار ما بدرجات بجوعة مرجعية فى نفس الاختبار ، ويفضل فى أغلب الاحيان أن نجرى عملية تحويل الدرجة الحام بحيث تأخذ فى اعتبارها متوسط درجات المجموعية المرجعية وانحرافها المعيارى ، أى تحول الدرجة الحام إلى انحرافات معيارية أعلى أوأدنى من المتوسط كوحدة قياس، وحينتذ تسمى الدرجات المحولة بالدرجات المعيارية .

فشلا إذا حصل طالب على الدوجات الخمام الثلاث الآتية في اختبارات نصف العام:

افة إنجمليزية مواد اجتماعية مواد اجتماعية مواد مواد اجتماعية مواد اجتماعية مواد مواد اجتماعية مواد المواد المواد

فريما يبدو لاول وهلة أن الطالب متفوق في اللغة الإنجليزية وضعيف في المواد الاجتماعية ، إلا أن هــــــذا الاستنتاج السريع غير صحيح وذلك لان .

هناك أسبابا متعسددة تجمل الدرجات الخام غير صالحة المقارنة بطريقة ماشرة.

إذربما كان اختبار اللغة الانجليزية سهلا بما أدى إلى ارتفاع درجات العلاب بينها كان اختبار المواد الاجتماعية صعبا . أو ربما كانت النهاية المغلمي لدرجات اختبار اللغة الانجليزية . ١٠ ، واختبار المواد الاجتماعية ٨٠ .

فالدرجات الخام تمدنا بمعلومات عن عدد النقاط التي حصل عليها الطالب في اختبار ما ، ولكنها لانقدم لنا أيأدلة عن مدى تفوق أو ضعف الطالب في الآداء في الاختبار ، وكذلك لاتسميح لنا بمقارنة أدائه بأداء غيره من الطلاب .

ولكن نفترض أنمنا حصلنا إلى جانب الدرجات الحام على المتوسط و الاعراف المعياري لكل اختباركا يلي :

الاختبار	اللغة الانجليزية	المواد الاجتهاعية	علم النفس
الدرجة الخام	۸۰	٥٢	٧٥
المتوسط	٨٠	0 0	٦.
الانحراف المعيار	١٠ ،	٥	١.

فما لاشك فيه أن هذه المعلومات الإضافية تلقى مزيداً من الضوء على درجة هذا الطالب.

فإذا نظرنا إلى المتوسطات نجد أن درجته في اللغة الانجليزية بالرغم من أنها مرتفعة إلا أنها تقل عن متوسط درجات أقرانه في الفصل ، ولكن درجته في كل من المواد الاجتماعية وعلم النفس أعلى من المتوسط ، ولذلك فإن درجته في اللغة الانجليزية تعتبر أقل الدرجات الثلاث بالنسمة لاقرانه .

وهنا ربدا يتسرع الباحث ، يستنتج أن درجه الطالب بي علم النفس ستمر أعلى الدرجات الثلاث ، لام أعلى من المتوسط بقدر ١٥ د جه بينها درجة

المواد الاجتماعيه أعلى من المتوسط بقدر ١٠ درجات ، ولكننا قد أشرنا فى الفصل الرابع إلى أننا يجب أن نأخد نشتت الدرجات فى الاعتبار عند تفسيرنا للركز النسى لدرجة معينة .

فإذا نظرنا إلى الانحرافات المعيارية لدرجات الاختبارات الثلاث نجد أن الانحراف المعيارى ببين أن متوسط تشتت درجات اختبار عز "لنفس عن المتوسط هو ١٥ نقطة ، وهذا يعنى أن بعض الدرجات تزبد أو تقل عن المتوسط بأكثر من أو أقل من ١٥ نقطة .

ولذلك فإن درجة الطالب فى علم النفس وهى ٧٥ وتزيد عن المتوسط بقدر ١٥ وحدة أى انحراف معيارى واحد يسبقها عدد قليل من الدرجات الاعلى ، . ويعتمد هذا العدد على شكل توزيع الدرجات ،

أما متوسط تشتت اختبار المواد الاجتماعية عن المتوسط فهو و نقظ ، لذلك فإن درجة الطالب في المواد الاجتماعية وهي ٦٥ وتقع :أعلى المتوسط بقدر ١٠ نقط أو انحرافين معياريين من المحتمل أن تدكون أعلى الدرجات الانها أعلى من المتوسط بكثير .

من هذا يتضح أن الدرجات الخام نعطى صورة مضللة لمثل هذا الموقف، فإذا ما قارنا درجات الطالب بأقرانه في الفصل على أساس المناقشة السابقة نجد أن أفضل الدرجات هي درجة المواد الاجتماعية يليها درجة علم النفس وأقلها هي درجة اللعة الانجليزية .

والدرجات الخام ، ٨ ، ٦٥ ، ٧٥ إذن لايمكن مقارنتها بطريقة مباشرة لآن التوزيع التكرارى لدرجات كل اختبار منها مختلف عن الآخر من حيث المتوسط والانحراف المعيارى ، و بذلك تختلف وحدات قياس كل منها .

وللتغلب على هذه المشكلة نلجاً إلى تحويل الدرجات الخام فى كل اختبار إلى ميزان مشترك متفق فى المتوسط والانحراف المعيارى، وبذلك نستطيع إجراء

عمليم المقارنة وهذا التحويل هو من نوع التحويل المعطى، أى أن عملية التحويل الاتفير من شكل التوزيع التكراري للدرجات الخام .

و يجب أن تؤكد على هذا لان كثيراً من الباحثين المبتدئين يعتقدون خطأ أن الدرجات المعيارية الدرجات المعيارية توزيعا اعتداليا . فلسكى تتوزع الدرجات المعيارية توزيعا اعتداليا يجب أن يكون توزيع الدرجات الاصلية (أى قبل تحويلها الى درجات معيارية) اعتدالى ، أو يمكن استخدام تحويل غير خطى لهذه الدرجات ليصبح التوزيع اعتداليا إن لم يكن كذلك ، وهو ماسنعرض له في الفصل السادس .

وعلى عكس الرتب المثينية يمكن تعريف الدرجات المعيارية تعريفا رياضيا . فالرتب المثينية ميزانها رتبى ، ويمكن اشتقاقها من الدرجات الحام سواء كان ميزانها رتبى أو فترى أو نسبى .

ولكن الدرجات المعيارية التي تنتج من عملية تحويل خطى بجب أن يكون ميزانها فترى ، و يمسكن اشتقاقها من الدرجات الحام التي تكون على ميزان فثرى أو نسبى .

قواعد تغيير المتوسطات والانحرافات المعيارية:

مما سبق يثمنح أنه من الممكن تحويل الدرجات الخام إلى درجات أخرى تختلف فى المتوسط والاتحراف المعيارى عن المتوسط والانحراف المعياري للدرجات الاصلية.

ومن الطبيعي أن للجأ إلى اختيار المتوسط والانحراف المعياري الجديدين بحيث بيسران عملية المقارنة بين الدرجات .

فنى المثال السابق إذا أودنا مقارنة درجة الطالب فى اللغة الإنجليزية بدرجته فى المواد الاجتماعية ، ربما يبدو من المعقول أن تحول درجات اللغة الإنجليزية لله درجات متوسطها الجديد ه و الحرافها المعيارى الجديد ه لأن هاتين القيمتين

نناظران قيمتي المتوسط والاتحراف المعياري للمواد الاجتماعية والتي نريد اللقارنة بها ويتم هذا التحويل كالآتي :

الانحراف المسارى الجديد	المتوسط الجديد	الخطـــوات
• = '	$\xi Y, \circ = \frac{\Lambda \circ}{Y}$	 انقسم كل درجة من درجات اللغة الإنجليزية
الانحراف المعيارى الجديد يكون نعف الانحراف المعيارى الاصلى •		علی ۲
و لا يتغيرالانحرافاللميارى	17,0 + £7,0	۲) نضیف ۱۲٫۵ الی کل درجة حسلتا علیما نی (۱)

و تلاسط أن الخطوة الأولى هي أن تغير الانحراف المصاري إلى القيمة المطلوبة بضرب أو قسمة الانحراف المعياري في أو على مقدار ثابت مغين . في مثالنا هذا اخترنا الانحراف المعياري و ولذا قسمنا الانحراف المعياري الاسل على ٧ . وهنا تتأثر قيمة كل من المتوسط والانحراف المعياري بهذه العملية (يمكن الرجوع في ذلك إلى الفصل الرابع) .

ويمكن الحصول على المتوسط المطلوب بإضافة أو طرح مقدار ثابت معين وهذا لا بؤثر في قيمة الانحراف المعياري .

ويمكن أن بتم تحويل درجة الطالب فى اللغة الإنجليوية وهى ٨٠ باستخدام المتوسط والانحراف المعيارى الجديدين كالآتى :

$$or.o = 1r.o + \frac{\lambda}{r}$$

و واضح أنها أقل من درجته في المواد الاجتماعية ، كما أن درجة الطالب في اللغة

الإنجمليزبة قبل و بعد تحويلها تقل عن متوسطى التوزيمين المناظرين الدرجات هذه المادة بقدر نصف انحراف معيارى .

الدرجات المعيارية التي متوسطها صفر وانحرافها المعياري الواحد الصحيح :

من التحويلات الخطية الاكثر أهمية واستخداما هي تلك التي تعتمد على جعل متوسط التوزيع صفراً ، وانحرافه المعياري الواحد الصحيح ، وهذه تسمى السرجات المعيارية ويرمز لها في اللغة الإنجليزية بالرمز 2 ولسكننا سنرمز لها في هذا الكتاب بالرمز د . ويعبر عن الدرجة التي تنتج عن هذا الميزان بعدد الانحرافات المعيارية التي تنحرف ما الدرجة الخام عن المتوسط .

ولهذه الدرجات المعيارية منزتان هما :

ا ــ نظراً لأن متوسط هذه الدرجات صفر فإنه يمكننا بمجرد النظر معرفة ما إذا كانت درجة معيارية معينة أعلى أو أقل من المتوسط . فالدرجة المعيارية الموجبة تسكون أعلى من المتوسط ، والدرجة المعيارية السالبة تسكون أقل من المتوسط .

۲ — نظراً لان الانحراف المعيارى لهذه الدرجات هو الواحد الصحيح . فإن مقدار الدرجة المعيارية يدل على عدد الانحرافات المعيارية التى تبعد بهما الدرجة عن المتوسط إما إلى اليين أو إلى اليسار . وقد رأينا فيها سبق أن هذه المعلومات يمكن استخدامها كؤشر للدلالة على ارتفاع أو انخفاض مستوى أداء طالب في اختيار ما .

ولتحويل بجموعة من الدرجات الخام إلى درجات معيارية ينبعي أن نطرح المتوسط الأصلى من كل درجة خام، ثم نقسم ناتج كل منهما على الانحراف المعياري للدرجات الخام.

والصورة الرياضية المناظرة لهاتين الخطوتين هي :

$$\frac{\overline{w} - w}{s} = s$$

وإذا عدنا إلى المثال السابق الذي حصل فيه الطالب على ثلاث درجات في مواد اللغة الإنجليزية ، المواد الاجتماعية ، وعلم النفس وهي :

	اللغة الإنجليزية	المواد الاجتماعية	علم النفس
الدرجة	۸•	٦٥	٧٠
المتوسط	٨٥	00	٦.
الاتحراف ال	المعيارى ١٠	•	10

الدرجات المعيارية:

اللغة الإنجليزية
$$=\frac{\lambda - \lambda \cdot - \lambda \cdot}{1 \cdot 1}$$

و من هذا ينضح أن درجات الطالب كانت أقل مر المتوسط بقدر اصف انحراف معيادي في اللغة الإنجليزية ، وأعلى من المتوسط عقدار انحرافين معياريين فى المواد الاجتماعية ، وأعلى من المتوسط بقدر انحراف معيارى و احد فى علم النفس .

وينبغى أن نعيد التأكيد مرة أخرى أن نحويل الدرجات الخام إلى درجات مميارية (د) متوسطها صفر، وانحرافها المعيارى الواحد الصحيح، لا يغير من شكل التوزيع. فهذا فقط نسكون قد غيرنا النقطة التي نبدأ منها القياس (الصفر بدلا من المتوسط) بوحدة قياس جديدة (الانحراف المميارى بدلا من الوحدات الخام).

ويمكن زيادة توضيح ذلك باستخدام البيانات الافتراضية الخاصة بأطوال ٢٠ رجلا مقدرة بالبوصات والمبينة بجدول رقم (٢١) وقد رتبنا الدرجات ترتيبا تنازلياً بغرض التوضيح.

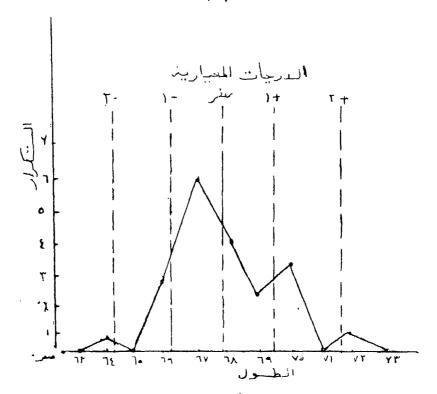
			,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,
الطون (الدرجات الخام		1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	
بالسنتيمتر مقاسة من أعلى	(الطول) الدرجات	(الطول) الدرجات	الشخص
منصدة على ارتفاع ٢٦	المميارية	الخام بالبوصات	
بوصة من سطح الأرض)			****
91,88	7,47 +	٧٢	١
۸٦ , ٣٦	1,78 +	٧٠	۲
۸٦,٣٦	1,78 +	٧٠	٣
۸٦,٣٦	1,77 +	V o	٤
٨٣,٨٢	,77 +	79	٥
۸٣,٨٢	,77 +	79	٦
۸۱,۲۸	,n 	۸۲	٧
A1, YA	,11 	٨٢	٨
۸۱,۲۸	,11 +	٠ ٦٨	٩
11,41	,11 +	٦٨	1.
٧٨,٧٤	, 60 -	٧٢	11
٧٨,٧٤	, 20 -	٦٧	17
٧٨,٧٤	,80 -	٦٧	18
٧٨,٧٤	, 60 —	٦٧	18
٧٨,٧٤	, 10 -	٧.	10
٧٨,٧٤	,10 —	٦٧	17
V7, Y+	1,.1 -	77	17
٧٦,٢٠	1,.1 -	. 17	14
٧٦,٢٠	1,.1 —	¥~~	14
٧١,١٢	7,18 -	41	۲٠
۸٠,۷۷	صفر		المتو
٤,٢٥	1,	لمعياري ۱٫۷۸	الاقحراف

جدول رقم (۲۱)
بیانات افتراضیة تعبر عن اطوال ۲۰ رجسلا ممثلة
بدرجسات خام بالبوصات و درجات معیساریا
و درجات خام بالسسیمتر مقاسسه می
اعلی المنصسدة

$$Y$$
, Y $+ = \frac{7}{1, \sqrt{\lambda}} \frac{\sqrt{Y}}{\sqrt{\lambda}} + \frac{7}{1, \sqrt{\lambda}}$

وكما ذكرنا فإن متوسط الدرجات المعيارية صفر وانحرافها المعياري الواحد الصحيح .

وهذه البيانات ممثلة بيانياً في شكل رقم (٣٧) . ويجب أن نلاحظ أنشا مثلنا الدرجات الحام والدرجات المعيارية في شكل واحسد لآن شكل التوزيع لا يتغير بالنسبة لـكل من بجموعتى الدرجات . ولذلك فإن العلاقة بين نوعى الدرجات لا تتغير نتيجة لتحويل الدرجات الحام إلى درجات معيارية . ولسكن الذي يتغير هو موقع الدرجات Location ميزان القياس Scaling .



شكل رقم (٢٧) التوزيع التكرارى للدرجات الخام والدرجات المعيارية المبينة بجدول رقم (٢١)

وبالرغم من أننا قد حصلنا على الدرجات الخام عن طريق قياس العلول عن سطح الارض ، إلا أنه يتضح من العمود الرابع في الجدول رقم (٢١) أن الدرجات المعيارية لم تتغير إذا تم قياس الاشخاص من على سطح منضدة ترتفع عن سطح الارض بمقدار ٣٦ بوصة . وحتى تغيير وحدة القياس من بوصات إلى سنتيمترات لم يؤثر في قيم الدرجات المعيارية .

فثلا:

$$\frac{17,8 - 20,000}{1,000} = 17.8 + = \frac{10,000}{1,000}$$

بالبوصات عن سطح درجة معيارية بالسنتيدة ات من أعلى الأرض عن سطح الأرض عقدار $\frac{100,000}{1,000}$

ومذا يدل على أن الدرجات المعيارية تعطى صورة دقيقة عن موضع كل درجة بالنسبة إلى المجموعة المرجعية بصرف النظر عن الموضع الدى تم منه القياس الاصلى أو ميزان القياس المستخدم .

وفى الحقيقسة أن الدرجات المعيارية تستخدم مكثرة فى البحوث النفسيسة والتربوية . كما أنها ترتبط بمقاييس إحصائية متقدمة تلعب دوراً هاماً فى الاساليب الاستدلالية فى تحليل بيانات هذه البحوث كما سنرى فى الجزء الثانى من الكتاب.

خواص الدرجات المميارية :

لسكى تتضح الفائدة من تحويل الدرجات الحام إلى درجات معيارية ينبغى الإشارة إلى بعض خواص هذه الدرجات .

١ ... بحموع الدرجات المعيارية ــــ صفرا.

ای آن: بحد د 😑 صفرا .

٧ ... متوسط توريع الدرجان المميارية 🚤 صفراً .

ای ان: د = بد = صفرا .

وبالطبع ينطبق هذا أيضاً على انحرافات الدرجات عن المتوسط .

الدرجات الخام التي تقل عن المتوسط تقابلها درجات معيارية سالمية ،
 والدرجات الخام التي تويد عن المتوسط تقابلها درجات معيارية موجبة . وتنطبق هذه الخاصية أيضا على انحرافات الدرجات عن المتوسط .

بعوع مربعات الدرجات المعيارية عليه العدد السكاي للدرجات أى أن : جدد عليه ن

وهذه الخاصية نكون صحيحة فقط إذا حسننا الانحراف المعياري باستخدام ن في المقام بدلا من ن ـــ ١ .

$$=\frac{\dot{v}}{\omega-m}\times \times \frac{\dot{v}}{(m-m)}=$$

سيون

الانحراف المعيادى وتباين توزيع الدرجات المعيارية يساوى الواحد الصحبح

ويمكين أيضاً البرهنة على ذلك ديلضياً كالآبى:

$$3'_{c} = \frac{\sqrt{(c-c)'}}{c}$$

$$1 = \frac{\dot{v}}{\dot{v}} = \frac{\dot{v}}{\dot{v}} = 1$$

(١٤ - التحاليل)

إذا حسبنا الدرجات المعيارية من عبات عبو أنه فإر مدى هسده الدرجات يكون دالة لحجم المنسسة غمادة غراء ح الدرجات المعيارية للعينات السكييرة بين م ٣ ، ٢ ، ٢ بينها يقل هذا المدى للعينات الصغيره

ضم الدرجات المعيارية:

قسجل عادة الدرجات التي يحصل عليها مرد ما في اختبارات مختلفة على هيئة عدد الاسئلة التي أجاب عنها إجابة صحيحة أو عدد المصطلحات التي تذكرها ، أو عدد المسائل التي نجح في حلها ، وهنا نترقع أن تختلف الاحتبارات في سمو لتها أو صعوبتها ، بالإضافة إلى اختلاف وحدات درجانها .

فلهذه الاسباب وغيرها لا يمكن كا ذكراً ــ أن اقارن هذه الدرجات بمضها باليعض الآخر . كذلك لا نستطيع ضم هذه الدرجات معا .

وتحويل الدرجات الخام إلى درجات معيارية لنفس بجوعة الطلاب يمكننا من مقارنة هذه الدرجات لأن الدرجات المعيارية هي أعداد مجردة ليس لهما وحدة خاصة. وكذلك يمكننا ضم الدرجات المعيارية معا للحصول على درجة معيارية مركبة .

وربما يفصل الباحث أو المعلم أن يمين أوزانا مختلفة للدرجات المختلفة قبل أن يحسب الدرجة المركبة .

إذ ربما يطبق الباحث أو المعلم ثلاثة اختبارات أثناء ســـــــير. عملية التعلم وامتحان واحد فى آخ العام . وربما يود أن يسهم أحد الاختبارات الثلاثة بربع ما يسهم به الاختباران الآخران عند تقريره للدرجة النهائية لـكل طالب ، وأن يسهم اختبار آخر العام تقدر مرة ونصف فى هذا التقدير .

فحينتُذ تسكون الدرجة المركبة كالآني :

الدرجة المركبة = ٢٠,٠ در + در + در - ١,٥ د،

الدرجات التائية T - Scores

من بين العيوب الرئيسية للدرجات المعيادية (د) أنه يصعب على الشخص غير المتمرس في الإحساء تفسيرها ، والمكي ندرك هذه الصعوبة نفترض أن معلماً اد أن يقرر نتائج اختبار ، الطلابه في صورة درجات معيارية ، فإذا كان طلابه لم يعتادوا على هذا النوع من الدرجات ربما يصدم أحدهم عندما يسمع أنه قدد مصل على درجة معيارية صفر لا نه أنه أخفق تماماً في الاختبار بل إن درجته تمثل الاداء المتوسط بالنسبة لاقرائه في الفسل ، فما بالنا بالطالب الذي يسمع أنه قد حصل على درجة معيارية سالبة والتي ربما يفهم منها أنه أصبح مدينا للعلم بعدد من الدرجات .

و نظراً لان الباحث النفسى والنربوى يقرر نتائج الاختبارات الى يستخدمها لاناس غير متخصصين فى الإحصاء ، لذلك نجد أن هناك بدائل مختلفة لهذا النوع من الدرجات المعيارية (د) . وقد تم اختيار المتوسطات والانحرافات المعيارية لهذه البدائل على أساس أن تجعل جميع الدرجات المحولة موجبة ، وبحيث يسهل تذكر هذه المتوسطات والانحرافات. المعيارية .

وأحد هذه البدائل يسمى الدرجات التائية (ت) T - Scores نسبة إلى العالم ثورنديك Thorndike . ويمكن تعريفها بأنها بحموعة من الدرجات التي يكون متوسطها ه، وانحرافها المعياري ١٠٠ .

و يمكن حساب الدرجات التائية باستخدام الصورة الانية:

ت = ١٠ - ت

أى أنه إذا أراد الباحث تحويل الدرجات الخام إلى درجات تائية فما عليه إلا ان يحول أولا الدرج، الحام إلى درجه معيارية باستخدام القانون

د_ سر حس ثم يضرب الدرجه المانجه في ١ ويضيف ٥٠ على النانج

فمثلاً إذا أردنا تحويل الدرجة الخام ١٣٣ في اختبار للذكاء متوسطه ١٠٠ وانحرافه المعياري ١٦ إلى درجة تائيه فإننا نتبح الخطوات الانيه :

و تظرأ لان متوسط الدرجات التائية ٥٠، فيمكن أيضا بمجرد النظر معرفة ما إذا كانت الدرجة أعلى من المتوسط (أكبر من ٥٠) أو أقل من المتوسط (أقل من ٥٠)، كما يمكن أن تحدد عدد الانحرافات المعيارية التي تقل أو تويد بها الدرجة عن المتوسط.

فشلا الدرجة .٤ تقل عن المتوسط بمقدار انحراف معيارى واحد (تناظر درجة معيارية د ميارية د الله الانحراف المعياري للدرجة التائية ميارية د

والدرجات التائية تتراوح بين ٢٠ ، ٨٠ ، وإذا أخذنا في اعتبارنا الدرجات المتطرقة فإنها تتراوح بين صفر ، ١٠٠ .

ويمكن ــ من الناحبة الرياضية النظرية ــ أن تـكون الدرجات التائية سالبة ، ولسكن يندر أن يحدث هذا في الواقع ، لأن هذا يتطلب أن تنحرف الدرجة بقدر خمسة انحرافات معيارية سالبة عن المتوسط ، في حين أننا لا يمكن من واقع بيانات البحوث الفعلية أن نحصل على درجات تنحرف أكثر من ثلاثة انحرافات معيارية موجبة أو سالبة عن المتوسط .

تحويلات خطية أخرى:

من بين التحويلات الخطية الآخرى الشائمة الاستخدام فى الولايات المتحدة الامريكية و تؤدى إلى توزيع درجات معيارية متوسطها ... والحرافها المعيارى ... المجمة من اختبارات شائمة الاستخدام فى هذه الدولة وهى :

معيار اختبار الاستعداد الدراسي

Scholastic Aptitude Test (SAT)

ومعيار اختبار القبول في الـكليات

College Entrance Examination Board (CEEB)

ومعيار اختبار بيان أو سجل الدراسات العليا

Graduate Record Examination (GRE)

و تستخدم هـ ذه الاختبارات فى الولايات المتحدة الامريكية عنسد اختيار الطلاب للدراسة .

أي أن:

درجة SAT = درجة

درجة CEEB درجة

درجهٔ GRE درجهٔ

فلتحويل درجة خام إلى أي من هذه الدرجات المميارية نضرب الدرجة في

... و تضيف ... إلى الناتج . وفي الحقيقة أن للا من هذه الدرجات. الحرلة قساوي عشرة أمثال الدرجة التائية

ولذا لا يحب أن تندهش عندما نحد أن طالبا حصل على الدرجة المعيارية الإعبارات في حين أن العدد السكلي الاسئلة الاختبار ربما لا يزيد عن . . ٣ أو . . ٤ سؤال . فالدرجة ٢٤٣ تعني أن الطالب يفوق المتوسط بمقدار ٢٤٢ نقطة أو ٢٤٢ ، انحراف معياري (أي أن هسذا يناظر الدرجة المعيارية د به ٢٤٢) ، واختبارات الذكاء المعيارية د به ٢٤٤١ أو الدرجة التائية ت ٢٠٣٠) ، واختبارات الذكاء الحديثة تستخدم هذه الفسكرة ، أي فسكرة تحويل الدرجات الخام إلى توح ما من الدرجات الحولة تحويلا خطيا ، فاختبار و يكسلر للذكاء يستخدم درجات محولة متوسطها . . ١ وافحرافها المعياري ١٥ ، وهذا بالطبع أفضل من فسكرة فسبة الذكاء .

وعلى وجه العموم فإنه يمكن تحويل أى درجة معيارية (د) إلى درجة معيارية أخرى تناسب الباحث عن طريق اختيار متوسط وانحراف معيارى جديدين وتطهيق الصورة الآنية :

وسوف توضح العلاقة بين مختلف هذه الدرجات المحولة تو منبهما بيانيا عند دراستنا لخواس المنحني الاعتدالي في الفصل السادس

تمارين على الفصل الخامس

۱ ـــ أوجد الرتبة المثنينية المقابلة للدرجة الخام ۸۹ في جدول التوزيع التكراري الآتي ، وفسر معناها .

التكراد	الدرجة
٣	40
٥	4 ٤
. 🗸	٩٣
1.	44
15	91
10	٩٠
17	//٩
۲٠	۸۸
70	۸۷
77	۲۸
18.	الجموع

٧ ـــ أوجد الرتبة المثينية والدرجة المعيارية (د) المقابلة للدرجة النام
 ٤٤ في جدولتوز البح التكرار، الآس :

التكرار	الفئات
۲	صفر ــ ٤
٥	۱ – ه
1.	18 - 10
١٦	19 - 10
44	YE Y.
۱۸	79 70
۱۳	4 8 - 4.
١.	r1 - r0
١٢	££ £•"
70	٤٩ ٤٥ أ
47	0£ 0+
10.	المجموع

٣ ـــ أوجد الدرجة الخام المقابلة للرتبة المشينية ٣٥ فى التوزيع التسكرارى
 المبين بالمسألة رقم (٣) السابقة . قرب الدرجة الخام إلى أقرب رقم عشرى .

الفرق بين المثينيات والرئب المثينية والنسب المثوية؟

ه ـ أوجد الدرجات المعيارية (د) والدرجات التائية (ت) ، و درجات (GRE) المناظرة الدرجات المبيئة بالتوزيع التكراري الآني :

التكرار	الفشات				
صفر	صفر ۔ ع				
٧	4 - 0				
١	18 - 1.				
44	19 - 10				
17	78 4.				
٨	79 - 70				
٦	TE - T.				
۲	ra - ro				
۲	££ ± £.				
]	64 60				
177	*الجموع				

۲ ـــ ما هى عيوب الميئنيات كمقاييس اللموضـــع النسي وكيف تغلبت الدرجات المعيارية على هذه العيوب؟

ν ـ احسب الدرجات المميارية المقابلة لكل درجة من درجات التوزيع الآتى:

(17 · 1 · A · V · V · o) == ur

ثم احسب المتوسط و الانحراف المميارى للدرجات المميارية الى حصلت عليها . وهل النتائج متفقة مع توقعك لها ؟ ولماذا ؟

۸ ـــ إذا كانت درجتك في اختبار الإحصاء . ٩ ، فبالنسبة لاى من الفصول
 الاربعة الآتية يكون مركزك النسي أفضل في هذه المادة ؟ ولماذا ؟

ه ــ بين لمكل ما يأتى ما إذا كان استخدام المشينيات أم الدرجات المعيارية
 أفضل ؟

- (أ) إذا كان ميزان القياس من النوع الرتبي •
- (ب) إذا كان توزيع البيانات ملتو يا التواء شه يداً .
 - (ج) إذا كان عدد أفراد المينة قليلا .
- (د) إذا كان الهدف هو إجراء تهجو بل خطى البيانات .

. ١ - كون جدول التوزيع التسكرارى المتجمع النسى للبيانات المبينة بالجدول المذكور بالمسألة رقم (٥) السابقة وحثل هذا التوزيع بيانيا ، ثم أوجد جبريا وبيانيا الرتب المشينية المناظرة للدرجات : ١٤٫٥ ، ٢٢ ، ٣٤ وفسر معنى الرتب التي حصلت عليها .

۱۱ ب إذا جاءك زميل لك وأخبرك أنه حصل على الدرجة ١٣٠ فى اختبار الإحصاء. ما هى المعلومات الاخرى التي يجب أن تحصل عليها حتى يمكنك تفسير هذه الدرجة ؟

۱۲ ـــ إذا علمت أن توزيما اعتداليا متوسطه ـــ ۳۰ ، و انحرافه المعيارى ـــ ٣٠ .

- (أ) أدجد الدرجات المعيارية (د) المقابلة للدرجات الخام الآنية :
 - 11 . 27 . 2. . 27 . 50
- (ب) حول الد. جات المعيارية التي حصلت عليها إلى تو زيع آخر منوسطه عييره ، و ا تحرافه المعياري

۱۳ ــ هل الدرجة المعيارية صفر تىكانىء دائسا المئيني . ٥ مهما اختلف شكل نوزيع البيانات ؟ ولماذا ؟

- ع من اذا أعطب الدرجات الآنية:
- A . V . T . O . O . E . E . 1
- (أ) احسب المتوسط والانحراف المعياري.
- (ب) احسب الدرجات المميارية (د) المقابلة لكل درجة منها.
- (ج) حول الدرجات بحيث تـكون توزيما جديداً متوسطه . ه وانحرافه المماري .
- (د) حول الدرجات بحيث تكون توزيعا جديدا متوسطه ١٠٠ وانحرافه المعياري ١٠٠ ٠
- 1 طبق اختبارین س ، ص فی مادة الجبر علی تلامید نفس الفصل ، فإذا كان متوسط درجات الاختبار س یساوی ۴۵ وانحرافه المعیاری ۲۷ ، ومتوسط درجات الاختبار ص یساوی ۸۵ ، وانحرافه المعیاری ۱۰ . حصل تلمید فی الفصل علی الدرجة ۲۲ فی الاختبار س ، ۸۰ فی الاختبار ص ، بافتراض أن توزیعی الدرجات فی الاختبارین لهما تقریبا نفس الشكل ، فأی عبارة من العارات التالمة تكون صحیحة ۶ و لماذا ؟
 - (أ) تحصيل التلميذ في الاختبار س أفضل من تحصيله في الاختبار ص.
- (ب) تحصيل التلميذ في الاختبار ص أفضل من تحصيله في الاختبار س .
 - (ج) تحصيل الملميذ في كل من الاختبارين س، ص متكافي.
- (د) المعلومات المعطاة ليست كافية لمقارنة تحصيل الطالب في الاختبارين .



الفصّل السَادَّ^س ال**توزيعات الا**عتدالية

المنحى الاعتدالي

خواص المنحى الاعتدالي

المساحة تحت المنحى الاعتدال

استخدام خصائص المنحني الاعتدالي

في تحليل البيانات

إيحاد المثينيات باستخدام المنحى الاعتدالي

تحويل التوزيعات المختلفة إلى الصورة الاعتدالية

مقدمة:

عرضنا في الفصول السابقة العارق المختلفة التي يمكن أن يستخدمها الباحث في وصف نوزيعات البيانات ذات المتغير الواحد مثل الوزن أ العلول أو نسبة الدكاء أو سمة من سمات الشخصية، وما إلى ذلك. ومن بين هذه الطرق مقاييس النزعة المركزية والتشتت والالتواء والتفرطح كاعرصنا الطرق التي يمكن أن تستخدم في الربط بين مجموعة الدرجات ككل وموقع كل درجة بالنسبة إلى غيرها من درجات مجموعة البيانات.

وقد رأينا أن هذه الاساليب الوصفية تعد وسيلة هامة لإبراز معنى و دلالة بحدوعة البيانات . إلا أن هذه الاساليب لا تسكون كافية في أغلب الاحيان . فالباحث يحتاج عادة إلى معلومات عن توزيع البيانات أبعد مما تسمح به مثل هذه الاساليب وحدها . واتوضيح ذلك تعرض المال الآبي :

نفترض أنه في إحدى الدراسات الخاصة بالمهارات المرتبطة بالالعباب الرياضية المختلفة، قام باحث بقياس المدى الذي يستطيع به كل طالب رمى كرة اليد في عينة بحثه التي بلغ عددها ٣٠ طالبا في إحدى الجاممات، وقد وجد أن المتوسط يساوى ١٩٤١ قدما، والانحراف الممياري ٢٢٨ قدما، فإذا آراد الباحث إجابة بعض الاسئلة التي تتعلق بالطالب المنوسط أو الدور حي Typical فإن هانين المعلومتين تكفيان لهذا الغرص، ولكنه يحماج إلى تربد من المعلو التفان هانين المعلومتين تكفيان لهذا الغرص، ولكنه يحماج إلى تربد من المعلو التفان هانين المعلومتين تكفيان لهذا الغرص، ولكنه يحماج الله تربد من المعلو التفان المعلومتين المعلومة عمل عمل أقرب أو أبعد مسافة يستطيع ١/ مستطيعون المعلوب أن يرمى المعلومة إلى المعلومة المعلومة عمل المعلومة عماله المعلومة المعلومة المعلومة المعلومة المعلومة المعلومة المعلومة عموائية عن العينة الكرة مسافه ١٢٥ قدما أو المثر الورد المعلومة عموائية عن العينة الكرة مسافه ١٢٥ قدما أو المثر المعلومة عموائية عن العينة الكرة مسافه ١٢٥ قدما أو المثر المعلومة عموائية عن العينة الكرة مسافه ١٢٥ قدما أو المناز المورد المعلومة المورد المهلومة الموردة المعلومة الموردة المعلومة المعلومة المعلومة المعلومة الموردة المعلومة ا

فلسكم. يحيب الباحث على مثل هسده الاسئلة يجب أن يعرف خصائص وزيع معين يسمى التوزيع الاعتدالي Normal Distribution الذي قدمه له بإيجاز في م تهل الفصل الثالث عند مناقشته لفهرم النزعة المركزية ونظرا لاهمية هذا النوع من التوزيعات واستخدامه في كثير من المقاييس الإحصائية التي لا غني عنها للباحث في تحليله لبيانات بحثه . فإننا سنفرد هذا الفصل لدراسة التوزيعات الاعتدالية بصورة أكثر تفصيلا .

وربما يقول قائل أنه إذا كان توزيع "بيانات المستمدة من كثير من الظواهر تأخذ شكل التوزيع الاعتدالي فما الحاجة إلى استخدام طرق إحصائية أخرى طالما أننا نستطيع إجابة الاستلة السابقية فرما يشبهها باستخدام خصائص التوزيعات الاعتدالية .

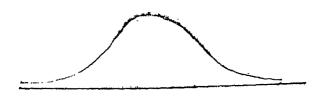
وفى الحقيقة هذا صحيح ، ولكن نفترض أن عينة الطلاب في الدراسة التي أشرنا إليها والمحكونة من ٢٠٣ طالبا كانت ممثلة لجميع طلاب الجامعة ، فإذا أراد الباحث إجابة أسملة تقملتي بمجتمع طلاب الجامعة ككل وليس فقط بعينة بحمله ، أى يود أن يعمم النتائج على مجتمع طلاب الجامعة باستخدام عينة بمثلة من هذا المجتمع فإن هذا يستدعى دراسة مقاييس إحصائية أخرى تعتمد على خواص المنحى الاعتدالي .

و ظرا لابنا قسه نا المكتاب إلى جزابن أحدهما يختمن بالاساليب الوصفية في تحليل البيانات والآخر يختص بالاساليب الاستدلالية ، فإننا سنقتصر في هذا العصل على التعريف بالمنحني الاعتدالي وخصائصه واستخداماته ، كا سنقنسر على دراسة طرق تحليل البيانات الحاصة بالعينات ، وترجىء عمليسة الاستدلال على خصائص المجتمع الاصل باستخدام البيانات المستمدة من العينات المشتدة من العينات المستمدة من المناقب الأساليب الاستدلالية في تحليل البيانات المستمرض لها في الجزء الثاني من البكتاب .

المنحى الاعتدالي:

يطلق عادة على التوزيع الاعتدالى اسم المنحنى الاعتدالى وهو من المنحنيات المنصلة Continuous التي تعتبر من أهم المنحنيات المستخدمة في البحوث النفسية والتربوية.

والمنحنى الاعتدالي هو منحنى نظرى يمكن تمثيله بمعادلة رياضية يمكن البرهنة عليها ، ولسكن لا يمكن أن تتحقق تماما باستخدام البيانات التجريبية . ويرجع الفضل في اكتشاف الاساس النظرى وبحث الحصائص الرياضية لهذا المنحنى إلى لابلاس Laplace (١٨٢٧ – ١٧٤٩) ، وديموافر شاكتات للنحنى المنتحنى إلى لابلاس عجاوس Gauss (١٨٧٧ – ١٨٥٥) ، والمنحنى _ كا هو موضح بشكل رقم (٢٨) – يشبه الجرس ولذلك يمكن أن يسمى المنحنى الجرس عصنح بشكل رقم (٢٨) – يشبه الجرس ولذلك يمكن أن يسمى المنحنى الجرس على المنحنى المنطق المنحنى ال



شكل رقم (٢٨) المنحنى الجرسى أو منحنى الخطأ

فيكثيراً ما نفترض فى البحوث النفسية والتربوية أن بعض السهات تتوزع عوزية الماصة بهذه السهات ــ كا عوزية الحاصة بهذه السهات ــ كا ذكرنا ــ لا يحتمل أن تتفق تماما مع شكل هذا التوزيع .

فكثير من التوزيعات التكرارية تقترب إلى حدما م ن شكل التوزيع

الاعتدالى، ولذلك نفترض أنها تأخذ هذا الشكل ، كما نفترض أنه قد حدث خطأ فى دراسة السهات موضع البحث إذا اختلف شكل التوزيع الخاص بهذه السهات عن شكل التوزيع الاعتدالى.

ولاترجع أهمية المنحى الاعتدالى فقط إلى افتراض أن الدرجات تتوزع توزيعا اعتداليا ، ولكن لان توزيعات المعاينات Sampling Distributions المحاصة بكثير من المقاييس الإحصائية تتوزع توزيعاً اعتداليا أو يفترض أنها كذلك .

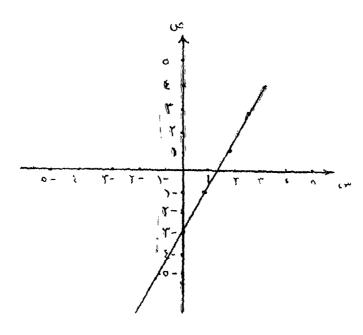
الميادلة الرياضية للمنحني الاعتدالي:

إن دراسة العلاقات بين المتغيرات تمهد من الامور الاساسية في البحث العلمي. و تعبر المعادلات الرياضية عن مثل هذه العلاقات. فإذا ارتبط متغيران بحيث إنه إذا علمنا قيمة أحدهما يمسكن تحديد قيمة الآخر، فإنه يقال أن أحدهما دالة Function للآخر. والمعادلة الرياضية هي تعبير عن مثل هذه العلاقة.

ويمكن تمثيل هذه الملاقة بالمعادلة العامة ص = د (س) وتقرأ ص دالة في سكما ، يمكن تمثيلها بيانيا ، حيث يمثل المتغير س على المحور الافقى (السيني) ، والمتغير ص على المحور الرأسي (الصادي) ويمثل كل زوج مرتب من الدرجات بنقطة في مستوى المحورين . وعن طريق توصيل هذه المقط تحصل على منحني بمثل المعادلة الرياضية تمثيلا بيانيا .

فثلا يمسكن تمثيل المعادلة ص = ٢ س - ٣ بخط مستقيم مبين بالشكل الآتى:

	Company of the Compan									
١	٤	٣	۲	١	صغر)	ا س			
-										
١	٥	٣	1	\ \	1 4	10	اصر			



شکل رقم (۲۹) تمثیل بیانی لمادلة خط مستقیم

ويمكن التعبير عن شكل المنحنى الاعتدالى بمعادلة رياضية أكثر تعقيداً ، وفي الحقيقة أن هذه المعادلة تمثل عددا لانهائياً من المنحنيسات الاعتدالية التي تختلف في متوسطها وانحرافها المعيارى ، وتتحدد معادلة أي منها إذا علمنا المتوسط والانحراف المعيارى الخاص بها .

ومعادلة بحوعة المنحنيات الاعتدالية هي :

حيث ص 😑 ارتفاع المنحني الذي يناظر درجة معينة

س 🚐 الدرجة التي تناظر ارتفاعا معنا 🔍

س = متوسط المتغير س

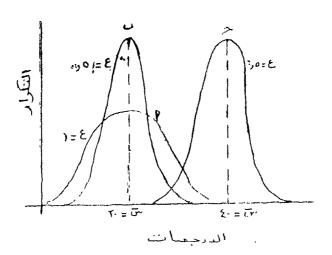
ع = الانحراف المعياري للمتغير س

ط 📖 ثابت يسمى النسبة التقريبية وهو يساوى ٣.١٤١٦ تقريبا

e <u>ه</u> تابت يسمى الأساس اللوغاريتمى الطبيعى وهو يساوى ٢,٧١٨٣ و تقريبا .

ومن هذه الممادلة تلاحظ أهمية كل من المتوسط والانحراف المعيارى في تحديد أحد أعضاء بجموعة المنحنيات الاعتدالية .

فإذا نظرنا إلى الشكل رقم (٣٠) تلاحظ أن المنحنيين أ ، ب لهما نفس المتوسط ولكنهما يختلفان فى الانحراف المعيارى . أما المنحنيان الاعتداليان ب ، ج فلهما نفس الانحراف المعيارى ولسكنهما يختلفان فى المتوسط .



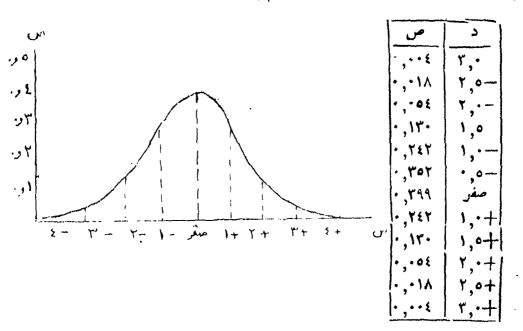
شكل رقم (٣٠) المتوسط والانحراث المعيارى لمجموعة من المنحنيات الاعتدالية

ويمكن تبسيط معادلة المنحني الاعتدالي إلى حد ما بأن تجمل المتوسط _ صفر والانحراف المعياري _ 1 فتصبح كالآتي :

حيث دهی الدرجة المعيارية وهی = $\frac{w-w}{3}$

أى أننا حولنا المعادلة إلى صورة معيارية ويسمى المنحنى حينتذ بالمنحنى الاعتدالي المعياري Standard Normal Distribution .

وهذا المنحى مبين بالشكل رقم (٣١) .



شكل رقم (٣١) الاحداثيات الراسية (الصادية) المناظرة للدرجات المعيارية للمنحنى الاعتدالي المعياري

والمنحنى الاعتدالى المعيارى له أهمية خاصة . فهو يمثل توزيعا نظريا يتميز بخصائص معينة تسمح بتحديد الرتب والنقط المثينية بسهولة .

و نظراً لآن التوزيع الاعتدالي يمكن تعويله إلى توزيع اعتدالي معيارى فإنه يمكن استخدام هذا التوزيع الآخير كتوزيع مرجعي عند المقارنه الإحصائية لختلف أنواع الظواهر التي وبما كان يصعب مقارنتها بدون استخدامه . إذ يجب أن تلاحظ أنه عند تجويل مجموعة من التوزيمات الاعتدالية إلى توزيمات اعتدالية معيارية تشترك جميعها في المتوسط (س حصفر) والانحراف المعياري (ع الم) ، فإنه يمكن مقارنة المشينيات المرتبطة بمقاييس معينة بالمشينيات المرتبطة بمقاييس أخرى بطريقة مباشرة ، بمعني أنه إذا حددنا المشينيات باستخدام المنجني الاعتسدالي المهياري فإن درجة طالب في اختبار الرياضيات مثلا ربما تقابل المثيني ٧٨ و درجته في اختبار اللغة الإنجليزية ربما تقابل المشيني ٧٨ أيضا ، وهذا المثيني ٧٨ و درجته في اختبار إلى توزيعي الاختبارين ، أو أنا لا يجب أن يدل على أن مركزه النسبي متساو في توزيعي الاختبارين ، أو أنا لا يجب أن يدل على أن مركزه النسبي متساو في توزيعي الاختبارين لتوزيعي الدرجات الأصلية في الاختبارين لأن التوزيمين المختلفين قد أصبحا توزيعاً واحداً هو التوزيع الاعتدالي المعياري بعد إجراء النحويل المعياري.

ومن المهم ملاحظة أنه يجب أفتراض أن الترزيعات الاصلية للدرجات قبل تحويلها كانت تتخذ شكل المنحنى الاعتدالى . فتحويل درجات التوزيع غير الاعتدالى إلى درجات معيارية كما ذكراا في الفصل الخامس ... لا يجعل التوزيع المعيارى اعتدالي. ما فالتحويل إلى درجات معيارية يغير القيم العددية للمتوسط والانحراف المعيارى فقط واكنه لا يغير من شكل التوزيع أو يحوله إلى توزيع اعتدالى ، ولذلك يجب على الباحث أن يتأكد مما إذا كان التوزيع الاصلى يتخذ شكل المنحنى الاعتدالى قبل تحويله إلى توزيع اعتدالى معيارى .

خواص المنحني الاعتدالي المعياري :

١ ــ المنحني الاعتدالي المعياري هو منحني متماثل حول المحور الرأسي

المار بمتوسط التوزيع والذي يمثل أقصى ارتفاع للمنحنى وهو يساوى ٣٩٩, كما يتضح من الجدول المصاحب المكل رقم (٣١).

ويمكن حساب ارتفاع المنهنى لجميع قيم الدرجات المميارية (د) الممثلة على المحور الآفقى باستخدام معادلة المنهن الاعتدالى المعيارى . إلا أنه ليس من الضرورى على الباحث أن يقوم بنفسه بحساب هذه الارتفاعات ، إذ يمكنه الرجوع إلى جدول (ب) المبين بالملحق الخاص بالجداول الإحصائية فى نهاية هذا السكتاب للحصول مباشرة على الارتفاعات ، والجدول يبين مختلف قيم ص (الارتفاع) التى تناظر مختلف قيم د (الدرجات المعيارية) .

٢ ـــ المنحى الاعتدالي هو متحنى متصل ، بمعنى أنه توجد لكل قيمة من
 قيم س قيمة مناظرة من قيم ص بما في ذلك القيم الكسرية مهما صغرت .

ويفترض عند استخدام هذا المنحى كنموذج للتوزيعات التكرارية أن المتغير س هو متغير متصل، وقد ناقشنا مفهوم المتغير المتصل بالتفصيل في الفصل الأول.

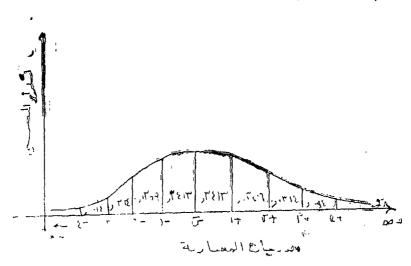
٣ ــ المنحى الاعتدالى المعيارى يوتد من كلتا الجهتين إلى اللهاية . أى أن المنحى يقترب تدريجيا من المحور الآفقى واسكنه لا يمسه مهما مددناه من كلتا الجهتين، ولا نحتاج عادة إلى مد طرفى المنحى بعيداً إلى أقصى الهين أو أقصى اليسار . فإذا نظرنا إلى الشكل رقم (٣١) نجد أن المساحة تحت الجزء الممتد إلى أربعة أو خمسة انحرافات معيارية على جانبى المتوسط تسكون جنشيلة جداً بحيث يمكن إهمالها في معظم الآغراض العملية .

٤ سد نقط انقلاب المنحنى وهى النقط التي يتغير فيها انجاه انحناء المنحنى
 تحدث عند الانحرافين المعياريين ١٠٠١، ١على جانبي المتوسط .

ه المساح السكلية تحت المنحني ، أي الساحه الحصورة بين المنحني دالمحور الافقى تساوى الواحد الصحيح .

والمساحات المحصورة بين أجزاء من المنحنى الاعتدالى المميارى والمحور الافقى يمكن اعتبارها تكرارات نسبية، أى أنناإذا رسمنا من أى نقطتين على المحور الافقى مستقيمين موازيين للمحور الرأسى ومددناهما حتى يقابلا المنحنى فإنه يمكننا تحديد المساحة المحصورة الناتجة بأجزاء من الواحد الصحيح . وفى الحقيقة أنه توجد علاقة ثابتة للمنحنى الواحد مهما اختلف شكلة بين المسافة على المحور الافقى مقاسة بوحدات المحرافات معيارية والمساحة تحت هذا المنحنى .

و تنطبق هذه القاعدة في حالة المنحنى الاعتدالي، إذ أن الجزء من المساحة المحصورة بين المتوسط و الخط الرأسي المرسوم من أى نقطة على محود السرجات المميارية (المحور الافقى) لا يختلف مقداره باختلاف التوزيع الاعتدالي .



شكل رقم (١٣٢) المسلمات تحت المنحنى الاعتدالي المحصورة بين المتوسط والدرجات المسيارية الصحيحة

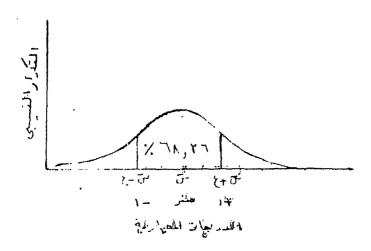
فاذا نظرنا إلى الشكل رقم (٣٢): تجدّ أن ٣٤,١٣ / من درجات التوزيع الاعتدالى تقع بين المتوسط والدرجة المعيادية + ١٠ ، ١٢ ، ٥٩ / ، من هذه الدرجات تقع بين الدرجاين المعياديتين + ١ ، + ٢ .

أى أن ٤٧,٧٢ / ٣٤,١٣ + ٣٥,١٣) من الدرجات تقع بين المتوسط ، الدرجة المعيارية 4- 7 .

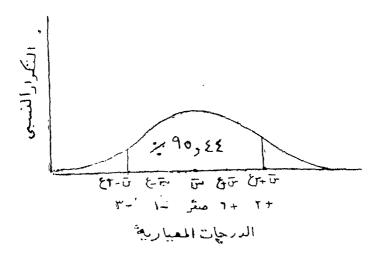
و نجد أيضا أن ٢,١٤٪ من الدرجات تقع بين الدرجتين المعياريتين ٢٠٠٠ + ٢، اى أن ٢,٨٦٪ (٤٧,٧٢ + ٤٠,٢٪) من الدرجات تقع بين المتوسط والدرجة المعيارية + ٣٠٠

و تظوا لتماثل المنحنى فإن تفس هذه النسب المثوبة من الدرجات تقع بين اللتوسط والدرجات المعيادية السنالبة .

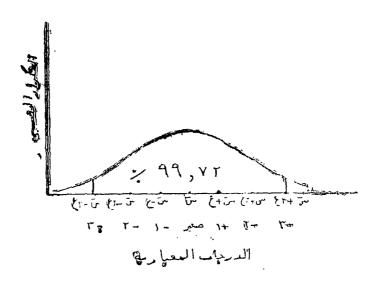
وكلما انجهنا نحو طرفى التوزيع إلى أكثر من + ٣ أو - ٣ درجة معيارية تقل المساحة تحت المنجنى بدرجة ملحوظة بحيث يمكن إهمالها ، إذ أن ٩٩,٧٢٪ من المساحة السكلية تحت المنحنى تنحصر بين + ٣ ، - ٣ درجة معيارية ، ٢٨٫٠٪ من المساحة السكلية تقع خارج هذا المدى ، وهى بالطبع نسبة صئيلة بعدا. والاشكال الثلاثة الآتية (أرقام ٣٣ ، ٣٤ ، ٣٥) توضح هذه المساحات :



شكل رقم (٣٣٣)) المساحة تحت المنحنى الاعتدالي بين الدرجتين المعياريتين -- ١ ، + ١



شكل رقم (۱۳۱۶) المساحة تحت المنحنى الاعتدالي بين الدرجتين المعياريتين ... ۲ ۴ بر ۲



شكل رقم (٣٥) المساحة تحت المنحنى الاعتدالي بين الدرجتين المعياريتين - ٣ ٢ ٢ ٣ ٣

ويمكن توضيح هذه المساحات بالمثالين الآتيين :

مثال (١):

إذا كان توزيع أوزان عينة عشوائية تتكون من ١٠٠٠٠ رجل يأخذ شكل المنحنى الاعتدالى . فإن ٣٤١٣ رجلا تقريباً (أى ٣٤,١٣٪ من العدد السكلى) سوف تقع أوزانهم بين متوسط الآوزان والوزن الذى يبعد بقدر انحراف معيارى واحد عن المتوسط ، ٢٧٧٦ رجلا تقريبا (أى ٤٧,٧٢٪ من العدد السكلى) سوف تقع أوزانهم بين متوسط الآوزان والوزن الذى يبعد بقدر انحرافين معياريين عن المتوسط، وهكذا .

مثال (۲)

إذا كان متوسط درجات عينة من الطلاب عددها في اختبار ما هو ١٠٠ والانحراف المعياري للدرجات ٤٠٠ وفيذا افترضنا أن توزيع هذه السرجات كان اعتدالياً ، فإن ١٣٠ ١٣٤ من هؤلاء الطلاب ، أي ٣٤١ طالباً تقريباً سوف تقع درجاتهم بين ١٢٠ ٩٠ ١٠٠ + ٤٠٠ أي بين ١٢٠ ٩٠ المرب المدد قريب جداً ، ن العدد الذي أمكن التنبؤ به باستخدام خواص المنحي الاعتدالي .

تميين أجزاء المساحة الواقعة تحت المنحنى الاعتدالى المعيارى بين المتوسط والدرجات المميارية المختلفة :

اقتصرنا عند مناقشتنا لخواص المنحى الاعتدالى المميارى على توضيح المساحات تحت هذا المنحى المحصورة بين المتوسط ودرجات معيارية ممينة . إلا أنه يمكننا تحديد النسب المثوية للساحات بين المتوسط وأى درجة معيارية

أخرى ، أو بين أى درجتين معياريتين باستخدام الجدول (ج) اللبين بالملحق فى آخر السكتاب .

والجدول يشتمل على المساحات المحصورة بين المتوسط والدرجات المعيارية المختلفة التى تراوح بين صفر ، ع بما فى ذلك الدرجات المكسرية ، وكذلك على المساحات المكرى .

فثلا إذا حصل طالب على الدرجة ٢٤,٦٥ فى متغير يتخذ شكل توزيع اعتدالى متوسطه = ١٦، والحرافه المعيارى = ٥، فإن درجته المعيارية = ١٠,٢٥ = ١٠,٧٢ = ٢٤,٦٥

وبالرجوع إلى العمود الأول في الجدول نبحث عن الدرجة المعيارية المهارية ، ثم نوجد ما يقابلها في العمود الثاني من مساحة تحت المنحى الاعتدالي المعياري محصورة بين المتوسط وهذه الدرجة ، فنجد أن هذه المساحة تساوي ١٨٥٤, أي ١٨٨٥، إ. ونظراً لان ، ه / من المساحة السكلية تقع دون للتوسط لان التوزيع متهائل ، فيمكننا استنتاج أن ١٨٨٥، أي (٥٠ + ١٨٥٥) من المساحة السكلية تقل عن الدرجة ٥٠ , ٢٤ ، ولذا يمكن اعتبار أن الرتبة المثينية المقابلة لهذه الدرجة هي ١٨٥، ٥٠ .

$$\cdot 1, \forall r = \frac{17 - \sqrt{r_0}}{\bullet}$$

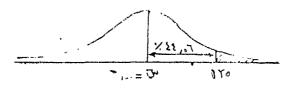
ونظراً لآن المنحى الاعتدالى متماثل فإن العمود الاول بالجدول (ج) يقتصر على الدرجات المعيارية الموجبة لأن أجزاء المساحات المقابلة للدرجات المعيارية السالبة هي تفريها المقابلة للدرجات المعيارية الموجبة . ولذلك فإن المساحة المحصورة بين المتوسط والدرجة المعيارية — ١,٧٣ تساوى أيضا ٤٥,٨٢ . ولهذا يمكن الحصول على الرتبة المثينية المقابلة للدرجة ٥,٨٧ إما بطرح ٤٥,٨٢ . من ٥٠ / ، أو باستخدام العمود الرابع في الجدول (ج) مباشرة . والرتبة المثينية في كاتنا الحالتين هي ٤,١٨ .

استخدام خصائص المنحني الاعتدالي في تحليل البيانات:

سبق أن ذكرتما في مستهل هذا إلفصل أنه يمكن للباحث استخدام خواص المنحى الاعتدالي في إجابة كثير من الاستلة المتعلقة بمجموعة من البيانات وسنعرض فيما يلي بعض هذه الاستلة ونجيب عليها باستخدام بحموعة افتراضية من البيانات حتى يتسنى للباحث ملاحظة كيفية استخدام جدول المساحات (جدول ج) في إجابة هذه الاستلة .

والبيانات خاصة بدرجات مجتمع أصل معين Population في اختبار الذكاء تتوزع توزيعا اعتداليا متوسطه = ١٠٠، وانحرافه المعياري = ١٦ .

۱ ماهى النسبة المئوية للحالات التي تقع بين المتوسط والدرجة 170
 في الاختبار؟ وما هي الرتبة المشينية المقابلة لهذه الدرجة في المجتمع الاصل؟
 فالحفظوة الاولى التي يحدر على الباحث اتباعها أن يرسم شكلا توضيحيا يبين فيه المعلومات المذكورة في السؤال كالآنى:



شكل رقم (١٣٦) والخطوة الثانية يحول الدرجة الحام إلى درجة معيارية باستخدام القانون :

 $\frac{\overline{--\nu}-\overline{\nu}}{3}=3$

$$1,07 = \frac{1.. - 170}{17} = 10,1$$
 فق هذا المثال د

والخطوة الثالثة: يرجع إلى الجدول (ج) اللبين بالملحق ويبحث فى العدود الأول عن الدرجة المعيارية ١٫٥٦، فيوجئد المساحة المحضورة بين المتوسطوهذه الدرجة من العمود الثانى فيجدها ٢٠٠٤٪، وبذلك تكون الرتبة المشينية المقابلة للدرجة ١٢٥هـ، ١٢٥ هـى ٥٠ - ٤٤٠٠٦ = ٩٤٠٠٠٠

٧ ـــ ماهي النسبة المشوية للحالات التي تقع بين الدرجتين ١٢٠ ، ٨٨ ؟



للإجابة على هدذا السؤال يجب على الباحث ألا يتسرع ويخطى، بأن يطرح الدرجة ٨٨ من الدرجة ١٢٠ ويقسم على الانحراف المعيارى ، فالمساحة تحت المنحنى الاعتدالى تعتمد على المتوسط كنقطة مرجعية ثابتة . ولذلك يجب على الباحث أن يوجد المساحة بين المتوسط والدرجتين ٨٨ ، ١٢٠ كل على حدة . ثم يجمع المساحتين ليحصل على إجابة السؤال . أى أنه يجب أن يتبع الخطوات الآتية :

الخطوة الأولى : يوجد الدرجة المميارية المقابلة للدرجة س ــــ ١٣

$$1,70 = \frac{7.}{17} = \frac{1.. - 17.}{17} = 3$$

الخطوة الثانية : يوجد الدرجة المعيارية المقابلة للدرجية س ______

$$\cdot, \vee \circ - = \frac{1}{17} = \frac{1 \cdot \cdot - \wedge \wedge}{17} = 3$$

المُعطوة الثالثة: يوجد المساحتين المناظرتين لسكل من الدرجتين الممياريتين بالرجوع إلى العمود الثانى في الجدول المبين بملحق الجداول .

المساحة بين المتوسط والدرجة المعيارية ١,٢٥ = ٣٩,٤٤ ٪.

المساحة بين المتوسط والدرجة المميارية – ٧٠,٣٤ – ٢٧,٣٤ ٪

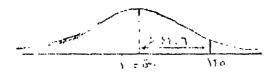
الخطوة الرابعة : يجمع المساحتين مما

أي أن المساحة المحصورة بين الدرجتين ٨٨ ، ١٢٠

1.77,VA = YV, YE + Y9, EE =

(٣) ما هي النسبة المثوية للحالات التي نتوقع أن تحصل على درجة أعلى من ١٢٥

النسبة المثوية المطلوب إيجادها مبينة بالشكل الآتي :



شکل رقم (۱۳۸)

وقد وجدنا عند إجابة السؤال الاول أن المساحة المحصورة بين المتوسط والدرجة ١٢٥ تساوى ٢٠, ٤٤ من المساحة الكلية . والكي يوجد الباحث النسبة المثوية للحالات التي نتوقع أن تحصل على درجة أعلى من ١٢٥ يجب أن يطرح هذه النسبة من ٥٠ (وهي المساحة تحت النصف الايمن للتوزيع) .

أى أن النسبة المشوية المطلوبة = ٥٠ – ٢٠,٥ ٤ = ٥,٩٤ / ٠

(٤) ما هي النسبة المثوية للحالات الني تقع بين الدر جتين ١٣٢ ، ١٣٥ ؟



شکل رقم (۱۳۹)

وهنا أيضاً لايستطيع الباحث التوصل إلى الإجابة مباشرة بل يجب أن يوجد المساحة المحصورة بين المتوسط وكل من الدرجتين ١٢٣ ، ١٣٥ ، ثم يطرح المساحتين بعضهما من بعض . ويكون الحل كالآتى :

الخطوة الأولى: يوجد الدرجة المعيارية المقابلة للدرجة ١٢٣

$$1, ii = \frac{77}{17} = \frac{1 \cdot \cdot \cdot + 177}{17} = 3$$

الخطوة الثانية : يوجد الدرجة المعيارية المقابلة للدرجة ١٣٥

$$Y, 19 = \frac{Y_0}{17} = \frac{1 \cdot \cdot - 1 Y_0}{17} = 3$$

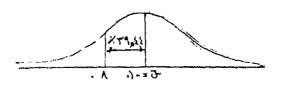
الخطوة الثالثة: يوجد المساحتين المناظرتين لسكل من الدرجتين المعياديتين بالرجوع إلى العمود الثانى في الجدول (ح) المبين بالملحق:

المساحة بين المتوسط والدرجة المعيارية ١,٤٤ = ٢,٥١ = ٢. ٤١ ٪ المساحة بين المتوسط والدرجة المعيارية ٢,١٩ = ٢٨,٥٧ = ٤٨.

الخطوة الرابعة: يطرح المساحتين بعضهما من بعض ليحصل على المساحة المحصورة بين الدرجتين ١٢٥، ١٣٥٠

$$\cdot$$
 /. ۲,۰٦ = ٤٢,٥١ – ٤٨,٥٧ = أي أن المساحة

(ه) ما هو احتمال أن يحصل شخص اختير بطريقة عشوائية من المجتمع الأصل على درجة ٨٠ أو أكثر ؟



شكل رقم (٤٠)

ولإجابة هذا السؤال يجبأن يحول الباحث الدرجة ٨٠ إلى درجة معيارية.

$$1,70-=\frac{7\cdot-}{17}=\frac{1\cdot\cdot-\lambda\cdot}{17}=3$$

ثم يوجد المساحة المحصورة بين المتوسط والدرجة ١,٢٥ من العمود الثانى فى المحدول (ح) فيجدها ٣٩,٤٤ . ولإيجاد النسبة المتوية للحالات التى تفوق الدرجة ـــ ١,٢٥ يجب أن يضيف . . / المل المساحة السابقة .

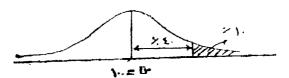
أى أن النسبة المتوية للمساحة المطلوبة 🕳 ٢٩,٤٤ – ٥٠ 🕂 ٠٠

وللتمبير عن هذه المساحة باستخدام الاحتمالات يجب أن يحول هذه النسبة المثوية إلى كسر عشرى فتصبح ٨٩٤٤, (أى حوالى ٩٠,٠).

أى أن هناك احتمالا كبيرا أن يحصل شخص اختير بطريقة عشوائية من المجتمع الأصل على درجة ٨٠ أو أكثر .

(٦) أراد باحث أن يختسسار المجموعة المرتفعة الذكاء من هذا المجتمع الأصل وهم الذين يمثلون ١٠٪ العليا من الدرجات . ماهى الدرجة التى يجب أن يقبلها لتسكون بمثابة حد فاصل يعشمد عليه في اختيار هؤلاء الاشخاص .

هذه المسألة تعتبر عكس المسألة رقم (٥) السابقة. فني المسألة السابقة حصلنا على النسبة المتوية للمساحة باستخدام درجة ممينة. أما في هذه المسألة فإن النسبة المتوية معلومة لدينا ، والمسألة بالدرجة المقابلة لهذه النسبة . والمسألة موضحة بالشكل الآتي :



شکل رقم (۱)}

فالدرجة الخام المطلوبة تناظر الخط الذي يفصل النسبة ١٠٪ عن بقية الوزيع . وللحصول على هذه الدرجة يتبع الباحث عكس الخطوات الموضحة بالمسألة رقم (٥) .

الخطوة الاولى : إذا كان ١٠ / أعلى من الخط الغاصل ، فإن ٤٠ / · (٥٠ / - ١٠ /) تنحصر بين المتوسط وهذا الخط .

الخطوة الثانية : يرجع إلى الهمود الثانى فى الجدول (ح) المبين بملحق الجداول ، ويوجد الدرجة المعيارية المقالبلة للسكسر ٠٠٠٤, • (٠٠٠) فنجد أن الدرجة د = ١,٢٩ تقاطر السكسر ٢٩٠٩٠, وهي أقرب ماتكون إلى ٠٠٠٠,

الخطوة الثالثة : يحدد إشارة الدرجة المعيارية . فمن الشكل يتضح أن الخط الفاصل يقع على يمين المتوسط . ولذا فإن الدرجة المعيارية تسكون مرجبة وتساوى + ١٠٢٨ •

الخطوة الرابعة : يحول الدرجة المعيارية انسابقة إلى درجة خام باستخدام الخطوة الرابعة : يحول الدرجة المعيارية انسابقة إلى درجة خام باستخدام

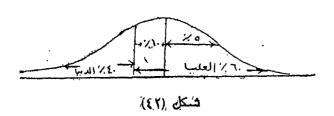
ويمكن كتابته على الصورة : س علمين + دع

و بالتعویض نحصل علی : س = سس + ۱٫۲۸ + ۲۰٫ د بالتعویض نحصل علی : س = سس + ۲۰٫ ۴۸ = ۲۰٫ ۴۸ =

أى أن الشخص الذي يحصل على درجة ١٢٠,٤٨ أو أكثر في اختبار الذكاء يتم اختياره ضمن المجموعة المرتفعة الذكاء دون سواه .

الدنيا من أفراد التحديد التي تفصل بين ٣٠/ العليا ، ٤٠/ الدنيا من أفراد المجتمع الاصل في الذكاء .

المعلوم فى هذه المسألة هو النسبة المشوية والمطلوب إيجاد الدرجة . فهى تعتبر أيضا عكس المسألة رقم (٥) أى أننا نحتاج إلى إيجاد الدرجة الخام كما هو موضح بالشكل الآتى :



و للاحظهنا أن النسبة التي سنكشف عنها في الجدول (ج) ليست و اضحة، فاختيار أى من النسبتين ٤٠٪ أو ٦٠٪ دون معرفه أساس الاختيار يؤدى بالباحث إلى نتيجة خاطئة .

فالنسبة المتوية للمساحة المحصورة بين المترسط والنط الفاصل هي . ١ . ، ، ولذلك يجب أن تسكشف في الجدول عن هذه النسبة .

فبالرجوع إلى العمود الثانى من الجدول والبحث عن الدرجة المعيارية المقابلة للكسر ،١٠٠٠ وهو أقرب للكسر ،١٠٠٠ وهو أقرب ما يمكن إلى المكسر ،١٠٠٠ .

و بالنظر إلى الشكل التوضيحي نجد أن الدرجة الفاصلة المطلوبة تقع إلى يسار المتوسط، أى أن هذه الدرجة المعيارية تكون سالبة وتساوى ٢٥٠٠، مم تحول هذه الدرجة المعيارية إلى درجة خام باستخدام القانون:

$$w = \overline{w} + \epsilon g$$

$$= v + (-17) \times (\cdot, 70 - 1) + 1 \cdot \cdot \cdot = 0$$

$$= v + (-17) \times (\cdot, 70 - 1) + 1 \cdot \cdot \cdot = 0$$

اى ، سا تتوقع أن الدرجة الخام التى تفصل بين ٦٠٪ العليا ، ٤٠٪ الدنيا من أفراد المجتمع الاصل فى الذكاء هى ٧٥٠

إيجاد المتينيات باستخدام المنحني الاعتدالي:

أولا: إيجاد الرتبة المثينية المقابلة لدرجة خام معينة:

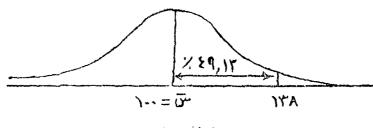
يمكن استخدام جدول مساحات المنحنى الاعتدالى (جدول ج) فى تحديد الرتب المثينية المقابلة للدرجات الحام للبيانات التى تتوزع توزيعا اعتداليا . ويجب على الباحث أن يراعى أن الرتب المثينية التى يحصل عليها باستخدام هذا الجدول لا تكون دقيقة ما لم يكن توزيع الدرجات الخام اعتداليا أو قريبا منه .

وقد عرفنا فى الفصل الخامس الرتبة المثينية المقابلة لدرجة معينة بأنها النسبة المئوية للحالات (أو النسبة المثوية للتكرار) التى تقع دون هذه الدرجة .

فإذا أردنا تحديد الرتبة المثينية للدرجة الخام ١٣٨ في البياءات السابقة الخاصة باختبار الذكام، يبجب أن تحول هذه الدرجة الخام إلى درجة مريارية وهي :

$$L_{17} = \frac{r_{17}}{17} = \frac{1 \cdot r_{17}}{17} = \frac{1 \cdot r_{17}}{17}$$

وبالرجوع إلى جدول (ج) نجد أن المساحة المحصورة بين المنوسط وهذه الدرجة = ٤٩,١٣ أى ٤٩,١٣ / من مساحة النصف الآيمن للتوزيع الاعتدالي كما هو موضح بالشكل الآتي:



شکل (۲۶)

أى أن الدرجة ١٣٨ تفوق ٤٩,١٣٪ - { ه./ أي تفوق ٩٩,١٣٪ من. جميع الحالات في المجتمع الاصل.

وعلى هذا فإن الرتبة المثينية المقابلة للدرجة ١٣٨ هي ٩٩ تقريباً .

ومن هذا نرى أننا قد حددنا. الرتبة المثينية عن طريق إيجاد النسبة المئوية المتكرارات الواقعة دون هذه الدرجة .

ثانيا: إيجاد الدرجة الحام المقابلة لرتبة مثينية معينة :

إذا أردنا إيجاد الدرجة الخام المقابلة للرتبة المثينية ٣١ مشــــلافى البيانات السابقة المخاصة باختبار الذكاء ، فإننا نبحث عن الدرجة التي تقع دونها ٣١٪ من الحالات تقع بين الدرجة المطلوبة والمتوسط . وبالرجوع إلى الجدول (ج) نجد أن السكسر ١٩٠٠. يناظر الدرجة المميارية . و بالرجوع إلى الجدول (ج) نجد أن السكسر ١٩٠٠. يناظر الدرجة المميارية . و بقريبا .

$$w = \overline{w} + e^3$$

$$|v| + e^3$$

وهي الدرجة الخام التي تقابل الرتبة المثينية ٣١ .

مزايا وعيوب الرتب المثينية والدرجات المعيارية :

يجدر بنا هنسا أن نوضح الباحث بعض مزايا وعيوب الرتب المئينية والدرجات المعيارية . فالرتب المئينية أكثر سهولة في تفسيرها من الدرجات المعيارية . فعندما تحدد الطالب أو الفرد العادي مركزه النسي في مجموعته في أداء معين فإنه ان يحتاج إلى مزيد من النفسير لادائه بالنسبة لاقرائه ، ولكن يعاب على الرئب المئينية أنها من المستوى الرئبي . وبذلك لا يمكن إجراء العمليات الحسابية الاربع عليها ، وهذا لا يعتبر عيبا يؤثر على تفسير الرئب المئينية ، ولكن يجعل هذه الرئب غير صالحة التحليل الإحصائي المتقدم ، ولكن الدرجات المعيارية تسمح بهذا التحليل مثل ضم الدرجات المعيارية في مقياس مركب ، كما أشرتا إلى ذلك في الفصل الخامس لانها من المستوى الفترى ، كذلك تسمح لنا بالاستفادة من خصائص المنحني الاعتدالي (إذا كان توزيع الدرجات المعيارية كند صلية اعتداليا) ، وبالتاني نستطيع إيجاد المثينيات المناظرة الدرجات المعيارية كا قدمنا ، و بذلك تجمل التفسير أكثر سهولة ، لانه يصحب على الطالب أو الفرد العادي تفسير الدرجات الميارية .

ويعاب أيضا على الرتب المشبنية أنها تتوزع توزيعاً مستطيلاً في حين أن توزيع درجات الاختبارات النفسية والتربوية التي يهتم فيها بإبرازالفروق الفردية يقترب عادة من شكل المنحني الاعتدالي ، ويترتب على ذلك أن الفروق الصنبيلة بين الدرجات الخام بالقرب من مركز التوزيع تناظر دتبا مينية كبيرة بينا الفروق الكبيرة بين الدرجات الخام عند طرفي التوزيع تناظرها فروق

صغيرة فى هذه الرتب . و لذلك يجب على الباحث أن يدرك هذه العلاقات حتى يتيسر له التفسير الصحيح للرتب المثينية و بخاصة تلك التى تفترب من مركز التوزيع .

تحويل التوزيعات المختلفة إلى الصورة الاعتدالية :

أحيانا يود الباحث التأكد من أن توزيع البيا ات التي حصل عليها يقترب من شكل التوزيع الاعتدالي حتى يستطيع الإفادة من خصائص هذا التوزيع كارأينا في هذا الفصل . أي أنه يود أن يعرف ما هو تكرار كل فئة من فئات المتغير سالني يفترض أنه من المستوى الفترى ساهندما يصبح توزيع المتغير قريبا بقدر الإمكان من شكل المنحني الاعتدالي . ولسكنه بالطبع لا يستطيع التأكد من ذلك بدقة من مجرد التمثيل البياني لتوزيع المتغير ، لذلك و جعب عليه أن يستخدم طريقة أدق تمكنه من مقارنة تسكرارات التوزيع الذي حصل عليه بالتسكرارات المخاصة بالته زيع الاعتدالي لاي بحموعة من البيانات هو منحني أفضل مطابقة لهذه البيانات . فنحني أفضل مطابقة يشتمل عليها بحموعة البيانات الاصلية ، و تسمى هذه الطريقة وطربقة المساحة Area Method » .

ولتوضيح الخطوات التي يمكن أن يتبعها الباحث لإجراء مثل هذا التحويل باستخدام هذه الطريقة نعرض المثال الآتي :

نفترض أن الباحث حصل على البيانات الآنية الموضحة في جدول رقم (٢٢) من عينة تشكون من ١٥٠ طالبا ، ومتوسط توزيع البيانات = ٦٣,٩ . وانحرافه المعياري = ١٢,٢ .

-								
(4)	(A)	(v)	(٦)	(0)	(٤)	(٣)	(٢)	(1)
التكرارات			المساحة التي	[·			التكوارات	
المتوقعة	المتوقعة		تحد فئة من	د	۲	المليا	الأصلية	الفثات
مقر ڀة	ت م	القيد	آسافل			للغثات	ت.	
١,٨	1,٧٨0	.,.119	., 998.	7,01	٣٠,٦	98,0	١	98-9.
٤,١	٤,١٤٠	٠,٠٢٧٦	٠,٩٨٢١	۲,۱۰	70,7	19,0	٣	19-A0
۸,۲	۸,۲۲۰	•,•011	1,9050	1,79	4.7	1.8,0	٨	۸٤—۸•
17,4	14,440	.,919	٠,٨٩٩٧	1,41	10,7	49,0	۱۲	V9-V0
19,7	14,090	• , 18• 4	٠,٨٠٧٨	٠,٨٧	1.7	48,0	۲۸	V8-V+
77,7	27,090	.,1674	•,7٧٧٢	٠,٤٣	0,7	79,0	44	79-70
75,1	7£ ,• Vo	.,17.0	.,0199	1.,00	٠,٦	71,0	١٢	78-70
۲٠,٨	۲۰ ,۸۲۰	., 1800	1., 4098	1.77-	1,5-	04,0	11	09-00
10,7	10,78.	.,1.17	0,7707	·, VV	۹,٤ -	01,0	١.	01-6.
4,0	4, \$70	٠,٠٦٢١	1.119.	1,14-	112,5-	19,0	٨	189-10
٥,٠	٤,٩٦٥	. , . 441	,.009	1,09.	19,8-	1 88,0	_ ^	125-5.
۲,۲	7,440	j- , . 1 & A	٠,٠٢٢٨	۲,۰۰-	145,5-	79,0	٥	T9-70
1,٢	1,7.	· , · · A ·	١٠,٠٠٨٠	7, 1 -	149,5-	78,0	1 1	TE- T.
189,1		٠,٩٩٤٠					10.=	≃ ບໍ
							77,9 ===	<u> </u>
							17,7 =	ع :

جدول رقم (٢٢) خطوات تحويل التوزيعات التكرارية الى الصورة الاعتدالية

و نلاحظ من هذا الجدول أن العمود الأول يشتمل على الفئات ، والعمودالثانى يشتمل على الفئات ، والعمودالثانى يشتمل على التكرارات الملاحظة التي رمزنا لها بالرمز (ت.) . وبعد تحديد هذه الفئات والتكرارات الملاحظة يمكن للباحث أن يتبع الخطوات الآنية :

(أولا) يحدد الحدود الحقيقية العلميا لسكل فئة في العمود الثالث .

(ثانيا) يحدد قيم (ح) أى انحرافات قيم الحدود الحقيقية العليا للفثات عن متوسط النوزيع الأصلى وهو يساوى ٩٣٫ . وتدرن هذه الانحرافات في العمود الرابع .

ثالثاً : يحول قيم ح التي حصل عليها فى العمود الرابع إلى درجات معيارية (د) وذلك بهقسمتها على الانحراف المعيارى ع وهو يساوى ١٢,٢ ، وتدون هذه الدرجات المعيارية فى العمود الخامس .

رابعاً: يرجع إلى جدول مساحات المنحى الاعتدالى المبينة بالجدول (ح) في ملحق المكتاب التحديد نسبة المساحة تحت المنحى الاعتدالى التي تقع إلى يسار هذه الدرجة أى تحدها من أسفل . فثلا المساحة التي تقع إلى يسار الدرجة المعيارية ٢٫٥١ (الدرجة التي في أعلى العمود الجامس) تساوى ٢٫٥١ ، من المساحة الكلية تحت المنحني الاعتدالى . وتدون هذه المساحات في العمود السادس .

خامساً : يحدد النسب المدونة في العمود السابع كالآتي :

النسبة المدونة في أسفيل العمود السابع وهي ١٨٠٠, هي نفسها النسبة المدونة في أسفل العمود السنادس لآن كلا من المساحة التي نقيع إلى يسار الفئة ٣٠ ــ ٤٣ وبالمساحة التي نقيع إلى يسار الفئة ٣٠ ــ ٤٣ وبالمساحة التي تقيع إلى يسار الحد الأعلى الحقيقي لجمذه الفئة . و يمكن الحصول على المساحة المحصورة بين حدى الفئة ٣٠ ــ ٣٩ بطرح ١٨٠٠, (أى الجزء من المساحة المحصورة بين حدى الفئة ١٠٠ ــ ٤٢) من ٢٠٠٠, (أى الجزء من المساحة الذي يقيع إلى يسار الحد الأعلى الحقيقي للفئة ٥٠ ــ ٣٩) فيكون الناتج ١٤٨, . وبالمثل للفئة ١٤ ــ ٤٤ الفئات .

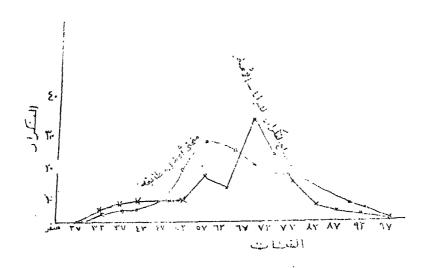
و مجموع قيم هذا العمود تساوى الواحد الصحبح تقريباً . إذ ربما يكون هذا المجموع أقل قليلا من الواحد الصحبح لانه توجد دا ما حالات تقمع بالقرب من طرفى التوزيع الاعتدالي لا تؤخذ في الاعتبار أثناء إجراء هذه الخطوة .

سادساً : يحصل على القيم المدونة فى العمود الثامن والتى رمزنا لها بالرمز (تم) (أى التكرارات المتوقعة) بأن يضرب كل نسبة من نسب للساحات المدونة فى العمود السابع فى عدد الحالات أى ١٥٠ ، ويلاحظ أن بحموع هذا العمود ريما يقل قليلا عن ١٥٠ .

سابنا: يقرب هذه التسكرارات المتوقعة (ت م) إلى أقرب رقم عشرى

ثامناً: يرسم مضلما تكرارياً للميانات الاصلية ، وكذلك منحنيا تكرارياً مهنداً للميانات التي حصل عليها تتيجة لهذه الحفاوات السبع بالطرق التي عرضنا لها في الفصل الاول من هذا الكتاب . فيمثل الفئات على المحور الافقى والتكرارات على المحور الرأسي ، ثم يعين النقط التي تناظر التسكرارات الملاحظة لسكل فئة ، ويصل بينها مخطوط مستفيمة ليحصل على المضلع السكراري للبيانات الاصلية . ثم يعين النقط التي تناظر التسكرارات المتوقعة لسكل فئة ، والتي حصل عليها في المعبود التاسع ، ويصل بينها مخط منحن مهد بقدر الإمكان فيحصل بذلك على المنحي التسكراري للبيانات بعد إجراء عملية التحويل .

وفى الشكل رقم (٤٣) يكون منحى أفضل مطابقة قد فرض على المضلعُ الشكر ارى للبيانات الاصلية .



شمكل رقم (٣٤)

المضلع التكراري والمنحنى التكراري بعد تحوله

وسوف نعرض في الجزء الثاني من السكناب ، وهو الذي يختص بالاساليب الاستدلالية في تحليل البيانات حد مقياسا إحصائيا يسمى ۲۲ Chi-Square ، وأحد استخداماته هو قياس حسن مطابقة التوزيع الذي حصل عليه الباحث للتوزيع الاعتدالي ، ويعتمد حساب قيمة کا على كل من التسكرارات الاصلية والشكرارات التجريبية .

وهنا ربما يتساءل الباحث عن الفائدة المرجوة والمهرر الحقيقي لإجراء مثل هذا التحويل إلى الصورة الاعتدالية الذي يتطلب كتيراً من الجهد والوفت. وفي الحقيقة أنه ربما يجد الباحث أن التوزيع الاصلى لسمة أو لخاصية معينة الذي يحصل عليه من عينة ما لايتخذ شكل المنحني الاعتدالي ، بينها يسكون توزيع هذه السمة أو الخاصية في المجتمع الاصل اعتداليا ، فإذا استطاع الماحث التأكد من ذلك ، عندأذ ربما يجد أن من المفيد أن يحول توزيع البيانات التي استمدها من العينة إلى صورة التوزيع الاعتدالي ، وبذلك يحصل على توزيع أكثر تمهيداً من التوزيع الأصلى و تقل فيه أخطاء العينة . كما أن هذا التحويل يفيد في تقنين من التحويم النهسية والتربوية و في الحليل الارتباط بين متغير ن .

كيف يختار الباحث التحويل المناسب لبيانات بحثه:

مما سبق يتضح أن المنحنى الاعتدالى يعتبر من المنحنيات الحامة التي يمكن أن يستمين بها الباحث في حل كثير من المشكلات التي يقابلها عند تحليل البيانات التي يشتمل على نوزيعات الدرجات أو النسب المتوية .

ولكننا نود أن نؤكد أنه بالرغم من تعدد هذه المشكلات التي عرضنا لبعضها في هذا الفصل إلا أنه يمكن تيسير حلها إذا وضح في ذهن الباحث أنها جميعا تعتمد على تحويل نوع معين من الوحدات إلى نوع أخر ، وعلى وجه التحديد فإن هذه الوحدات هي : الدرجة المخام ، الدرجة المعيارية ، النسبة المثوية للتكرار ، والتسكرار الحام .

ويمكن توضيح ذلك بالشكل التخطيطي الآني :

$$\frac{v}{v} = \frac{v}{v}$$
 $\frac{v}{v} = \frac{v}{v}$
 $\frac{v}{v} = \frac{v}{v}$

$$1 \cdot \cdot \times \frac{c}{i} = \frac{i}{i} + c = \frac{c}{i} + \frac{$$

فالصف الأول في هذا الشكل يلخص هذه المشكلات في أن كل مشكلة منها تتطلب التحويل من وحدة إلى أخرى ، وللاحظ أن الاسهم في هذا الصف موجهة في انجاهين متقابلين مما يدل على أنه يمكن تحويل أي من الوحدات إلى الآخرى . ولحن في جميع إالاحوال يجب مراعاة انباع الخطوات المبينة بالصف الثاني أو الثالث .

فلسكى يحصل الباحث على النسبة المثوية للتسكرار من الدرجة الخام يجب أن يحول الدرجة المعيارية إلى نسبة مثوية للتسكرار ، ولسكى يحصل على الدرجة الخام من النسبة المثوية للشكرار بجب أن يحول النسبة المثوية للشكرار إلى درجة معيارية ثم يحول الدرجة المعيارية إلى درجة خام .

أما الصفان الثانى والثالث فى الشكل التخطيطي فهمــــا يوضحان للباحث الخطوات التى محب أن يتبعها عند إجراء هذه التحويلات .

فإذا كان المطلوب تحويل درجة خام إلى نسبة مثوية للتسكرار (أو تسكرار خام) تزيد أو تقل عن درجة معينة ، مثال ذلك : ما هى النسبة المثوية للحالات التى تزيد درجاتها عن ١٢٠ في اخسار للذاء العبجب أن ينتقل مراايين إلى اليساء في الصف الأول ، و عمر بالخطوات المبينة في الصف الثاني .

أما إذا كان المطلوب تحويل النسبة المثوية لتسكرار ما أو تسكرار خام إلى درجة معيارية أو درجة خام ، مثال ذلك : ما هى الدرجة التى تحصل على أعلى منها النسبة . ١ / العلميا من الطلاب فى توزيع درجات اختبار الذكاء ؟

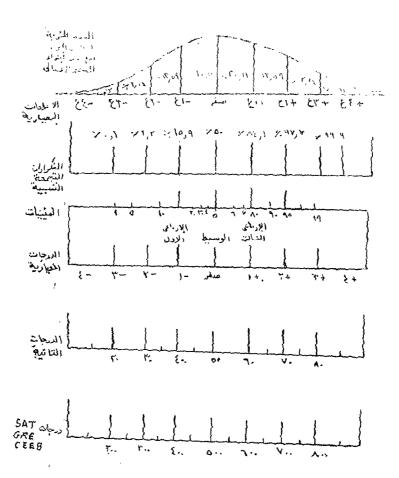
فيهجب في هذه الحالة أن ينتقل من اليسار إلى الهين في الصف الأول ، ويمر بالخطوات المبيئة في الصف الثالث .

وباختصار فإن الاستلة التي يود الباحث الإجابة عليها باستخدام خواص المنحى الاعتدالي وإن بدت متعددة وعتلفة إلا أنها في الحقيقة متشابهة . والسبب في أنها تبدو متعددة ومختلفة أنه يمكن صياغتها بطرق مختلفة . ولذلك فإننا ننصح الباحث أن يوضح المعلومات المعطاة في المشكلة أو السؤال الذي يود الإجابة عليه بالرسم _ كما فعلنا في الامثلة السابقة _ حتى يستطيح البدء في حل المشكلة أو إجابة السؤال المطروح .

كا يجب على الباحث أن يلاحظ أن هذه الملاقات تنطبق فقط على الدرجات التي تتخذ شكل التوزيع الاعتدالي .

و تكرر القول بأن تحويل الدرجات الخام إلى درجات معيارية لايغير مطلقا من شكل التوزيع الاصلى وإنما يجعل فقط قيمة المتوسط تساوى الصفر ، وقيمة والانحراف المعياري الواحد الصحيح .

والشكل رقم (ع)) يوضح الملاقات القائمة بين الانحرافات المعيارية، والتكرارات المتجمعة النسبية، والمثينيات، والدرجات المعيارية، والدرجات التائية ودرجات CEEB 'GRE 'SAT :



شكل رقم (٤٤) العلاقات بين الانحرافات المعيارية والتكرارات المتجمعة النسبية ، والمئينيات ، والدرجات المعيارية (د) ، والدرجات التائية (ت) ، ودرجات CEEB, GRE, SAT

تمارين على الفصل السادس

ا ــ أوجـــد المساحة تحت المنحنى الاعتدالى المحصورة بين المتوسط والدرجات المميارية الآنية:

$$Y, \cdot o - (1)$$

۲ سـ إذا كان توزيع اعتدالى مثوسطه ٥٠ ، وانحرافه المعيارى ١٠ ،
 وعدد الحالات التي استمد منها هذا التوزيع ١٠٠٠ حالة . أوجد :

(أ) المساحة وعدد الحالات الحصورة بين المتبرسط وكل من الدرجات الآنــة:

- Yo . 10 . V. . T.

(ب) المساحة وعدد الحالات التي تفوق الدرجات الآنية :

· · · · ٢ · · ١ · · · · · · ·

(🖛) المساحه وعدد احالات المحصورة بين كل من الدرجةين الانيةين :

- . V. . 4.
- . 7. · YO
- . V+ 6 60
- . 10 . Yo

۳ — إذا كان أو زيع اعتدالي متوسطه مرم انحرافه المياري == ١٠٠ و صدد الحالات التي استمد منها هذا التوزيع == ٢٠٠ . أوجد ارتفاع المنحني عند النقطة التي إحداثها السيني :

- 07 . 07 . P3 . V0 . Tr .
- ع _ أوجد المساحه تحت المنحني الاعتدالي :
- (ب) المحصورة بين المتوسط والدرجة المعيارية د = ١.٢٦ .
 - (ج) إلى يمين الدرجة المعيارية د ــــ ٢٥.

 - ۱٠٠,٥٠ = ۰۰,٥٠ = ۰۰,٠٠
 - (و) المحصورة بين د = ٥٠٠، د = ٠١,٥٠
 - (ز) المحصورة بين د = ١٠٠٠ ، د = ١٠٩٠ ·
 - () | 1 = 0 المحصورة بين د= 0 ، د= 0 ، د= 0
 - اوجد الدرجة المعيارية (د) يحيث تـكون المساحة :
 - (أ) إلى يمين هذه الدرجة د = ٢٥٠٠
 - (ب) إلى يسار هذه الدرجة د = ٩٠.
 - (ج) المحصورة بين المتوسط وهذه الدرجة د ـــ . ٤ .
 - (د) المحصورة بين + د ، _ د = ٠.٨٠

إذا افترضنا أن ظاهرة الذكاء تتوز عنوز بما اعتدالياً في المجتمع الاصل الذي متوسطه ١٠٠ و الحرافه المعياري ١٥٠ و بعد النسبة المشوية المدد الافراد في هذا المجتمع الذين :

- (أ) يزيد ذكاؤهم عن ١٣٥٠
- (ب) يزيد ذكاؤهم عن ١٢٠٠
- · ﴿ عِنْ مَا مِثْلُ دَكَاوُهُمْ عَنْ مَ ٩٠ .
- (د) ينحصر ذكاؤهم بين ٧٥ ، ١٢٥ -

٨ ـــ البيانات الآنية تمثل درجات مجموعتين عمريتين مختلفتين في اختبار ما :

بحموعة تبلغ أعمارها ١٤ عاما	: ثموعة تبلغ أعمارها ١١ عاما : :
0.	ن (المتوسط) ٨٤
17	ع (الانتوراف المعياري) ٨
٨٠٠	ن (عدد الآفراد)

فالمعطوة الأولى: يبوب درجات كل من المتغيرين في جدول توزيع تكرادى مزدوج. وهذا يتطلب منه أن يقرر عدد فئات كل من المتعيرين. فإذا اختار الفئات الخس الآنبة لسكل من المتغيرين:

۲۵ – ۲۹ ، ۳۰ – ۳۶ ، ۳۵ – ۶۹ ، ۶۰ – ۶۶ ، ۵۶ – ۶۹ فإنه سوف يحصل على الجدول التكراري المزدوج الآتي (رقم ۲۸):

چدول رقم (۲۸)

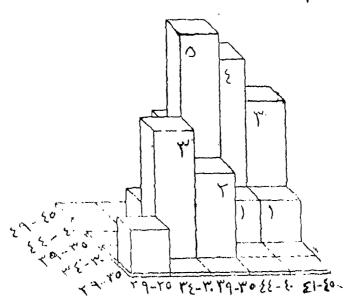
و الخطوة الثانية : يضع علامات تناظر تسكرار كل من المتغيرين . فثلا س = ٣٧ ، ص = ٢٤ تقع فى الخلية الناتجة من تقاطع الصف الرابع والعمود الثالث ، س = ٣٧ ، ص = ٤٣ تقع فى الخلية الناتجة من تقاطع الصف الثانى والعمود الثانى و مكذا . و بعد تعيين الخلية التي يقع فيها كل زوج مرتب (س، ص) يوجد عدد الحالات التي تقع فى كل خلية كالآتى :

٣

£9 £0	11-11	79 - 40	TE - T.	71 - 70	
[1	19-40
		۲	٣		WE W.
1	1	•	1		14-40 m
٣	Ł	۲			11-11
1	1				19-10

جدولی رقم (۲۹) جدولی توزیع تکراری مزدوج

و يمكن تمثيل هذا الجدول المزدوج بيائياً بمدرج تسكرارى ثلاثى البعدكما هو مبين بشكل رقم (٤٦) الآنى :



شحك رقم (٢٦) مدرج نكرارى ثلاثى البعد يمثل جدول التوزيع التكرارى المزدوج المبين بجدوك رقم (٢٩)

فإذا افترضنا أن توزيع درجات كل من المجموعتين كان اعتداليا .

(أ) ما هو تقديرك لعدد أفراد المجموعة التي تبلغ من العمر ١١ عاماً الذين يفوق أداؤهم متوسط أداء أفراد المجموعة التي تبلغ من العمر ١٤ عاماً .

(ب) ما هو تقديرك لعدد أفراد المجموعة التي تبلغ من العمر ١٤ عاما الذين يقل أداؤهم عن متوسط أداء أفراد المجموعة التي تبلغ من العمر ١١ عاما .

هيا يلى درجات طالب فى ثلاثة اختبارات ، والمتوسط والانحراف
 المعيارى لكل اختبار منها حيث طبق على عينة مكونة من ٢٠٠٠ طالب.

درجة الطالب	الانحراف المعياري	المتوسط	الاختبار
٥٣	٤,٨	٤٧,٢	الحساب
٧١	۸,۳	78,7	فهم المقروء
٧٢	11,0	٧٥,٤	الجغرافيا

(1) حول درجة الطالب في كل اختبار منها إلى درجة معيارية .

(ب) فى أى اختبار من الاختبارات الثلاثة يعتبر أداء الطالب أفضل؟ وفى أيها كان أدارَه أقل؟

(د) ما هو الفرض الذي يجب توافره كي تتمكن من إجابة السؤال (ج)؟

• 1 ــ فيما يلى المتوسط والانحراف المعيارى لدرجات اختبار فى الاستعداد الرياضي لعينة من الطلاب وأخرى من الطالبات .

(۱۷ -- التحليل)

طالبات	طلبة	
٦.	س ۹٤	
1.	ع ۸	

- (أ) ما هي الرئمة المثينية لطالب حصل على الدرجة ٦٢ في الاختبار بالنسبة لسكل من معامير الطلمة مراطالبات .
- (ب) ما هي الرتبة المثينية اطالبة حصلت على الدرجة ٧٧ في الاختبار بالنسبة لمعايير الطالبات ؟ وما هي رتبتها المثينية بالنسبة لمعايير الطلبة ؟
- ۱۱ ــ فى توزيع اعتدالى متوسطه ـــ ۷۷ وانحرافه المعيارى ـــ ۱۲ أوجد الدرجة التى تقابل:
 - (أ) المشيني ٣٠٠
 - (ب) الإرباعي الاول .
 - (ج) الوسيط .
 - (د) المشيني ه v .
 - (م) الإعشاري التاسع .
 - (و) المثيني . ٩ .
 - ١٢ -- في توزيع اعتدالي متوسطه ٣٠ والبحرافه المعياري ١٠ أوجد:
 - (١) النسبة المثوبة للحالات التي تفوق الدرجة ٨٠.
 - (ب) النسبة المشوية للحالات التي تقل عن الدرجة ٦٦ .
 - (ج) الدرجتين اللتين تقع بينهما ٥٠ / الوسطى من الحالات .
 - (د) الدرجتين اللتين تقع بينهما ه / المتطرقة من الحالات .

(ه) الدرجتين اللتين تقع بينهما 1 / المتطرفة من الحالات .

١٣ ــ أجب على السؤالين رقمي ١١، ١٢ عندما يكون التوزيع الاعتدالي :

- (1) متوسطه = 7 والحرافه المعيارى = 4
- (ب) متوسطه = ۷۲ وانحرافه المعياري = ٤ .

1٤ ... باستخدام البيانات الآتيكة بين ماإذا كان أداء الطالب (أ) في الاختبار الآول أفضل من أدائه في الاختبار الثاني أم أقل بالنسبة لمجموعة من الطلاب؟ وفي أي من الاختبارين كان أداء الطالب ب أفضل؟

الاختبار الثانى	الاختبار الاول	الطالب
7.	١٨	1
77	17	ب
44	17	*
71	17	۵
٣١	14	•

۱۵ — هل جميع بحموعات الدرجات المميارية (د) تتوزع توزيعا اعتداليا ؟ و الماذا ؟

١٦ ـــ هل يرجد أكثر من توزيع اعتدالى واحد ؟ وضح بالرسم .

10 ـــ إذا علمت أن الرتبة المثينية لطالب ما فى أحد الاختبارات هى ٩١. أوجد الدرجة المميارية المفابلة لهذه الرتبة إذا علمت أن درجات الاختبار تتوزع توزيعا اعتداليا .

1/4 __ إذا افترضنا أن باحثا قد حصل على الدرجات المعيارية لسكل طالب في مجموعه معينة تتخذ شكل التوزيع الاعتدالي ، وأراد أن يختار أي طالب نقع درجته ضمن ٥ / العليا للتوزيع . ما هي الدرجة المعيارية الني يتم على أساسها اختيار مثل هذا الطالب ؟

۱۹ ـــ إذا كان لديك عينة كبيرة . أى التوزيمات الآتية تتوقع أن يقترب من شكل التوزيع الاعتدالي:

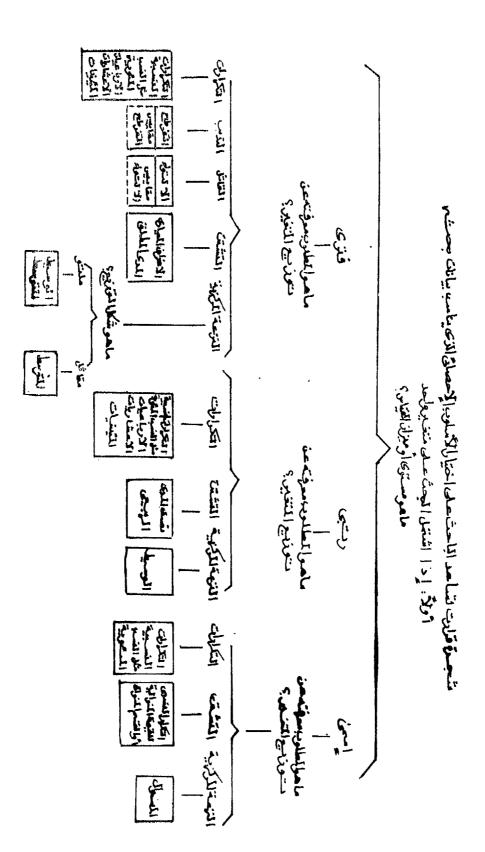
- (أ) أوزان جميع الرجال في مصر بالكيناوم إرات.
- (ب) دخول شباب مصر الذين يبلغون من العمر . ٤ عاما .
 - (ج) ارتفاعات الأشجار المعمرة في إحدى الفابات .
 - (د) درجات اختبار في الاستعداد الموسيقي .
 - (ه) نسب الذكاء الطلاب المسجلين لدرجة الدكتوراه .
- (و) متوسطات عدد لانهائی من العینات التی حجم کل منها ۲۰ فردآ اختیرت کل منها بطریقة عشوائیة من عینة کبیریة جدآ .
- ٢٠ فيما يلى الدرجات التي حصل عليها أفراد عينة تشكون من ١٣٠ طالبا
 في أحد الاختيارات :

	The same of the sa
۲	Y9 - YV
١٤	44 - 4.
١٨	TO - TT
١.	77 — 77
١٤	٤١ ٣٩
18	££ £Y
14	£V 10
١٨	۰۰ – ٤٨
١.	07 - 01
٨	07 - 08
٤	09 — 0V
Y	77 - 7.
ن = ۱۳۰	

- (1) أوجد المتوسط والانحراف المعياري لتوزيع هذه للدرجات .
- (ب) إذا افترضنا أن توزيع الدرجات في المجتمع الاصل كان اعتداليا ، ما هي نسبة عدد الطلاب الذين تتوقع أن تنحصر درجاتهم بين المتوسط والدرجات الآنية في عينات مماثلة : ٩٠٠ ، ٣٨ ، ٩٨ ؟
- (ج) أوجد النسبة المثوية وعدد الطلاب الذين تتوقع أن تنحصر درجاتهم بين أزواج الدرجات :
 - . 10 . 40
 - 00 4 0 .
 - . 7 . 67

(د) ما عدد الطلاب الذي تتوقع أن تفوق درجاتهم الدرجة . ه ؟ وما عدد الطلاب الذي تتوقع أن تقل درجاتهم عن الدرجة ٣٥ ؟

۲۱ - حول توزيع الدرجات المبسين بالسؤال رفم ۲۰ إلى توزيع اعتدالى . وارسم منحنى أفضل مطابقة لهذه البيانات . ارسم أيضا فى نفس الشكل المضلع التسكرارى لتوزيع الدرجات الاصلية .





البالباي

تحليل البيانات ذات المتغيرين



الفص لالستابع

مةاييس العلاقة إذا كان كل من المتغيرين من المستوى الفترى أو النسي

مفهوم معامل الارتباط معامل الارتباط بيرسون فروض معامل ارتباط بيرسون فروض معامل ارتباط بيرسون طرق حساب معامل ارتباط بيرسون تصحيح معامل الارتباط من أخطاء تجميع البيانات العوامل التي تؤثر في معامل ارتباط بيرسون تفسيد معامل ارتباط بيرسون الملاقة والملية

مقدمة:

عرضنا فى الفصول الستة السابقة طرق تحليل البياءات ذات المتغير الواحد. وقد ناقشنا الخواص الاساسية للمتغير الواحد، كما ناقشنا بعض الاساليب التى يمكن استخدامها لفحص توزيع المتغير موضع البحث بالنسبة لعينة ما.

ولكن الباحث النفسى والتربوى كثيراً ما يواجه مواقف بحثية تتطلب دراسة متغيرين معاً. فمثلا ربما يود الباحث دراسة العلاقة بين نسب ذكاء الطلاب ودرجات تحصيلهم في المواد الدراسية المختلفة كما تقاس باختبارات تحصيلية معينة. أو ربما يود دراسة العلاقة بين عدد سنوات التعليم ومستوى الدخل لمجموعة من الذكور البالفين. فني كل من المثالين يود الباحث تحديد ما إذا كانت هناك علاقة بين المتغيرين أم لا، وما درجة هذه العلاقة للاستفادة بها في التطبيقات التربوية.

وفى كل من الحالتين يحتاج الباحث إلى بجمع ملاحظات (درجات) عن كل فرد في عينة بحثه فى كل من المتغيرين ، أى أن البيانات التى تحتاج إلى معالجة فى هذه الحالة تشتمل على أزواج من قيبم الملاحظات أو الدرجات أو القياسات ، بمعنى أنه يكون لدى الباحث زوج من الملاحظات أو القياسات لسكل فرد فى المجموعة. وتسمى مثل هذه البيانات بيانات ذات متنيرين Bivariate Data . والخاصية المميزة لهذا النوع من البيانات هو أننا نزاوج بين قيمة ملاحظة أو درجة معينة أخرى لكل فرد فى المجموعة ، وتكون وحدة التحليل هنا Unit of Analysis هى الفرد ، ولسكن يمكن أن تشم المزاوجة على أساس أى وحدة تحليل أخرى .

فثلا إذا أراد الباحث إيجاد العلاقة بين عدد تلاميذ المدارس المختلفة في مدينة ممينة وعددالمدرسين في هذه المدارس، فإن المدرسة تكون هي وحدة التحليل.

وبالطبيع بيمب أن يحصل الباحث على أكثر من زوج و احد من الملاحظات

حتى يتمكن من دراسة العلاقة بين المتغيرين . وتحليل البيانات ذات المتغيرين أى التي تشتمل على أزواج الملاحظات أو القياسات له جانبان مرتبطان ارتباطا وثيقا هما الارتباط Correlation والتنبؤ Prediction . فإذا كان الباحث مهتما بمشكلة وصف درجة أو مقدار العلاقة بين المتغيرين أى مقدار التباين المتلازم أو المصاحب Concomittent Variation فإنه يكون بصدد دراسة الارتباط، والمقياس الإحساقي الذي يصف درجة العلاقة بين متغيرين يسمى معامل الارتباط والمقياس الإحساقي الذي يصف درجة العلاقة بين متغيرين يسمى معامل الارتباط . Coefficient of Correlation .

أما إذا كان مهتما بتقدير قيمة متغير أو الثنبؤ بقيمته بمعلومية قيمة متغير آخر ، فإنه يكون بصدد دراسة التنبؤ .

فشلا إذا كان المتغيران هما الطول والوزن ، فإن الاستخاص الاكثر طولا عميلون بوجه عام إلى أن يكونوا أكثر وزنا من الاشخاص الاقل طولا . وهما ربما نهتم بمشكلة وصف مقدار العلاقة بين الطول والوزن ، أو بمشكلة التنبؤ بطول الشخص بمعلومية وزنه أو العكس .

وإذا كان المتغيران هما درجات اختبار استعداد دراسى طبق على القلاب المتقدمين للالتحاق بالجامعات ، ومتوسط تقديراتهم فى نهدساية السنة الأولى ، فإننا ربما نهتم فقط بوصف درجة العلاقة بين درجات اختبار الاستعداد ومتوسط التقديرات ، أو ربما نهتم بالتنبؤ بمتوسط التقديرات بمعلومية درجات اختبار الاستعداد للطلاب الاستعداد . وهنا يكون الهدف هو استخدام درجات اختبار الاستعداد للطلاب المتقدمين للالتحاق بالجامعات لتقدير أذائهم (أى التنبؤ به) أثناء الدراسة الجامعية .

وأكثر أنواع معاملات الارتباط استخداما هو معامل ارتباط بيوسون (نسبة إلى العالم كادل بيرسون K. Pearson ويسمى حاصل ضرب العزوم . Pearson Product Moment Correlation Coefficient

وهو مقياس إحصائي يستخدم إذا كان ميزان القياس من النوع الفتري

أو النسبي. وتوجد انواع أخرى من معاملات الارتباط تستخدم إذا كان ميزان القياس إسميا أو رتبيا. كما توجد أنواع معينة من معاملات الارتباط تستخدم في حالات خاصه. وبالرغم من اختلاف أنواع معاملات الارتباط إلا أن معظمها يعتبر حالات خاصه من معامل ارتباط بيرسون. ويتوقف اختيار الباحث لاى من هذه الانواع على العوامل الآتية:

- ۱ ــ اوع میزان قیاس کل متغیر (اسمی ـ رای ـ فاتری ـ نسبی) ٠
 - ٧ ــ شكل توزيع البيانات (متصل أم منفصل) .
 - ٣ _ خصائص توزيع البيانات (خطى أم منحني) .

وزجىء مناقشة التنبؤ وعلاقته بالارتباط إلى الفصلين الثالث عشر والرابع عشر . ولسكن يجب على الباحث أن يعلم أن الارتباط والتنبؤ هما مفهومان بينهما علاقة و ثيقة ، إذ لا يمكن تفسير معامل الارتباط تفسيراً مرضيا واستخدامه استخداما مناسبا دون اعتبار لمفهوم التنبؤ .

الملاقة بين أزواج الملاحظات :

إذا افترضنا أن لدينا عينة من الافراد عددها ن ، ورمزنا لافراد العيسة بالرموز أ ، أ ، . . . أن وحصلنا على قياسات لكل فرد في متغيرين س ، ص فإنه يمكن تمثيل هذه البيانات في جدول كالآتي :

القياسات		الافراد
	س	الد فراد
مس۱	س	١
ص	س	Y
ص	, o	۳ ا
• • • •	•••	••••
ص ن	سن	رن

فإذا افترضنا أننا رتبناقيم سترتيبا تصاعديا، فإنه ربما توجد ترتيبات عتلفة لقيم ص. وأحد هذه النرتيبات أن نبدأ قيم ص بأقل قيمة وتنهى بأكبر قيمة . ولهذا فإن الفرد الذي تكون درجته أكبر بما يمكن في س تسكون درجته أكبر ما يمكن في س تسكون درجته أكبر ما يمكن في س تقل درجته مباشرة عن الدرجة الأكبر في س تقل درجته مباشرة عن الدرجة الأكبر في س تعلون درجته أيضا أقل ما يمكن في ص . فني مثل درجته أقل ما يمكن في ص . فني مثل هذه الحالة يصل معامل الارتباط بين المتغيرين س ، ص إلى أقصى قيمة موجبة . والترتيب الثاني يمكن أن نحصل عليه بأن نعكم ترتيب قيم ص بحيث تكون قيمة ص أقل ما يمكن أن نحصل عليه بأن نعكم ترتيب قيم ص بحيث تكون قيمة ص أقل ما يمكن ، فالفرد الذي تسكون درجته أكبر ما يمكن في ص ، والذي تشكون درجته بأشرة عن الدرجة الأكبر في ص تزيد درجته مباشرة عن الدرجة الأقل في س مناشرة عن الدرجة الأكبر في ص تزيد درجته مباشرة عن الدرجة الأقل في س وهكذا . فني هذه الحالة يصل معامل الارتباط إلى أقصى قيمة سالبة .

والترتيب الثالث يمسكن أن نحصل عليه بأن نرتب قيم ص ترتيبا عشوائيا بالنسبة إلى س ، أى أن قيم ص تـكون مستقلة عن قيم س . وهنا ربما نقول أنه لا توجد علاقة بين المتغيرين س ، ص ، وبالطبع يمسكن أن نحصل على قيم لمعامل الارتباط ننحصر بين أقصى قيمة موجبة وأقصى قيمة سالبة .

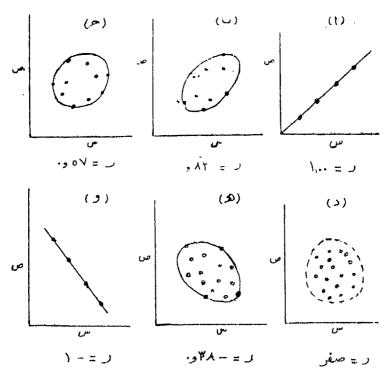
ولتوضيح ذلك نفترض أن قيم س للافراد أ ، أ ، أ ، أ ، أ ، أ ، مى ه ، ، \$ ، ٣ ، ٢ ، ٢ ، ١ . فإذا كانت قيم ص. هي نفس قيم س و بنفس الترنيب ه ، ٤ ،

٣ ، ٢ ، ١ فان معامل الارتباط بين المتغيرين س، ص يكون + ١ ، وإذا رنبنا
 قيم ص كالآنى : ٤ ، ٥ ، ٣ ، ٢ ، ١ فإن قيمة معامل الارتباط تظل موجبة
 ومرتفعة والكنها بالطبع تقل عن الواحد الصحيح .

أما إذا رتبنا قيم ص كالآتى : ١ ، ٢ ، ٣ ، ٤ ، ه فإن معامل الارتباط بين المتغيرين س ، ص يصبح - ١ .

وإذا رتبنا قيم ص كالآتى : ١ ، ٢ ، ٤ ، ٣ ، ه فإن قيمة معامل الارتباط تظل سالية ومرتفعة ولسكن لا تصل إلى -- ١ .

ويمكن تمثيل هسده العلاقات المختلفة بالأشكال الانتشارية Scatter ويمكن تمثيل الآنية (شكل رفتم ه) والتي تمثل كل نقطة فيها زوجا مرتبا من الملاحظات أو قيمة لكل من س، ص على الترتيب.



شبكل رقم (٥٥) اشكال انتشارية توضح الدرجات المختلفة للملاقة بين المتغيرين

و من هذا الشكل نلاحظ أن ارتفاعات متوازيات المستطيلات تمثل التكر ارات في خلايا الجدول التكر ارى المزدوج كما في حالة المدرج التكر ارى المعتاد .

و بالطبع ليس من الضرورى أن يرسم الباحث هذا الشكل عندما يريدحساب معامل الارتباط للبيانات المجمعة ، فقد عرضناه هذا لمجرد التوضيح فقط .

ولحساب معامل الارتباط من جدول التوزيع التكرارى المزدوج يجب أن يفترض الباحث _ كما هو الحال عند حساب المتوسط والانحراف المعيارى للبيانات المجمعة _ أن تسكرار كل فئة (خلية) معينة يقع في مركز تلك الفئة . فثلا يمكنه أن يفترض أن الخلية التي تقع عند التقاء الصف الثاني مع العمو دالثالث والتي تسكرارها _ ٣ تأخذ قيمة س _ ٣٣ ، ص _ ٣٣ ، وأن الخلية التي تقع عند التقاء الصف الرابع مع العمود الثالث والتي تسكرارها _ ٣ تأخذ قيمة س _ ٣٧ ، ص = ٣٧ ، وأن الخلية التي تقع عند التقاء الصف الرابع مع العمود الثالث والتي تسكرارها _ ٣ تأخذ قيمة س = ٣٧ ، ص = ٣٧ ، ص = ٣٤ وهكذا .

والحطوة الثالثة : يختار فئة افتراضية لسكل من المتغيرين س ، ص ، ويوجد انحراف كل فئة عنها . ونظراً لأن فئات كل من المتغيرين س ، ص متساوية في هذا المشال فإنه يمسكنه أن يختار الفئة ٥٣ ـ ٩٣ ويعتبرها الفئة الافتراضية . ولذلك يضع صفراً بدلا منها ثم يضع ـ ١ ، ٢ بدلا من الفئات التي تقل عنها ، + ١ ، + ٢ بدلا من الفئات التي يزيد عنها ، ولنر مز لانحراف كل من المتغيرين عن هذه الفئه بالرمزين س ، ص كما هو مبين بالجدول الآتي (رقم ٣٠):

		س			
Y +	1+	صةر	1 -	۲ –	
				1	۲
		Y	٣		1, _
1	1	8	١		ص مفر
٣	٤	Υ	,,		1+
) a.m	1	ngga ng p andare (tida tahugikinada)			14-
	7 +	1 1	\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	Y 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7	Y Y Y Y Y Y Y Y Y Y Y Y Y Y Y Y Y Y Y

جدول رقم (۳۰۱)

وربما يتذكر الباحث أننا قلمنا أن معامل الارتباط لا يتأثر بإضافة مقدار ثابت موجب إلى جميع قيم س أو جميع قيم س . وهذا يمنى أننا إذا حسبنامعامل الارتباط ر باستخدام الانحرافات س ، ص بدلا من س ، ص فإننا سوف نحصل على نفس النتيجة . ولذلك فإننا يمكن أن نصل إلى الصورة التي يمكن أن يستخدمها الباحث لحساب معامل الارتباط في هذه الحالة وذلك باستبدال س ، ص على الترتيب في الصورة المستخدمة لإيجاد معامل الارتباط باستخدام الدرجات الخام وهي الصورة رقم (٦) كاذتي :

ل ===

حيث ن ـ المجموع السكلي للتكرارات

- ، ت س التسكرار السكلي لسكل فئة من فثات س
- ، تص التـكرار الـكلى لكل فئة من فثات ص
 - ، ت = تـكرار كل خلية .

والخطوة الرابعة ، يكون جدولا كالآتى يحسب منه قيم المقادير التي يتطلبها تطبيق الصورة رقم (٩) لحساب معامل الارتباط . وبالنظر إلى هذه الاشكال الانتشارية يمكن أن تأخذ فسكرة سريعة عُن درجة العلاقة بين متغيرين (أى مقدارها) وانجاه هذه العلاقة (أى موجبة أو سالبة).

قادًا نظرتا إلى ألشكل (1) تجد أن جميع النقط تقّع على الخط المستقيم عا يدل على أن معامل الارتباط يساوى الواحد الصحيح أي معامل ارتباط تام .

أما الشكل (ب مشراكم فيه النقط حول الخط المستقيم و لكنها لا تنطبق عليه نهاما ، والذا فإن معامل الارتباط يقل عن الواحد الصحيح و لكنه يكون قريبا منه و هو هنا ٨٢.

أما الشكل (ج) فلا تبدّو قية أى نزعة منتظمة لاقتران قيم س بقيم ص فهو يبين مجرد علاقة عشو اثبة بين المتغيرين ولذا فإن معامل الارتباط في هذه الحالة صفر.

والشكلانو، ه يوضحان علاقتان سالبتان إحداهما تامة والآخرى غير تامة. ويوجد عدد لانهائى من قيم معاملات الارتباط بين متغيرين تنحصر بين القيمتين التامة الموجبة والتامة السالبة .

معامل ارتباط بیرسون :

رأينا بما سبق أن معاملات الارتباط تتراوح بين + 1 ، - 1 . فالقيمة ـ 1 تدل على أن معامل الارتباط تام سالب وتقع جميع النقط على الخط المستقيم، و تقل قيم المتغير س بزيادة قيم المتغير ص . والقيمة + 1 تدل على أن معامل الارتباط تام موجب ، وتقع جميع النقط على الخط المستقيم، وتزيد قيم المتغير س بزيادة قيم المتغير ص. والقيمة صفر تعنى أن المتغيرين س ، ص مستقلان بعضهما عن بعض أو أن العلاقة بينهما عشوائية .

وقد ذكرنا فى مستهل هـذا الفصل أن معامل ارتباط بيرسون والذى يسمى . (١٨. ـــ المتحليل) حاصل ضرب الله وم يعتبر أكثر أنواع معاملات الارتباط استخداما فى البحوث النفسية والتربوبة. و كثير من أنواع معاملات الارتباط و الاقتران الاخرى التى ستعرض لها بالتفصيل فى الفصول التالية تعد حالات خاسه من هذا المعامل.

ولسكى يتضح للباحث معنى معامل ارتباط بيرسون وبما يكون من الأفضل التمبير عن المتغيرات فى صورة درجات معيارية حتى يمكن الربط بين معامسل الارتباط وغيره من المقاييس الإحصائية المختلفة .

فيذا الترصنا أن س ، ص تمثل أزواجا من الملاحظات الحرافاتها المعيارية عمر على النرتيب ، فلتحويل الملاحظات س ، ص إلى درجات معيارية فستخدم الصورتين الآتيتين اللثين عرضنا لها في الفصل الخامس :

$$\frac{\overline{w} - \overline{w}}{3w} = \frac{w}{3w}$$

ويمكن تعريف معامل ار نباط بيرسون والذى سيرمزله بالرمز (ر) بأنه متوسط بحموع حواصل ضرب الدرجات المعيارية المتقابلة للمتغيرين س، ص. ويمكن النعبير عن هذا رياضياً بالصورة الآنية :

ولذلك فإنه يكن الحصول على معامل ارتباط بيرسون بين متعيرير س، ص بتحويل كل قيمة من فيم المتغيرين إلى درجات معيارية باستخدام الصورتين المبينتين أعسلاه ، وجمع حواصل ضرب الدرجات المعيارية المتقابلة المتغيرين، وقسمة الناتج على عدد القيم .

ولنوضيح معنى الصورة الرياضية المستخدمة فى إيجاد معامل ارتباط بيرسون نفترض أن لدينا أزواجا من الملاحظات محولة إلى درجات معيارية . فجموع حواصل ضرب الدرجات المعيارية المنقابلة بحد (در × درس) يعتبر مقياساً لدرجة العددلة بين المتغيرين . و تعدل بحد (در × درس) الم قيمتها العظمى:

١ _ إذا كانت قيم دس ، دص لها نفس الترتيب .

٢ ــ و إذا ساء ت كل قيمة من قيم دس القيمة المناظرة لها دس ،أى إذا تساوت قيم بحرعتى الملاحظات .

فإذا رسمنا شكلا انتشاريا لمجموعتى الدرجات المعيارية دس ، دص ، فإن جميع النقط تقع تماما على خسط مستقيم ميله موجب ، ونظراً لآن جميع أزواج الدرجات المعيارية متساوية أى أن دس على دم :

فإن دس × دص= دس ع = د ص

$$e^{j\lambda} = \frac{(c_0 \times c_0)}{c}$$

ولـكن من خواص الدرجات المعيارية أن مجموع مربعات الدرجات المعيارية لتوزيعما عن ، أى أن أقصى قيمة المقدار بح (دس × دص تساوى ن)

و بذلك تكون ر ہے ن

وبالمثل تصل مجـ (د 💢 🗙 د ص) إلى قيمتها الصغرى :

۱ ـــ إذا كان ترتيب قيم دس عكس ترتيب قيم دص

٢ ــ وإذا كانت القيمة العددية لكل درجة معيارية درس تسمارى القيمة العددية للدرجة المعيارية المقابلة لها درس ولكنها تختلف معها في الإشارة .

ولذلك تكون أقل قيمة يصل إليها المقدار بحد (دس × دص)=- ن · فإذا رسمنا شكلا انتشاريا لمجموعتى الدرجات المعيارية دس ، دص في هذه الحالة، فإن جميع النقط تقع تماما على خط مستقيم ميله سالب ·

أما إذا لم توجد علاقة منتظمة بين در ، در ، فإننا تتوقيع أن يسكون بحد (در ×در) عد صفراً .

ولذا يمكن أن نعرف معامل الارتباط بأنه النسبة بين القيمة الملاحظه للمقدار بح (در × دص) والقيمة العظمى الممكنة لهذا المقدار .

ونظراً لان المقدار مجـ (در × در) تتراوح قيمه بين ن ، ـ ن فإن قيم معامل الارتباط تتراوح بين ـ ، ١ - ١ · .

ويمكن توضيح المناقشة السابقة بالمثال الآتي ، حيث س ، ص هي الدرجات الخام المتغيرين ، دس ، دص هي الدرجات المعارية المناظرة للدرجات الخام .

دس ×د _ص	دص	دس	ص	<i>س</i>
۲۰۰ تقریبا	1,87 -	1, 27 -	111	1
ا 🔹 هُرِ. تقريبا	·,v1 —	·, v1 -	۱۳	۲
صغر	صفر ُ	صفر	10	1 8
٠٥٠ تقريبا	·,v1+	·, v1 +	17	٤
۲٬۰۰ تقریبا	1.27+	1,27+	19	6

فإذا نظر نا إلى هذا الجدول نلاحظ أن المتغيرين س ، ص لهما نفس الترتيب ، وإذا مثلناهما في شكل انتشاري سوف نجد أن النقط تقيع على خط مستقيم .

وفي هذه الحالة تتساوى أزواج الدرجات المعيارية المتقابلة لكلمن المتغبرين س ، ص ، وتكون قيمة بحـ (در ×در س) == ن == ه، وقيمة ر = -١٠٠

فإذا تأملنا القيم الموضحة في الجدول نجد أن أقصى قيمة يصل إليها هذا المجموع هي ن ، إذ لا يمكن ترتيب قيم ص التي في الجدول بالنسبة إلى س بحبث تحصل على قيمة أكبر من ن . وإذا عكسنا ترتيب قيم ص بالنسبة إلى قيم س فإن قيمة المقدار $(c_m \times c_m) = c_m \times c_m = c_m \times c_m$ ن $c_m \times c_m \times c_m = c_m \times c_m \times c_m$.

وإذا اخترنا ترتيبات أخرى لقيم ص بالنسبة إلى س ربما تؤدى إلى قيم لمماملات الارتباط تتراوح بين + ١ ، - ١ · من هذا يتضح أن معامل ارتباط بيرسون ما هو إلا بحموع حواصل ضرب الدرجات المعيارية المتقابلة المتغيرين مقسوما على أقصى قيمسة لهذا المجموع.

الفروض التي يجب أن يتحقق منها الباحث في البيانات إذا أراد استخدام معامل ارتباط بيرسون :

يوجد عدد من الفروض التي يقوم على أساسها معامل ارتباط بيرسون يجب أن يتحقق منها الباحث في المتغيرات التي يود دراسة الملاقة بينهــا .

فعامل ارتباط بيرسون هو مقياس للعلاقة الحطبة بين متغيرين ، ويمكن للباحث التحقق مبدأيا من خطية العلاقة برسم الشكل الانتشارى لقيم المتغيرين و تأمــل الشكل الناتج . فإذا اتضح له أن توزيع القيم يتخذ شكلا بيضاويا دون أى نزعة إلى الانحناء فإن هذا يمكن أن يكون دليلا على خطيـة العلاقة . وابتماد العلاقة ابتماداً طفيفا عن الخطيه لا يمنع الباحث من استخدام معامل ارتباط بيرسون كثيريب مبدئي لقيم معاملات الارتباط الاخرى التي يمكن أن يستخدمها في حالة العلاقة غير الخطية . أما إذا ابتعد شكل العلاقة عن الخطية وأصبح واضحا للباحث من تأمله المشكل الانتشاري أن العلاقة بين المتغيرين منحنية، فإنه يجب أن يستخدم ما يسمى بنسبة الارتباط Correlation Ratio أو أي طريقة أخرى تتفق وهـــذه العلاقة المنحنية ، وسوف معرض لهذه الطرق في الفصلين الحادي عشر والخامس عشر .

والحقيقة أن كثيرا من المتغيرات النفسية ترتبط ارتباطا خطيا .

فشلا تتوقع أن تـكون العلاقة بين الاختبارات التى تقيس قدرات مرتبطة خطية طالمــــا أن هذه الاختبارات تقيس جوانب مختلفة لمطلب سلوكى واحد مثل نذكر نوعين مختلفين من المثيرات .

ويستشنى من ذلك العلاقه بين العمر حزمي وأنواع معينة من الاداء .

فإذا تضمنت عينة البحث مدى عمرى متسع ، تكون الملاقة القائمسة بين الادا. والعمر منخفضة في الاعمار الصغيرة جداً والاعمار المتقدمة جداً .

وتوجد بعض العوامل التي تؤدى إلى أشكال انتشارية منحنية لاسباب اصطناعية . وربما يحدث هذا إذا كان أحد توزيعي المتنيرين أو كلاهما ملتويا، وكان التواء نتيجة لخطأ في ميزان القياس ، بمسا أدى إلى تغيير منتظم في وحدة القياس .

فإذا تأكد الباحث من حدوث ذلك فإن آحد طرق معالجة هذا المونف هو أن يحول التوزيع الملتوى إلى توزيع اعتدالى باستخدام الطريقة التي عرضنا لها في نهاية الفصل السادس. فإجراء مثل هذا التعديل على أحد التوزيعين أو كليمها يمكن الباحث غالباً من التخلص من انحتاء شكل العلاقة . فإذا لم يؤد هذا التعديل إلى يحمل العلاقة خطية فيجب على الباحث ألا يستخدم معامل ارتباط بيرسون لإيجاد مقدار هذه العلاقة .

وليس من الضرورى استخدام معامل ارتبساط بيرسون فقط في حالات التوزيعات الاعتدالية . إذر بما تختلف أشكال التوزيعات ، ولكن يجب أن تكون متماثلة إلى حد ما وأحادية المنوال . ولذلك فإن التوزيعات المستطيلة تنطبق عليها هاتان الخاصيتان . ولكن يجب الالتجاء إلى طرق أخرى لإيجاد معامل الارتباط إذا كانت التوزيعات غير متماثلة أو غير متصلة .

طرق حساب معامل ار تباط بيرسون للميانات غير المجمعة :

أولا ـــ باستخدام الدرجات الممارية (د):

معامل ارتباط بيرسون هو مقياس معيارى للملاقة ، بمعنى أنه يدخل في حسابه المتوسط والانحراف المعياري لـكل من جموعتى الدرجات المراد إيجاد العلاقه بينهما .

وهذا يعنى أن أى تحويل خطى لإحدى بجموعتى الدرجات لا يؤثر فى قيمسة معامل ارتباط بيرسون ، و بذلك لا يكون لوحدة القياس أهمية تذكر عند إيجاد معامل الارتباط .

فعلى سبيل المشال نفترض أننا أردنا إيجاد العلاقة بين الطول بالمتر والوزن بالدكيلو جرام لمجموعسة من أطفال الصف الخامس . فهنا يجب أن لا نظل أننا لا نستطيع إيجاد معامل الارتباط بين المتغيرين بسبب اختلاف وحدة قياس كل منهما . إذ يمسكن أن نحصل على نفس قيمة معامل الارتباط إذا حولنا أطوال الاطفال من متر إلى سنتيمتر ولا تجرى أى تحويل على الطول . والسبب في ذلك أننا نستخدم الدرجات المعارية بدلامن الدرجات المخام ف حساب معامل الارتباط .

وقد سبق أن ذكرنا أنه يمسكن إيجاد معامل ارتباط بيرسون باستخسام الصورة الآنية :

$$\underline{c} = \frac{*(c_0 \times c_0)}{i}$$

ولتوضيح كيفية تطبيق هذه الصورة نسطى المثال الآتى : أوجد معامل الارتباط بين مجموعتى الدرجات ؟

فلإيجاد معامل الارتباط باستخدام الدرجات المعيارية يمكن أن يتبع الباحث الخطوات الآتية :

١ --- يوجد المتوسط و الانحراف المعيارى لمجموعة الدرجات س .

٧ ــ يوجد المتوسط والانحراف المعياري لمجموعة الدرجات ص .

- ٣ يحول كل درجة من درجات س إلى درجة معيارية
- ع _ محول كل درجة من درجات صر إلى درجة معيارية .
 - ه ـ يوجد حواصل ضرب الدرجات المعيارية المتقابلة .
 - ٣ _ يجمع حواصل الضرب النانجة .
 - ٧ ـــ يقسم فانج حاصل الضرب على عدد الدرجات .

ويمكن استخدام هذه الخطوات في المثال السابق وتلخيصها في الجدول رقم (٢٣) الآتي :

3	1 1 9 + + + 6 3	3 > >	
(2 - 3)	E= " - 3 " = E 5	ر س ا	n
2	~> }	= >	= \L\= 3
3 3 3	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	3 = >	
(o - o	< T	اا ا	
رمی ا		101 >	
X 5 00	2	121	

جدول رقم (۱۲) خطوات حساب معامل ارتباط برسون بطريقة الدرجات (العيلوية

$$c = \frac{\frac{1}{2}(c_{m} \times c_{m})}{\sqrt{1 + \frac{1}{2}}} = \frac{1}{2} + 1$$

ويمكن أن يغير الباحث ترتيب قيم كل من س ، ص بطرق مختلفة ويعبد حساب معامل ارتباط بيرسون فى كل حالة حتى يتمكن من استيعاب معنى معامل الارتباط .

ونظراً لآن هذه الطريقة في حساب معامل الارتباط هي طريقة مطولة لاتبها تتطلب تحويل كل درجة خام من المتغيرين إلى درجة معيارية ، فانها تصبح شاقة إذا زاد عدد قيم أي من المتغيرين عن . ه وهو ما يواجه عادة كثيرا من الباحثين في العلوم النفسية والتربوية .

ولذلك يمكن التوصل إلى طرق أخرى أبسط لحداب معامل الارتباط تعتمد على:

٧ _ متوسط الانحرافات.

٣ ــ الدرجات الخام مباشرة .

إلى الفروق بين الدرجات الخام .

و يمكن اشتقاق هـذه الطرق بعمليات جبرية بسيطة من طريقة الدرجات المعيارية .

ثانيا ــ باستخدام متوسطالانحرافات:

$$\frac{}{\mathbf{u}}$$
نظراً لان ر $=\frac{\mathbf{v}(c_{n_0}\times c_{n_0})}{\mathbf{v}}$

$$ij i c = \frac{(m - \overline{m})(m - \overline{m})}{i \times 3_m} \times 3_{\infty}$$

$$\sqrt{\frac{\sqrt{\overline{w}-\overline{w}}}{\dot{v}}} = \sqrt{\frac{1}{2}}$$
و نظراً لان عمر $\sqrt{\frac{1}{2}}$

وبالتمويض في (٢):

$$\frac{2 \cdot (m - m) (m - m)}{i \cdot x} \times \frac{1}{i \cdot x} = \frac{1}{i \cdot x}$$

$$(7) \cdots \frac{(\overline{\omega} - \overline{\omega}) \overline{\omega} - \overline{\omega}}{(\overline{\omega} - \overline{\omega}) \times (\overline{\omega} - \overline{\omega})} =$$

وإذا قسمنا البسط في الصورة رقم (٣) على ن فإن المقدار الذي في البسط يسمى حينئذ بالتغاير Covariance وإذا قسمنا كل من العاملين اللذين تحت

الجذر التربيعى فى المقام على ن فإننا نحصل على حاصل ضرب الانحر افين المعياريين لسكل من المتغيرين س ، ص . أى أن معامل ارتباط بيرسون يمكن اعتباره النسبة بين التغاير إلى المتوسط الهندسي لتباين المتغيرين .

واستخدام هذه الصورة يحتاج إلى جهد ووقت كبيرين إذا كانت ن كبيرة . ولذلك لا ننصح الباحث باستخدامها إلا إذا كان لديه آلة حاسبة أو كان عدد قيم ن قليلا ، والفرض من عرضهما هشا هو أنها تلقى بعض الصوء على معنى معامل ارتباط بيرسون كما ذكرنا .

ولتوضيح كيفية تطبيق الضورة رقم (٣) فإننا نعطى المثال الآتى : أوجد معامل الارتباط بين بحوعتى الدرجات :

فلإيجاد معامل الارتباط باستخدام طريقة متوسط الانحرافات يمكن أن يتبع الباحث الخطوات الآثية :

- ١ ــ يوجد متوسط قيم المتغير س .
- ٧ ـــ يوجد متوسط قيم المتغير ص .
- ٣ ـ يوجد انحراف كل قيمة من قيم المتعير س عن المتوسط .
- ٤ ـــ يوجد انحراف كل قيمة من قيم المتغير ص عن المتوسط .
- ه يوجد بجموع مربعات العجرافات كل قيمة من قيم س عن المتوسط .
- ٣ ـــ يوجد جموع مربعات الحرافات كل قيمة من قيم ص عن المتوسط.
- بوجد مجموع حواصل ضرب انحرافات قيم المتغير س عن المتوسط في انحرافات قيم المتغير ص عن المتوسط .

ويمكن استخدام هذه الخطوات في المثال السابق وتلخيصها في الجدول رقم (٢٤) الآني :

•	۲۹ اا م بل مي اا م	ب (س-س) ج		ج۔ ص	بحم = ١١ جد ص - ص) = ١٥٢	- ص) = ۲۰۲
ŕ	+	4.1	1.1	1+	*1	44
جينون جينون مينون	+		-K	+	>	۲1
ه.	→	*		₹	هر	7 -
<	ر ب ه.	ر بين	<u>-</u>	۲ +	٩	VA.
0	٦ 	~	Ť	Je:	صفر	نهن ص
4	1		~	هر ا	>	4 1
	.a 	7.1	<	1	4.1	. ۲7
ç	رة ا رة ا	(~ ~)	8.	ص - ص	(00 - 00)	(س - س) (ص مل)

عد (س - س) (ص - ص) عد (س - س)

جنول رقم (۱۲) خطوات هسماي يتعلق الواها ورسوي ياستقندام يقوسم الانحرامات

$$\frac{(\overline{w} - \overline{w}) \overline{w} - \overline{w}) - \varphi}{(\overline{w} - \overline{w}) \cdot \overline{\times} \times (\overline{w} - \overline{w})} = 0$$

$$\cdot , \Lambda Y = \frac{1 \pi \Lambda}{1 \pi \Lambda} = \frac{1 \pi \Lambda}{7 \times 7 \times 11 \text{ T}} = 0$$

ثالثاً : باستخدام للدوجات الخام مباشرة :

يمكن التوصل إلى صورة جديدة لإيجاد معامل ارتباط بيرسون ياستخدام الصورة رقم (٣) السابقة بمد إجراء بعض العمليات الجبرية .

ع مجر س - س) (ص - ص) = مجس ص - مجر ص) - مجر ص) - مجر ص

فربالتمويض في الصورة رقم (٣) نجد أن:

$$\frac{2^{2}-m}{v} \times \frac{2^{2}-m}{v}$$

(٤) · · · ·

$$\frac{\overline{(\sqrt{5} - \sqrt{5})} - \overline{(\sqrt{5} - \sqrt{5})}}{(\sqrt{5} - \sqrt{5})} = 0$$

. ض — مجس × مجنہ ص

ن بخت س ض - بخس ک بخت ص [ال بحت س ۲ - (بخت س ۲] [ن بحت ص ۲ - (بحت ص ۲)] ال بحت ص ۲ - (بحت ص ۲) ال بحت ص ۲) ال بحت ص ۲) ال بحت ص

ويمكن أن يستخدام الباحث أى صورة من هذه الصور السابقة، إلاأن الصورة رقم (٦) هى الصورة العامة التي يمكن أن تستخدم فى حساب معامل الارتباط من الدرجات الخام مباشرة ولكنها تحتاج أيضاً إلى آلة حاسبة .

ويمكن أن يتبع الباحث الخطوات الآتية عند تطبيق هذه الصورة :

١ ـــ يوجد بحموع قيم المتغير س ٠ ـــ يوجد بحموع قيم المتغير ص ٠

٣ ـــ يوجد حاصل ضرب بموع قيم س في مجموع قيم ص .

٤ - يوجد بحموع حواصل ضرب القيم المتقابلة لـكل من س ، ص

هـ يوجد بحموع مربعات قيم س .

٣ --- يوجد بحموع مربعات قيم ص .

٧ - يوسى مربع جموع قيم س .

۸ --- پوجد مربع بحموع قیم ص

ويمكن استخدام هذه الخطوات في المثال السابي وتلخيصها في الجدول رقم (٢٥) الآتي لإيجاد معامل الارتباط:

ښ ص	طس۲	س۲	ص	ښ
٧	٤٩	١	٧	١
14	71	4	٤	٣
70	179	70	14	•
117	707	٤٩	١٦	٧
4.	1	۸۱	١.	٩
757	٤٨٤	٨١	. 44	11
717	411	174	14	18
٧٧٥) ٤ ٣0	٤٥٥	41	٤٩

جدول رقم (١٥٥) خطوات حساب معامل ارتباط بيرسسون باستخدام الدرجات الخام مباشرة

$$\frac{11 \times 14 - 44 \times 4}{[(41) - 114 \times 4][(11) - 110 \times 4]} = -$$

$$= \frac{1100 - 1031}{1100}$$

$$=\frac{77}{7} = \frac{77}{7} = \frac{77}{7} = \frac{177}{7} = \frac{177}{11}$$

رابعاً : باستخدام الفروق بين الدرجات الخام :

يمكن الحصول على معامل ارتباط بيرسون باستخدام الفروق بين الدرجات الخام . ونحصل على هذه الفروق بطرح كل قيمة من قيم ص من قيمة س اللماظرة لها أو العكس .

فإذا فرضنا أن ف تمثل الفرق س — ص ، فإن ف = س — ص س حيث س ترمز لانحراف حيث س ترمز لانحراف قيم س عن متوسط هذه القيم ، ص ترمز لانحراف قيم ص عن متوسط هذه القيم .

ای آن: عدنی = عدرس - ص) ا

 $= 2 - m^{2} + 2 - m^{2} - 7 = m^{2}$ ص $= \frac{2}{2} - m^{2}$ $= \frac{2}{2} - m^{2} - m^{2}$ $= \frac{2}{2} - m^{2} - m^{2$

أى أن: محس ص = ن زعيس عص

بالتعویض عن محـ س ص فی الطرف الایسر الذی یســاوی محـ فی ۲ نجد أن :

عد ف المسلمة على ن فإن :

$$\frac{2 \cdot i^{2}}{i} = \frac{1}{i} + \frac{1}{i} = \frac{1}{i}$$

وهذه يمكن كتابتها على الصورة الآتية :

عان=عاس+عاس - ادعسعس

وهذه الصورة تمنى أن تباين الفرق بين المتغيرين س، ص عند تباين المثنير الآول مضافا إليه تباين المتغير الثانى ومطروحا من هذا المجدوع ضعف مقدار التباين المتلازم أو التغاير Covariance (وهما مصطلحان يطلق أى منهما على الحد الثالث في هذه الصورة).

ومن هذه الممادلة يمكن إيجاد قيمة ر وهي :

$$c = \frac{3^{1}m + 3^{7}m - 3^{7}b}{13m 3m} = 0$$

و بالمثل يمكن إثبات أن تهاين بحموع المتغيرين س ، ص :

أى ع⁷ س + ص == ع⁷ س + ع⁷ ص + ۲ ر ع س عمى ويمكن من هذه المعادلة الحصول على ر كالآتى:

$$(A) \cdots \qquad \frac{3^{2} \omega + \omega^{7} \omega - 3^{7} \omega}{7^{3} \omega 3 \omega} = 0$$

و يمكن باستخدام أى من الصورتين رقم ٧ أو ٨ الحصول على قيمة ر .

ولتوضيح خطوات تطبيق الصورة رقم (٧) لإيجاد معامل ارتباط بيرسون بين المتغيرين س ، ص نعرض المثال المبين بالجدول (رقم ٢٦) الآى :

A. ************************************					
(7)	(0)	(٤)	(٢)	(7)	(1)
ن آ	ن	بص ٢	۳,,	ص	<i>w</i>
71	٨	111	٤٠٠	17	Y.
٤	۲	707	772	17	١٨
٣٦	٦	1	707	١.	17
1	١ ،	197	770	1 €	10
٤	۲ ا	188	197	! } Y	1 8
ŧ	. 7	1	111	١.	17
٩	٣	Äl	188	٩	14
£	۲	71.5	١	٨	١.
1	\	٤٩	٦٤	٧	
٩	٣	ŧ.	70	۲	0
١٣٦	٣٠	1177	100	1	المجموع ١٣٠

جدول رقم ٢٦١) خطوات حساب معامل ارتباط بيرسون باستخدام الفرق بين الدرجات الخام

فن الجدول رقم (٢٦) نستطيع إيماد ع من ، ع من ، ع من . كالآنى : الخطوة الاولى ة

نو سِعد محمد من ۲ ، ش^ح س

$$\frac{r(1r.)}{1..}-1\lambda V\lambda =$$

- AVA - 179. - 1AVA ==

17% = 1 ··· - 117% =

$$17, \Lambda = \frac{17\Lambda}{1} = \frac{17\Lambda}{1$$

و الخطوة الثالثة: نوجد مجه ف٢ ، ع٢ في

$$\frac{V(3)}{V} = \frac{V(3)}{V} = \frac{V(3)}{V}$$

$$\frac{r(r)}{r} - 1rr =$$

£7= 1· - 177=

$$\xi, \tau = \frac{\xi \tau}{1} = \frac{\tau \cdot i \tau}{i} = \frac{\tau}{i}$$

والخطوة الرابعة : نعوض عن قيم ع^٢س ، ع^٢ص ، ع^٣ني في الصورة رهم (٧) ك**الآ**تي :

$$\frac{\xi, \tau - 1\Upsilon, \Lambda + 1\Lambda, \Lambda}{1\Upsilon, \Lambda \vee \times 1\Lambda, \Lambda \vee \Upsilon} =$$

حساب معامل ارتباط بيرسون للميانات المجمعة :

إذا اشتملت البيانات على عدد كبير من أزواج القيم يمكن للباحث تبويب البيانات في فأت و تجميعها في جدول تكرارى مزدوج Way — Way — Two — Way تكرارى مزدوج Frequency Table ثم يوجد معامل ارتباط بيرسون لهذه البيانات المجمعة بطريقة نسمي طريقة الترميز Code Method .

و لتوضيح الخطوات التي يمكن أن يتبعها الباحث في حساب معامل الارتباط هذه الطريقة نعرض المثال الآتي :

نفترض أن الباحث أراد إيماد معامل ارتباط بيرسون بين درجات. الاختبارين س ، ص المبينة بالجدول الآقي :

ص	س	ص	س	ص	س
££	. /	78	٣٠	13	۳۷
44	ψ.	1 17	٤٨	72	44
٤٣	ŧ٠	ا ۳۰	70	1 27	٤٥
٤١	٣٨	14	£ £	7.7	77
٣٨	4 4.	۳۷	10	٤١	٤٣
٣٦	41	٣١	47	44	۳۷
٤٠	٤٦	٤٢	17	٤٨	٤٣
	:	77	۳۸	41	77
		٣٧	41	7 7	٤٣

جدول رقم (۲۷) درجات اختبارین س ۲ ص

	(•)	()	(٣)	(Y)	(1))					
ت	. س ک ص دنا	س''تس	س ت س	ن سَ	ں ت	U					
	٤	Ł	۲ –	1	۲-					1_1	
	٣	0	,	٥	١			۲	٣		
	صفر	صغر	صغر	٨	صفر	١	1	0	. 1		
	١.	٩	٩	٩	١	٣	٤	۲			
	٦	٨	٤	۲	۲	١	١				
	44	77	٦	70	صفر	1	١	صغر	١ —	۲-	(۲) ص
£	اليوم 				۲۰	•	7	۹.	£	1	(۷) تص
1	3				١.	1.	٦	صفر	٤	۲—	(۸)صَ تَّصَ
Ŧ	ا در من اللسائ				45	۲.	7	صفر	٤	٤	(۹)ص ۲۳ ص
•	ان ا <u>-</u>				- 44	1.	7	مىغر	٣	٤	(۱۰) س َ ص َ ت

جدول الارتباط بين المتغيرين س " ص

فإذا نظرنا إلى العمود رقم (٢) الذي يشتمل على التسكرار m_0 في الجدول رقم m_1 نجد أنها حصلنا عليه بجمع تكرارات الصف المناظرله ، والعمود رقم (٣) الذي يشتمل على حواصل الضرب من m_0 حصلنا عليه بضرب القيم المتناظرة في العمود من رقمي (١) ، (٢) ، والعمود رقم (٤) الذي يشتمل على حواصل الضرب من m_1 m_2 بكن الحصول عليه إما بتربيع كل قيمسة من قيم العمود رقم (١) وضربها في القيم المناظرة لها في العمود رقم (٢) ، أو بضرب القيم المتناظرة في العمود رقم (٢) ، أو بضرب القيم المتناظرة في العمود ين رقمي (١) ، (٢) ،

ويمكن الحصول على القيم المبينة بخلايا الصفوف رقم (٧) ، (٨) ، (٩) بنفس الطريقة ، أما قيم ن ، بحد س ت س مت مت أفيمكن الحصول عليهــــا بجمع الاعمدة رقم (٢) ، (٣) ، (٤) ، وقيم مجد ص ت ص من من من بجمع الصفين رقمي (٨) ، (٩) .

أما قيمة المقدار بجس ص ت فيمكن الحصول عليها بجمع المقادر الى تحصل عليها من ضرب تسكرار كل خلية في قيمة كل من س ، ص الى في الصف والعمود اللذن تنتمي إليهما .

ويمكن إجراء هذه العملية على كل صف على حدة بأن نضرب أو لا تكرار كل خلية فى قيمة س المناظرة لها و تجمع حواصل الضرب ، ثم نضرب الناتج فى قيمة ص المناظرة لها .

فثلا بالنسة الصف الثاني تحصل على:

[٣ (- 1) + ٢ (صفر)] (- 1) = ٣ و بالنسبة للصف الرابع نحصل على :

 $1 \cdot = (1)[(Y) + (1) + (1)](1) = (1)$

وهذه القيم هي المبيته في العمود رقم (٥) في الجدول رقم ٣١ -

ويمكن إجراء هذه العملية على كل عمود على حدة بدلا من كل صف، و نضرب تكراد كل خلية فى قيمة ص المناظرة لها و نجمع حواصل الضرب ، ثم نضرب الناتج فى قيمة س المناظرة لها . وهذا يعطينا أيضاً نفس قيمة المقددار محدس ص ت . .

فثلا بالنسبة للعمود الرابع نحصل على:

$$7 := (1)[(7)1+(1)\xi+(0)]$$

وهذه هي القيمة المبينة في الخلية المطلوبة في الصف العاشر -

ويمكن للباحث مقارنة العمود الخامس بالصف العاشر للتأكد من صحةالعمليات الحسابية ، إذ أنه يحب أن يجد القم المتناظرة متساوية .

والخطوة الخامسة: يعوض عن مجموع القيم المطاوبة فى الصورة السابقة لحساب ممامل الارتباط من المجاميع الى حصل عليها من الجدول السابق رقم (٣١) وهو يسمى عادة جدول الارتباط ليحصل على:

$$=\frac{(\circ7)(77)-(17)(7)}{\sqrt{(77)(77)}-(17)^{7}}$$

تصحيح معامل الارتباط من الاخطاء الناتجة عن تجميع البيانات:

إن الطريقة السابقة لحساب معامل الارتباط للبيانات المجمعة تعد طريقة تقريبية . والسبب في ذلك يرجع إلى أننا اعتبرنا أن تكراركل فئة يقع في مركز تلك الهئة . وكلما زاد طول الفئة زاد بالطبع الخطأ الناتج عن هذا التقريب .

فإذا أراد الباحث أن يحصل على الفيمة المضبوطة لممامل الارتباط فعليه أن يستخدم الدرجات الخام مباشرة بدلا من استخدام طريقة الترميز السابقة .

أما إذا استخدم الباحث طريقة الترميز وكان عدد فثات أى من المتغيرين قليلا فإن تقدير قيمة معامل الارتباط تسكون أقل مما لو استخدم طريقةالدرجات المغام . وفي الحالات المتطرفة التي يكون نها عدد فئات أى من المتغيرين فئتين

فقط تقل قيمة معامل الارتباط الناتجة عن استخدام طريقة الترميز بقدرثلثي قيمتها عما لو استخدم طريقة الدرجات الخام . وعندما يكون عدد فثات كل من المتغيرين 10 تقل قيمة معامل الارتباط بقدر ٣ / .

و يمكن تصحيح الاخطاء الناتجة عن تجميع البيانات لأى عدد من فشات كل من المتذيرين بقسمة معامل الارتباط الناتج من استخدام طريقة الترميز على مقدار ثابت يساوى عدد هذه الفشات. وهذا النصحيح يعد ضروريا لأن هذه الاخطاء تؤدى إلى أخطاء أيضا عند حساب الانحراف المعيارى كما ذكرنا في الفصل الرابع.

أما إذا استخدم الباحث تصحيح شبرد Sheppard Correction الذي أشرنا إليه في الفصل الرابع لكل من الانجرافيين المعيارين للتغيرين س، صفاية لا يكون هنا داع لإجراء تصحيح آخر لمعامل الارتباط.

وقد أعدكل من بيترز Peters وفان فورهيسVan Voorhis قائمية من الشوابت التي يمكن أن يستخدمها الباحث لإجراء تصحيح معامل الارتباط عندما تجمع البيانات في فئات مختلفة السعة بالنسبة للمتغيرين س ، ص .

وهذه الثوابت مبينة بالجدول الآتى رقم (٣٢) :

(٣)	(٢)	(1)
مربع معامل التصحيح	معامل التصحيح	عدد الفثات
•,777	•,^\7	۲
•,٧٣٧	•,٨٥٩	٣
•,^44	•,417	٤
٠,٨٩١	.,458	٥
•,4٢٣	•, ٩٦•	٦
•,981	•,4٧•	٧
•,400	•,4٧٧	٨
•,47£	•,487	٩
•,4٧•	•,410	١٠
٠,٩٧٦	•,٩٨٨	11
•,4٨•	•,44•	17
٠,٩٨٣	•,441	١٣
•,400	•,997	١٤
•,4٨٧	•,998	10

جدول رقم (٣٢) معاملات تصحيح معامل الارتباط من الأخطاء الناتجة عن تجميع البيانات

قإذا افترضنا أننا حصلنا على معامل ارتباط $_{,71}$. من بيانات مجمعة عدد فثات المتعير س فيها $_{,71}$ ، وعدد فثات المتغير س $_{,71}$ وعدد فثات المتغير س $_{,71}$ وعدد فثات المتغير من $_{,71}$ لمعرفة قيمة كل من معاملى التصحيح في الحالتين وهما : $_{,71}$ ، $_{,71}$ ، $_{,71}$ ، $_{,71}$ ، $_{,71}$ ، $_{,71}$ ، $_{,71}$ ، $_{,71}$ ، $_{,71}$ ، $_{,71}$

ولإجراء تصحيح معامل الارتباط الذي حصلنا عليه و هو ٠,٦١ تعلبق الصورة الآتية :

حيث رير يه معامل الارتباط بعد تصحيحه .

- ۵ ر = معامل الارتباط قبل التصحيح .
- ك خس ، حص = معاملي تصحيح المتغيرين س، ص

و بمكن الحصول عليهما من الجدول رقم (٣٢) .

فإذا طبقنا هذه الصورة على قيمة معامل الارتباط ٩١ . تجد أن :

$$\cdot, \forall \forall = \frac{\cdot, \forall 1}{(\cdot, 4 \vee V)} = \zeta^{2}$$

أى أن معاهل الارتباط بعد تصحيحه هن الاخطاء الناتجة عن التجهيم =

وبالطبع إذا تساوى عدد فثات كل من المتهفيرين يُنساوى معامل تصحيح كل منهما ، وتصبح صورة التصحيح السابقة كالآتى :

$$(11) \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot \quad \frac{3}{7} = \frac{3}{7}$$

وهذا يعنى أن المقام قد أصبح مساويا لمربع مغامل التصنحيح لأى من س أو ص.

ويمكن استخدام العمود الثالث في الجسول رفع (٣٣) للتعويض عن قيمة ح٢ المناسبة في مثل هذه الحالة . و ننصح الباحث بتطبيق هذه الصورة عندما يكون عدد فئات كل من المتغيرين س ، ص أقل من ١٠ فئات و مخاصة إذا كان عدد الفئات ٨ أو أقل .

ويفيد تطبيق هذه الصورة فى الحصول على قيمة أكثر دقة لمعامل الارتباط عندما تكون قيمته كبيرة . أما إذا كانت قيمته صغيرة وبخاصة إذا كانحجم المينة المستخدمة صغيراً أيضاً فإنه ربما لا يفيد كثيراً تطبيق هذه الصورة .

و يحب أن يراعى الباحث أن معاملات التصحيح المبينة بالجدول رقم (٣٢)قد أعدت بحيث تستخدم بوجه خاص فى الحالات التى تكون فيها الفئات متساوية السعة ومنتصفات الفئات تمثل التكرارات، وأن يكون توزيع كل من المتغيرين اعتدالياً.

العوامل الى نؤثر فى معامل ارتباط بيرسون :

١ -- سبق أن ذكرنا في الفصل الرابع كيف أن إضافة أو طرح مقدار ثابت إلى أو من كل قيمة من قيم المتغير ، وكذلك الضرب أو القسمة في أو على مقدار ثابت تؤثر في قيمة متوسط و تباين التوزيع .

أما في حالة الارتباط، فإن إضافة أو طرح مقدار ثابت لا يساوي صفراً إلى أو من كل درجة من درجات أحد توزيعي المتغيرين أو كليهما، وكذلك الضرب أو القسمة في أو على مقدار ثابت لا يغير من قيمة معامل الارتباط، أي أن قيمته لا تتغير بتغير بتغير بقطة الاصل ووحدة ميزان القياس.

وفى الحقيقة أنه يمكن باستخدام هذه النتيجة تبسيط العمليات الحسابية بأن

نطرح مقداراً ثابتاً مثلاً من كل درجة من درجات أحد المتغيرين أو كليهما إذا كانت قم الدرجات كبيرة دون أن تتغير قيمة معامل الارتباط.

كا أن هذه النتيجة تعنى أنه يمكن إيجاد معامل الارتباط بين متغيرين مهما اختلفت وحدات قياس كل منهما.

فقيمة معامل الارتباط بين العمر والطول لا تختلف سواء كانت وحدات العمر المستخدمة هي الاعوام أو الشهور ، ووحدات الطول هي الاقسدام أو السنتيمترات.

وفى الحقيقة أن عدم تأثر معامل الارتباط بتغيير وحدة القياس أو نقطة الاصل لاى من المتغيرين أو كايهما يجعل معامل الارتباط من المقاييس الإحصائية ذات الاهمية التطبيقية السكبيرة.

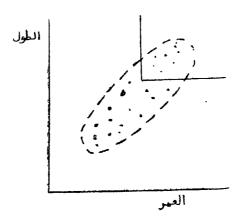
٢ ــ تتأثر قيمة معامل الارتباط بمدى تباين درجات كل من النوزيعين. فقيمة معامل الارتباط المحسوبة من جموعة من الدرجات المتباينة إلى حد كبير تــكون أكبر من قيمته إذا كانت بحموعة الدرجات متقاربة فى أحد المتغيرين أو كليهما .

فشلا إذا حسبنا معامل الارتباط بين نسب ذكاء ودرجات تحصيل بحموعة من الطلاب الذين يختلفون اختلافا واضحا في قدراتهم فإننا ربما نجد أن قيمة هذا المعامل مرتفعة عما لو كانت بجموعة الطلاب من المتفوقين عقلياً . فعامل الارتباط في هذه الحالة من المحتمل أن تسكون قيمته منخفضة جداً بسبب تجانس المجموعة .

وهذا يوضح أن قيمـة معامل الارتباط بين متغيرين.يكون لها معنى فقط إذا حدد الباحث طبيعة و تـكوين المجموعة موضع البحث .

وأحيانا يحصل الباحث على معامل ارتبــــاط منخفض زائف أو وهمى Spurious Correlation ناتج عن تضييق مدى قيم أحد المتغيرين . فشلا إذا كان الباحث مهتما بإيجاد العلاقة بين عمر وطول بجموعة من الاطفال الذين

تتراوح أعمارهم بين العوام ، ١٦ عاما . فإنه سيحصل بلا شك على معامل ارتباط مرتفع بين المتعيرين . أما إذا ضيق مدى أحد هذين المتغيرين بأن أوجد معامل الارتباط بين العمر والطول بالنسبة للاطفال الذين تتراوح أعمارهم بين ٩ ، ، ١ أعوام فقط ، فإنه سيجد أن معامل الارتباط قد انخفض إلى حد كبير ويمكن توضيح ذلك بالشكل الآتى رقم (٤٧) :



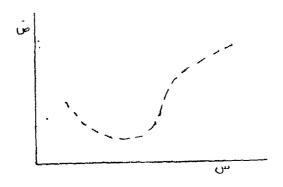
شمكل رقم (٤٧) شمكل التشارى يوضح قيمة مرتفعة لمعامل الارتباط بين الممر والطول على مدى متسع لكل منهما ويوضح انخفاض قيمته عند تضييق مدى المتغيرين

فبالنظر إلى شكل رقم (٤٧) نجد أن قيمة معامل الارتباط بين المتغيرين تكون كبيرة إذا أخذنا في الحسبان المدى السكلي لهم ، إما إذا نظرنا إلى الجزء العلوى الآيمن من الشكل فسنجد أن هذه القيمة قدا نخفضت بسبب تصييق هذا المدى.

وكثيراً ما يرح الباحث النفسى والتربوى مثل هذه المشكلة وهي مشكلة تضييق أو بتر الد السكلي لأحد المنفيرين أو كايهما، حيث إن كثيراً من

الباحثين يجرون أبحاثهم على طلاب المدارس الثانوية و الجامعات الذين يتم اختيارهم على أساس عدد من المتغيرات مثل الذكاء والتحصيل المرتفع . ولذلك فإن هؤلاء الطلاب وبخاصة في السكليات المختلفة يكونون بمثابة بحمرعة متجانسة بالنسبة لهذه المتغيرات، ويترتب على ذلك أن الباحث عندما يوجد العلاقة بين اختبارات الذكاء أو الاستعدادات وتقديرات الطلاب في الدراسة الجامعية مثلا سيجد أن معامل الارتباط النانج ربما يكون منخفضا بسبب تضييق المدى . كما أنه يجب أن يتوقع أن قيمة معامل الارتباط ستكون أكثر انحفاضا بالنسبة للسكليات التي تنتقى طلابها من حصلوا على درجات عالية في اختبارات الاستعدادات مثلا .

٣ ــ يفترض عند إيجاد معامل الارتباط أن العلاقة بين المتغيرين علاقة خطية . فإذا نظرنا إلى الشكل الآتى رقم (٤٨) نجد أن هناك تناظرا تاما بين المتغيرين ، ولسكن التناظر ليس خطيا ، وأن درجة العلاقة بين المتغيرين ستكون أقل ما هي عليه حقيقة إذا استخدم الباحث في ذلك معامل ارتباط بيرسون . وسوف نناقش الارتباط المنحنى في الفصل الحادي عشر .



شسکل رقم (۱۸) شکل انتشاری یوضح علاقة منحنیة بین متغیرین

تفسير معامل ارتباط بيرسون .

يتضح مما سبق أن معامل الارتباط بين متغيرين هو قيمة مجردة تعبر عن الملاقة القائمة بين المتغيرين محيث تنجصر بين + ١، - ١. ويعبر عادة عن قيمة معامل الارتباط بكسر عشرى.

وهنا يحب أن نحذر الباحث من الوقوع فى خطأ تفسير معامل الارتباط على أنه قيمة مطلقة مثل القيمة المناظرة للطول أو الوزن مثلاً ، أو على أنه فسبة مثوية . فثلا معامل الارتباط ٢٠٠٠ . لا يعتبر تصف معامل الارتباط ٥٠٠ . ، ومعامل الارتباط ٥٠٠ . لا يعتبر نصف معامل الارتباط الذى قبمته واحد صحح .

كما أن الفرق بين معاملي الارتباط . ٢٠ ، ٠٠ ، ٧ يساوى الفرق بين معاملي الارتباط ، ٢٠ ، ٧٠ معامل الارتباط هو مقداد مجرد ولا يقاس على ميزان خطى وحداته متساوية .

كما لا يجب تفسير معامل الارتباط على أساس وحدات الدرجات الأصليـة حيث إن قيمة معامل الارتباط تسكون مستقلة _ كما سبق أن ذكرنا _ عن الوحداث التي يقاس بها المتغيران والقيم التي يأخذها كل منهما .

و أحيانا يعتبر الباحث أن معامل الارتباط الذى تنحصر قيمته بين ٣٠٠٠، ٧٠. متوسط القيمة أى يعبر عن علاقة ارتباطية متوسطة ، بينها يعتبر أن معامل الارتباط الذى تقل قيمته عر ذلك منخفضاً . أما إذا زادت قيمته عن ذلك فإنه يعتبره مرتفعا . ولكن هذه الاعتبارات خاطئة من وجهة نظر الأساليب الاستدلالية في تحليل البيانات والتي سنعرض لها بالتفصيل في الجزء الثاني من الكتاب ، فدلالة معامل الارتباط هي دالة لحجم العينة ، حيث إن قيمة معامل الارتباط المرتفعة التي يحصل عليها الباحث باستخدام عينات صغيرة ربما لا يكون لها أي معنى على الإطلاق من ناحية الاستدلال على الارتباط في المجتمع الأصل الذي استمدت منه هذه العينات .

كا أن هذه الاعتبارات خاطئة أيضا من وجهة نظر الاساليب الوصفية في تحليل البيانات، حيث إن طبيعة كل من العينة والمتغيرات موضع البحث، والغرض من استخدام معامل الارتباط، تعتبر من العوامل التي تحدد ما إذا كانت قيمة معامل الارتباط مرتفعة أم منخفضة. فمثلا معامل الارتباط بين اختبار استعداد طبق على بحموعة من تلاميذ الصف السابع و درجاتهم في اختبارات التحصيل عند التحاقهم بالكليات والذي قيمته .٧٠ و ربما لا يكون له معنى بينها معامل الارتباط بين صورتين متكافئتين من اختبار تحصيل والذي تبلغ قيمته .٧٠ و بما بعتبر منخفضا عا يستدعى مراجعة أي من الاختبارين أو كليهما .

ويجب أن يلاحظ الباحث أيضا أن مقدار العلاقة بين متغيرين لا تعتمد على إشارة معامل الارتباط . فعامل الارتباط ..., و يعبو عن تفس مقدار العلاقة . بين متغيرين معامل الارتباط بينهما ٤٠٠٠، فالفرق بينها يكون في اتجاه العلاقة .

وربما يواجه الباحث أيضا مشكلة أخرى عند تفسير معامل الارتباط تنتجمن فسكرة أن إضافة أو طرح مقدار ثابت إلى أو من كل قيمة من قيم أحد المتغيرين لا تغير من قيمة معامل الارتباط . فإذا افترضنا أن الباحث أراد تحديد العلاقة بين درجات اختبار طبق على نفس المجموعة في مرتين مختلفتين . فإذا حصل على معامل ارتباط مرتفع ربما تسكون درجات المجموعة في المرة الثانية أعلى أو أقل من درجاتهم في المرة الأولى . وبالمثل معامل الارتباط المرتفع بين درجات معوعة من الاطفال في اختبار في القدرة على القراءة ، و اختبار في القدرة العددية

ليس دليلا على أن نمو القدرتين عندهما متكافى. . فعامل الارتباط هو قيمة تدل على التغاير أو التباين المتلازم Concomittant Variation بين المتغيرين ، ولا يشير إلى مقدار المتغيرين .

ومن الطرق المفيدة فى تفسير القيم المختلفة لمعامل الارتباط (ر) هو تربيع هذه القيم أى الحصول على قيمة (ر⁷) . والمقدار (ر⁷) هو النسبة بين التباين الكلى لاحد المتغيرين والجزء من هذا التباين الذى يمكن التنبؤ به باستخدام المتغير الثانى . أى أن ر⁷ هى الجزء من التباين فى أحد المتغيرين الذى يمكن أن تتنبأ به باستخدام المتغير الثانى . فإذا كان معامل الارتباط بين متغيرين هو ٧٠٧ . مثلا ، فإن ر⁷ = . ولذلك فإنه يمسكن اعتبار أن معامل الارتباط ٧٠٧ . ضعف معامل الارتباط ٥٠٠ . ولذلك فإنه يمسكن اعتبار أن معامل الارتباط ٥٠٠ . مثير بأ .

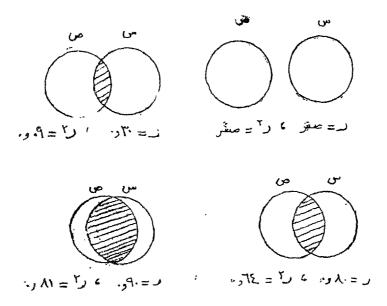
ولتوضيح ذلك نفترض أن اختباراً ما طبق على بجموعة من الطلاب قبل البده قى برنامج تعليمي معين، وطبق اختبار آخر بعد انتهاء فترة البرنامج. فإذا حسبنا معامل الارتباط بين درجات الاختبارين وربعنا المعامل الناتج فإنه يمكن تفسير رحم على أنها نسبة تباين درجات الاختبار الثاني التي ترجع إلى أو يمكن التنبؤ بها باستخدام درجات الاختبار الأول. وهذا الجزء من التباين في درجات الاختبار الثاني لا يرجع إلى أثر البرنامج التعليمي وإنما كان هذا التباين موجوداً قبل بدء الطلاب في تعلم الخبرة التعليمية التي يقدمها البرنامج

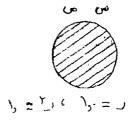
وإذا افترضنا أن معامل الارتباط بين درجات الطلاب في اختبار اللذكاء واختبار في التحصيل هو ٥٠، فهنا يمكن أن نستنتج أن (٥٠، ٢) أى ٢٥، ٥٠ تباين درجات اختبار التحصيل إنما ترجع إلى اختلاف الطلاب في الذكاء كما يقاس باختبار الذكاء . ويسمى أحيانا المقدار ر٢ معامل التحد بد Coeffcient of باختبار الذكاء . ويسمى أحيانا المقدار ر٢ معامل التحد بد كان قيمته تعدر عن ذلك الجوء من التباين في أحد المتغيرين الذي يمكن تحديده أو التنبؤ به باستخدام المتغير الذي يمكن تحديده أو التنبؤ به باستخدام المتغير الذي يمكن تحديده أو التنبؤ به باستخدام المتغير من الرتباط ر = ٥٠، فإن ر٢ = ٢٠، وهذا يعني أن هناك تباينا مشتركا بين المتغيرين بسبته ٢٠٠،

وإذا كانت ر = - ١ فإن ر٢ = + ١ ويكون هناك تباين مشترك بين المتغيرين نسبته ١٠٠٪، وإذا كانت ر = صفر فإن ر٢ = صفر ولا يكون هناك تباين مشترك بين المتغيرين .

ويمكن توضيح فسكرة التباين المشترك بالرسم بأن تمثل كلا من المتغيرين بدائرة، ويمثل الجزء من المساحة المحصورة بين الدائرتين (جزء التقاطع)بالتباين المشترك بين المتغيرين .

والاشكال الآتية رقم (٤٩) توضح التباين المشترك بين متغيرين ـــ وهو الجزء المظلل ـــ عندما تكون ر ـــ صفر ، ٣٠٠، ٠٠,٥٠، ٠٩٠، ٠٠,٥٠،





شسكل رقم (٩٩)

ويسمى المقدار ١-ر٢بمهامل الاغتراب أو عدم التحديد Coefficient of يسمى المقدار ١-ر٢بمهامل الاغتراب أو عدم التجاين في أحد المتغيرين Nondetermination لأن قيمته تعبر عن الجزم من التباين في أحد المتغيرين الذي لا فستطيع التنبؤ به أو تحديده باستخدام المتغير الآخر .

و نظراً لأن قيمة رتختلف عن قيمة رن ، فإنه يجب على الباحث أن يحتاط عند تفسير قيمة معامل الارتباط بين متغيرين .

فئلا إذا نظرنا إلى الجدول الآتي رقم (٣٣):

الجزء من التباين المشترك (ر٢)	معامل الارتباط (ر)
•,•1	. •,1•
•,• &	•, ٢•
•,•9	•,٣• •,٤•
•, ٢0	• • • •
٠,٣٦	•,ं٦•
•, ٤٩	•,٧•
·,٦٤ ·,٨١	•,^• •,9 <i>•</i>
1,**	١,٠٠

جدول رقم (٣٣) قيم ر٢ المناظرة لقيم ر المختلفة

نلاحظ أن معاملات الارتباط التي تتراوح بين ١٠,٠، ،٠٠,٠ تبين أن جزءاً صغيراً من التباين في ص يقترن بتباين س (١/ الله ٩/) وفي الحقيقة أن معامل الارتباط ٥٠,٠ الذي يعتبره كثير من الباحثين في العساوم السلوكية والتربوية معاملا مرتفعا ، يعني أن ٢٠/ من التباين في المتغير ص يقترن بالتبابن في من يقترن بعوامل في المتغير س وهذا يعني أيضا أن ٧٠/ من التباين في ص يقترن بعوامل

أخرى تختلف عن المتغير س . ومن هذا يتبين أن الباحث يحتاج إلى معامل ارتباط مقداره ٧١. لركي يعتبر أن نصف التباين في المتغير ص يقترن بالتباين في المتغير س كما يتضح من الجدول السابق .

وسوف نناقش فكرة التباين المشترك بالتفصيل في فصل قادم عند مناقشتنا لمفهوى الانحدار والتنبق .

الملاقة والعلية: Correlation and Causation

من الاخطاء الشائمة التي يمكن أن يقع فيها الباحث عند تفسيره لمعامل الارتباط ــ اعتبار أن معامل الارتباط المرتفع دليل على علاقة سببية أو علية أو علاقة أثر و نتيجة .

فشلار بما يقوم باحث بدراسة عادات الاستذكار لدى طلاب السكليات و يحد أن هناك معامل ارتباط سالب بين مقدار الزمن الذى يستخرقه الطالب فى الاستذكار وتقديره العام فى امتحانات آخر العام . فهذا لا يستطيع تفسير هذه النتيجة بأن سبب حصول الطلاب على تقديرات مرتفعة هو قلة الزمن الذى يقضونه فى الاستذكار .

ولكن ربما يمكنه القول بأنه كلسما كان الطالب أكثر ذكاء قل الزمن الذي يستفرقه في الاستذكار عن الطالب الاقل ذكاء .

أو ربما يجد باحث آخر معامل ارتباط مرتفع بين ذاكرة الاشكال وذاكرة الدكلات ولكن ليس هذا دليلا على أن أحدهما يسبب الآخر . إذ يمكن في الحقيقة اعتبار أن عامل التذكر ربما يكون أحد العوامل العامة المسئولة عن مثل هذا الاداء التذكري مهما اختلف شكله .

أو ربمـا يحد باحث علاقة بين درجات اختبار في الذكاء ومقياس الأداء الحركي عند بحوعة من الاطفال مداها العمري متسع . مثل هذه العلاقة ربما تكون

راجعة إلى أن اختبار الذكاء والقدرة الحركية كلاهما برتبط بالعمر ، فإذا عزلنا اثر العمر ريما نجد أن هذه العلاقة تنعدم .

فعرفة مقدار واتجاه العلاقة بين متغيرين ليست كافية لاقتراح أوع من العلية المباشرة على هذه العلاقة . إذ أن هذا يتطلب دراسات تجريبية على المتغيرات ولسكن توجد حالات يحاول فيها الباحث استخدام معامل الارتباط بين متغيرين لافتراح أن هناك تأثيرا سببيا أو تأثيرا له انجاه معين . والمثال الشائع هو العلاقة بين تدخين السجائر والإصابة بسرطان الرئة . فقد استنتج الباحثون – على أساس منطقي – أن التدخين يسبب سرطان الرئة بدلا من استنتاجهم أن احمال الإصاية بسرطان الرئة بدلا من استنتاجهم أن احمال الإصاية بسرطان الرئة يسبب زيادة التدخين ولكن من الممكن أن يكون هناك عوامل أخرى مثل العوامل الوراثية مثلا هي الى تسبب كلا من التدخين وسرطان الرئة . ولكي يعول العلماء أثر هذه العوامل حاولوا التأثير المعملي على مجموعة من الفتران بغرض تكوين خلايا سرطانية عندهم ، واستطاعوا بذلك أن يؤكدوا للمتشككين أن العلاقة بين التدخين وسرطان الرئة هي علاقة سببية ، وليست علاقة تاتجة عن عامل ثالث غير معلوم ،

وغاية القول أنه إذا ارتبط متغيران أ ، ب فإنه يمكن أن توجد ثلاثعلاقات علية هي أن :

ا تسبب ب ب تسبب ا ج تسبب کلا من ا ، ب

وسوف تنافش مشكلة التوصل إلى علاقات علية باستخدام مفهوم الارتباط والانحدار في أحد فصول الباب الثالث عن تحليل المسارات Path Analysis والانحدار

تمارين على الفصل السابع

إلى الله الله على الله عل

	٩	٦	٨	ŧ	۲	١	٣	۲	1.	٥	س	
- 1												
	٨	٦	٤	٦	٣	۲	٧	٦	٨	٩	ص ا	

- (أ) ارسم شكلا انتشارياً لهذه البيانات .
- (ب) احسب معامل ارتباط بيرسون باستخدام الدرجات المعيارية .
 - (ج) فسر قيمة المعامل الناتج باستخدام مفهوم التباين المشترك .

٢ - فيما يلى بحموعة من أزواج القيم في متغيرين س ، ص :

٨	٧	٦	0	ō	٤	٤	١	س
-	٧	٦	1	7		V	4	. ص
. 1	,	' '	t , ,	' '	1 /1	1 .	` `	<u> </u>

- (أ) ارسم شكلا انتشارياً لهذه البيانات
- (ب) هل الملاقة بين س ، ص خطية ؟
- (ج) احسب معامل ارتباط بيرسون باستخدام الدرجات المعيارية مرة وباستخدام الدرجات الخام مرة أخرى ، وقارن بين النتيجتين .
 - (د) فسر قيمة معامل الارتباط الناتج.

۳ _ إذا أعطيت البيانات الآتية لدرجات متغيرين س، ص، ، وكذلك در ، در ، كل أي الدرجات المعيارية المناظرة لكل قيمه ، أي الدرجات المعيارية المناظرة لكل قيمه ، أي الدرجات المعيارية إلى كل منها :

س + ۲	°ص	دس	ص	س
٤	1,0-	1,0-	۲	۲
۱ ٦	.,0+	•,•—	٦	٤
٧	صغر	صفر	٥	0
٨	٠,٥	•,•+	٤	٦
1.	1,0+	1,7+	1 ^	٨

احسب:

- (أ) معامل ارتباط بيرسون بين س، ص
- (ب) معامل ارتباط بيرسون بين د_س ، د_ص .
- (ج) معامل ارتباط بيرسون بين س ، س ٢٠٠٠ .
- (د) معامل ارتباط بیرسون بین ص ، ص + ۲
 - (a) معامل ارتباط بیرسون بین دی ، ص
 - (و) معامل ارتباط بیرسون بین د_{مس} ، س
- (ل) قارن بين قيم معاملات الارتباط النائجة من (١) ، (ب) ، (ح)، (د) (م) ، وعلل تساوى أو اختلاف هذه القم .
- ع ما قيمة معامل الارتباط بين المتغيرين س، ص اللازمة لكي يعتمد
 ٥٧ / من تباين س على تباين ص ؟
- ه ــ أوجد معامل الارتباط للبيانات الآتية باستخدام طريقة الانحرافات:

٥	٤	٣	۲	١	س
- w					
()	9	£	,	, ,	ص

٣ - أو جد معامل الارتباط بين أزواج الدرجات الآنية :

٧	٦	٥	Ł	٣	۲	١	س
Ł	r	٣	1	۲	٢	į	ص

هل ه يعد استخداماً مناسياً لمعامل الارتباط؟

٧ – فيما يلي جموعة من أزواج الدرجات :

710		٤ ٢		٧	١	س	
9	11	٤	٢	1	۲	ص	

فإذا كان توزيع المتغير س متماثلا، وتوزيع المتغير ص ملتويا . احسب معامل الارتباط بين س ، ص ، ما هي أكبر قيمة يصل إليها معامل الارتباط بين س ، ص ؟ وما هي أقل قيمة ؟

٨ - طبق باحث اختباراً تحصيليا على بحموعة مكونة من ١٣ تلميذاً لقياس مهادتهم في إجراء العمليات الحسابية البسيطة المرتبطة بالجمع . وقد قسم الاختبار إلى نصفين متكافئين تقريبا . و فياً يلى البيانات التي حصل عليها بالنسبة لنصنى الاختبار :

النصف الثاني	النصف الأول	
Y	٥	متوسط الدرجات
į	۲	الانحراف المعيارى

وجموع حصل ضرب انحرافات درجات كل تلميذ عن المتوسط فى كل من نصنى الاختبار ٢٦ .

- (1) أوجد معامل الارتباط بين تصني الاختبار .
 - (ب) فسر فيمة معامل الارتباط الناتجة .

ويما يلى الزمن باندقائق الذي استفرقه طالب في تعلم قائمتين من الدكلمات الفرنسية إحداهما في الصباح والاخرى في المساء.

المساء	المسباح (س)	المساء	المساح	المساء	الصباح (س)
(ص)	(v)	(ص)	(w)	(ص)	(w)
77	١٨	۲.	71	17	10
44	44	10	14	7.4	71
70	**	79	71	77	14
١٨	14	14	**	75	73
44	۲۳	71	۱۸	17	22
44	16	74	40	17	17
. 44	47	11	18	. 40	47
۲١,	71	71	۲.	77	74
44	14	77	17	72	17
		. 40	78	74	40
				71	** ** ** ** ** ** ** **

(1) كون جدولا تسكراريا مزدوجا لهذه الدرجات مستخدما الفِئات الآنية:

٠٠ - ١٥ ، ١٥ - ١٩ ، ٢٠ - ٢٠ ، ٢٥ - ٢٩ لمكل من س، ص .

(ب) احسب قيمة معامل الارتباط بين س ، ص للبيا ال المجمعة التي حصلت عليها في (أ) .

(ج) أوجد قيمة معامل الارتباط بعد تصحيحه من الخطأالناتجعن التجميع، وفسر القيمة الناتجة .

• ١ - احسب معامل الارتباط للبيانات المجمعة الآتية ، حيث س ، ص ترمزان للطول بالسنتيمتر والوزن بالكيلو جرام لمجموعة من الطلاب على الترنيب.

الطول بالسنتيمتر (س)

VV-V0 VE-VT V1-17 77-17 77-37 0V-VV

			١	٣	۲	144-11.
		١	٤	1		189-18.
	\	٥	٣	١		124-10 J.
1	٣	٦	۲			111-14-3
1	٤	٥	١			Y.9-19.45
	٣	١				444-41·3
\	١					759-77.

السنة الإنجليزية والآخر في الإخصاء .

درجات الاختبار (س)

1	- V)	V11	7+- 1	1	1 41		
	-		1	۲	\	r 1	3
		\$	٣	٤		14-13	.) ≅
١		٦	0	1		7 81	3.
٣	,	٣	۲			151	9
٤ .	, ,	۲.	1			141	<u> </u>

- (أ) أوجد معامل الارتباط بين س، ص.
- (ب) فسر معامل الارتباط الذي حصلت عليه .
- (ج) عمل من الضرورى تصحيح معامل الارتباط من الخطأ الناتج عن التجميع؟ ولماذا ؟

- (د) ما عدد الطلاب الذين حصلوا على الدرجات ٤١ ــ . ٦٠ فى اختبار اللغة الإنجليزية وفى نفس الوقت حصلوا على الدرجات ٦٦ ــ ٨٠ فى اختبار الإحصاء ؟
- (م) ما نسبة الطلاب الذين حصلوا على درجات تقل عن ٦٠ في الاختبار (س) ؟
- (و) ما عدد الطلاب الذين حصلوا على درجات أعلى من . ٦ فى الاختبار (س) بينها تقل درجاتهم عن ٨٠ فى الاختبار (ص) ؟



الفصل الشامن

مقاييس العلاقة إذا كان كل من المتغيرين من المستوى الاسمى

معامل التنبؤ غير المتبائل لجتهان . معامل التنبؤ المتهائل لجتهان معامل الاقتران ليول معامل التجميع ليول معامل الاقتران لبيرسون معامل الاقتران لبيرسون

مقدمة:

عرضنا فى الفصل السابع أحد المقاييس الإحصائية الهامة التى تستخدم فى إيجاد العلاقة بين متذيرين تم قياس كل منهما على ميزان فترى أو نسي، وهذا المقياس الإحصائر هو معامل ارتماط بيرسون.

وهذا يجدر بالباحث أن يتذكر التمييز الذي عرضناله في الفصل الأول بين أراع وإزين أو مستويات القياس Scales of Measurement وهي الميزان الاسمى، والميزان الرتبى، والميزان الفترى، والميزان النسبى فاختلاف مواذين قياس المتفيرات يؤدى بالصرورة إلى اختلاف طرق إيجاد معالملات الارتباط، وبدس هذه الطرق يمك أن تشتق مباشرة من معامل ارتباط بيرسون، والبعض الآخر يمتمد على طرق إحصائية أخرى، وهذه الطرق المختلفة لإيجاد معاملات الارتباط تستخدم في الحالات الآنية:

- ١ ـــ إذا كان كل من المتغيرين من المستوى الاسمى .
 - ٢ ـــ إذا كانكل من المتغيرين من المستوى الرتى .
- ٣ ـــ إذا كان أحد المتميرين من المستوى الاسمى ، و الآخر من المستوى الرتبي .
- إذا كان أحد المتغيرين من المستوى الاسمى ، والآخر من المستوى الفترى أو النسي .
- ه ـــ إذا كان أحد المتغيرين من المستوى الرتبي والآخر من المستوى الفترى.
- ب _ إذا كان أحد المتغيرين أو كلاهما من النوع النذائي Dichotomous .

وسوف نعرض لمكل حالة من هذه الحالات بالتفصيل في فصل مستقل من حيث الطرق المختلفة لإيجاد مقاييس العلاقة أو الاقتران ، ونفسير واستخدامات هذه المقاييس . لذلك سنقتصرفي هذا الفصل على مناقشة بعض طرق إيجاد ، ماهلات الارتباط أو درجة الاقتران بين متغيرين كل منهما من المستوى الاسمى . وسنبدأ عناقشة أهم هذه المعاملات ، وهو معامل التنبؤ الذي ينسب إلى جتمان

Guttman's Coefficient of Predictibility.

و ترجيم أهمية هدذا المعامل إلى أنه لا يضع قيوداً على عسدد الاقسام Categories التي يشتمل عليها الميزان الاسمى لكل من المتغيرين ، كما لا يتطلب فروضاً معينة عن توزيع كل من المتغيرين ، بالإضافة إلى أنه من السهل تفسيره تفسيراً مباشراً .

ومن الأمور المعروفة في الإحصاء أن كل مقياس إحصائي له ربير اصطلح بجليه ليشير إلى المقياس ، ولسكن معامل التنبؤ لجتهان ليس له رمز متفق عليه ، فأحيانا يرمز له بالحرف الإنجليزي و وأحيانا يكتب و ، ولسكن كثير من مراجع الإحصاء الحديثة أصبحت ترمز له بالحرف اليوناني ﴿ وَتَقَرَّأُ (لَمبدا) ، ولذلك سنلتزم بهذا الحرف في هذا السكتاب تمشيا مع هذه المراجع .

معامل التذبق لجتمان :

(أولا) معامل التنبؤ غير المتماثل (٨ع):

يرى جنمان Guttman أنه يمسكن اعتبار الاقنران بين متميرين هو مشكلة تخمين . فإذا اقترن متغير بمتغير آخر فإن هذا يعنى أنه يمكن تخمين قيم أحد المتغيرين إذا علمنا قيم المتغير الآخر. وقيمه معامل الاقتران أو الارتباط تلخص الدرجة التى تسهم بها معرفتنا لقيم أحد المتغيرين في تخمين قيم المتغير الآخر . فإذا أدت هذه المعرفة إلى التخمين بدرجة تامة من الثقة فإن قيمة هذا المعامل تساوى

الواحد الصحيح . أما إذا لم يكن لهذه المعرفة أى فائدة على الإطلاق في مثل هدا التخمين فإن قيمة هذا المعامل آساوى الصفر . أى أن زيادة فيمة معامل الاقتران أو الارتباط بين متفيرين يعنى زيادة قدرتنا على التخمين الدقيق لقيم أحدالمتفيرين على أساس معرفتنا لقيم المتفير الآخر .

ومعامل التنبؤ لجتمان (x) يتفى وهذا الشرط . فهو معامل يدل على درجة الاقتران بين متغيرين كل منهما من المستوى الاسمى (التصنيني) .

ولكى نوضح للباحث الاساس المنطقي الذى بنى عليه هذا المعامل يعرض فنريما ن المثال الآتى :

نفترض أننا طلبنا من . ه طالبا فى إحدى السكليات أن يجيبوا على سؤال يتضمن مشكلة من مشكلات مادة المنطق ، و بعد تقدير درجة كل منهم علىالسؤال حصلنا على النتائج الآتية :

عدد الإجابات الصحيحة ـــــ ۳۰ عدد الإجابات الخاطئة ـــــ ۲۰ ـــــــ المجموع المكلى ــــــــ ٥٠

وتفترض أنه قد طلب منا أن نخمن أفضل مخمين عن أداء أو إجابة هذه المجموعة من الطلاب كـكل ، أى تخمين ما إذا كانت الإجابة الشائمة صحيحة أم خطأ . فنظراً لأن هذه البيانات من المستوى الاسمى ، فإن المنوال يمثل أفضل تخمين في هذه الحالة . ويمكن أن يتضح ذلك إذا قار نا بين كل من التخمينين المحتملين .

فإذا خمن أحدنا أن كل طالب فى المحموعة أجاب إجابة صحيحة على السؤال (على أساس أن هؤلاء الطلاب يمثلون المجموعة المنوالية) فإن ذلك يعنى أنه يوجد عدد قدره ٢٠ من التخمينات غير الصحيحة من بين ٥٠ تخمينا .

أما إذا اختار أحداً أن يخمن أن جميسع العالاب أجابوا إجابة خطأ على السؤال (وهؤلاء يمثلون المجموعة غير المنوالية) فإن هذا يعنى أنه يوجد عدد قدره ٣٠٠ من التخمينات غير الصحيحة من بين ٥٠ تخمينا .

و من هذا يتضع أن التخمين الخاص بالمجموعة المنوالية يؤدى إلى أخطاء أقل في التخمين .

فإذا كان التخمين في هذا المثال هو أن جميع الطلاب أجابوا إجابة صحيحة ، فإن ترجيح الخطأ في التخمين يكون ٢٠ : . ه . ويمكن أن تطلق على متغير الإجابة على سؤال المنطق لمسم و المتغير التابع . .

والآن نفترض أننا استطعنا الحصول على بعض معلومات عن كل طالب فى فى المجموعة السابقة فى متغير آخر وليكن و الحبرة السابقة فى الرياضيات . . و يمكن أن نطلق على هذا المتغير اسم و المتغير المستقل ، لإننا سوف نستخدمه فى محاولة تخمين قسمى المتغير التابع .

فإذا افترضنا أن ٢٥ طالبا منهم قد سبق لهم دراسة الرياضيات ، أما بقيتهم فلم يسبق لهم دراستها ، وأمكننا تكو بن جدول الاقتران الآتى (جدول رقم ٢٤): الإجابة على سؤال المنطق

الجموع الكلى	lb÷	صحيحة	المجموعة
۲0	۲	77	طلبة درسوا الرياضيات
Y 0	1∨	^	طلبة لم يدرسوا الرياضيات
•	۲.	· r.	المجموع المكلي

جدول القدران بين متفيرين من المستوى الاسمى

فباستخدام البيانات الموضحة في هذا الجدول يمكننا أن نصل إلى تخمينات تخالف عن التخمينات التي توصلنا إليها في حالة المتغير الواحد فيها ينصل بأداء أو إجابة الطلاب على سؤال المنطق لاننا سنأخذ في اعتبارنا المتغير الجديد وهو وخبر فالطلاب السابقة في الرياضيات ، وقد قسمنا الطلاب إلى جموعتين إحداهما درست الرياضيات والاخرى لم تدرسها ، ومن ثم يمسكن تخمين أداء كل من الجمو شين على حدة في سؤال المنطق ، فإذا كان هناك اقتران بين الخبرة السابقة في الرياضيات والإجابة على سؤال المنطق فإن هذا سيجمل أخطاء التخمين أقل منها في حالة عدم وجود اقتران بينهما ،

و إذا نظرنا إلى الجدول السابق (جدول رقم ٣٤) نجد أن ٣٢ طالبا من بين الطلاب الذين لديهم خبرة سابقة في الرياضيات أجابوا إجابة صحيحة على سؤال المنطن ، بينها أجاب ٣ طلاب إجابة خطأ .

لذاك فإننا نستطيع النخمين بأن هذه المجموعة من الطلاب الذين بلغ عددهم وو قد أجابت إجابة صحيحة على سؤال المنطن . ويكون ترجيح خطأ التخمين عندئذ ٣ : ٢٥ .

أما بالنسبة للطلاب الذين ليس لديهم خبرة سابقة فى الرياضيات فإن الإجابة الخطأ على سؤال المنطق هي الإجابة الشائعة . لذلك فإبنا نستطيع التخمين بأن هذه المجموعة من الطلاب الذين بلغ عددهم ٢٥ قد أجابت إجابة خطأ على سؤال المطنى ، ويكون ترجيح خطأ التخمين في هذه الحالة ٨ : ٢٥ .

وقد الاحظا فيما سبق أن ترجيح خطأ تخمين الآداء في سؤال المنطق للجسوعتين معا دون أن نأخذ في اعتبارنا خبرتهم السابقة في الرياضيات كانت ٢٠: ٥٠ ولسكن عندما أخذنا هذا المتغير الجديد في الاعتبار أصبح ترجيح الخطأ ٣ : ٥٠ بالنسبة للطلاب الذين لديهم خبرة سابقة في الزياضيات ، ٨ : ٢٥ بالنسبة للطلاب الذين لديهم هذه الخبرة .

و بذلك يصبح ترجيح خطأ التخمين للمجموعتين معا ١١: ٥٠ ، أي أن التنبؤ بأداء الطلاب في سؤال المنطق إعتباداً على متغير د الخبرة السابقة في الرياضيات، ه قد جمل أخطاء التخمين تقل من ٢٠ إلى ١١ .

و يمكننا أر أحسب النسبة بين هذا النقص في خطأ، التخمين إلى الخطأ الآصلي، أي :

مقدار النقص في الخطأ مقدار الخطأ الأصلي

 $\frac{9}{10} = \frac{9}{10} = \frac{11 - 10}{10} = \frac{9}{10} = \frac{9}{10}$

وهذا يمنى أتنه يمكن أن نقلل خطأ تخمين أداء الطلاب فى سؤال المنطق · بقدر ٤٥ / إذا أخذنا فى اعتبارنا خبرتهم السابقة فى الرياضيات .

وهذا هو مقياس الاقتران الأوال بين المتغيرين .

ويجب أن يلاحظ الباحث، أننا التقصر لا على مشكلة تخمين أداء الطلاب ف سؤال المنطق اعتبادا على خبرتهم السابقة في الرياضيات .

ولمكن ربما نهتم أيضاً بالتنبؤ الهكسى، أى تخمين ما إذا كان الطلاب لهيهم خبرة سابقة في الرياضيات (وهو المتغير التابع في همسده الحالة). اعتبلط على معرفتنا بأدائهم في سؤال المنطق (وهو المتغير المستقل الجديد). ولإجراء ذلك يجب أن توجد مقدار الخطأ في تخمين خبرة الطلاب السابقة في الرياضيات دون اعتبار لادائهم في سؤال المنطق.

فإذا نظرنا إلى جدول رقم (٣٤) للاحظ أنه من بين مه طالبا يوجد ٥٠ طالبا لديم خبرة سابقة في الرياضيات ، ولذلك إذا أردنا تخمين ما إذا كان هؤلاً الطلاب لديهم خبرة سابقة في الرياضيات فإن ترجيح خطأ التخمين يكون ٢٥: ٥٠ ، وربما تقل نسبة هذا الخطأ إذا أخذنا في اعتبادا الاداء في سؤال المنطق .

فبالنسبة للطلاب الذين أجابوا إجابة صحيحة على سؤال المنطق ربما نحمن أن لديهم جميعا خبرة سابقة في الرياضيات ، ويسكون ترجيح خطأ التخمين لى هذه الحالة ٨ : ٣٠ .

أما بالنسية للطلاب الذين أجابو الرجابة خطأ على سؤال المنطق فربما نخمن انهم ليس لديهم خبرة سابقة في الرياضيات ، ويكون ترجيح خطأ التخمين في هذه الحالة ٣٠٠٠ .

أى أننا عندما أخذنا الآداء في سؤال المنطق في الاعتبار قلت أخطاء تخمين متغير الخبرة السابقة في الرياضيات من ٢٥ لملي ١١٠ •

وهذا هو مقياس الاقتران الثانى بين المتغيرين ، ويرمز لأى من هذين المقياسين بالرمز λ وقيمة كل منهما تعبر عن درجة تخمين قسم ما من أقسام أحد المتغيرين بمعلومية أقسام المتغير الآخر ، وهو مقياس غير مماثل ، أى أن التخمين يكون في اتجاه واحد ، بمعنى أننا إذا خمنا أحد أقسام المتغير ا بمعلومية أقسام المتغير ب فإننا لانستطيع في تفسى الوقت تخمين أحد أقسام المتغير ب بمعلومية أقسام المتغير ا .

(ثانياً) معامل التنبق المتهائل χ :

أحيانا يود الباحث أن يحصل على معامل تنبؤ متاثل ، أى معامل يسمح بالتنبؤ المتبادل بين متغيرين .

و يمكن أن يوجد ذلك المعامل عن طريق ضم معاملي التنبؤ غير المتهائلين اللدن عرضنا لهما ديا سبق في معامل واحد ، ويرمر له عندئذ بالرمز ٨ .

. دسية خطأ التخمين في هذه الحالة

منى المثال السابق نجد أن هذه النسبة

$$\frac{(11-70)+(11-7+)}{70}=$$

$$\cdot,01 = \frac{17}{10} = \frac{11+9}{10} = \frac{11+9}{10}$$

أى أن معامل التنبؤ في هذه الحالة 🕳 ٥١ ,٠٠

و بهـذا نكون قد قللنا أخطاء تخمين أى من المتغيرين باستخدام المتغير الآخر يقدر ٥٢ / .

أما إذا استطعنا استبعاد أخطاء التخمين كلية فإن هذه النسبة تصبيح :

$$1 = \frac{10}{100} = \frac{100}{100} = \frac{100}{100}$$

أى أن معامل الاقتران بين المتغيرين يكون تاماً . وإذا لم نستطع استبعاد أى خطأ في التخمين فإن هذه النسبة تصبح:

$$= \frac{\text{original}}{\text{to}} = \frac{(\text{Yo} - \text{Yo}) + (\text{Yo} - \text{Yo})}{\text{Yo}} = \frac{\text{original}}{\text{Yo}}$$

أى أنه لا يوجد في هذه الحالة اقتران بين المتميرين .

وهنذا يدل على أنه كليها زادت قيمة معامسل التنبؤ خقص أخطاء النخمين .

الصورة العامة لحساب معامل التنبؤ غير المتماثل (λ غ) :

يتضح مما سبق أبن معامل التابق لجنهان ليس معاملا واحدا و إنما هو في الحقيقة معاملين أحدهما غير فتما أبل ويروز له بالرمن لاغ ، ويستخدم عندما يريد الباحث تخمين أحد أقسام متغير بمعلومية أقسام متغير آخر ، أى أن التخمين يكون في اتجاه واحد ، والآخر متماثل ويرمز له بالرمز لا ، ويستخدم عندما يريد الباحث تخمين أحد أقسام متغير آخر والعكس . أى أن التخمين لكون في كل الانجاهين ،

و يمكن حساب قِيمَة κ_3 أن κ باستخدام الطريقة التي سبق أن ذكر κ_3 أو يمكن استخدام الصورة الرياضية العامة الآتية لإيجاد قيمة κ_3 وهي :

ويعيث عن المربي على أيكير يسكرار في كل قسم من أقسام المتغير المستقل .

، متن عصر التعبير التابع . متن علميم أقسام المتغير التابع .

، من عدد المولات .

و كالمتكاتبة المتعالية المتعالية المتعالية المتعالية المتعالية المتعالية المتعالية المتعالية المتعالية المتعالى المتعال

الذين لديهم خبرة سابقة في ارياضيات (وهو ٢٢) على أكبر تكرار بالنسية للطلاب الذين ليس لديهم خبرة سابقـة في الرياضيات (وهو ١٧).

أىأن: بحتم = ۲۲ + ۱۷ = ۲۹

كا يجب أن نحصل على قيمة نت بأن نوجد بحمرع الطلاب الذين أجابوا الحابة صحيحة على سؤال المنطق (وهو ٣٠) ، ومحموع الطلاب الدين أجابوا إجابة خطأ على السؤال (وهو ٢٠) وتختار أكبر المجموعين .

ای أن ت_ت = ۳۰.

وبالطبع ن=٠٥٠

وبالتمويض في الصورة رقم (١) السابقة نجمد أن :

$$0.50 = \frac{9}{7.0} = \frac{7.0 - 79}{7.0 - 9.0} = \frac{1}{5}$$

وهي نفس القيمة التي حصل 📜 🐧 مبق .

و يمكننا أيضا تخمين ما إذا كان الطلاب لديم خبرة سابقة في الرياضيات بمعلومية أدائهم في سؤال المنطق . فني هذه الحالمة بوجد تحت بأن نجمع أكبر تكرار بالنسبة للطلاب الذين أجابوا لمجابة صحيحة على سؤال المنطق (وهو ٢٧) على أكبر تكرار للطلاب الذين أجابوا لمجابة خطأ على السؤال (وهو ١٧) .

ای آن: بحت م = ۲۲ + ۱۷ = ۲۹ .

أما ت فنحصل عليها بأن نوجد بمموع الطلاب الذين لديهم خبرة سابقة في الرياضيات (وهو ٢٥) ، رجموع الطلاب الذين ليس لديهم خبرة سابقة في

الرياضيات (وهو ٢٥) ونختار أكبر المجموعين ، ونظراً لانهما متساويان فاين تت = ٢٥ .

و بالتعويض في الصورة رقم (١) نجمد أن :

$$\cdot, \circ 7 = \frac{15}{70} = \frac{70 - 79}{70 - 0.} = \frac{1}{5} \lambda$$

وهي أيضاً نفس الفيمة التي حصلنا عليها فيما سبق .

ومن هذا نلاحظ أن معرفتنا بأداء الطلاب في ســــــــــــــــــ المنطق يساعدنا على تخمين ما إذا كان لديهم خبرة سابقة في الرياضيات أم لا بدرجة أفضل من تخمين أدامهم في سؤال المنطق بمعلومية خبرتهم السابقة في الرياضيات .

الصورة العامـة لحماب معامل التنبؤ المتماثل (λ):

يمكننا أيضا للنبسيط استخدام الصورة العامة الآتية لحساب معامل التنبؤ المهائل (٨) وهي:

$$(7) \cdots \frac{(\ddot{z} + \ddot{z} + \ddot{z} - (\ddot{z}) + \ddot{z} + \ddot{z})}{(\ddot{z} + \ddot{z}) + \ddot{z}} = \lambda$$

حیث تنی ہے اکبر تکرار فی کل صف

- ت ع 🕳 أكبر تكرار في كل عمود .
- ، تَ نِي الْكَبْرِ بَمُوع مِن بَيْنِ مُجَامِيع كُلُّ صَفٍّ .
- ، تَعَ ع الْمَبرَجُمُوعُ مِنْ بَيْنِ مُجَامِيعٌ كُلُّ عَمْرُدَ.

، ن = عد الحالات.

و يمكن تطبيق همذه الصورة على البيانات الموضحة فى الجدول رقم (٣٤) كالآتى :

ء سي = بحموع أكبر تكرار في الصفين الأول والثاني .

ra=1+1+=

، محدت ع على بنموع أكبر تسكرار في للعمودين الاول والثاني .

79 = 1V. + 77 =

، ت بي ــــــ أكبر بحموع من بين مجاميع الصفين الأول والثاتى .

Yo =

، ﴿ نَ عَ حِدُ أَكْبِرُ جَمْدُعُ مِنْ بَيْنِ مِجَامِيعِ العَمُودِينِ الْأُولُ وَالنَّانَى .

٣٠ ==

ن 🛥 ن

بالتعويض في الصورة رقم (٢) السابقة نجد أن :

$$\frac{(r \cdot + r \circ) - r \circ + r \circ}{(r \cdot + r \circ) - (\circ \cdot) r} = \varepsilon^{\lambda}$$

أى أن معرفتنا بتكرار الحالات في كل قسم من أقسام أى من المتغيرين أدى

إلى نقص أخطاء خمين أحدهما بمعلومية الآخر بقدر ١,٥١,١ في العينة موضيع البحث .

وهذا يدل على أن هناك علاقة أو اقترائا بين منغير الآداء في سؤال المنطني وهنا يدل على أن هناك علاقة أو عينة البحث .

و الخلاصة أنه إذا أراد الباحث إيجاد قيمة λ غ أو λ لمتغيرين من المستوى الإسمى يمكنه أن يتبع الخطوات الآتية :

١ ــ يرتب التكرارات الملاحظة بالسبة للمنفيرين في جدول اقتران .

γ _ إذا كان المعالوب تخمين أحد أقسام متغير بمعلومية أقسام المتغير الآخر ،
 أى أن التنبؤ يكون في اتجاه واحد ، فإنه يجب أن يوجد قيم محسم ، عسى ،
 ن ثم يطبق الصورة رقم (١) لإيجاد قيمة λ غ .

ب _ إذا كان المطلوب تخمين أحد أقسام متفير بمعلومية المتغير الآخر والمكس، أى أن التنبؤيكون فى الانجاهين ، فإنه يجب أن يوجد قيم بجه تن في المكس، أى أن التنبؤيكون فى الانجاهين ، فإنه يجب أن يوجد قيمة به م يعلمين الصورة رقم (٢) لإيجاد قيمة به .

مقاييس إحصائيـة أخرى :

أوجد مقاييس إحصائية متعددة لحساب مقدار اقتران متغيرين من المستوى الاسمى . ويجد الباحث كثيراً ،ن هذه الطرق عند إطلاعه على الدراسات والبحوث النفسية والتربوية ، ومن بين هذه المقاييس :

ب معامل الاقترات الذي ينسب إلى يول Yule و يرمز له بالحسرف الإنجليزي Q ، ويسهل حساب قيمة هنذا المعامل و تفسيره ، و للكن يقتصر استخدامه على متغير بن من النوع الثنائي ، أي يكون له كل متغير قيمتان فقط .

ويمكن للباحث الرجوع إلى Moroney عام ١٩٥٣ (انظر قائمة المراجع في نهاية الكتاب) لمزيد من توضيح هذا المعامل .

۲ ممامل التجميع Colligation الذي ينسب إلى بول Yule أيضاً ، وبروز له بالحرف الإفجليزي Y . وهو يشبه معامل الافتران Q ، ويقتصر استخدامه أيضاً على متغيرين من النوع الشنائي . ويمكن الرجوع إلى Kendall عام ١٩٥٠ لمزيد من التوضيح .

وبالرغم من إمكانية استخدام هذا المعامل عنه ما يشتمل كل من المتغيرين على أى عدد من الأقسام ، إلا أن هذا المعامل لاتصل قيمه إلى الواحد الصحيح حتى إذا كان هناك اقتران تام بين المتعيربن ، ويمكن الرجوع إلى McNemar عام ٥٥٥ أو Siegel عام ١٩٥٦ لمزيد من التوضيح .

ن الذي ينسب إلى تشويرو Tschuprow ويرمز له بالرمر T .

وهو يشبه معامل الاقتران أبيرسون C ، ولكنه يختلف عنه في أنه يمكن أن تصل قيمته إلى الواحد الصحيح في حالة الاقتران النام ، وهذا يتطلب ألل يتساوى عند الصفوف والاعمدة في جدول الاقتران .

ولمزيد من "توضيح يمكن للباحث الرجوع إلى Hagood عام ١٩٥٢ .

ه معامل فای و پرمز له بالحرف الیونانی φ ، (و أحیانا یرمر له بالرمز ر ب) ·

وهو يشبه معامل الاقتران ﴿ ومعامل التجميع ٢ ، أي يستخدم فقط إدا (٢٢ ـــ التحديل) كان كل من المتغيرين من النوع الشنائى . كما أن قيمه لانتراوح دا ثماً بين الصفر والواحد الصحيح .

۳ -- معامل الارتباط الرباعی Tetrachoric Correlation و یرمز له
 بالرمز روم یستخدم فقط إذا کان کل من المتغیرین من النوع الثنائی .

ويجب أن تحقق البيانات بعض الفروض إذا أراد الباحث استخدام هذا المعامل .

ونظراً لاحميمة المقياسين الإحصائيين الاخيرين ، أى معاصل فاى ومعامل الارتباط الرباعى ، فإننا سوف نعرض لهما بالتفصيل فى الفصل الثالث عشر الذى سنهتم فيه بمناقشة الافتران بين متغيرين من النوع الثنائي .

من هذا يتضح أن هناك طرقا متعددة لإيجاد الاقتران بين متغيرين من المسترى الآسمى . ومعظم هذه المعاملات الإحصائية تتراوح قيمها بين الصفر والواحد الصحيح ، ولسكنها تختلف في توزيع هذه القيم . أي أنه بالوغم من أنها جميعا تويد قيمها بزيادة درجة الاقتران ، إلا أن معدل هذه الزيادة يختلف من معامل إلى آخر ، ولذلك لا يجوز أن يقارن الباحث بين قيمتى معاملي اقتران لمتخدم في حسام ما طرقا عتلفة .

تمارين على الفصل الثامن

(۱) أراد باحث إيجاد درجة الاقتران بين حدوث حالات الفصام والتحرك في الوظائف الهيئتين تتكون إحداهما من مجموعة من المرضى الفصاميين والآخرى من الاسوياء . وفيها يلي النتائج التي حصل عليها الباحث :

ِ التحرك في الوظائف

المجموعالكلي	لايو جد تحرك	إلى أدنى	إلى أعلى إ	المجدوعة
41	79	£ ٣	14	الفصاميون
9 {	٥٣	77	19	الاسوياء
۱۸۸	97	70	71	المجمو عالكلي

احسب باستخدام معامل التنبؤ لجتمان مقدار العلاقة بين هذين المتغيرين ، وفسر القيمة الناتجة .

٢ ـــ أوجد معامل التنبؤ المتماثل لجتمان للبيانات الموضحة بالجدول الآتى ،
 وفسر القيمة الناتجة .

المجموع	1	۲۱	<u> </u>	, l	_
١.	0	٣	[7	صفر	ب
10	1	1	٦	Y	ب
10	į	٦ - ١	\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	٣	بم
	١.	1.	١٠	1	الجموع

به _ قام أحد الباحثين بدراسة إدراك المعلمين لتلاميدهم ، فاختار عينة عشرائية من تلاميد الصف السادس . ثم طلب من أو لياء أمور التلاميد أن بختاروا من بين أفسام أربعة هي : ضعيف جدا ، ضعيف ، جيد ، متاز ، درجة إدراكهم لا بنائهم ، وحصل على النتائج الآتية :

تقديرات الآباء

_	ممتاز	ميد	ضعيف	صعيف جدا		
	7.9	114	۱۸۶	٤٣	صميف جدا	/a
	700	7.7	1	٤١	ضعيف	4.5
	71	٧•	۱۸۰	44	جيد	•)
	١.	77	14	17	متاز	3

(1) احسب مقدار العلاقة بين تقديرات آلاباء وتقديرات المعلمين لهذه العينة من التلامة.

- (ب) هل عكن التنبؤ بتقديرات الآباء بمعلومية تقديرات المعلمين؟ كيف؟
- (ج) همل يمكن التنبؤ بتقديرات المملين بمعلومية تقمديرات الآباء ؟ كيف ي
 - (د) قارن بين النتيجتين اللنين حصلت عليهما في ب ، ح .
 - إوجد مقدار معامل التنبؤ غير المتماثل للبيانات الآنية :

س	س	
T V	٥٣	ص
٦٣	٤٧	ص

و بین هل القیمة الناتجة تشیر إلى اقتران تنبؤی قوی بین كل من المتغیرین س ، ص ؟ ولماذا ؟

* * *



الفص لالناسع

مقاييس العلاقة

إذا كان كمل من المتغيرين من المستوى الرتبي

معامل الاقنران لجودمان وكروسكال

معامل ارتباط الرتب لسبيرمان

معامل ارتباط الرتب لسكندال

معامل الاتفاق لكندال

معامل الاتساق لكندال

كثيراً ماتتجمع لدى الباحث في مواقف بحثية مختلفة بيانات تعتمد على الرتب أى من المستوى الرتى . إذ ربما يكون متاحاً لديه قياسات كمية و لسكنه يفضل استبدال هذه القياسات المكية بالرنب مدف تبسيط الممليات الحسابية ، أو للتمكن من إجراء نوع معين من العمليات . فمثلا يمكن أن يحصل الباحث على قياسات لاطوال وأوزان مجموعة من أطفال المدارس الابتدائية ومن ثم يحسب معامل الارتباط من أزواج القياسات باستخدام معامل ارتباط بيرسون الذى عرضنا له في الفصل السابع ولكنه ربما يفضل أن يستبدل هذه القياسات بالرتب ومن ثم يحسب معامل الارتباط بين أزواج الرتب بدلا مز أزواج القياسات . إلا أنه في كثير من الاحيان يستخدم الطرق التي تعتمد على الرتب عندما لا يكون متاحا لديه قياسات كمية . فعمليات القياس المستخدمة حيائلة لا تسمح بإجراء مقارئات بين الفترات المختلفة القياسات . فثلا ربما يقوم المشرفون على العمل بترتيب العمال بحسب أدائهم أو إنتاجهم في العمل أو يقوم المعلمون بترتبب التلاميذ من حيث درجة تـكيفهم الاجتهاعي في المدرسة . فني مثل هذه الحالات تشتمل البيانات على مجموعة من الارقام أو الاعداد التي تدل على رتب العال أو التلاميذ في الخاصية المقدرة . فالعامل أو النليذ الذي ترتيبه الاول يعطى له الرقم ١ ، والعامل أو التلبيذ الذي ترتيبه الثاني يعطى له الرقم ٧ وهمكذا . واستبدال الترتيب الأول أو الثاني أو الثالث ... الح بالاعداد الكاردينالية Cardinal ن يفترض فيه تساوى الفترات ، عمني أنه يفترض أن الفرق بين ترتيب الفرد الاول والفرد الثانى يساوى الفرق بين ترتيب الفرد الثاني والفرد الثالث وهكذا . وتعتمد جميع معاملات ارتباط الرتب على هذا الفرض .

ونظراً للصموبات التي يواجهها كثير من الباحثين عند قياس المتغيرات

النفسية والتربوية فإن الطرق الإحصائية الى تستخدم فى تحليل البيانات الى تعتمد على الرتب تدكون ذات أهمية خاصة .

وبالرغم من أن طرق حساب معاملات ارتباط الرتب تستخدم منذ سنوات طويلة ، إلا أن استخدام الرتب بكثرة فى المقاييس الإحصائية المتقدمة لم يبدأ إلا مؤخراً .

إذ يمكن استخدام الرتب مثلافي المقابيس الاحصائية الاستدلالية اللابارامترية التي سنعرص لها في الجزء الثاني من الكتاب.

ومما لا شك فيه أن طرق حساب معاملات ارتباط الرتب تقع ضن المقاييس اللابارامترية ،وهي مقاييس لاتعتمد على خصائص المنحني الاعتدالي ، كما لاتستلزم فرومنا خاصة عن شكل توزيع الظاهرة في المجتمع الاصل .

ويوجد عدد من المقاييس الإحصائية التي تستخدم في إيجاد الاقتران بين متغيرين كل منهما من المستوى الرتبي . ومن بين هذه المقاييس التي سنمرض لها في هذا الفصل بالتفصيل مقياس الاقتران الرتبي لجودمان وكروسكال Spearman ، ومقياس ارتباط الرتب لسبير مان Goodman and Kruskal ، ومقياس ارتباط الرتب للخدال ، ومعامل الانساني لكندال .

معامل الافتران الرنى لجودمان وكروسكال:

Goodman and Kruskal's Coefficient of Ordinal As ociation

ناقشنا فى الفصل الثامن مفهوم الاقتران بين متغيرين من المستوى الاسمى ، وقلمنا أنه يمسكن اعتبار الاقتران هو مشكلة تخمين قيم أحد المتغيرين بمعلومية قيم المتغير الآخر ، فني حالة المتغيرات التي من المستوى الاسمى أو النوعى نحاول تخدين انتهاء الفرد إلى مجدوعة معينة بمعلومية انتمائه إلى مجموعة أخرى ، أي التنبؤ بقسم مدين من أقسام أحد المتنبيرات بمعلومية أفسام المديرالآخر لأن الأقسام التي تشتمل عليها مثل هذه المتغيرات لا تتصف بحاصية الترتيب .

ويمكن أيضا اعتبار أن الافتران بين متغيرين من المستوى الرتبى هو نوع من التخمين ، ولكن نظراً لان الموازين التي من النوع الرتبى تتكون من فئات أو مجموعات مرتبة فإن طبيعة التخمين في هذه الحالة يجب أن تناسب هذا النوع من الموازين . فهنا لا يكون اهتمامنا منصباً على تخمين التماء الفرد إلى مجموعة معينة أو الننبؤ بأحد أقسام متغير ما وإنما نهتم بتخمين الترتيب . أى أن المشكلة هنا تتملى بالتنبؤ بمركز الفرد النسى أو ترتيبه بالنسبة لميزان رتبي معين بمعلومية مركزه النسى أو ترتيبه بالنسبة لميزان رتبي معين بمعلومية مركزه النسى أو ترتيبه بالنسبة لميزان رتبي النسبة لميزان رتبي المورية النسبة لميزان رتبي الميزان رتبي النسبة لميزان رتبي الميزان رتبي النسبة لميزان رتبي الميزان رتبي الميزان رتبية بالنسبة لميزان رتبي الميزان ال

فإذا كان لجميع أفراد عينة البحث نفس الترتيب في كل من متغيرين فإنه يقال أن هناك اقترانا تام بين المتغيرين . أما إذا كان ترتيب جميع الأفراد على المتغير الآول عكس ترتيبهم على المتغير الثانى ، أى أن الفرد الذى ترتيبه أعلى في المتغير الأول يكون ترتيبه أدتى في المتغير الثانى وهمكذا ، فإنه يقال أنه يوجد انفان أو اقتران عسكسى تام بين المتغيرين .

ويمكن في أي من الحالتين السابقتين تخمين ترتيب الفرد في أحد المتغيرين . بمعلومية ترتيبه في المتغير الآخر دون أن يكون هناك خطأ في التنبؤ .

و تعتمد درجة الننبؤ أو الاقتران بين متغيرين من المستوى الرتبى على درجة الانفاق أو عدم الانفاق في الرتب على كل من ميزاني المتغيرين . فالا فاق التام أو عدم الانفاق بالمرة يعتبر كل منهما اقترانا تاما ، إذ يؤدى كل منهما إلى معامل اقتران رتبى يساوى الواحد الصحيح ، والكن يجب أن نميز بين قيمة كل من المعاملين بأن نضع إشارة موجبة في حالة المعامل الآول وإشارة سالبة في حالة المعامل الثاني ، أي أن معامل الاتفاق التام يساوى + ، ، ومعامل الاتفاق

المكسى التام يساوى - ١ ، وجميع الترتيبات الآخرى تؤدى إلى قيم مطلقة أقل من الواحد الصحيح ، وكلما زادت هذه القيم عن الصفر مجيث تقترب من + ١ أو ــــ ١ دل ذلك على زيادة الاقتران بين الرتب بالنسبة لسكل من المتغيرين .

ويعتبر معامل الاقتران الرتبي لجودمان وكروسكال Goodman and الباحث إذا Kruskal من المقاييس الإحصائية الهامة التي يمكن أن يستخدمها الباحث إذا أراد إيجاد درجة الاقتران بين متغيرين كل منهما من المستوى الرتبي، ويرمزلهذا المعامل بالحرف اليوناني (y) ويقرأ (جاما).

طریقة حساب معامل الاقتران الرتبی لجودمان و کروسکال إذا کانت الرتب غیر مکررة:

نفترض أننا طلبنا من اثنين من المحكمين نرتيب خمسة طلاب من حيث نشاطهم الاجتماعي .

وفيها يلي نقديرات المحكمين :

المحكم شانى (ص)	المحكم الأول (س)	الطالب
•	٤	1
۲	١	ب
٣	٣	*
١	Y	3
ŧ	٥	•

فالخطوة الاولى: هي أن تعيد ترتيب تقديرات المحكم الاول (س) ترتيبا تنارليا، وتكتب الرتب المناظرة للمحكم الثاني (ص) كالآتي:

المحكم الثانى	المحكم الآول	الطالب
ž.	0	1
0	1	ب
٣	٣	7.
,	۲	د
Y	١	A

وبذلك يتضح أن تقديرات المحكم الثانى تميل إلى الاتفاق مع تقديرات المحكم الآول، ولكن الاتفاق غير تام . إذ لو كان هناك اتفاق تام بينهما لوجدنا أن تقديرات المحكم الثانى تكون مرتبة ترتيبا تنازليا مثل تقديرات المحكم الأول، ولكننا منا بحد أن الرتبة ١ التى قدرها المحكم الثانى الطالب د تقع أعلى الرتبة ٢ التى قدرها للطالب د .

والخطوة الثانية : هيأن نكون جدولا نحدد في أحد أعمدته الاختلافات بين الرتب كالآتي : الرتب التي قدرها المحكمان ، ونحدد في عمود آخر الاتفاقات بين الرتب كالآتي :

الاتفاق بين الرتب	الاختلاف بين الرتب	الحِكم الثَّافي (ص)	الحكم الاول (س)	الطالب
صغر	مفر	Ł	•	1
صفوا	١	0	<u> </u>	ب
۲	صفر	٣	! 	*
۳	صفر	١	7	3
٣	١	۲	•	
٨	۲			المجموع

جدول رقم (٣٥) الاختلاف والاتفاق بين رتب محكمين لاربعاة من الطالب ثم نمدأ من أسفل الجدول وتبحث عن الاختلافات بين الرنب التي قدرها المحكمان، فلو بدأنا بالرتبه ٢ الى قدرها المحكم الثانى للطالب ه تجد أنها تقع أسفل الرتبة ١ أى عكس الترتيب الممروض.

لذلك نضع 1 أمام الرتبة ٢ للطااب ه دلالة على أنه توجد رتبة واحدة أقل منها تقع أعلاها . ثم مكرر هذه العملية بالنسبة لبقية الرتب متجهين من أسفل لمل أعلى الجدول .

فشلا لا يوجد اختلاف بالنسبة الرتبتين ١ ، ٣ اللتين قدرهما المحكم الثاني لانه لا نوجد رتب أعلاهما أقل منهما، لذلك نضع الرقم صفر أمام كل منهما في العمود الرابع .

واسكن نضع ، أمام الرتبة ه التي قدرها المحكم الثاني للطالب ب لانه وجد رتبة واحدة أعلاها أمل منها . و بذلك يكون المجموع السكلي للاختلافات بين الرتب = ٢ .

والجعلوة الثالثة: هي أن تحسبعدد الانفاقات بين الرتب وندونها في العمود الخامس ويتم ذلك كالآني :

تنظر إلى الرتب الى قدرها المحكم الثانى، فإذا وجدنا أنه نوجد رتبة أكبر تقع أعلى رتبة أصغر فإن معنى ذلك أن تقديراته تتفق مع تقديرات المحكم الآول.

ولذلك نبدأ بأول هذه الرتب من أسفل الجدول (وهي الرتبة ٢) ونوجد عددالرتب التي تزيد عنها (وهي الرتب ٢ ، ٥ ، ٤) أي ٣ .

ثم تنتقل إلى الرتبة ؛ فنجد أن عدد الرتب التي تزيد عنها (وهي الرتب ٣ ، ه ، ٤) . أي ٣ أيضا .

أما بالنسبة للرتبة ٣ إن عسدد الرتب التي تزيد عنها (وهما الرتبتان ٥٠) . أي ٢٠

وبالنسبة للرتبة ه . لا توجد رتب أعلاها تزيد عنها .

أى أننا نحصل على عدد الاختلافات أو الانفاقات بين الرنب بعملية مقارنة كل رتبة في العمود الثالث بالرتب التي تقع أعلاها في نفس العمود .

ويجب ملاحظة أنه إذا كانت الرتب التىقدرها المحكم الثانى عكس الرتبالتى قدرها المحكم الأول فإنه ينتج عن كل مقارنة اختلاف بيناارتب و لا يكون هناك النفاق بين المحكمن .

مربيرضي طربيات ذلك بالجدول الآتي (رقم ٣٦):

الاتفاق بين الرتب	الاختلافبي <i>ن</i> الرتب	المحسكم الثسانى	المحكم الاول	العالب
منفر	صفر	١	0	1
صغر	١	۲	į	ب
صغو	۲	٣	٣	*
صغر	٣	٤	۲	د
صغر	٤	•	1	•
صقر	1.			المجموع

جدول رقم (٣٦) رقب المحكم الثاني عكس رتب المحكم الاول

كما يجب ملاحظة أن أكبرعدد ممكن من الاتفاقات أو الاختلافات بين الرتب يساوى العدد للحكى للاتفاقات . فني المثال الاصلى وجدنا أن عدد الاختلافات _ 7 ، وعدد الاتفاقات _ 8 . وأكبر عدد ممكن من الانفاقات والاختلافات _ 7 + 8 _ . . .

والخطوة الرابعة: نطرح عدد الانفاقات من عدد الاختلافات بين الرتب ، فإذا كان عدد الانفاقات أكبر من عدد الاختلافات فإن إشارة الفرق تكون موجبة ، أما إذا كان عدد الانفاقات أقل من عدد الاختلافات فإن إشارة الفرق تكون سالبة ، وعقدار هذا الفرق بصرف النظر عن إشارته يدل على مدى تغلب أي منهما على الآخر ،

فإذا قسمنا هذا الفرق علىالقيمة الفصوىلة تحصل على مامل الاقتران الرتبى لجودمان وكروسكال . وهذا المعامل ينحصر بين ـــ ١ ، + ١ ، ويمكن أن يساوى أياً من القيمتين .

فني المثال السابق :

$$\cdot, \tau \cdot = \frac{\tau}{\tau} = \frac{\tau - \lambda}{\tau - \lambda} =$$

ويمكن تفسير هذا المعامل بأن نقول أن الإتفاقات تزيد بنسبة .٦٠ / عن الاختلافات بين الرتب التي قدرها المحكمان للطلاب الخسة في السمة المطلوبة .

وعندما تكون الرئب التي قدرها المحكم الأول متفقه تماما مع الرئبالتي قدرها المحكم الثّاني، فإننا نحصل على عشرة انفاقات ، ولا نجد أي اختلافات بين الرئب، وبذلك تصبح :

$$1, \dots = \frac{1 \cdot 1}{1 \cdot 1} = \frac{1 \cdot 1}{1 \cdot 1} = y$$

أما إذا كانت الرئب الى قدرها المحكم الأول عكس الرئب الى قدرها المحكم الثاني تماما فإن :

$$1, \dots = \frac{1}{1} = \frac{1}{1} = \frac{1}{1} = y$$

وإذا كان عدد الانفاقات مساوياً لمدد الاختلافات بين الرنب كما هو مبين بالجدرل الآنى رقم (٣٧) فإن:

$$= \frac{\circ - \circ}{\circ + \circ} = y$$

الانفاق بي <i>ن</i> الرئب	الاحتلاف بين الرتب	المحكم الثاني	المحدكم الاول	الطا أب
صفر	صغر	٤	0	1
صفر	صغر	٣	٤	ب
صفر	صغر	١	٣	*
١	١	۲	۲	د
\	į į	•	1	A
0	•			الجموع

جدول رقم (٣٧) عدد الاتفاقات = عدد الاختلافات بين الربب

لهذا فإن معامل الاقتران الرنبي لجودمان وكر وسكال (y) هو معامل اقتران بين بموعتين من الملاحظات المرتبة ، ويعتمد على المقبؤ المتبادل من حيث نسبة عدد الانفاقات وعدد الاختلافات بين الرتب .

والصورة الرياضية التي يمكن استخدامها لإيجاد المعامل (y) إذا كانت الرتب غير مكررة هي :

$$(1) \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot \quad \frac{0}{100} = y$$

حيث ت 🚐 عدد الاتفاقات بين الرتب ،

. ت 🚤 عدد الاختلافات بين الرتب .

طريقة حساب معامل الاقتران الرتبي لجودمان وكروسكال إدا كانب بعض الرتب مكورة :

عندما يقوم أحد المحكين بترتيب بجموعة من الأفراد بالنسبة لسمة أو صفة ممينة فإنه ربما لا يكون قادراً في جميع الاحوال على النمييز الدقيق بين بعض الآفراد في هذه السمة أو الصفة فيضطر إلى أن بيمين نفس الرتبة لاكثر من فرد منهم .

لذلك يجب التمييز بين البيانات التى لا تسكون فيها الرتب مكررة ، والبيانات التى تسكون فيها الاقتران الرتبي لجودمان التى تسكون فيها بعض الرتب مكررة عند استخدام معامل الاقتران الرتبي لجودمان وكروسكال (y) شأنه شأن جميع معاملات ارتباط الرتب كما سنرى فيما بعد .

وفى الحقيقة أن الصورة الرياضية التى تستخدم فى إيجاد المعامل (y) فى حالة وجود بعض الرتب المسكررة هى نفس الصورة التى استخدمناها فى حالة الرتب غير المسكررة . والفرق الوحيد هو أنه فى حالة وجود بعض الرتب المسكررة يحسن انباع طريقة أخرى التحديد ت فى ، ت فى بوضحها فريجان بالمئال الرَّسَ ،

نفرض أننا استطعنا ترتيب ه طالباً من حيث انجاههم نحو إنفاق المال تبعا لمستواهم الاجمستهاعي ، وهذه البيانات موضحة بجدول الاقتران الآني رقم (٣٨) :

ال			
الجموع	قليل الانفاق	كثير الانفاق	المستوى
ا بمو	(1)	(٢)	الاجنهاعي
٥	٣	۲	مرتفع
40	۲٠	10	متوسط
1.	۲		منخفض
0.	Y0	40	الجموع

جدول رتم (۳۸) جدول اقتران بین متغیرین

من هذا الجدول يتضح أن كلا من المتغيرين من المستوى الرتبي إلى حد ما وذلك بسبب وجود عدد من الرتب المسكررة ، ومع هذا يمكن أن نحسب معامل الاقتران الرتبي بين هذين المتغيرين لتحديد درجة اقتران المستوى الاجتماعي للطلاب الخسين بالا تجاه نحو إنفاق المال باتباع الخطوات الآئية :

الخطوة الاولى: نوجد قيمة ت بي كالآتى:

نضرب تسكراركل خلية من خلايا الجدول في مجموع تسكرارات الخلايا التي تقع أسفل تلك الخلية وإلى يسلرها ، وتجمع حواصل الضرب الناتجة لنحصل على تقى

فبالنسبة للخلية الأولى الى تـكرارها ٢ نجد أن تـكرارى الخليتين اللتين تقمان أسفلها وإلى يسارها هما ٢٠، ٢. وبالنسبة للخلية التى تـكرارها ١٥ نمجد أن تـكرار الخلية الى تقع أسفلها وإلى يسارها هى ٢، وبذلك يكون :

$$^{\circ}$$
 $\dot{c} = 7 (\cdot 7 + 7) + \circ 1 (7)$

والخطوة الثانية : نوجد قيمة تنى كالآتى : ــ

بضرب نكراركل خلية من خلايا الجدول في بجموع تسكرارات الخلايا التي تقع أسفلها و إلى يمينها . وتجمع حواصل الضرب الناتجة لنحصل على ت ف فبالنسبة للخلية التي تسكرارها ٣ نجد أن تسكرارها ٢٠ نجد أن تسكرار الخلية التي يمينها هما ١٥ ، ٩ ، و بالنسبة للخلية التي تسكرارها ٢٠ نجد أن تسكرار الخلية التي تقع أسفلها و إلى يمينها هو ٨ .

والخطوة الثالثة : نطبق الصورة الرياضية رقم (١) لإيجاد قيمة y كالآتى :

$$\cdot \circ 1 - = \frac{1 \cdot \circ}{1 \cdot \circ} - = \frac{1 \cdot \circ}{1 \cdot \circ} = \frac{1 \cdot \circ}{1 \cdot \circ}$$

أى أن معامل الافتران الرنبي = - 0, والإشارة السالبة تدل على أن الاختلافات بين الرتب كانت هي الغالبة في الوقتران . بمعنى أن الرتب المرتفعة في أحد المتغير بن تميل إلى الاقتران بالرتب المنحفضة في المتغير الآخر . وعلى وجه التحديد تزيد الاختلافات بين الرتب بنسبة ٥١ / عن الاتفاقات بينها بالنسبة لمذين المتغيرين .

وبذلك يمكننا القول أنه كلما ارتفع المستوى الاجتماعي لهذه العينة ضعف انجاههم نحو إنضاق المال . أو على المكس من ذلك كلما قوى انجاه

أفراد العينة نحو إنفاق المال دل هذا على انخفاض المستوى الاجتماعي لهم .

والخلاصة أنه إذا أراد الباحث استخدام معامل الاقتران الرتبي لجودمان وكروسكال عليمه أن يتبع الخطوات الآتية:

- (١) يرتب الملاحظات بالنسبة لكل من المتغيرين س ، ص ترتيبا تصاعدها .
- (٢) يعدد ما إذا كانت بعض الرتب مكررة في أي من المتغيرين س ، ص ٠
- (٣) إذا وجد أن جميع الرتب غير مكررة عليه أن يقبع الخطوات الآنية :
- (١) يرتب قائمة الافراد الذين عددهم ن بحيث تظهر الرتب بالنسبة للمتغير س في ترتيبها الطبيعي (من الاعلى إلى الادني) .
 - (ب) بحد قيمة عنى باستخدام رنب المتغير ص
 - (ج) يحدد قيمة تني باستخدام رتب المتغير س٠
 - \cdot (y) المحاصنة بحساب المعامل (y) الخاصنة بحساب المعامل (y)
 - (٤) إذا وجد أن بعض الرتب مكررة عليه أن يتبع الخطوات الآتية : -
 - (١) يضع رتب كل من المتغيرين في جدول اقتران .
 - (ب) يحدد التكرار في كل خلية من خلايا الجدول .
 - (ج) يحدد قيمة تن باستخدام رتب المتغير ص .
 - (د) يحدد قيمة تني باستخدام رتب المتغير س ·
 - (x) يطبق الصورة الرياضية رقم (١) الخاصة بحساب المعامل (y) .

معامل ارتباط الرتب لسبيرمان

Spearman's Rank Correlation Coefficient

يعتبر معامل ارتباط الرتب لسبيرمان حالة خاصة من معامل ارتباط حاصل ضرب العزوم لبيرسون الذي عرضنا له في الفصل السابع. ويستخدم معامل ارتباط الرتب لإيجاد درجة الاقتران بين متغيرين كل منهما من المستوى الرتبي . ويمكن حساب هذا المعامل بالتعويض عن الرتب بدلا من الدرجات في صورة معامل ارتباط بيرسون . إلا أننا إذا وضعنا بعض القيود على البيانات وهي أن كل متغير يكون له ن من الرتب ، وأن هذه الرتب تتراوح بين ١ ، ن فإنه يمكن اشتقاق صورة أخرى يمكن باستخ امها تبسيط العمليات الحسابية .

وقبل أن نوضح كيفية اشتقاق صورة معامل ارتباط الرتب لسبيرمان يجب أن نعرض بعض القواعد الجبرية الخاصة بالرتب .

تمشيل اارتب يجوريا :

تمثل الرتب عادة تأعداد صحيحة مثل ٢ ، ٢ ، ٣ ، ٠ ، ن . فإذا رمز نا لهذه الرتب بالرموز الجبرية س، ، س، ، س، ، س، ن فإنه يمكن أن نحصل على بحوع وبحوع مربعات ن من الاعداد الصحيحة الاولى كالآتي .

$$\frac{(1+i)i}{r} \stackrel{i}{=} \underbrace{(i+i)}_{1=2}^{i}$$

أى أن مجموع ن من الأهداد الصحيحة ١، ٢، ٣، ٢، ٠٠٠ ، ن

$$\frac{(1+\delta)\delta}{r} =$$

فثلا محموع الاعدداد الخسة الصحيحة الاولى أى ١، ٢، ٢، ٤، ٥ هو المال عليها مباشرة باستخدام المحردة الجعرية السابقة كالآتى :

$$10 = \frac{1 \times 0}{Y} = \frac{(1+0)0}{Y} = \frac{0}{1+0}$$

$$\frac{(1+i)(1+i)(1+i)}{r} = \frac{r}{r} = \frac{r}{r}$$

ای آن بحوع مربعات ن من الاعدادالصحیحة ۲۱ + ۲۲ + ۳۳ + ۰۰۰ + 0 ای آن بحوع مربعات ن من الاعدادالصحیحة $\frac{0}{1}$

$$\frac{i \times i \times i}{1 + 1} = \frac{1 \times i \times i}{1 + 1} = \frac{1 \times i \times i}{1 + 1}$$

$$= \frac{1 \times i \times i}{1 + 1} = \frac{1 \times i \times i}{1 + 1}$$

$$\frac{1+v}{Y}$$
 متوسط ن من الاعداد الصحيحة الاولى $\frac{1+v+v+v+v}{Y}$ أي أن : $\frac{v}{v} = \frac{v+v+v+v+v}{v}$ $\frac{v+v+v+v}{v} = \frac{v+v+v+v}{v}$

(٤) تباين ن من الاعداد الصحيحة الاولى والذي يمكن أن تحصل عليه بجمع بحموع مربعات انحرافات الاعداد عن المتوسط وقسمة الناتج على ن هو:

$$\frac{1-\frac{6}{3}}{1+\frac{1}{3}}=\frac{1}{3}$$

$$\frac{\dot{v} - \dot{v}}{v} = \frac{\dot{v} - \dot{v}}{v} = \frac{\dot{v} - \dot{v}}{v} = \frac{\dot{v} - \dot{v}}{v}$$
 ، و كذلك مجـ (س – س) = $\frac{\dot{v} - \dot{v}}{v}$.

(٥) المتوسط هو دالة بسيطة مباشرة للتباين . إذ يمكن كتابة العلاقة بين متوسط ن من الاعداد الصحيحة و تباين هذه الاعداد كالآتي :

$$\frac{r_{2}r_{1}}{1-i}=\overline{v}$$

و يمكن البرهمنة على ذلك ببساطة بأن نبدأ بصورة التباين :

$$\frac{1-\frac{r_0}{r}}{1r}=\frac{r_0}{r}$$

ثم نحلل البسط
$$\dot{v}' - 1$$
 إلى عاملين $(\dot{v} - 1)(\dot{v} + 1)$ اى أن $\dot{v} = \frac{(\dot{v} - 1)(\dot{v} + 1)}{17}$

و اكن س ي النبية المناد الصحيحة الأولى الى عددها ن . **

ای آن: ن + ۱ = ۲ س
و بالتعویض فی ع ۲ نجد آن:

$$3^{7} = \frac{7}{\sqrt{10}} (i - 1)$$

$$\frac{r_{eq}}{1-i} = \frac{r_{eq}}{i-1}$$

وفى الحقيقة يمكن أن يستفيد الباحث من معرفة هذه العلاقات فى فهم الاساس الرياضي لمعامل ارتباط الرتب .

مقياس درجة اتفاق الرتب:

إذا افترطنا أن لدينا ن من الافراد الم، الم، الم، م، م، ان ثم ترتيبهم بالنسبة لمتغيرين س، ص. فإننا نرمز ارتب قم المتغير س بالرموز :

س ، س ، س ، س ، ، ، ، ، س

ولرتب قيم المتغير ص بالرموز :

ص، ، ص، عص، ۱۰۰۰ صن

فإذا كانت رتب خسة أفراد بالنسبة المتغيرين س ، ص كما يلي :

10	٤	٣	۲	١	س
۲	٥	٢	٤	1	ص

فهنا يكون ترتيب المتغيد س هو الترتيب الطبيعي ، أما ترتيب اللتغير ص فلا يكون كذلك .

إذ أن هناك توعا من عدم الترتيب في المتغير ص بالنسبة للمتغير س . وهنا يبرز النساؤل : هل يمكن تعريف مقياس درجة اتفاق الرتب في مثل هذه الحالة ؟ .

أن أحد المقاييس الآخرى الشائعة الاستخدام لقيباس درجة انفاق الرتب يعتمد على بحموع مربعات الفروق بين أزواج الرتب . ويمكن أن ترمز لحذا المقدار بالرمو بجدف ٢٠ . فني المثال السابق :

ومن المهم أن نحدد أكبر وأقل قيمة يصل إليها المقدار بح ف. *

فإذا كان لجموعة من الآفراد نفس الترتيب في كل من المتغيرين س، ص فإن بحث في المن المتغيرين س، ص فإن بحث في الله المنافر وهذه هي أقل قيمة للقدار بجف ألى أنه إذا كانت رتب قيم المتغير س هي : ١، ٢، ٢، ٢، ٤، ٥ ورتب قيم المتغير ص هي : ١، ٢، ٢، ٣، ٤، ٥ فإن الفروق بين كل رتبتين متناظرتين تكون صفراً . أما إذا كانت أزواج الرتب موضوعة بترتيب عكسي وهو أقصى عدم ترتيب ، فإن بحد ف تأخذة بمتها القصوى . وإذا كانت رتب قيم المتغير س هي ١، ٢، ٣، ٤، ٥ ، ورتب قيم المتغير ص هي ٥، ٤، ٥٠ ، ٢، ١ ، ١ فإن فروق الرتب تصبح - ٤، ١٠٠٠ ، صفر، المتغير ص هي ٥، ٤، ١٠٠٠ ، ١٠٠٠ ، ١٠٠٠ ، ١٠٠٠ ، ١٠٠٠ ، ١٠٠٠ وتكون بحد ف ٢ - ١٠٠٠ ، ١٠٠٠ ، ١٠٠٠ ، ١٠٠٠ ، ١٠٠٠ ، ١٠٠٠ ، ١٠٠٠ وتكون بحد ف ٢٠٠٠ ، ١٠٠ ، ١٠٠ ، ١٠٠ ، ١٠٠٠ ، ١٠٠٠ ، ١٠٠٠ ، ١٠٠٠ ، ١٠٠٠ ، ١٠٠٠ ، ١٠٠٠ ، ١٠٠٠ ، ١٠٠٠ ، ١٠٠٠ ، ١٠٠٠ ، ١٠٠٠ ، ١٠٠٠ ، ١٠٠٠ ، ١٠٠٠ ، ١٠٠٠ ، ١٠٠٠ ،

ولا يمكن الحصول على قيمة أكبر من ذلك مهما غيرنا من ترتيب ص بالنسبة إلى س .

ويمكن إثبات أن أقصى قيمة تأخذها بهـ. ف محصل عليها بالتعويض في الصورة الآتية :

فإذا وضعنا رتب ص فى ترتيب عشوائى بالنسبة إلى س فإن القيمة المتوقعة للمقدار مجه ف٢ تسكون تصف مجه ف٢ القصوي .

وتعتبر مج ف٢ أحد المقاييس الني تستخدم في قياس درجة انفاق الرنب .

معامل ارتباط الرتب لسبيرمان :

نظراً لاهمية مج ف في قياس درجة اتفاق الرتب فإنها تستخدم في تعريف معامل ارتباط الرتب لسبيرمان. وهذا المعامل يأخذ الفيمة 4 عندما يكون لقيم المتغيرين نفس الترتيب، والقيمة 1 عندما ينعكس ترتيب القيم، وتكون فيمته المتوقعة مساوية للصفر إذا كان ترتيب القيم عشوا ثياً بالنسبة لبعضها البعض.

ويمكن تعريف معامل ارنباط الرتب الذي يني بهذه الخواص كالآتي :

aslab le în le
$$P = P = \frac{V}{2}$$
 aslab le în le $P = P$ aslab le în le $P = P$ aslab le în le î

حيث P وهو أحد الحروف اليونائية ويقرأ (دو) يرمز لمعامل ادتباط الرتب لسبيرمان . فإذا كان لقيم المتغيرين نفس الترتيب تصبح مع ف = صفر ، وتكون P = ١ .

وإذا انعكس ترتبب قيم المتغيرين تكون مج ف على على القصوى ، وتصبح P ـ ف القصوى ، وتصبح P ع ف القصوى ، وعبد التباط بين رتب سورتب ص تصبح ٢ ع ف القصوى ، وعند ثذ تكون P _ صفر. وقد سبق أن أوضحنا أن :

$$(r)$$
 $\frac{(1-r)(1-r)}{r} = \frac{r}{r}$

بالتعويض من (٣) في (٢) نجد أن :

(٤) · · ·
$$\frac{\gamma_{\alpha \leftarrow \omega^{\gamma}}}{(\dot{\nu} - 1)} - 1 = 1$$

وهذه هى الصورة المعروفة التي تستخدم فى حساب معامل ارتباط الرتب لسبيرمان .

معامل ارتباط الرتب لسبيرمان كحالة خاصة منمعامل الارتباط لبيرسون:

ق الحقيقة يمكن اعتبار أن معامل ارباط الرئب لسبيرمان (الصورة رفم ع) حالة خاصة من معامل الارتباط لبيرسون الذي يمكن كتابة الصورة التي تستخدم في حسابه كالآتي :

$$\frac{2(w-\overline{w})(\omega-\overline{w})}{\sqrt{w-w}} = \frac{2(w-\overline{w})(\omega-\overline{w})}{\sqrt{w-w}}$$
معامل ارتباط بیرسون = $\frac{2(w-\overline{w})^{2}\times \sqrt{w-w}}{\sqrt{w-w}}$

ولتوضيح كيفية اشتقاق الصورة رقم (٤) من الصورة رقم (٥) نعرض البرهان الآتى :

إذا افترضنا أنه لـكل زوج من قيم اللتغيرين س، ص:

بالقسمة على ن (حيث ن = عدد القيم):

أي أن: ف = س - ص (المتوسطات)

وبجوع مربعات انحرافات قم ف عن متوسط هذه القيم هو :

حيث س ، ص ترمو إلى المحراهات قيم س ، ص عن متوسط كل متهما .

و ذلك الضرب في لا عس ٢ × عص ٢ يسطا ومقامآ

== بس ۲ + بعص ۲ - ۲ د ۷ بس ۲ × بعص ۲

$$\frac{2}{\sqrt{2}} = \frac{2}{\sqrt{2}} \frac{2}{\sqrt{2}}$$
 $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac{2}{\sqrt{2}} \frac{2}{\sqrt{2}}$
 $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac{2}{\sqrt{2}} \frac{2}{\sqrt{2}}$
 $\frac{2}{\sqrt{2}} = \frac{2}{\sqrt{2}} \frac{2}{\sqrt{2}}$
 $\frac{2}{\sqrt{2}} = \frac{2}{\sqrt{2}} \frac{2}{\sqrt{2}}$
 $\frac{2}{\sqrt{2}} = \frac{2}{\sqrt{2}} \frac{2}{\sqrt{2}}$
 $\frac{2}{\sqrt{2}} = \frac{2}{\sqrt{2}} \frac{2}{\sqrt{2}}$

ولكن سبق أن بينا أن:

$$\frac{\dot{0} - \dot{0}}{17} = 7 \quad \dot{0} =$$

$$\frac{(3-3)^2-\frac{1}{7}}{\frac{3-7}{7}}=$$

$$\frac{7(\dot{\upsilon}-\dot{\upsilon})^27}{\dot{\upsilon}^2-\dot{\upsilon}}=1$$

ولکن إذا کانت کل من س ، صمقدرة على أساس الرتب فإن : $\overline{w} = \overline{w}$ ، في $\overline{w} = \overline{w} = \overline{w}$ مفر $\overline{w} = \overline{w} = \overline{w}$ أى ن $\overline{v} = 1 - \overline{v} = \overline{v}$

و هذه هي صورة معامل ارتباط الرتب لسبيرمان .

طريقة حساب معامل ارتباط الرتب لسبيرمان إذا كانت الرئب ف مكروة :

مثال (١) : أو جدمعامل ارتباط الرتب لسبير مان باستخدام البيامات الآنية :

فلإيجاد معامل البرتباط المطلوب يمسكن أن يتبع الباحث الخطو التبملآلية :

(١) يوجد الفروق بين الرتب المتناظرة لـكل من س ، ص ويرمز لها بالرمز في . والتحقق من صحة هذه الفروق يجب أن يكون بجموعها صفواً .

أى أن : مج ف 🕳 صفر

- (٢) يربع الفروق الناتجة ليعصل على ف٣٠٠
- (٣) يجمع مربعات هذه الفروق ليحصل على مح ف. .
- (٤) يموض في صورة معامل ارتباط الرتب لسبيرمان لإيجادقيمة P وهي:

$$\frac{1}{(1-1)\dot{0}} - 1 = P$$

و يمــكن استخدام هذه الخطوات في المثال السابق وتلخيصها في الجدول دقم (٣٩) الآتي :

، الرتب	الفروق بين	ų, i	الر
نا	ِ ن	ص	س
70	• -	٦	1
١	١ —	٣	۲
17	£ —	٧	٣
٤	۲+	۲	٤
١٦	£ +	1	٥
1	۲ —	٨	٦
۱ ۹	r +	ŧ	٧
١ ١	1	٩	٨
17	٤+	•	4
صفر	ميقر	1.	۱۰
ء ف ٢ = ٩٢	صفر		المجموع

$$\cdot, \xi \xi \Upsilon = \frac{\Upsilon \times \Upsilon}{(1-1\cdot\cdot)1\cdot} - 1 = \frac{\Upsilon \circ \xi \Upsilon}{(1-\Gamma \circ) \circ} - 1 = P$$

جدول رقم (٣٩) خطوات حساب معامل ارتباط الرتب لسبيرمان اذا كانت الرتب غير مكررة

مثال (۲): أوجد معامل ارتباط الرتب لسبيرمان بين درجات المتغيرين س ، ص الآنمة :

(77.70.14.07.41.14) = 0 (09.14.00.10.14) = 0

هذا يحب أن نلاحظ أن المعلوم هو الدرجات وليست الرنب . ولذلك عجب أولا إيجاد الرتب المناظرة لكل قيمة من قيم س ، ص بأن نبدأ بترتيب قيم س ترتيباً تنازليساً أو تصاعدياً ويل ذلك ترتيب قيم ص بنفس الطريقة ، ثم نتبع نفس الخطوات التي انبعناها في المثال السابق رقم (1).

و يمكن تلخيص هذه الخطوات في الجدول الآني (رمم ٤٠):

ن الرتب	ب (الرت	الدرجات		
ن	ن	س ن ص		ص	س
•	1+	٣	٠ ٤	٧o	٤٧
١	1 —	۲	١,	٧٩	۷۱
١	1+	١,	۲	۸٥	٥٢
٤	۲ —	•	۲	۰۰	٤٨
صغر	مىقى	٦	٦	٤٩	40
, \	١+	٤	o	०९	٣٦
ء فا = ٨	مفر				الجموع

$$\cdot, \forall \Lambda = \frac{\Lambda \times 7}{(1 - 77)7} - 1 = \frac{7 \times 7}{(1 - 70)0} - 1 \quad P$$

جدول رقم (٤٠) خطوات حساب معامل ارتباط الرتب لسبيرمان بمعلومية الدرجات

طريقة حساب معامل ارتباط الرب لسبيرمان إذا كانت بعض الرنب مكروه

إدا أردنا أن نرتب الدرجات ١٩، ١٩، ١٩، ٢٣، ٢٣، ٢٣، ٢٥ فإننا الاحظ على الفور أن الدرجة ١٩ قد تسكررت مرتين، والدرجة ٢٣ تسكررت للاش مرات. وفي مثل هذه الحالات يجب أن نعين للدرجات المكررة متوسط رتب هذه الدرجات.

فثلا إذا كانت رئبة الدرجة 1 هي 1 ، فإن رئبة كل من الدرجتين 1 م تكون $\frac{r+r}{r}=0$, $\frac{r+r}{r}=0$, ورتبة الدرجة $\frac{r+r}{r}=0$ ورتبة كل من الدرجات $\frac{r+r}{r}=0$ التالية تساوى $\frac{r+r+r}{r}=0$.

ويمكن إيجاد معامل ارتباط الرتب اسبيرمان بعد ذلك بنفس العاييقة الى التبعناها في حالة الرتب غير المكروة .

ولسكن إذا كان هناك رتب كثيرة مكررة فإن هذه الطريقة ربما لا تسكون دقيقة في حساب معامل الاوتباط . وذلك يرجع إلى أن معامل ارتباط الرتب لسبيرمان هو حالة خاصة من معامل ارتباط بيرسون الذي يفترض أن الرتب هي الاعداد الصحيحة الاولى التي عددها ن ، فوجود الرتب المسكررة يتنافي مع هذا الغرض . وإذا زاد عدد هذه الرتب المسكررة فإن بجموع مربعات فروق هذه الرتب يختلف اختلافا كبيرا عن بجموع مربعات الاعداد الصحيحة الاولى التي عددها ن ، وهذا يؤثر بالتالى على قيمة معامل ارتباط الرتب . ولذا توجد طرق أخرى تستخدم لتصحيح الرتب المسكررة سوف نعرض إحداها بعد عرضنا للمثال رقم (٣) الآتي

مثال (٣) : أوجد معامل ارتباط الرتب لسنبيرمان لازواج الدرجات الآتية :

ويم كن تلخيص الخطوات الى يمسكن أن يتبعها الباحث لإيجاد معامل الارتباط في هذه الحالة في الجدول رقم (٤١) الآني إ

الفروق بين الرقب		ب	اارت	الدرجات		
ف٢	ف	ص	س	ص	(Jun	
٠,٢٥	1,0-	١,٥	١	۲	1	
١,٠٠	1,.+	١,٥	۲,۰	۲	7	
٠,٢٥	•,0 -	٣	۲,٥	٣	۲	
١,٠٠	- ۱۰۰	٥	٤	۰	٣	
صفر	صغر	٥	•	٥	ŧ	
١,٠٠	1,++	٥	٦	٥	٥	
مبغر	صفر	٧	٧	٦	٣	
٠,٢٥	•,• —	۸,۰	٨	٧	٨	
٠,٢٠	•,•+	۸,٥	٩	٧	4	
صغر	صفو	١.) •	٨	١.	
ا ۽ن اُ= ا	مفو				المجموع	

جدول رقم (١٤) خطوات حساب معامل ارتباط الرتب لسبيرمان اذا كانت بعض الرنب مكررة

(٢٤ - التحليل)

طريقة أخرى لحساب معامل ارتباط الرتب لسبيرمان :

يمكن حساب معامل ارتباط الرتب لسبير مان باستخدام صورة أخرى. و بالرغم من أن هذه الصورة التطلب عمليات حسابية أكثر من الصورة السابقة إلا أنها نتميز بإمكانية إجراء بعض التعديل عليها بحيث تستخدم في حالة وجود بعض الرتب المكروة .

وعندما تنحصر الرتب بين ١ ، ن فإن بجوع مربعات الرتب و بجموع حواصل ضربهـا يمـكن حسابه باستخدام الصورة الآتية :

جموع مربعات رتب س، أى م $= بموع مربعات رتب ص، أى م <math> = \frac{v^2 - v}{v^2 - v}$

و بھوع حواصل ضرب رتب س ، ص أى : مريخ لل (مس لل مرس - بع ف)

حیث ف هی فرق رتبتین متناظرتین من رتب س ، ص و بذلك تـکون

$$\frac{-r}{\sqrt{2m} \times 2m} = p$$

ويمكن أن نطبق هذه الصورة على البيانات الموضعة في الجدول السابق رقم (٤١) كَارَتِي :

$$\Lambda Y, o = \frac{1 \cdot - 1 \cdot \cdot \cdot}{1 \cdot 1} = \frac{0 - \frac{10}{1}}{1 \cdot 1} = 0,$$
 $\Lambda Y, o = \frac{1 \cdot - 1 \cdot \cdot \cdot}{1 \cdot 1} = \frac{1}{1 \cdot 1} = 0,$
 $\Lambda Y, o = \frac{1}{1 \cdot 1} = \frac{1}{1 \cdot 1} = 0,$

$$(\xi - \lambda Y, 0 + \lambda Y, 0)$$

$$\lambda \cdot, 0 = 171 \times \dot{\gamma} =$$

$$\frac{\lambda \cdot, 0}{\lambda Y, 0 \times \lambda Y, 0} = P$$

$$\frac{\lambda \cdot, 0}{\lambda Y, 0 \times \lambda Y, 0} =$$

$$\cdot, 90 = \frac{\lambda \cdot, 0}{\lambda Y, 0} =$$

وهي نفس القيمة التي حصلنا عليها فيها سبق .

ولسكن وجود رتب مكررة فى هذا المثال يقلل من قيمة بحموع المربعات. والصورة التى استخدمناها لم تدخل هذه الرتب المسكررة فى الاعتبار عند حساب معامل الارتباط ولذلك يجب أن نصحح هذه الصورة قبل استخدامها فى حالة الرتب المسكررة فى أحد المتغيرين أو كليهما ويمسكن حساب معامل التصحيح كالآتى:

۱ ــ نحسب قيمة ى احكل مستوى من مستويات الرتب المكررة باستخدام الصورة:

حيث ت ترمز إلى عدد الملاحظات أو الدرجات التي لحا نفس الرتبة .

فإذا كان هناك مثلا درجتان لها نفس الرتبة ، فإن :

$$\cdot, \circ = \frac{Y-\Lambda}{1Y} = G$$

۲ ــ نجمع قیم ی جمیع الرتب المـکررة لـکل من المتغیرین س ، ص لـکی نحصل علی مجد ت می ، مجد ت می .

٣ ــ نعدل بجموع مربعات رتب س ، ص و بجموع حواصل الضربكالآني :

$$(v) \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot \quad = \frac{\dot{v} - \dot{v}}{17} = - v$$

$$(\wedge)$$
 م من $\frac{\ddot{\nabla} - \ddot{\nabla}}{1} = \frac{\ddot{\nabla} - \ddot{\nabla}}{1}$ م من $\dot{\nabla} = \frac{\ddot{\nabla} - \ddot{\nabla}}{1}$ م من $\dot{\nabla} = \frac{\ddot{\nabla} - \ddot{\nabla}}{1}$ من $\dot{\nabla} = \frac{\ddot{\nabla} - \ddot{\nabla}}{1}$

$$\cdot$$
 AY $= \cdot, \circ -$ AY, $\circ =$

$$\cdot \wedge 1, \circ = 1 - \wedge Y, \circ = 0$$

$$. \lambda 4' \lambda_0 = (\xi - V 1' + V \cdot) \frac{1}{r} = \hat{\delta} L \cdot$$

$$\cdot, 4VY = \frac{V4, V6}{\Lambda1, V6} = \frac{V4, V6}{(\Lambda1, 6)(\Lambda Y)} = P \quad 6$$

ويلاحظ أن معامل النصحيح له تأثير طفيف على قيمة معامل ارتباط الرتب لأن عدد الرتب المكررة كان قليلا . ولذلك يمكن التغاضى عن استخدام معامل التصحيح فى مثل هذه الحالات .

ولكن يجب استخدام هـذا المعامل إذا كان هناك عدد كبير من الرتب المكررة.

وعلى الباحث أن يقرر بنفسه ما إذا كان من الأفضل استبخدام معامل التصحيح أم لاإذا وجد أن هذا المعامل سوف يكون له تأثير يذكرعلى قيدة معامل ارتباط الرتب.

وينبغى أن تلاحظ أنه إذا حسبنا معامل ارتباط بيرسون لنفس بجموعـــة الدرجات فإن قيمته ربما تختلف قليلا عن قيمة معامل ارتباط الرتب لسبيرمان. ولذا يفضل استخدام معامل ارتباط بيرسون إذا كان ميزان قياس البيانات من النوع الفترى.

أما إذا لم يكن لدى الباحث آلة حاسبة فإن استخدام طريقة سيرمان بما تشمير به من سهولة فى العمليات الحسابية تعطيه قيمة تقريبية لمعامل ارتباط بيرسون. وكلما زاد حجم العينة كلما زاد اقتراب قيمتى المعاملين.

وفى الحقيقة توجد صورة رياضية يمكن أن تستخدم لتقدير معامل ارتباط بيرسون بمعلومية معامل ارتباط الرتب لسبيرمان ، إلا أن استخدام هذه الصورة يتطلب أن تكون البيانات مستمدة من عينات كبيرة ، وهو مالايتو فر لدى الباحث عشد استخدامه لمعامل ارتباط الرتب .

وقد دلت نتائج تطبيق هذه الصورة الرياضية على أن معامل ارتباط الرآب في المتوسط يكون أكبر قليلا من معامل ارتباط بيرسون ، وأن أكبر فرق بينهما باستخدام هذه الصورة عندما يكون كل منهما قريبامن ، ٥٠ هو ٢٠٠٠، ما يؤكد مدى اقتراب قيمتى المعاملين من بعضهما . ولكننا مع هذا لا تنصح الباحث بأن يستحدم معامل ارتباط بيرسون إلا إذا كانت البيانات تحقى الفروض الى يتطلبها هذا النوع من الارتباط .

تفسير معامل ارتباط الرتب لسبيرمان:

إذا كان كل من المتغيرين المطلوب إيجاد معامل الارتباط بينهما مقدرين على أساس الرتب فإن قيمة هذا المعامل تساوى قيمة معامل ارتباط بيرسون الناتجة من استخدام الدرجات الأصلية بدلا من الرتب (فيها عدا الحالات التى تسكون

فيها بعض الرتب مكررة أكثر من ألاث أو أربع مرات).

ولذا يمكن في الحالة الأولى تفسير معامل ارتباط الرتب اسبيرمان على أنه مقياس لمقدار العلاقة الخطية بين الرتب .

أما إذا كانت قيم كل من المتغيرين محسوبة بوحدات غير الرتب (مثل درجات اختبار في الذكاء مثلا) فإن قيمة معامل ارتباط الرتب المفاظرة لدرجات الاختبار لاتساوى قيمة معامل ارتباط بيرسون المحسوبة من الدرجات الاصلية .

كا أن معامل ارتباط الرتب بين درجات توزيعين يتخذان شكل التوزيع الاعتدالى يكون أقل قليلا من معامل ارتباط بيرسون الذي يحدب من الدرجات الاصلية (أقل من ٢٠٠٠).

والخلاصة أنه يمكن أعتبار قيم معامل ارتباط الرنب لسبيرمان هي قيم تقريبية لمعامل ارتباط بيرسون .

معامل ارتباط الرتب لكندال

Kendall's Tau Rank Correlation Coefficient

يمكن اعتبار معامل ارتباط الرتب الذى ينسب إلى العالم الإنجليزى موريس كندال Maurice Kendall بديلا لمعامل ارتباط الرتب لسبيرمان . فمكل هنهما يستخدم كمقياس للعلاقة بين متغبرين كل منهما من الجستوى الرتبي .

واكن معامل ارتباط كندال يختلف فى الفكرة التى بنى عليها عن معامل ارتباط سبيرمان . فعامل ارتباط سبيرمان يمكن اشتقاقه كاسبق أن رأينا بطريقة جبرية من معامل ارتباط حاصل ضرب العزوم لبيرسون ، ولذلك فهو يعتبر حالة خاصة سنه ، ولكن معامل ارتباط الرتب لكندال يعتمد على تحديد الفرق بين عدد الاتفاقات وعدد الاختلافات بين أزواج رتب كل من المتغيرين ،

ثم إيحاد النسبة بين هذا الفرق إلى عدد الانفاقات بين الرتب إذا افترض أن هناك اقترانا موجب نام بين مجموعتي الرتب.

وهو بهذا يشبه إلى حدما معامل الاقتران الرتبي لجودمان وكروسكال الذي سبق أن عرضنا له في مستهل هذا الفصل . ويروز لمعامل ارتباط الرتب الكندال بالحرف اليوناني (T) ويقرأ (تو) . وسوف نوضح في نهاية هذا الفصل الملاقة بين معاملات ارتباط الرتب الثلاثة .

و توجد فى الحقيقة طرق متمددة لحساب معامل ارتباط الرتب لكندال بمضها جرية والأخرى بيانية . وسوف نعرض فيها يلى لبمض هذه الطرق .

التي اعر الدهيزية طريقة حساب معامل ادنباط الرتب لكندال إذا كانت الرقب غير

(أولا) طريقة جبرية:

نفترض أننا أردنا حساب معامل ارتباط كندال بين بجوعتى اارتب لآتية:

٥	٤	١	1 Y		س	
0	۲	٣.	١	٤	ص_	

فالخطوة الأولى : نعيد ترتيب رتب س ترتيبا تصاعديا •ن ١ إلى ن ، ونكتب رتب ص المناظرة كالآتي :

0	٤	٣	۲	١	س
٥	۲	٤	١	٣	ص

والخطوة الثانية: نبدأ بزوج الرتب الأول (حيث س = ١)، ونقارن قيمة ص المناظرة (ص = ٣) بحميع قيم ص التالية، ونعين القيمة + ١ لـكل رتب ص التالية التي تكون أكبر من الرتبة ص = ٣، والقيمة - ١ لكل رتب ص التالية التي تكون أقل من الرتبة ص = ٣.

ثم نجمع القيم الناتجة جمعا جبريا (أى مع مراعاة الإشارات). و نــكرر هذه العملية لجميع رتب ص المناظرة لوتب س كالآقى :

بالنسبة المزوج الأول حيث (س = ١):

- ١ + ١ - ١ + ١ = صفر
و بالنسبة للزوج الثاني (حيث س = ٢):
- ١ + ١ + ١ + ١ = ٣
و بالنسبة للزوج الثالث (حيث س = ٣):
- ١ + ١ = صفر
و بالنسبة للزوج الرابع (حيث س = ٤):
- ١ + ١ = صفر

والخطوة الثالثة: نجمع القيمالغانجة جمعًا جبريًا و من للمجموع بالرمزج. أى أن : ج = صفر + ٣ + صفر + ١ = ٤ .

والخطوة الرابعة ، تحسب أكبر قيمة للمقدار (ج)، وهي القيمة التي تحصل عليها إذا كان هناك اقتران موجب تام بين مجمسسوعتي الرتب ، وهذه القيمة عليها للهنات للهنات الميان الميان

والخطوة الخامية ، نحسب معامل ارتباط الرتب لكندال باستخدام الصورة الآنية :

$$(1) \cdot \cdot \cdot \frac{\xi Y}{(1-\dot{\upsilon})\dot{\upsilon}} = \frac{\xi}{(1-\dot{\upsilon})\dot{\upsilon}\dot{\upsilon}} = T$$

$$\cdot, \epsilon \cdot + = \frac{\circ - 7\circ}{\circ \times 7} = \frac{\circ}{\circ \times 7}$$
 ای آن T ف المثال السابق

وإذا حسبنا معامل ارتباط الرتب لسبيرمان لهذه البيانات سوف نجد أنه يساوى ﴿ وَهِ وَ وَاخْتُلَافُ النَّاتَجِينَ يَرْجَعُ إِلَى اخْتَلَافُ الآساس المنطقي الذي بني عليه كل من المعاملين . وسوف نعود لمناقشة هذه النقطة عند مقارئة الطرق المختلفة لإيجاد العلاقة بين متغيرين من المستوى الرتي في آخر هذا الفصل .

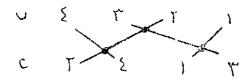
(ثانيا) طريقة بيانية :

تعد هذه الطريقة أبسط من الطريقة الجبرية السابقة عند حساب قيمة ج، إذ أنها تمتمد على التوضيح البياني لأزواج الرتب. وفيها يلى ملخص الخطوات الني يمكن أن يتبعها الباحث عند استخدام هذه الطريقة في حساب معامل ارتباط الرتب لحكندال إذا كانت الرتب غير مكررة.

الخطرة الأولى: يميد ترتيب وتب س ترتيبا تصاعديا من 1 إلى ن، ويكتب رتب ص المناظرة كالآتى :

0	£	٣	۲	١	س
•	۲	٤	1	٣	ص

والخطوة الثانية: يرسم خطوطا تصل بين الرتب المتساوية لسكل من المتنيرين س ، ص كالاتى :



و الخطوة الثالثة: بوجد عدد نقط تقاطع هذه الخطوط ، وهي تدل على عددالاختلافات بين الرتب. وفي هذا المثال توجد ثلاث نقط تقاطع كما هو مبين بالتخطيط البياني السابق .

والحطوة الرابعة : يوجد قبمة ج باستخدام الصورة الآتية :

فني هذا المثال:

$$r \times r - \frac{(1-\circ)\circ}{r} = \varepsilon$$

والخطوة الخامسة : يطبق الصورة الجبرية رقم (٩)لحساب قيمة (T) وهي:

$$\cdot, \xi \cdot + = \frac{\xi \times Y}{(1-0)^{\circ}} = \frac{\xi Y}{(1-0)^{\circ}} = T$$

وهي نفس القيمه الى حصلنا عليها باستخدام الطريقة الجبرية .

ويمكن تفسير معامل ارتباط الرتب (T) تفسير مباشراً. فإذا سحبنا زوجا من الآشياء التى حصلنا على رتبها بطريقة عشوائية ، فإن احتمال أن يكون هذا الزوج له نفس الرتبة فى كل من المتغيرين أكبر من احتمال أن يكون له رتبتان مختلفتان بقدر ، ٤٠ ، و بعبارة أخرى فإن هذا المعامل يدل على أن ترجبح تقدير شخصين نفس الرتبة لزوج معين من الآشياء يتم اختياره بطريقة عشوائية يكون أكبر من ترجيح تقدير رتبتين عتلفتين لهذا الزوج من الآشياء .

وهذه الطريقة البيانية لحساب معامل ارتباط الرتب لكندال تصلح فقط عندما تكون الرتب غير مكررة ، ويسهل استخدامها إذا كان عدد الافراد كبيرا نسبيا .

ويجب أن يلاحظ الباحث أن هذه الطريقة لانقتصر فقط على تقديرات المحكمين لترتيب أشياء معينة ، ولاتما يمكن أيضاً استخدامها في حالة ترتيب بجموعة من درجات كل من متغيرين .

ثالثا : طريقة بيانية أخرى لحساب معامل ارتباط الرتب (T) .

يمكن استخدام طريقة بيانية أخرى لحساب قيمة (ج). والهدف من ذكرها هنا هو أنه يمكن تطبيقها بشيء من التعديل في حالة وجود بعض الرئب المكررة في أحد المتعيرين أو كليهما .

ولتوضيح الخطوات التي يمكن أن يتبعها الباحث لإيجاد قيمة ج باستخدام هذه الطريقة نشير إلى المثال السابق .

فالخطوة الأولى: يعد جدولا تسكراريا ثنائى البعد، ويضع رتب المتغير س على أحد بعديه، ورتب المتغير ص على بعده الآخر، ويكون لسكل فرد زوج من الرتب تتحدد عن طريقه الخلية التي يقع فيها.

	ں	رتب المتغير ص	•		
٥	٤	٣	۲	•	
		1			1
				١	7
	1				رتب المتغير س س
			1		٤
1					-

جدول أرقم (٢٦)]. جدول ثنائى البعد لرقب متغيرن ((الرقب غير مكررة))

فثلازوج الرتب (١ ، ٣) في الجدول رقم (٤٢) يقع في الخلية الناتجة من تقاطع الصف الاول والعمود الثالث . ولذلك وضعنا الرقم ١ في هذه الخلية ، وهكذا بالنسبة لبقية الرتب .

والخطوة الثانية: يحسب قيمة جهد بأن يأخذ أى خلية يختلف تكرارها عن الصفر، ويهملكل من الصف والعمود الذى تقع فيه هذه الخلية، ويوجد عدد التكرارات الى تقع أسفل وإلى يسار هذه الخاية، ثم يحمع التكرارات الى يحصل عليها. فثلا بالنسبة للخلية (٢،١) توجد ٣ تكرارات تقنع أسفل وإلى يسار هذه الخلية، وهكذا في بقية خلايا الجدول. ويمكن تلخيص ذلك كالآتي:

عدد الشكرارات	الخلية
Y	(۲.1)
٣	(1,4)
1	(٤٠٣)
١	(٢٠٤)
صفر	(0,0)
V	+5

والخطوة الثالثة : يطبق الصورة الآتية لحساب قيمة ج :

$$\frac{r}{11} - r \times r = \varepsilon$$

$$\frac{r}{11} - r \times r = \varepsilon$$

والخطوة الرابعة : يطبق الصورة الجبرية رقِم (٩) لحساب قيمـــة (T) وهي :

$$\cdot, \cdot \cdot + = \frac{\cdot \times \cdot Y}{(1-\circ) \circ} = \frac{\nabla Y}{(1-\circ) \circ} = T$$

و للاحظ أنهـا نفس القيمة التي حصلنا عليها باستخدام الطريقتين الاخريين .

و يمكن أن يوجدالباحث قيمة ج_ بدلا من جمه وذلك بأن يأخذ بحوع التكرارات الواقعة إلى يمين وأسفل كل خلية من خلايا الجدول يختلف تسكرارها عن الصفر.

فعند نکون ج
$$=\frac{\dot{\upsilon}(\dot{\upsilon}-1)}{7}-7$$
 ج

وذلك لانه في حالة عدم وجود رتب مكررة .

$$(r) \quad \cdot \quad \cdot \quad \frac{(1-i)i}{r} = \varepsilon + \varepsilon$$

طريقة حساب معامل ارتباط الرتب اسكندال إذا كانت بعض الرتب مكررة:

يمكن حساب معامل ارتباط الرتب اكندال إذا كانت بعض الرتب مكررة باستخدام طريقة بماثلة للطريقة البيانية الثانية التي عرضنا لها فيها سبق . أى أن الباحث يمكنه استخدام جدول تكرارى ثنائى البعد كما سبق ولسكن بعض خلايا الجدول في هذه الحالمة سوف تشتمل على تكرارات أكبر من الواحد الصحيح .

T ، ولتوضيح الخطوات الى يمكن أن يتبعها الباحث لايجاد قيمة كل من ج T يُعرض $M_{\rm c}$ المثال الأتى:

نفترض أنا قنا بملاحظة ١٧ فردا بغرض ترتيبهم بالنسبة لكل من متغيرين، وحصلنا على البيانات الآنية الموضحة بجدول رقم (٤٣) الآني .

رتب المتغير (ص)	رتب المتغير(س)	الفرد
۸,۰	٥	١
11	٧	۲
17	٥	٣
۸,۰	١	٤
۸,۰	۲	0
٦	٣	٦
۰	٥	٧
۸,۰	11,0	٨
- 7	11,0	٩
۲	۹,0	1.
۲	۹,0	1)
٤	٨	17

جدول رقم (٣٤) ترتيب ١٢ فردا بالنسبة الى كل من متغيرين

فالخطوة الأولى . يرتب الدرجات فى كل من المتفيرين س ، ص كافى الجدول رقم (٤٣) . وفى الحقيقة يمكن استخدام الدرجات الفعلية بدلا من الرتب وتدوينها فى العمودين الثانى والثالث من الجدول نظراً لأن الباحث لن يستخدم هذه الدرجات فى حد ذانها فى العمليات الحسابية الى تلى ذلك .

و الخطوة الثانية : يكون جدولا ثنائي البعد ، يضع رتب المتغير س على بعده الأفقى ، ورتب المتغير ص على بعده الرأس كالآتى :

		ب	لتغير س	زتب الم						
الجموع	۱۱,٥	۹,٥	٨	٧	٥	٣	۲	١		
٣	1	٢	-						۲	
1			١			-			Ę	·3.
•					1				٥	-
١					i '	١			٦	. 3 ,
٤	1		~~~~)		1	1	۸,۰	8
1			·····	١					11	
`					١				17	
17	۲	Y	١	}	٣	١	١	1	المجموع	İ

جدول رقم (٤٤) جدول تكرار ثنائى البعد لرتب متغيرين (بعض الرتب مكورة)

والخطوة الثالثة: يحسب قيمة جهدكا سبق في حالة الرتب غير المكررة. غير أنه في هذه الحالة يجب أن يعطى أوزانا للثكرارات التي تقع إلى يساروأسفل كل خلية غير صفرية تساوى تسكرار الخلية.

فمثلا بالنسبة للخلية الناتجة من تقاطع الصف الاول والعمود السابع يوجد تكرار واحد أسفل وإلى يسار هذه الخلية ، ولسكن نظراً لوجود حالتين أو تسكرارين فى الخلية فإنه عند حساب جهد يجب أن يجمع التكرارات الموزونة للخلايا .

ای ان :

$$+=7(1)+1(1)+1(1)+1(3)+1(7)$$

 $+1(1)+1(1)=31$

والخطوة الرابعة : يحسب ج وذلك بأن يأخذ المجموع الموزون للشكرارات الواقعة إلى يمين وأسنمل كل خلية غير صفرية من خلايا الجدول كالآني :

$$\exists _ = ?(\land) + ((\lor)) + (\lor) + (\lor) + (\lor)$$

ويقترح كندال لإيجاد قيمة $_{
m T}$ أن نقسم قيمة $_{
m T}$ الناتجة على المقدار الآتى :

$$\frac{\left[r^{\omega} - \frac{(1-\dot{\upsilon})\dot{\upsilon}}{r} \right] \left[r^{\omega} - \frac{(1-\dot{\upsilon})\dot{\upsilon}}{r} \right]}{\left[r^{\omega} - \frac{(1-\dot{\upsilon})\dot{\upsilon}}{r} \right]} \sqrt{16}$$

، نع == الجموع الكلى للتكرار الهامش للعمودع، حيث ع ترمز إلى عدد الاعمدة المناظرة لرتب س

$$(17) \quad \cdot \quad \cdot \frac{(1-\omega)(\omega)}{\gamma} = \frac{1}{\gamma} \quad \cdot \quad \cdot \quad (17)$$

، ن في المجموع السكلي المتكرار الهامشي الصف في ، حيث ف ترمز إلى عدد الصفوف المناظرة لرتب ص .

في هذا المثال:

$$[(1)^{\gamma} + (1)^{\gamma} + (1)^{\gamma}] = \frac{1}{\gamma} = \frac{1}{\gamma}$$

$$[(\tau) \iota + (\tau) \tau] \frac{1}{\tau} = \tau^{-1}$$

$$\frac{T \circ -}{\left(\frac{1}{2} \frac{11 \times 17}{7}\right) \left(\frac{1}{2} \frac{11 \times 17}{7}\right)} = T \circ$$

أى أن درحة الاقتران بين الرتب تكون سالبة وتساوى ٢٠٠٠.

معامل الاتفاق لكندال

Kendall's Coefficient of Concordance

أحيانا يود الباحث تحديد العلاقة بين ثلاث بجموعات أو أكثر من الرتب، أى يود معرفة مدى إنفاق بجموعة من المحسكة بن عندما يطلب منهم ترتيب بجموعة من الاشياء بالنسبة إلى خاصية معينة . ويمكن أن يحصل الباحث على هذه البيانات بطرق مختلفة . فشلا يمكنه أن يعرض الاشياء أوالمشرات التي عددها(ن) على (م) من المحكمين ، ويطلب من كل محكم أن يقدر رتبة معينة لكل مثير أو شيء

نبعا لمحك مين ستى تحديده . أو يمكنه أن يحصل على درجات أو قياسات عددها(م) لمجموعة تتكون من (ن) من الاشخاص أو الاشياء مثل درجات اختبارات في الرياضيات واللغة المربية والتاريح وهدكذا . ثم يقوم بترتيب درجات كل اختبار ، ويضع هذه البيانات في جدول مكون من (م) من الصفوف ، (ن) من الاعداد ، وبذلك تتكون خلابا الجدول من الاعداد الى تفاظر رئب الافراد أو الاشياء الى قدرها المحكون ،

ويمكن أن يوجد الباحث درجة الاتفاق بين المحكمين بأن محسب معامل ارتباط الرتب لسبيرمان بين كل مجموعتين من الرتب، ثم يوجد متوسط معاملات الارتباط الناتجة ، و بذلك يحصل على مقياس للعلاقة بين جميع الرتب .

ولكن هذه الطريقة تحتاج بلاشك إلى جهد ووقت كبيرين مِ جانب الباحث. ولذلك اقترح كندال Kendall استخدام مقياس إحصائى جديد لتبسيط هذه العمليات أطلق عليه اسم معامل الاتفاق

Coefficient of Concordance.

ويرمز له بالحرف الانجليزي w ولكنتا سترسز له في هذا الكتاب بالرمز (ق).

طريقة حساب معامل الاتفاق لكندال إذا كانت الرتب غير مكررة :

لتوضيح الخطوات التي يمكن أن يتبِمها الباحث في حساب معامل الاتماق إذا كاقت الرتب غير مكررة بعرض ميرجه، وإلى المثال الأثنى ؟

تفترض أنه طلب من خمسة من المحكمين (م) تقدير رئبة معينة للمشروعات اللى قدمها عشرة طلاب في إحدى المكليات (في). وأراد تحديد مدى انفاق الرتب الى قدرها مؤلاء المحكمون. والجدول الآتى رقم (٤٥) يوضح هذه البيانات:

(•)	(1)	(٢)		(Y)					
ف	ن. سي	بحمو ش	ن	المحكمو	، قدر ما	أتب الخ	الر	الطالب	
	*COM	الر تب	٥	٤	1	1. 4	1		
71.70	10,0	17	ź	1 5	1 7	1	Y	1	
T{T, Y0	14,0	٩	۲	۲	1	٣	1	۲	
107,70	17,0	10	٣	١	٤	٤	٣	٣	
17,70	٦,٥		١	٥	0	٥		٤	
7,70	۲,٥	40	٦	\	٦	۲	٤	0	
۲,۲۰	١,٥	79	Y	٤	٣	1	V	٦	
17,70	٣,0	31	٥	٦	٨	٦	٦	٧	
187,80	11,0		٩	٨	\ v	V	٨	٨	
414,40	11,0	٤٦	۸	٩	١.	١.	٩	9	
٤٢٠,٢٥	7.,0	٤٨	١.	.1.	۱ ۹ ۱	٩	. 1.	1.	
عف = ١٦٩٦,٥		770		ě.	-		· · ·		

جدول رقم (٥٥) تقديرات خمسة من المحكين لعشرة طلاب وخطوات الجساد معامل الاتفاق لكندال في حالة الرتب غير المكررة

و الاحظ من هذا الجدول أن مجموع قيم العمود الثالث هو المجموع السكلى للرتب. ويمكن التحقق من صحة هذا المجموع كالآني :

$$\frac{(1+i)(i)(i)}{Y} = \frac{\gamma(i)(i+1)}{Y}$$

$$= \frac{(11)(1)(1)}{Y}$$

YV0 ==

حيث م ترمز لمدد الحكمين . ، ن ترمز لمدد الطلاب . فإذا لم تمكن هذاك علاقة بين الرتب فإننا نتوقع أن يتساوى مجموع الرتب
 ف كل صف .

فني هذا المثال يكون هذا المجموع مساويا لمتوسط المجموع الـكلى لارتب، أى = $\frac{700}{1}$ = 0.7

ولذلك نوجد الفرق بين مجموع الرتب ف كلصف وهذا المتوسط، ثم نوجد مربع هذه الفروق، ونجمع المربعات النائجة. رنتائج هذه الخطوات مبيئة في العمودين الرابع والخامس من الجدول رقم (٤٥).

ويلاحظ أن هذه المربعات تشير إلى درجة اتفاق مجموعة المحكمين . فـكلما زادت قيمة هذه المربعات دل ذلك على اتفاق المحكمين . وكلم نقصت هذه القيمة دل ذلك على عدم اتفاقهم .

وللحصول على مقياس نسبي لدرجة الانفاق ، يجبر أن نقسم هذا المجموع على أكبر قيمة له ، وهي القيمة التي يمكن أن نحصل عليها في حالة الانفاق التام بين المحكين، ويمكن ببساطة إثبات أن هذه القيمة $\frac{\gamma'}{1}$

ولذلك فإن معامل الاتفاق ق

$$(1) \cdots \cdots \frac{1}{(1-1)(0)(0)} =$$

و بالتمويض من الجدول السابق في هذه الصورة تجد أن :

$$\cdots, \Lambda Y = \frac{1797, 0 \times 1Y}{(1 - 1 \cdots)(1 \cdot)(1 \cdot)(1 \cdot)} = \emptyset$$

وهي قيمة مرتفعة عا يدل على أن هناك اتفاقا كبيرا بين المحكمين الخسة في تقدير رتب بموعة الطلاب.

ويجب أن يلاحظ الباحث أنه إذا كان معامل الانفاق = 1 فإن هذا يعنى وجود انفاق تام بين المحكمين، وإذا كان هذا المعامل = صفرا فإن هذا يعنى عدم وجود أى انفاق بين المحكمين. كا يجب أن يلاحظ أن هذا المعامل لاتسكون قيمته سالبة، وإذا كان لدينا أكثر من اثنين من المحكمين فإنه لا يمكن أن تصل قيمته إلى الواحد الصحيح، إذ لا يمكن أن يحدث انفاق تام بينهم . فمثلا إذا لم يوجد بين المحكمين ا، ب أى انفانى، وكذلك بن المحكمين ا، ج، فإنه يجب أن يكون بين المحكمين ب ، ب انفاق تام .

كما أنه لا معنى لعدم و جود أى انفاق إذا كان لدى الباحث أكثر من يحموعتين من الرتب .

العلاقة بين معامل ارتباط الرتب لسبيرمان ومعامل الاتفاق لسكندال :

سبق أن ذكرنا أنه بمكن إيجاد درجةالانفاق بينالمحكمين بحساب، معامل ارتباط الرتب لسبير مان إبين كل بجموعتين من الرتب وإيجاد متوسط هذه المعاملات،

والنرمو لهذا المتوسط بالرمو كرس .

وفي الحقيقة توجد علاقة بين هذا المتوسط وقيمة معامل الاتفاق ق وهي :

$$(1\lambda) \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \frac{1 - \delta^{\lambda}}{1 - \rho} = \frac{1}{\rho}$$

حيث م ترمز لعدد المحكمين .

وفي حالة م = ٢ تصبح الملاقة :

وليس من السهل تفسير قيمة معامل الاتفاق ق تفسيراً مباشراً من حيث درجة اتفاق الرتب ، ولسكن يمسكن تفسير هذه القيمة عن طريق إيجاد متوسط قيمة معاملات ارتباط الرتب لسبيرمان بين كل مجموعتين من الرتب باستخدام الصورة السابقة رقم (١٨)

فثلا بالنسبة للثال السابق وجدنا أن ق = ٨٢. وبذلك تكون :

$$\cdot, \forall \forall \circ = \frac{1 - \cdot, \land \forall \times \circ}{1 - \circ} = \overline{}$$

$$\frac{6 \times 6}{4}$$
 فإذا اخذنا جميع أزواج الرتب الممكنة وعددها

أزواج، وحصلنا على معامل ارتباط الرتب لسبيرمان الحكل زوج منها فإن متوسط معاملات الارتباط ستبلغ حوالى ٢٧٥٠، وهذا يدل على أن هناك اتفاقا كبيرا بين المحكمين الخسة في متوسط تقديرهم لرتب بحوعة الطلاب.

ولكن يفضل تقرير درجـة الاتفاق باستخدام تى بدلا من

رَ سَ فَى البحوث ، لأن رَ سَ تنحصر قيمتها بين مَ الله الوتساوى ما الماملات أيا منهما مهما كانت قيم ن أو م . وهسدا يسمح للباحث بمقارنة معاملات الاتفاق لمجموعات مختلفة من البيانات ، إلا أن استخدام رَ سَ يساعد على تفسير معامل الاتفاق ق تفسيراً أكثر وضوحاً .

طريقة حساب معامل الاتفاق لكندال إذا كانت بعض الرتب مكررة :

إذا وجد الباحث أن هناك عددا قليلا من الرتب المكررة فإنه يمكنه استخدام نفس الطريقة السابقة التي استخدمناها في خالة الرتب غير المدكررة و لسكنه في هذه الحالة يجب أن يعين للدرجات المسكررة متوسط رتب هذه الدرجات ، ثم يحسب معامل الاتفاق ق مباشرة من البيانات دون أي تعديل . أما إذا وجد أن عدد الرتب المسكررة كبير فإنه يجب عليه تصحيح كل مجموعة من الرتب باستخدام معامل التصحيح الآتي والذي سفر عز له بالرمز ل :

حيث ت ترمز إلى عدد الملاحظات المسكررة بالنسبة لأى رتبة فى بحوعة البيانات. فثلا إذا كانت رتب المتغير س هى ١ ، ٢,٥، ٢,٥، ١ ، ٥ ، ٢ ، ٥ ، ٨ ، ٨ ، ، ، ١ فإنه يكون لدينا بحوعتان من الرتب المسكررة إحداهما تسكررت مزتين والاخرى تسكررت ثلاث مرات .

وبتطبيق صورة ممامل التصحيح المذكورة على هذه المجموعة من الرتب تجدأت ت

$$r_{,0} = \frac{r_{.}}{17} = \frac{r_{.} + r_{.}}{17} = \frac{(r - r_{.}) + (r - r_{.})}{17} = 0$$

اى أننانحسب قيمة معامل التصحيح ل لكل مجموعة من مجموعات الرتبالتي عددها م، و نجمع هذه القيم لنحصل على (مج ل). ثم نحسب معامل الانفاق ق باستخدام الصورة (رقم ١٧) التي استخدمناها في حالة الرتب غير المسكررة ، ولسكن بعد تعديلها بحيث تنضمن معسامل التصحيح الذي أشرنا إليه ، وتصبح الصورة كالآلي :

$$(7\cdot)\cdots\frac{1}{\sqrt{1+1}} = 3$$

حيث م ترمز إلى عدد بجموعات الرتب . وهذا التصحيح يؤدى إلى زيادة قيمة معا ل الاتفاق ق ولسكن يكون له تأثير طفيف على هذا المعامل إذا كان عدد الرتب المسكررة قليلا . ولذلك لا ننصح الباحث باستخدام هذه الصورة إلا إذا كان عدد الرتب المسكررة كبيرا .

معامل الاتساق لكندال

Kendall's Coefficient of Consistence

لكى يحصل الباحث على رتب بجموعة من الاشياء بالنسبة إلى خاصية أو صفة معينة يمكنه أرب يعرض هذه الاشياء مثنى مثنى بجميع العارق المكنة على أحد المحكين ، ويطلب منه أن يرتبكل زوج من الاشياء تبعا لمحك معين . وتسمى هذه العاريقة طريقة الموازنات الثنائية Paired Comparisons .

وتستخدم هذه الطريقة بكثرة فى البحوث النفسية والتربوية . ويفترض أن الرقب التى نحصل عليها باستخدام هذه الطريقة تكون أكثر ثباتا من تلك التي نحصل عليها إذا طلب من المحمكم ترتيب مجموعة الاشياء مرة واحدة .

إلا أن طريقة الموازنات الثنائيسة تتعلمب جهدا ووقتا كبيرا . فإذا كان لدى الباحث ن من الاشياء ، فإن عدد الموازنات الثنائيسة الممكنة يكون مساويا ن (ن-1) . وكلما زادت قيمة ن زاد تبعاً لذلك عدد الموازنات زيادة كبيرة ما يجعل هذه العاريقة غير عملية .

وأحيانا نود أن نتأكد من اتساق الموازنات عند استخدام هدده الطريقة . فإذا افترضنا أن لدينا ثلاثة أشياء ١، ب، ح وكان أحد المحكمين يفضل ١ على ب، ب على ح . فلمكم تكون أحكامه متسقة يحب أن يفضل ١ على ح . أما إذا كان يفضل ح على ا فإنه بذلك يكون غير متسق مع نفسه . وربما يرجع عدم الاتساق هذا إلى عدم قدرة المحكم على التمييز الدقيق بين الاشياء التي يوازن بينها أو بسبب عدم وضوح المحك أو البعد الذي يحكم على أساسه . فكالم زاد عدم الاتساق قلت عدم وضوح المحك أو البعد الذي يحكم على أساسه . فكالم زاد عدم الاتساق قلت الثقة في معنى الرتب التي يقدرها المحكم للاشياء المطلوب ترتيها .

فإذا رمزنا لتفضيل اعلى ب بالرمز ا ــــ ب ، وتفضيل ب على ا بالرمز ب ــــ ا ، وكان تسلسل تفضيل ثلاثة أشياء هو :

1-----

فإن هذا يدل على ثلاثية غير متسقة من التفضيلات Inconsistent Triad فإذا كان لدينا مجموعة من المواز نات الثنائية بين ن من الأشياء فإنه يمكن إيجاد عدد الثلاثيات غير المتسقة من الاحكام أو التفضيلات واستخدامها لتمريف معامل اتساق هذه الاحكام أو الاستجابات.

ويرضح فيرج ـــون الاستجابات الى نحصل عليها بطريقة الموازنات الثنائية اتسعة السياء ردزنا لهما بالحروف ١، ب، ح، د،، ن في جدول رقم (٤٦) لآتى:

	寸	
	11 3	(.) (.) (.) (.) (.) (.) (.) (.) (.) (.)
		k' k' c.
<u>.</u>		b. b c c
الوادنات (الثانية لتدعة الديار		b. b. b r
ولاول الإنات الا		- 6.6.6 6
E		\\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\
		\\ \dagger \da
		· \frac{1}{2} \cdot \frac{1}
		7·- 4· 4· 4· - 4· -
	(C> C L > V Y .(-

ونظراً لأن ا قد فضلت على ب ، فإننا وضعنا الرقم ، في الخلية ال اتجة من تقاطع الصف ا مع العمود ب فوق القطر الرئيسي للجدول ، ووضعنا صفيرا و الخلية الناتجة من تقاطع العمود ا مع الصف ب تحت القطر الرئيسي للجدول . ويجن أن نلاحظ أنه إذا كانت الاستجابات متسقية اتساقا تاماً فإن جميع القيم الواقعة على أحد جاني القطر الرئيسي تكون مساوية للواحد الصحيح ، وجميع القيم الواقعة على الجانب الآخر تكون صفرا .

ولكن بالنظر إلى القيم الموجودة فى الجدول السلبق نجد أن هناك بعض القيم الصفرية فرق القطرالرئيسي والواحدالصحيح تحت هذا القطريما يدل على عدم وجود تساق تام بين الاستجابات .

ولإيجاد معامل الانساق لكندال لهذه المجموعة من البيانات يمكن أن يتبع الباحث الخطوات اكتية:

الخطوة الأولى: يجمع كل صف في الجدول السابق ، فإذا كان هذاك انساق تام بين الاستجابات فإن مجموع الصفوف سوف يكون: ٨، ٧، ٦، ٥، ٤، ٣ ٣، ٣، ٢، ١ مفر ، ولكننا نجد أن مجموع الصفوف في الجدول السابق. هو ٧، ٣، ٥، ٥، ٤، ٣، ٣، ٢، ١ مسع مراعاة أننا رتبنا هذه المجاميع ترتيبا تنازليا ، ويلاحظ أن الاستجابات غير متسقة ، وهذا يقلل من تباين الاعداد التي يحصل عليها الباحث عندما يجمع صفوف الجدول .

والخطوة الثانية: يوجد متوسط مجموع جميع الصفوف ، فإذا رمزنا لمجموع كلصف بالرمز ف ، ومتوسط مجموع جميع الصفوف بالرمز ف فإن:

وهذا المتوسطة الحقيقة = <u>ن - ا</u> حيث ن برمز لعدد الآشياء المطلوب الموازنة بينها .

والخطوة الثالثة : يوجد بجموع مربعمات اتحرافات كل بجموع عن المتوسط . أي الله عند المتوسط .

ومن الجدول يتضح أن قيمة هذا المقدار ــــ ٣٠ .

والخطوة الرابعة : محصل على أكبر وأقل قيمة للمقدار مح (ف - ف) . ويحصل على أكبر قيمة عندما يكون مناك اتساق تام في أنماط الاستجابات ، وهذه القيمة $=\frac{\dot{v}(\dot{v}^2-1)}{17}$. وأقل قيمة للمقدار بح (ف - ف) تعتمد على ما إذا كانت \dot{v} فردية فإن أقل قيمة لحسنا المقدار = صغر .

أي أن أكبر فيمة بمكنة للقدار محـ (ف ــ ف) من الجدول السابق

$$\gamma_{\bullet} = \frac{(1-\lambda 1)^{\frac{1}{4}}}{17} =$$

وأقل قيمة بمكنة لهذا المقدار ـــ صفر (لأن ن فردية)

الخطوة الخامسة : يطبق الصورة الرياضية الآنية لحساب قيمة معامل الاتساق لدكندال والذي يرمز له بالحرف الانجليزي K ، ولكننا سنرمز له في مسددا السكتاب بالرمز (ك) .

فإذا كانت ن فردية فإن :

$$(Y1) \qquad \cdots \frac{Y1 - (\dot{\upsilon} - \dot{\upsilon})^{2} - Y\dot{\upsilon}}{\dot{\upsilon}(\dot{\upsilon}^{2} - \dot{\upsilon})} = 0$$

وإذا كانت ن زوجية فان :

$$(\gamma\gamma) \qquad \cdots \qquad \frac{\gamma(\overline{\upsilon} - \overline{\upsilon})^{\gamma} - \gamma \overline{\upsilon}}{\upsilon(\upsilon^{\gamma} - \varepsilon)} = \underline{\upsilon}$$

ونظراً لأن (د) في الجدول السابق فردية ، فإننا نستخدم السورة رقم (٢١) لإيحاد قيمة (ك) .

$$\cdot, \bullet \cdot = \frac{r \cdot \times 17}{\wedge \cdot \times 9} = \frac{r \cdot \times 17}{(1 - \wedge 1) \cdot 9} = 3 :$$

تفسير معامل الاتساق لكندال (ك):

واكَّن ما هو تفسير الفيمة الناتجة لمعامل الانساق ؛

في الحقيقة يمكن تفسير معامل الانساق في ضوء المناقشة الى قدمناها في مستهل

الحديث عن هــــذا الممامل ، وهو فـكرة ، الثلاثيات غبر المتسقة ، التي على الصورة :

1 --- --- 1

فإذا رمزنا لعدد الثلاثيات غير المتسقة التي سن هذا النوع بالرمز وه، . فإن وث، تكون لها علاقة بمعامل الانساق ولئ، . فمندما تسكون ون، فردية فإنه يمكن إثبات أن :

$$\omega = \frac{\dot{\upsilon}(\dot{\upsilon}^{\dagger} - 1)(1 - \dot{\upsilon})}{7\xi} \cdots$$

رعدما تسكون ن زوجية . فإنه بمكن إثبات أن

$$(7i) \qquad \cdots \frac{(3-1)(i-7)(i-7)}{2} = 3$$

و بالنسبة للبيانات الموضحة فى الجدول رقم (+ 3) تكون عدد الثلاثيات اغير النسبة $= \frac{1}{100} \frac{1}{100$

وأكبر قيمة ممكنة لعدد هذه الثلاثيات 🕳 ٣٠ وبذلك نكون ك 😑 ٥٠٫٥٠

أى أن هناك اتسافًا بين نصف عدد العلاقات الثنائية التى تشتمل عليها هذه البيانات ، ولا يوجد اتساق بين النصف الآخر .

و إذا كانت ك عد ٢٠,٠ فإن معنى ذلك أن هناك انساقا بين أربعة أخماس عدد هذه العلاقات ، و لا يوجد اتساق بين الخس الياقي .

ويجب أن الاحظ أن معامل الاتساق (ك) يُسكون مساويا الصفر إذا كانت أنماط الاستجابات عشوائية ، رهذه تعتبر أقصى حالة لعدم الاتساق . بينها تصل قيمة هذا المعامل إلى الواحد الصحيح إذا كان هناك اتساق تام بين هـــــذه الانماط .

كيف بختار الباحث مقياس الاقتران المناسب إذا كان كل من المتغير بن من المستوى الرتبي .

عرضنا في هذا الفصل عددا من المقاييس الإحصائية التي يمكن أن يستخدمها الباحث في إيجاد درجة الاقتران بين متغيرين كل منهما من المستوى الرتبي و لسكى يقرر الباحث أى هذه المقاييس يمكنه استخدامها عليه أن يكون واعيا للطريقة التي جمع بها بيانات بحثه والهدف من جمعها والاسئلة المطلوب الإجابة عليها باستخدام هذه البيانات .

ونظراً لأن معرفة الاساس المنطقى الذى بنى عليه كل مقياس من هذه المقاييس ومزاياه وعيوبه وحدود استخداماته يعد من الامور الهامة التى يجب على كل باحث أن يكون على دراية بها، فإننا سوف نحاول هنا أن نقارن بإيجاز بين مختلف هذه المقاييس الإحصائية وطريقة تفسيرها حتى يسكون لدى الباحث صورة متكاملة عن هسده المقاييس ، وبالتالى يستطيع اختيار المقياس الذى يناسب بيانات بحثه .

فقابيس الملاقة الثلاثة الأولى التي عرضنا لها في هذا الفصل ، وهي معامل الاقتران الرتبي لجودمان وكروسكال ، ومعامل ارتباط الرتب اسبيرمان ، ومعامل ارتباط الرتب لكندال تعتبر جميعها مقاييس متهائلة ، بمعنى أن الاقتران بين المتغيرين يكون في كلا الانجاهين ، أي متبادل ، ويمكن أن يستخدم معامل الاقتران الرتبي لجودمان إذا أراد الباحث أن يحصل على معامل قيمته إلى الوقتران التام ، ولكن يفضل استخدام معامل ارتباط الرتب لكندال نظراً لسهولة حسابه بالطرق البيانية وسهولة تفسيره تفسيراً التحليل)

أحيائيا . وفي الحقيقة أن قيمة أي من المماماين لا تختلف اختلافا يذكر في حالة عدم وجود رتب مكررة لقيم أي من المتغيرين لنفس بجموعة البيانات . وكذلك يمكن في هذه الحالة استخدام معامل ارتناط الرتب لسبيرمان . إلا أن هذاالمعامل يضع وزنا أكبر للفروق الكبيرة بين مجموعتي الرتب عن معامل الرتب لكندال . فإذا كان الباحث مهما بإبراز هذه الفروق فإنه يفضل استخدام معامل ارتباط الرتب لسبيرمان . أما إذا كانت بعض الرتب مكررة في أي من المتغيرين فإنه لا يفضل استخدام هذا المعامل احتباليا . وإذا حسبنا كلا من معالم ارتباط الرتب لسبيرمان ومعامل ارتباط الرتب للكندال المحد أن القيمة المطابقة للمعامل الاول أكبر من القسمسة المساظرة للمعامل الثاني (والناكد من ذلك انظر إلى المثال الذيء صناه عند مناقشة معامل ارتباط كندال في هذا الفصل) . ولسكن يتساوي كل من المعاملين في حالة الاقتران العام بين محموعتي الرتب بشرط أن تسكون الرتب غير مكررة .

وفى الحقيقة يوجد ارتباط مرتفسع بين كل من المعاملين في حالة المينات Bivariate Normal Distribution المستمدة من مجتمع أصل توزيعه اعتدالي

فعندما يكون الارتباط في المجتمع الأصل = صفرا ، فإن معامل ارتباط حاصل ضرب العزوم بين كل من المعاملين = ٥, ٥ عندما تكون ن = ٥ . ويقنرب معامل الارتباط من الواحد الصحيح عندما تقترب ن (أى عدد الملاحظات) من اللانهاية .

ويتميز معامل ارتباط الرتب لكندال بأنه يعتمد فى حسابه على مقياس إحسائى آخر رمزنا له _ كاسبق أن رأينا _ بالرمز (ج). وهذا المقياس يتصف بدرجة ما من العمومية لا تتميز بها (بح ف٢) المستخدمة فى حساب معامل ارتباط الرتب لسبيرمان، إذ أن لهذا المقياس عدد من التطبيقات غير تلك المستخدمة فى حساب معاملات الارتباط . كا أن معامل ارتباط الرتب لكندال يمكن أن يمتد استخدامه إلى معاملات الارتباط الجزئية ، أى الارتباط بين متغيرين بعد عزل تأثير متغير ثالث .

ولكن يصعب استخدام أى من هذه المعاملات إذا كان عدد أقراد العينة كبيرا و يخاصة إذا كانت بعض الرئب مكررة . و هنا ربعا يلجأ الباحث إلى استخدام معامل ارتباط حاصل ضرب العزوم لبيرسون إذا وجد أن البيانات تحقق فروض هذا المعامل إلى حد ما .

والاعتبار الآخر الذي يجب أن يراعيه الباحث عند اختيار مقياس العلاقة المناسب هو مدى اهتمامه بطبيعة المتغيرين موضع الدراسة. ولتوضيح هذه النقطة في الحالة الى يكون فيهاكل من المتغيرين من المستوى الرتبي معرض المثال الآتي :ــ

يمفترض جهيبلاتقرر أننا حاولنا التنبؤ بطول فترة المرض النفسي لمجموعة تتسكون من ١٠ أفراد من المرضي على أساس درجاتهم المرتفعة أو المتوسيطة أو المنخفضة في استببان معين . فهذا يمكن اعتبار أن كلا من المتغيرين (درجات الاستبيان ، وطول فترة المرض) من المستوى الرتبي .

وهذه البيانات موضحة بالجدول رقم (٤٧) الآتي :

درجات الاستبيان مرتفعة متوسطة منخفضة

	٤	
٤	_	. —
		۲

ه. أكثر من عامين من عام إلى عامين و. أقل من عامين

چدوال رتم (۲۶)

فإذا حسبنا قيمة المقياس الإحصائي (ج) لهذه البيانات تجمد أنه على مدر وبذلك يكونكل من معامل الاقتران الرتبي لجودمان وكروسكال ، ومعامل ارتباط الرتب لمكندال على صفرا . وهذا يدل على عدم وجود اقتران بين درجات الاستبيان وطول فترة المرض لهذه المجموعة من الافراد .

ولمسكن بالتأمل في جدول رقم (٤٧) يتضح أنه يوجد اقتران نظراً لأن المسرحات المرتفعة في الاستبيان تقترن بالفترة القصيرة للمرض (أقل من عامين). والدرجات المتوسطة تقترن بالفترة الطويلة (أكثر من عامين)، والدرجات المنخفضة تقترن بالفترة المتوسطة (من عام إلى عامين). ولا توجد أي استشاءات لمذه الفاعدة في المجموعة بوجه علم . والسبب في عدم تأثر هدف المقاييس بهذه الملاقة هو أنها أكثر تأثرا بالاقتران المطرد monotonic الذي يمكن أن يوجد في حالة ما إذا كان كل من المتغيرين من النوع الرتبي . وبالرغم من أنه في هذا المثال توجد درجة معينة من الاقتران بين المنفيرين ، إلا أن هذا الاقتران ليس مطرداً ، لان ارتفاع المرجات في الاستبيان لايقترن باطراد (زياده أو تقصان) طول فترة المرض .

ولذلك إذا لجأنا إلى إيحاد قبمة أحد المقاييس المستخدمة في حالة المتغيرات التي من النوع الاسمى مثل معامل التدؤ لجتمان (الذي عرضنا له في الفصل الثامن) والذي يفضل الخصائص الترتيبية للمتغيرين ، سوف تجد أن قيمته في هذا المثل تساوى الواحد الصحيح بما يدل على اقتران تام ، بمعنى أنه بمجرد معرفتنا درجة الفرد في أحد المتغيرين يمكننا التدؤ بدقة تامة بدرجته في المغيرين يمكننا التدؤ بدقة تامة بدرجته في المغير الآخر .

تمارين على الفصل التاسع

١ — طلب باحث من بحمرعة من المحكمين ترتيب بعض المجالات الى تسهم في الشكيف الاسرى . واختار الباحث المجالات الى حازت أعلى النقديرات . ثم اختار ١٠٧ من الزوجات و الازواج و طلب منهم ترتيب هذه المجالات بحسب إسهامها الفعلى في تسكيفهم الاسرى. و بذلك حصل الباحث على ترتيب آخر مستقل عن الترتيب الذي قدره المحكمون . و فيما يلى كل من بحموعتى الرتب :

الرتب التي قدر ها الزوجين	الرنب الى قدرها المحكمون	بال الامتهام .
(ص)	(w)	
•	١٠	إظهار المطف المتبارل
٦	1	وضع خطة الدستقبل
1 •	٨	وضع خطة للتوفير
١	Y	تعليم الاطفال
٨	٦	وضع خطة لميزانية الاسرة
Y	•	وصنع خطة لتنشئة الاطفال
Ł	1	وضع خطة لتنسيق المنزل
٥	۳ .	تنظم و إعداد الوجبات
٣	Y	شرآء لوازم الاسرة
<u> </u>	1	تنظيف المنزل

احسب باستخدام معامل الاقتران الرتبي لجودمان وكروسكال درجة اتفاق بحموعتي الرتب الخاصة بالتكيف الاسرى .

٢ ـــ فيا يلى بحوعتين من الرآب لمجموعة تشكون من ١٢ فردا في متغيرين
 ٠ ص :

رتب ص	رتب س	الفرد
۸,٠	1,•	• 1
٦,٥	۲,۰	Y
٤,٥	۲,•	٣
۲,۰	٤,٥	٤
١,٠	1,0	•
۳,۰	٦,٠	1
٤,٥	4,•] ,
7,0	٧,٥	٨
۹,۰	1.,.	1
۱۰,۰	٧,٥	1.

(١) احسب معامل ارتباط الرتب لكندال ، وفسر القيمة الناتجة .

(ب) احسب قيمة معامل ارتباط اارتب لسبيرمان، وقارن بينها وبين القيمة التى حصلت عليها في (١) .

٣ --- حول الدرجات الآنية إلى رتب ، ثم احسب معامل ارتباط الرتب
 لسبيرمان بطريقتين ، وقارن بين الناتجين .

40	71	١٧	17	٩	٧	٧	٧	٤	ŧ	س	ĺ
7.	70	10	14	7.	17	٨	٨	17	٨	مں	ĺ

٤ ــ قام ثلاثة من المحكمين بغرتيب درجات سبعة من الطلاب في اختبار ما
 كالآتي :

	الطالب											
	· I		<u> </u>	<u>'</u>	T	1 1	المحمكم					
	و ا		3	*	ب	<u> </u>						
٧	٦	0	٤	. ٣	۲	١	س					
٦	٧	١,	0	٤	٣	۲	ص					
٧	٦	٣	Y	1	٤	0	ع					

. (ا) احسب معامل الرتباط الرتب لسبير مان بين كل محسكتين ، وقارن بين القيم الناتجة .

- (ب) احسب متوسط معاملات الارتباط الى حصلت عليها في ا .
 - (ج) احسب معامل الاتفاق اكمندال وفسر القيمة الناتجة .
- (د) تحقق من العلاقـــة بين متوسط معاملات ارتباط الرتب لسبيرماز، ومعامل الاتفاق لكندال.

احسب معامل الائساق لكندال للمانات الآنية:

	د	*	ب	1	
١	صعر	صفر	١		1
1	\	1		صفر	<u>ب</u>
صفر	مغر		مفر	1	*
1		1	صفر	١	<u> </u>
	مغر	1	مغر	صفر	•

٦ ــ قام أحد المشرفين بترتيب ستة من العمال ا، ب، ج، د، ه، و من حيث دقة أدامهم في العمل باستخدام طريقة الموازنات الثنائية .
 كا يأتى:

احسب معامل الانساق لهذه البيانات ، وفسر القيمة الناتجة .

الفضلالعاشر

مقاييس العلاقة

إذا كان أحد المتغيرين من المستوى الاسمى والآخر من المستوى الرتبي

نموذج ويلمكوكسون للافتران الاسمى ـــ الرتبي

طريقة حساب معامل ويلكوكسون إذا اشتمل المتغير الاسمى على قسمين

طريقة حساب معامل ويلـكوكسون إذا اشتمل المتغير الاسمى على أكثر من قسمين

مقدمة:

عرضنا فى الفصول الثلاثة السابقة مقاييس الاقتران بين متغيرين كل منهما إما من المستوى الفترى أو المستوى الاسمى أو المستوى الرتبى . و لمكن الباحث لا يصمن فى جميع الاحوال أن يكون المتغيران موضع البحث لهما نفس ميزان أو مستوى القياس . فأحيانا يود الباحث أن يوجد درجة الاقتران بين متغيرين أحدهما من المستوى المستوى المرتبى ، أو أحدهما من المستوى الاسمى والآخر من المستوى الفترى أو المنتبى ، أو أحدهما من المستوى الرتبى والآخر من المستوى الفترى .

وسوف نقتصر في هذا الفصل على عرض مقاييس الاقتران في الحالة الاولى، أى عندما يكون أحد المتغيرين من المستوى الاسمى والآخر من المستوى الرقبي . أما مقاييس الاقتران في الحالتين الاخريين فسؤف تعرض لهم بالتقصيل في الفصلين التاليين .

نموذج ويلكوكسون للاقتران الإسمى ــ الرتبي :

The Wilcoxon Model for Nominal - Ordinal Association

عندما يود الباحث أن يوجد درجة الاقتران بين متغيرين أحدهما من المستوى الاسمى والآخر من المستوى الرتبي فإن الطريقة المعتادة هي أن يستخدم مقياساً إحصائياً يعتمد على متغيرين من المستوى الاسمى . وهنا يتفاضى الباحث عن الميزان أو المستوى الرتبي للسغير الآخر ويعتبره من المستوى الاسمى . ومن ثم يوجد معامل التنبؤ لجنان (لم) الذي سبق أن عرضنا له في الفصل الثامن . وهنا ربما يبرد الباحث ذلك بأنه لا يستطيع إيجاد علاقة بين متغيرين أحدهما لاتتوافر فيه خاصية الترتيب .

ويري عزيمان أنه، إذا فحصنا هذا النبرير تجد أنه غير منطقي ويتضح ذلك إذا نظرنا

إلى جدول الاقتران رقم (٤٨) الآتي ، وهو يشتمل على متغيرين أحدهما من المستوى الاسمى والآخر من المستوى الرتي .

المجموع	ص.)	المتغير	(د تب	الو تې	المتغير	
اجموع	١	۲	٣	٤	0	المتغير الاسمى (أقسام المتغير س)
٣٠.	1.	صفر	1.	صفر	1.	
۲.	صفر	1.	صفر	1.	صفر	ب
۰۰	1.	1.	1.	1.	1.	المجموع

جدول رقم (٨٤) جدول اقتران بين متفيرين احدهما من المستوى الاسمى والاخر من المستوى الرتبي

فاذا تفاضينا عن ترتيب المتغير (ص) فى هذا الجدول واعتبرناه متغيرا من المستوى الاسمى ثم حسبنـــا قيمة معامل التنبؤ لجنهان (x) باستخدام الصورة الى عرضنا لها فى للفصل الثامن وهى :

·, · · =
$$\frac{r_{\cdot}}{r_{\cdot}}$$
 =

وإذا تظرنا إلى جدول آخر رقم (٤٩) الآتى :

	س)	المتغير	(رتب	الرتبى		
الجموع	١	۲	٣	٤	0	المتغير الاسمى (أفسام المتغير س)
٣	منفر	منفر	١.	1.	1.	
۲٠	١.	1.	صغر	صفر	صفر	÷
0.	١.	1.	١,	1.	1.	المجموع

جسدول رقم (٩٩)

وتغاضينا أيضا عن ترتيب المتغير ص في هذا الجدول واعتبرناه متغيرا من المستوى الاسمى، وحسبنا قيمة ٨ نجد أن :

$$\frac{(1\cdot+1\cdot)-0\cdot+1\cdot}{(1\cdot+1\cdot)-1\cdot\cdot}=\lambda$$

فني كاتا الحالتين استطمنا أن نقلل خطأ تخمين أى من المتغيرين باستخدام الآخر بقدر . ٥ / . ولكن إذا قارفا جدول رقم (٨٤) بجدول رقم (٤٩) بمحدول رقم (٤٩) بمكن أن نلاحظ أنهما يوضحان نمطين مختلفين من العلاقات . فبني كل من الحالتين يمكن تخمين عضوية أو انتهاء الفرد لمجموعة معينة على الميزان الاسمى باستخدام رتبته على الميزان الرتب وسوف يكون هناك أخطاء في تخمين الرتب الفعلية للافراد بمعلومية انتهامهم إلى الافسام المختلفة . ولكن عند تخمين الرتب النسبية سأى الاعلى أو الادنى - بدلا من الرتب الفعلية يمكن أن تلاحظ الفرق بين الجدولن .

فإذا نظرنا إلى الجدول رقم (٤٨) نجد أن رتب جميع أفراد القسم ا أعلمن رتب أفراد القسم ب ، بينها لانحد مثل هـــذه الملاقة الترتيبية في الجدول رقم (٤٩) .

ووجود مثل هذه العلاقة يدل على أن هناك درجة أكبر من الاقتران فى الجدول رقم (٤٨) .

والفسكرة الرئيسية هنا هي أن الميزان الاسمى والميزان الرغبي يقترنان أو يرتبطان إذا كان الافراد الذين ينتمون إلى كل قسم من أفسام المتغير الاسمى يميل ترتيبهم إلى أن يكون مرتفعا أو منخفضا بدرجة متسقة عن الافراد الذين ينتمون إلى الافسام الاخرى .

وهذا هو نموذج و يلسكو كسون Wilcoxon الذي يمكن استخدامه في وصف درجة الافتران بين متفيرين أحدهما من المستوى الاسمى والآخر من المستوى الاسمى والآخر من المستوى الاربي . وهو تعديل لمقياس إشارات الرنب لويلسكو كسون Wilcoxon الربي . وهو تعديل المقياس إشارات الرنب في المنطقة التحمين المقاييس الاقتران التي عرضنا لها في الفصلين السابقين . وهي فسكرة التخمين أو التنبؤ ونظراً لآن أحد المتفيرين في هذه الحالة يكون من المستوى الربي ، فإن معامل ويلكو كسون يشبه معامل الاقتران الربي لجودمان وكروسكال من حيث إنه يتطلب تخمين رتب الأفراد موضع الدراسة . ولسكن يختلف معامل ويلسكو كسون عن معامل جودمان وكروسكال في أننا لانستطيع تخمين رتبة فرد معين بالنسبة إلى أحد المتغيرين من رتبته بالنسبة إلى المتغير الآخر (لان أحد المتغيرين أصبح من المستوى الاسمى) ، وإنما يجب أن نخمن رتبة الفرد في المتغير الربي من انتهائه إلى أحد أقسام المتغير الاسمى .

ولنوضيح الخطوات الى يمكن أن يتبعها الباحث في حساب معامل ويلكو كسون الذي يرمز له بالحرف اليرناني ⊙ (ويقرأ ثبيتا) إميصرص ضريات.

الفترص أننا استطفئا ترتيب عثمرة من الطلبة والطالبات من حيث الدرجة النسبية للمدوانية في جموعة من المواقف الاجتماعية . وهذه البيانات موضحة في الجدول الآتي رقم (٥٠):

	الرتب بالنسبة للعدوانية											
1	۲	٣	Ę	0	٦	٧	٨	٩	١.	الجنس		
صفر	صفر)	صفر	١	صفر	١	``	1	1	ذ کور		
1	١	صفر	١	صفر	١	صفر	صعر	صفر	صفر	إناث		

جدول رقم (٥٠) جدول اقتران بين رتب العدوانية و الجنس

والسؤال الآن : ما هي درجة اقتران الجنس برتب العدو اثية ، أي ماهي درجة تنبؤنا بالرتب النسبية للمدو انية بمعلومية جنس الطالب ؟

ويمكن الإجابة على ذلك بموازنة رتب كل فرد فى إحدى بموعتى الذكور أو الإناث برتب جميع الافراد فى المجموعات الآخرى التى تـكون الميزان الاسمى .

ونظراً لان لدينا في هذا المثال بجموعتين فقط (بجموعة الذكور و بجموعة الإناث) فإنه يكون لدينا بجموعتان فقط من المواز نات . اإذ يجب موازنة رتبة كل طالب برتب جميع الطالبات .

فإذا بدأنابالطالب للاولالذي رتبته ، ١ فإننا نجد أن هناك ع طالبات رتبهن أقل منه (الرتب ٢ ، ٤ ، ٢ ، ٢)، ولا توجد طالبات تفوق رتبهن رتبة هذا الطالب هما ٤ (أقل منه)، صفر (أعلى منه).

ويجب أن نسكرر تفهي الطريقة لكل طالب.

فالطالب الثانى الذى رتبته و درجتما هما ؛ (أقل منه)، صفر (أعلى منه) .

والطالب الثالث للذى رتبته Λ درجتاه هما $_3$ (أقل منه) ، صفر (أعلى منه) .

والطالب الرابع الذي رتبته v درجتاه هما ع (أقل منه) ، صفر (أعلى منه).

ولكن الطالب الخامس الذي رتبته ٦ درجتاه هما ٣ (أقل منه)، ١ (أعلى منه). منه).

والطالب الثامن الذي رتبته ٣ درجتاه هما ٢ (أقل منه) ، ٢ (أعلى منه) ، ، وهكذا .

فإذا جمعنا تكرار الطالبات الأقل من كل طالب، وكذلك تـكرار الطالبات الأعلى من كل طالب، ثم أوجدنا الفرق بين التـكرارين فإننا نحصل على معامل الرتب النسبية بين الجنسين:

أي أن:

و إذا قسمنا هذا الفرق على العدد الكلى للبوازنات فإننا نحصل على معامل الاقتران المطلوب.

أى أن معامل الاقتران

$$\cdot, \vee \circ = \frac{1}{1} = \frac{y - y_1}{y + y_1} = \frac$$

وإذا بدأنا الموازنات بالطالبات بدلا من الطلبة ، فإننا سوف نحصل على نفس النتامج فيما عدا أن الإشارة سوف تـكون مختلفة .

فثلا الطالبة الخامسة التي رتبتها ٣ درجتيها هما ٤ (أعلى منها)، ٢ (أقل منها).

والطالبة الـــابعة التي رتبتها ٤ درجتيها هما ٥ (أعلى منها)، ١ (أقل منها). وهكذا .

وبذلك يكون معامل الافتران
$$=$$
 $\frac{71-7}{71+7}$
 $=$ $\frac{10-7}{75}$
 $=$ $\frac{10-7}{75}$

ومعنى هذا أنه عند موازنة رتب الطلبة والطالبات تـكون رثب الطلاب[على في العدوانية في حالات أكثر بنسبة ٧٥ / من الرتب الآقل.

ولا يختلف بالطبع مقدار الاقتران سواء بدأنا الموازنات بالطلاب أم بالطالبات، وإنما مختلف هذا المقدار فقط في الإشارة.

ولكن نظرا لان أحد المتغيرين فقط من المستوى الرتبي فإن الإشارة تصبح لا معنى لها ، فهى لاتدل إلا على المجموعة التي بدأنا منها الموازنات . فإذا أهملنا الإشارة ، يمكننا أن نتوصل إلى صورة معامل ويلكو كسون وهي :

(۱)
$$\cdots$$
 $\frac{| بموع تكرارات (الأقل) - بموع تكرارات (الأعلى) | \cdots انجموع الدخلي للبوازنات$

ويدل الخطان الرأسياز على أننا نأخذ القيمة المطلقة للفرق ، أى قيمة الفرق بغض النظر عن الإشاره .

فإذا كانت رتب جميع الطلاب أعلى من أى من الطالبات كما هو مبين بالجدول الآتى رقم (٥١):

44	الرتب بالمسبة للعدوانية											
١	۲,	٢	٤	0	٦	٧	٨	9	1.	الجنس		
صغر	عفر	حدهر	مدفر	1	1	١	١	١	١	د کور		
1	1	1	1	صفر	صفر	صفر	صفر	صفر	صفر	إناث		

جدول رقم (٥١)

فإن درجات الطلاب تـكون كالآني :

بحموع تسكرارات (الاقل) = ٢٤

بحموع تدكرارت (الاعلى) = صفر

$$1 = \frac{\Upsilon\xi}{\Upsilon\xi} = \frac{|\Upsilon\xi| - \alpha i \delta_0}{|\Upsilon\xi|} = \frac{|\Upsilon\xi|}{|\Upsilon\xi|} = \frac$$

وهذا يدل على اقتران تام بين المتغيرين .

أما إذا كان توزيع الطلبة والطالبات فى العدو انية كما هو مبين فى الجدول الآتى رقم (٥.٢) :

(۲۷ - التحليل)

	الرنب بالنسبة للندوائية											
1	۲	٣	٤	0	٦	Y	٨	٩		الجنس		
١	صفر	١	صفر	1	1	صفر	١	معو	١	ذ دور		
مغو	١	صفر	١	صفر	معر	. 1	مبقر	1	صعر	ذ دور إدات		

جيدول رشم (٥٢)

فإن درجات الطلاب تسكون كالآى: مجموع تسكرارات (الآقل) = ١٢ مجموع تسكرارات (الآعلى) = ١٢

وحینقید نیکون
$$\Theta = \frac{|17-17|}{17+17} = \frac{\text{صفر}}{18} = -$$
 صفر

وهذا يدل على عدم وجود أى افتران بين المتغيرين . وتعتبر ⊙ مقياسا للافتران بين متغيرين أحدهما من المستوى الاسمى والآخر من المستوى الرتبي . ويمكن أن تغراوح قيمتها بين الصفر و الواحد الصحيح . ويمكن تفسير قيمة ⊖ نى ضوء الموازنات بين رتب الافراد الذين ينتمون إلى الاقسام المختلفة للمتغير الاسمى . ونحصل عليها بإيحاد الفرق بين نسبة الموازنات التي يتفوق فيها أفراد الحموعة إحدى الم جمرعات أواحد الاقسام ونسبة الموازنات التي يتفوق فيها أفراد مجموعة أخرى أو قسم آخر .

طريقة أخرى لحساب ⊖:

إيمكن إجراء تعديل طفيف على الطريقة السابقة لكى تحصل على مقياس إحصائى يمكن تعديمه فى حالة الرتب غير المكررة أو التي يكون بعضها مكررا . والصورة الرياسية المستخدمة فى هذه الحالة مى :

حيث فن = ا ٿن - تع

أى القيمة المطلقة للفرق بين تكرارات (الآقل) وتكرارات (الآعلى) لكل قسمين من أقسام المتغير الاسمى .

ويمكن حساب قيمة ته بأن نضرب التكرار الكلى لكل قسم من أقسام المتغير الاسمى فى تكرار كل قسم من الاقسام الاخرى مثنى مثنى، ثم تجمع حواصل الصرب الناتجة . وهذا المجموع يساوى المجموع المكلى للموازنات التى حصّلنا عليها فيما سبق .

ويفترض عند استخدام هذه الصورة أن يكون المتغير الرابي متصلا ، وأن يكون تسكرار بعض الرتب هو نتيجة لمدم الدقة السكاملة في التصنيف ، أي نتيجة لمدم إمكانية تحديد أي الملاحظات تكون رتبتها أعلى وأيها تسكون رتبتها أقل .

ولذلك فإن نصف عدد الرئب المـكررة يطرح من تكوارات (الأقل) ، والنصف الآخر يطرح من تـكرارات (الأعلى) ، أى:

| تكرارات (الأقل) - \$ عدد الرتب المكررة | - | تكرارات (الأعلى) - \$ عدد الرتب المكررة | .

و بذلك فإن عدّد الرتاب المسكررة لا يكون له تأثير على قيمة ⊙ لانها تحذف تتيجة لسملية الطرح .

أي أنه تكمننا حساب قيمة ۞ دون اعتبار للرتب المسكررة .

ولتوضيح الخطوات الى يمكن أن يتبعها الباحث عند حساب قيمة ⊙ بهذه الطريقة نرجع إلى البيانات الموضحة بجدول رقم (٥٠) .

الخطوة الأولى: يحسب ت ق وذلك بأن يضرب كل تسكرار في الجدول رقم مه (جميع القيم في هذه الحالمة = الواحد للصحيح) في مجموع التسكرارات التي تقع أسفل وإلى يسار هذا التسكرار ، ثم يجمع حواصل الضرب الناتجة .

فمثلا بالنسبة للرتبة ١٠:

وبالنسبة للرتبة ٥: (١) (٤) = ٤

وبالنسبة الرتبة $\lambda : (1)(3) = 3$

وبالنسبة الرنبة γ : (١) (٤) = ٤

وبالنسبة الرنبة ه : (١) (٣) = ٣

ويالنسبة المرتبة γ : (۱) (۲) = ۲

المجدوع ٢١

(وينبغى أن تلاحظ أنسا أهملنا الرتب الى تدكرارها صفر وهي الرثب الى ٢٠٤،٢) ٠

الخطوة الثانية : يحسب ت ع وذلك بأن يضرب كل تكرار في الجدرول قم (٥٠) في مجموع التسكر إرات التي تقع أسفل وإلى يمين مذا التسكر الر، ثم يجمع حواصل الضرب المناتجة .

حيث فن = التق - تع

أى القيمة المطلقة للفرق بين تكرارات (الآقل) وتكرارات (الآعلى) لكل قسمين من أقسام المتغير الاسمى .

ويمكن حساب قيمة ته بأن نضرب التكرار الكلى لمكل قسم من أقسام المتغير الاسمى فى تمكرار كل قسم من الاقسام الاخرى مثنى مثنى، ثم نجمع حواصل الضرب الناتجة . وهذا المجموع يساوى المجموع المكلى للوازنات التى حصلنا عليها فيا سبق .

ويفترض عند استخدام هذه الصورة أن يكون المتغير الرئبي متصلا ، وأن يكون تدكرار بعض الرتب هو نتيجة لعدم الدقة الكاملة في التصنيف ، أي نتيجة لعدم إمكانية تحديد أي الملاحظات تدكون رتبتها أعلى وأيها تدكون رتبتها أقل .

ولذلك فإن نصف عدد الرتب المكررة يطرح من تكرارات (الأقل) ، والنصف الآخر يطرح من تكرارات (الأعلى) ، أى :

الكرارات (الأقل) - عدد الرتب المكررة (- الكرارات (الأعلى) - بعدد الرتب المكررة (-

و يذلك فإن عدد الرتب المكررة لا يكون له تأثير على قيمة ⊙ لانها تحذف التيجة اسلية الطرح .

أي أنه يمكننا حساب قيمة ۞ دون اعتبار للرتب المسكررة .

ولتوضيح الخطوات التي يمكن أن يتبعها الباحث عند حساب قيمة ⊙ بهذه الطريقة نرجع إلى البيانات الموضحة بجدول رقم (٥٠) .

الخطوة الأولى: يحسب ت في وذلك بأني يضرب كل تسكراد في الجدول رقم م و (جميع القيم في هذه الحالة = الواحد للصحيح) في مجموع التسكرارات التي تقع أسفل وإلى يسار هذا التسكرار ، ثم يجمع حواصل الضرب الناتجة .

فثلا بالنسبة الرتبة ١٠:

(1) [a + 1 + a + 1 + a + 1 + a + 1 + a + 1 + a + 1 + a + 1] [1 + 1] [2]

و بالنسبة للرتبة ρ : (1) (3) = 3 و بالنسبة للرتبة ρ : (1) (3) = 3 و بالنسبة للرتبة ρ : (1) (3) = 3 و بالنسبة للرتبة ρ : (1) (3) = 3 و بالنسبة للرتبة ρ : (1) (7) = 7 و بالنسبة للرتبة ρ : (1) (7) = 7

المجموع

(وينبغى أن تلاحظ أنسسا أهملنا الرتب الى تـكرادها صفر وهى الرتب الى تـكرادها صفر وهى الرتب الـ ٢٠٤،٢) .

71

الخطوة الثانية: يحسب ت ع وذلك بأن يضرب كل تكرار في الجدرول قم (٥٠) في مجموع التكرار ، ثم يجمع حواصل الضرب الناتجة .

ونظراً لأن المتغير الاسمى في هــــذا المثال يتــكون من قسمين فقط فإنه لا توجد موازنات أخرى . ولذلك فإنه يوجد فقط فرق واحد (فَــن) .

ونکون مجہ فن ہے فن ہے ۱۸

الخطوة الرابعة : يحسب قيمة ت كا آنى :

يضرب تسكرار الذكور في تـكرار الإناث ،

ای ان ت و = (۱)(۱) = ۲۱

الخطوة الخامسة : يحسب قيمة ⊙ باستخدام الصورة رقم (٢) السابقة وهي :

وهي نفس القيمة التي حصلنا عليها باستخدام العاريقة السابقة .

حِسابِ قبمة ۞ إذا اشتمل المتغير الاسم, على أكثر من قسمين:

يمكن أن تتضح بدرجة أفضل كيفية استخدام وتطبيق الصورة السابقة لحساب قيمة ۞ إذا اشتمل المتغير الاسمى على أكثر من قسه بن. ولذلك سنمرض المثال الآتي لمتغيرين أحدهما من المستوى الرتبي ، والآخر من المستوى الاسمى الذي يشتمل على أربعة أقسام .

بِعَشْرَعِينَ صُرِيعًا لَى أَنَنَا قَمْنَا بِتَصَانِفَ مِجْمُوعَةً تَسَكُونَ مِن . } فردا بحسب حالتهم الاجتماعية . واستطعنا أن نقدر لبكل منهم رتبة في التوافق الاجتماعي . وهذه البيانات موضحة في الجدول الآتي رقم (٥٣):

	الرتبة في التوافق الاجتماعي					الحالة الاجتباعية
المجموع الدكلم	1	۲	٣	٤	٥	
1.	صفر	۲	•	۲	1	اعزب
۲:	صغر	مبغرا	0	0	1.	متزوج
o :	1.1	۲	۲	صفر	صغر	أدمل
0	1 7	7	صفر	صفر	صغرا	مطلق

چدیل رتم (۵۳)

جدول اقتران بين الحالة الاجتماعية والنوافق الاجتماعي

فإذا أردنا تحديد درجة الاقتران بين الحالة الاجتهاعية والتوافق الاجتهامي للمذه المينة من الافراد، فإننا نحسب قيمة ⊙ بنفس الطريقة السابقة كالآني :

الخطوة الأولى: نحسب قيمة كل من عتى ، عن المكل موازنة ثنائية ممكنة ، وعدد هذه الموازنات ٦ (أى توافيق ۽ أقسام مثنى مثنى) .

الموازنة الاولى: موازنة الفردالاعزب بالفرد المتزوج: عسب قيمة ت ق كاكِتى:

بالنسبة الرتبة ٥: (١) (٥+٥) = ١٠ بالنسبة للرتبة ٤: (٢) (٥) = ١٠ بالنسبة للرتبة ٣: (٥) (صفر) = صفر بالنسبة للرتبة ٢: (٢) (صفر) = صفر بالنسبة للرتبة ٢: (٢) (صفر) = صفر بالنسبة للرتبة ١: (صفر) (صفر) = صفر المحموع

ونحسب قيمة تعج لهذه الموازنة كالآنى .

ثم نحسب قيمة مح ف ن لهذه الموازنة كالآتى:

الموازنة الثانية : موازنة الفرد الاعرب بالفرد الارمل.

نحسب قيمة ت إبنفس الطريقة :

وكذلك نحسب قيمة تع كالآتى:

$$y$$
 y
 مم نحسب قيمة فن باستخدام الصورة :

الموازئة الثالثة: وازنة الفرد الاعرب بالفرد المطلق.

نحسب قيمة ت تي كالآتي:

بالنسبة للرتبة ٥: (١) (٢+٢) = ٥
بالنسبة للرتبة ٤: (٢) (٢+٣) = ١٠
بالنسبة للرتبة ٤: (٥) (٢+٣) = ٢٥
بالنسبة للرتبة ٣: (٢) (٣) = ٣
بالنسبة للرتبة ١: (صفر) (صفر) = صفر
بالنسبة للرتبة ١: (صفر) (صفر) = صفر

وكذلك نحسب قيمة تع كالآتى ;

ثم نحسب قيمة فن :

فن = | تق - تع = | ١٦ - صفر | = ١٦

الموازنة الخامسة : موازنة الفرد المتزوج بالفرد المطلق .

الموازئة السادسة : موازئة الفرد الارمل بالفرد المطلق .

والخطوة الثانية أوجد المجموع الكلى الموازنات وذلك بأن نضرب النكرار السكلى الدكل قسم من أقسام متغير الحالة الاجماعية مثنى مثنى لنحصل على ت كالآنى :

والخطوة التالثة : تحسب قيمة ۞ باستخدام الصورة رقم (·) السابقة وهي :

$$=\frac{797}{670}=0$$
, تقریباً .

أى أنه يمكننا التنبؤ بالتوافق الاجتماعي لمجموعة الافراد في هذا المثال بمعاومية حالتهم الاجتماعية بدرجة جيدة . وتدل قيمة ⊙ على أنه توجد فروق منتظمة في التوافق الاجتماعي في ٢٠٠٥ من الموازنات بين الأفراد الذين يختلفون في خالتهم الاجتماعية .

ولذلك يمكن للباحث استخدام هذا المعامل أو المقياس الإحصائى إذا أراد معرفة مقدار الملاقة بين متغير بن أحدهما من المستوى الرتبي والآخر من المستوى الاسمى .

وفيها يلى ملخص للخطوات التي يمكن أن يتبمها الباحث في حساب قيمة ⊖ : ١ ينظم التسكرارات في جدول اقتران .

٧ _ يوازن أقسام المتغير الاسمى فيها بينها مثنى مثنى، ويسحل تكرارات القسم الآخر التي تسكون رتبتها أقل من رتب القسم المطلوب (تتي)، وكذلك تسكر أرات القسم الآخر التي تسكون رتبها أعلى من رتب القسم المطلوب في كل حالة (تع) .

٣ ــ يحسب الفرق بين ت ق ، ت ع بغض النظر عن إشارة الناتج لسكل قسمين من أقسام المتغير الاسمى ، ثم يجمع الفروق الثاتجة .

- ٤ يحسب العدد الكلى للمواز نات الممكمة ت
 - ه بحسب قيمة ⊙ باستخدام الصورة:

مقايبس إحصائية أخرى:

فى الحقيقة لا توجد مقاييس إحصائية أخرى يمكن استخدامها فى إيجاد درجة الاقتران بين متفيرين أحدهما من المستوى الاسمى والآخر من المستوى الرتبي . ولكن يمكن للباحث _ كا ذكرنا فى مستهل هذا الفصل _ أن ينظر إلى المتغير الرتبي على أنه متغير اسمى و يحسب معامل التنبؤ لجتمان (λ) ، غير أن قيمة هذا المعامل سوف تكون أمل حاسية فى الكشف عن درجة الافتران الفعلى بين المتغيرين الإصليين .

تمارين على الفصل العاشر

الطلاب، والصفات التي يرى كل طالب في المجموعة أنها يجب أن تتوافر في صديقه الطلاب، والصفات التي يرى كل طالب في المجموعة أنها يجب أن تتوافر في صديقه الذي يود اختياره. لذلك صم الباحث استبياناً طلب فيه من عينة من طلاب احدى السكليات أن يحدد هذه الصفات، وفيها يلي النتائج التي حصل عليها:

النكرار الكلي	رتبة دخل الاسرة				الصفة المفضلة
استارار الالق	١	۲	٣	٤	
108	71	٤٠	۲۸	07	(أ) الرغبة في الصدافة
43	1.	17	٩	٧	(ب) المظهر الخارجي
71	٩	1.	2	٨	(ج) احرام الصدافة
٣٠	٥	٧	٦	17	(د) المستوى التعليمي

إوجد درجة العلاقة بين هذين المتغيرين ، وفسر القيمة الناتجة . ٢ ـــ احسب معامل ويلسكوكسون للعلاقة بين الجنس وترتيب الأفراد في صفة التحرر لعنة من طلاب وطالبات إحدى الكلبات كالآنر :

	الرنب									
1	۲	٢	į	o	٦	٧	٨	٩	١.	الجنس
1	مغر			<u></u>					١	د کر
صغر	صفر	1	1	١	مفر	صفر	١	صفر	صفر	اش

وفسر القيمة التي حصات عليها .



ثمارين على الفصل العاشر

١ حاول أحد الباحثين دراسة العلاقة بين رئب دخول أسر بجوعة من الطلاب، والصفات الى يرى كل طالب في المجموعة أنها يجب أن تتوافر في صديقه الذي يود اختياره. لذلك حمم الباحث استبياناً طلب فيه من عينة من طلاب لحدى المكليات أن يحدد هذه الصفات. وفيا يلي النتائج التي حصل عليها:

النكرار الكلي	رتبة دخل الاسرة				الصفة المفضلة
استار ال	١	٢	۲	٤	
108	42	٤٠	71	٥٢	(أ) الرغبة في الصدافة
٤٢	1.	17	4	٧	(ب) المظهر الخارجي
71	4	١.	2	٨	(ج) احرام الصداقة
٣٠	0	٧	٦	17	(د) المستوى التعليمي

إوجد درجة العلاقة بين هذين المتغيرين ، وفسر القيمة الناتجة .

۲ — احسب معامل و يلسكو كسون للملاقة بين الجنس وترتيب الافراد في
 صفة التحرر لعنة من طلاب وطالبات إحدى الكلبات كارزر:

	الرنب									
1	۲	۲	٤	0	٦	٧	٨	٩	1.	الجنس
1	مغر	معدر	صفر	,40	1	1	1	1	١	د کر
صغر	صغر	1	1	1	مفر	صفر	1	صفر	صفر	أىثى

وفسر القيمة التي حصات عليها .



الغضلالحادئ عيشر

مقاييس العلاقة إذا كان أحد المثنيرين من المستوى الاسمى والآخر من المستوى الفترى

نسبة الارتباط

طريقة حساب نسبة الارتباط إذا كان أحد المتغيرين من المستوى الاسمى والآخر من المستوى الفترى

طريفة حساب نسبة الارتباط إذا كان كل من المتغيرين من المستوى الفثرى ولسكن العلاقة بينهما منحنية

الملاقة بين نسبة الارتباط ومالمل ارتباط ييرسون

رأينا فيا سبق أن الاقتران بين متغيرين يمكن اعتباره مشكلة تخمين أو تنبؤ. كا رأينا أن طبيعة التخمين تختلف من حالة إلى أخرى على حسب ميزان قياس كل من المتغيرين . إلا أنه يمكننا القول بوجه عام أنه كلما زادت دقة تخمين قيم أحد المنغيرين باستخدام قيم المتغير الآخر كلما زادت درجة الاقتران بين المتغيرين .

فنى حالة معامل التنبؤ لجتهان ومعامل حاصل ضرب العزوم لبيرسون يمسكن تقدير دقة التخدين عن طريق مدى قدرتنا على تخدين قيم أحد المتغيرين تخدينا صحيحاً دون علمنا بقيم المتغير الآخر. وفي مثل هذه الحالات يكون معامل الاقتران هو معامل بدل على مقدار التحسن في قدرتنا على التخمين إذا لستخدمنا معلومات عن المتغير الآخر . وكلما زاد مقدار هذا التحسن كلما زادت قيمة معامل الاقتران.

وسوف نعرض في هذا الفصل أحد المقاييس الإحصائية الهامة التي يمكن أن يستخدمها الباحث في إيجاد درجة الاقتران بين متغيرين أحدهما من المستوى الاسمى والآخر من المستوى الفترى ويسمى و نسبة الارتباط Correlation الاسمى ويرمز لهذه النسبة بالحرف اليوناني (٣) وتقرأ (إيتا).

وبالطبع يمكن أن يعتبر الباحث المتغير الفترى متغيراً رتبباً ، ويحسب قيمة معامل التنبؤ معامل ويلمكوكسون ۞ ، أو يعتبره متغيراً اسمياً ويحسب قيمة معامل التنبؤ لجبان ٨ . ولمكن استخدام أى من هذين المعاملين يؤدى بالطبع إلى فقد بعض المعلومات الني كان من الممكن أن يحصل عليها من بيانات بحثه إذا استخدم المتغير الفترى بدلا من اعتباره من النوع الرتبي أو الاسمى . ولذلك فإن نسبة الارتباط أكثر هذه المقاييس حساسية لدرجة الاقتران في هذه الحالة .

وقد ذكرنا فى الفصل السابع أن معامل ارتباط بيرسون يفترض وجود علاقة خطية بين متغيرين كل منهما من النوع الفترى أو النسي . فإذا لم يرتبط

المتغيران بمثل هذه العلاقة فإن الصورة المستخدمة لإيجاد قيمة معامل ارتباط بيرسون تكون أقل من القيمة الفعلية للارتباط بين المتغيرين . وأحيانا تسكون هذه القيمة الفعلية مرتفعة جداً ومع هذا تقترب قيمة معامل ارتباط بيرسون من الصفر . وللتأكد من خطية العلاقة بين متغيرين يجب أن نرسم شكلا انتشاريا لازواج القيم . فإذا وجدنا أن النقط لا تميل إلى التراكم حول خط مستقيم بل تميل إلى الانحناء ، بمعنى أنه كلما زادت قيمة أحد المتغيرين تزيد قيمة المتغير الآخر في النقصان مع استمرار قيم المتغير الآخر في النقصان مع استمرار قيم المتغير الأول في الزيادة ، فإنه لا يجب في هذه الحالة استخدام معامل ارتباط بيرسون لانه لا يكون في هدده الحالة هو المقياس الماسب لإيجاد درجة هده الملاقة المنحنية . وهنا يمكن للباحث أن يستخدم نسبة الارتباط به .

ويجب أن يميز الباحث بين هذين الاستخدامين لنسبة الارتباط . فإذا استخدمت هذه النسبة لإيجاد درجة الاقتران بين متغير اسمى ومتغير فترى فإن شرط الخطية أو عدم الخطية لا يسكون له ممنى فى هذه الحالة ، وإنها تعبر نسبة الارتباط عن درجة العلاقة بين المتغيرين .

أما إذا كان كل من المتغيرين من المستوى الفترى فإنه يجب التأكد من خطية أو انحناء العلاقة . وسوف نعرض في هذا الفصل لسكل من الحالتين .

ونسبة الارتباط شأنها شأن معامل ارتباط بيرسون أو معامل التنبؤ لجنمان تدل على مقدار التحسن فى التخمين . فكا هو الحال فى المعاملين المذكورين نبدأ هنا أيضاً بتخمين قيم نموذجية Typical فى التوزيع ، ونعيد التخمين مرة أخرى ولكننا نستعين فى هذه المرة بتوزيع متغير آخر ، ثم نوجد نسبة ما طرأ على التحمين من تحسن .

طريقة حساب نسبة الارتباط η إذا كان أحد المتغيرين من المستوى الاسمى والآخر من المستوى الفترى:

لتوضيح طريقة حساب نسبة الارتباط في هذه الحالة تعرض المثال البسيط الآتي:

نفترض أننا حصلنا على معلومات عن عدد علب السجائرالتي يستهلمها كل فرد من أفراد بحموعة عددها . ٤ كل أسبوع . ووضعنا هذه البيانات في جدول التوزيع التكراري رقم (٥٤) الآتي :

ص ∀ ت	التسكرار (ث)	عدد علب السجائر المستهلكة (ص)
صفر	٣	صغر
١	•	١
ŧ	۲	۲
4	٣	٣
17	ŧ	٤
۲٠	£	٥
Y£	٤	٦
۲۸ .	٤	٧
٣٢	٤	٨
0 ξ	٦	1
٣٠	٣	1.
<u> </u>	<u> </u>	11
74.	٤٠	المجموع

جِنُولُ رَتِّم (إِيَّاهُ)

فإذا طلب منا أن نخمن العدد النموذجي Typical لعلب السجائر التي يستملكها كل فرد من أفراد هذه المجموعة ، فإن أفضل تخمين يكون هو المتوسط . وسوف نرى فى الفصل الثالث عشر أن المتوسط يعد أفضل تخمين للدرجة النبوذجية فى توزيع المتغير الذي من المستوى الفترى .

وقد سبق أن رأينا فى الفصل الثالث أنه يمسكن إيجاد قيمة المتوسط الحسابي لمثل هذا التوزيع باستخدام الصورة :

وبهذا يكون أفضل تخمين هو أن أى فرد من أفراد هذه المجموعة يستهلك ٣ علب من السجار كل أسبوع .

ولكى نقدر دقة هذا التخمين يجب أن نحصل على معامل يقيس التباين حول المتوسط. فلإيجاد تباين التوزيع السابق يجب أن نستخدم أيضا الصورة التي ذكرناها فى الفعل الرابع وهي:

$$\frac{\dot{v} - \dot{v}}{1 = \dot{v}} = \frac{\dot{v}}{\dot{v}} = \frac{\dot{v}}{\dot{v}} = \frac{\dot{v}}{\dot{v}} = \frac{\dot{v}}{\dot{v}} = \frac{\dot{v}}{\dot{v}}$$

$$\frac{\dot{v}}{\dot{v}} = \frac{\dot{v}}{\dot{v}} $

وهذا يتطلب تسكو بن الجدول الآتي رقم (٥٥) :

ت ص۲	ت	ص ۲۶	ص َ = ص - ص	ص
1.4	٣	77	٦	صفر
70	1	1 40	o —	١
44	۲	17	£	۲
44	٣	1	r	٣
١٦	٤	٤	۲ –	٤
٤	٤	١	1 —	•
صفر	٤	مفر	صفر	٦
٤	٤	1	1+	V
17	٤	٤	7+	٨
. 08	٦	1	4+	٩
٤٨	٣	17	1+	1.
••	Υ	70	<u>•</u> +	11
TAE	٤٠	٤٠		المجموع

جدول رقم (٥٥)

ومن هذا الجدول يتضح أن :

ع، ت = ٢٨٤ = م الم

أى أن تباين توزيع المتغير ص = ٩٫٦ . وهذا التباين يعتبر مقياسا للخطأ في تخدين متوسط عدد علب السجائر التي يستهلكها كل فرد في المجموعة .

والآن إذا افترضنا مثلا أن استهلاك السجار يقترن بحنس الفرد (ذكر أو أنثى) إذ ربما نستطيع التخمين بأن الرجال يدخنون أكثر من النساء .

والمشكلة الآن هي تحديد درجة الاقتران بين متغير الجنس ومتغير استهلاك السجائر لهذه المجموعة من الافراد . أي أننا نريد أن تحدد مقدار النقص

فى أخطاء تخمين متغير استهلاك السجائر إذا علمنا متغير الجنس . لذلك فإننا نسكون جدول توزيع تسكرارى لمكل من الذكور والإناث كا هو مبين بالجدول رقم (٥٦) الآتى :

11	- Ļi	1	عدد علب السجارً المستهلمكة كل أسبوع
المجموع	إناث	ذکور	(س)
. "	٣	صفر	صفر
)	•	صفر	
۲	۲	صفر	۲
٣	٣	صفر	۴
٤	٤	صفر	٤
1	٤	ص.فر	6
٤	٤	صفر	٦
٤	٣	1	y
£	۲	7	٨
٦	۲	٤	٩
٣	1	. 7	1.
<u> </u>	1)	11
<u> </u>	٣٠	1.	المجموع

جدول رقم (٥٦)

ولسكى نستطيع تخدين عدد علب السجائر المستهلسكة ، و نقدد خطأ التخدين اسكل من الجنسين (أى التباين) ، فإن هذا يتطلب تسكوين جدولين أحدهما للذكور رقم (٥٧) والآخر الإناث رقم (٥٨) كالآنى :

(أولا) جدول الذكور

ت ص ۲	ص ۲	من = ص - ص	ت ص	ت	ص
٤	£	Υ —	٧	1	٧
۲	١	1 —	17	۲	٨
مقر	صفر	صفر	٣٦	٤	١٩
۲	١	1+	۲٠	۲	1.
٤ - '	٤	Y +	11	١	11
17	1.		(4.	1.	المجموع

نِجِتُولُ رَئِمُ (٧٠ ٪ طريقة حساب تباين توزيع المتغير المتصل للذكور

$$\frac{1 = 0}{1 = 0} = \frac{0}{0}$$

$$\frac{1 = \frac{1}{1}}{1} = \frac{0}{1}$$

$$\frac{1}{1} = \frac{0}{1}$$

$$\frac{1}{1} = \frac{0}{1}$$

$$\frac{1}{1} = \frac{1}{1}$$

$$\frac{1}{1} = \frac{1}{1}$$

(ثانياً) جدول الإناث

					
ت ص ۲	ص ۲	ص = ص - ص		ت	ص
Vo	Yo	0 —	صغر	٣	صغر
١٦	17	£ —	1	1	١
١٨	٩	٣	٤	۲.	۲
17	٤	Y —	4	٣	٣
٤	1	١	17	٤	٤
سغر	صغر	صفر	۲٠	٤	٥
٤	1	1+	71	٤	٦
١٢	٤	۲+	41	٣	٧
۱۸	4	٣+	17	۲	٨
. 44	17	٤+	14	۲	٩
40	۲۰	•+	1.	١	١.
٣٦	٣٦	4+	11	١ ١	11
707			10.	٣٠	المجموع

جِدُولُ رَقِّمِ (٥٨) طريقة حساب تباين توزيع المتنير المتصل الإناث

$$\frac{1 = 0}{1 = 0} = \frac{1}{10}$$

$$\frac{1 = 0}{0} = \frac{10}{10}$$

$$\frac{10}{10} = \frac{10}{10}$$

$$\frac{1}{10} = \frac{10}{10}$$

ومن هذا يتضح أن تباين توزيع الذكور = ١,٢ ، وتباين توزيع الإناث = ٤,٨ . وهذا يمنى أنه عند تخمين متوسط الذكور (وهو = ٩) يكون معامل الخطأ مساويا ٢,١ . وعند تخمين متوسط الإناث (وهو = ٥) يكون معامل الخطأ مساويا ٤,٨ . وهذه القيم تمثل خطأ تخمين عدد علب السجائر المستهلكة بمعلومية الذكور والإناث كل على حدة . ويمكننا الحصول على معامل الخطأ الناتج عن تخمين عدد علب السجائر المستهلكة عندما نأخذ متغير الجنس في الاعتبار بأن نضم معاملي الحطأ معا .

وفي الحقيقة فإن هذا المعامل هو متوسط موزون أو مرجح . أي أن :

حيث ت برمز إلى عدد الملاحظات (أى التكرار) في كل بحموعة فرعية . يشتمل عليها المعزان الاسمى .

- ع ٢ ج ترمز إلى تباين توزيع قيم المتغير ص أسكل مجموعة فرعية.
 - ، ك ترمز إلى عدد الجموعات الفرعية.
 - ، ن ترمز إلى العدد السكلي للملاحظات (التكرار السكلي) .
 - ، ع^٢م ترمز إلى متوسط التباين داخل المجموعات الفرعية .

ونطراً لأن لدينا في هذا المثال بحموعتين فرعيتين (ذكور وإناث) فإن :

$$1.5 = 1.7 = 1.7 = 1.7 = 1.7$$

و بهذا تسكون :

$$\frac{(\lambda, \xi)(Y \cdot) + (1, Y)(1 \cdot)}{\xi \cdot} = \int_{Y}^{Y} \xi$$

$$7,7 = \frac{77\xi}{\xi} = \frac{707 + 17}{\xi} =$$

أى أن متوسط التباين داخل مجموعتى الذكور والإناث = ٦,٦ . وهذا يمتبر معامل الخطأ الذى نحصل عليه عند تخدين متوسط عدد علب السجار المستهلكة لـكل من الذكور والإناث على حدة . وقد حصلنا على هذا المعامل عن طريق إيجاد التباين حول المتوسط لـكل من المجموعتين وضم القيمتين معافى معامل واحد .

والآن يمكننا أن نوجد نسبة الارتباط (ŋ) باستخدام نفس الفسكرة الى سبق استخدامها فى إيجاد معامل ارتباط بيرسون أو معامل التنبؤ لجتمان وهى :

وهنا يمثل التباين خطأ التخمين ، أى أن :

مربع نسبة الادتباط (۲۱) =
$$\frac{3^{7} - 3^{7}}{3^{7} - \frac{3^{7}}{9}}$$

$$= \frac{7,7 - 9,7}{1,7} = \frac{7}{1,7}$$

$$= \frac{7}{1,7} = \frac{7}{1,7} = \frac{7}{1,7}$$

ويلاحظ أن ١١ = ١٦٠

·, 07 = -, 77 \=

أى نسبة الارتباط (١١) = ٥٠,٠٠

و نظراً لأن مربع نسبة الارتباط تدل دلالة مباشرة على التباين فإنه من السهل تفسيرها على أنها نسبة تباين المتغير الفترى من الذي يقترن بالمجموعات الفرعية للمتغير الاسمى س .

فني المثال الحالى يقترن ٣١٪ من تباين متذير عدد علب السجار المستهلكة (ص) بمتذير الجنس (س) بينما لا يقترن ٦٩٪ (أى ١ ــ مربع نسبة الارتباط) من تباين المتذير (ص) بالمتذير (س).

و تتراوح قيم نسبة الارتباط بين الصفر ، والواحد الصحيح . و نظراً لاننا حصلنا على نسبة الارتباط باستخدام متغيرين أحدهما من المستوى الاسمى و الآخر من المستوى الفترى فلا يحوز في هذه الحالة أن نتحدث عن علاقة ترتيبية ، و لذلك لا يمكن أن تسكوز هذه النسبة سالبة . والقيمة الناتجة عن تربيع قسبة الارتباط تدل على نسبة التباين المشترك بين المتغيرين س ، ص .

وتسكون قيمة مربع إنسبة الارتباط مساوية للصفر إذا لم يطرأ أى تحسن في قدرتنا على تخمين قيم المتغير ص على ما تأخذ المتغير س في الاعتبار .

وفى مثل هذه الحالة تسكون ص لسكل بحموعة فرعية. من مجموعات المتغير الاسمى س مساوية للمتوسط العام لجميع قيم ص ، ويكون تباين كل مجموعة من هذه المجموعات مساويا التباين للعام للتوزيع ـ

و يمكن توضيع ذلك بالجدول الآقي رقم (٥٩):

ت س	ت س	ت س ا	ت	قيم المتغير ص
١	١	١	٣	١
۲	۲	۲	٦	۲
٤	٤	ŧ	14	٣
۲	۲	۲	٦	٤
١	١	١	٣	٥
1.	1.	1.	٣٠	الجموع

جِحَوَلُ رَقِمُ (١٩٥) تباين المجموعات الفرعية = تباين التوزيع العام (نسبة الارتباط = صفر)

وبالنظر إلى هذا الجدول نلاحظ أن المتنير الاسمى س يتـكون من ثلاث بحموعات أ ، ب ، ج . والمتوسط العام لتوزيع المتغير ص = ٣ وتباين التوزيع بير ٣ أيضا .

أما بالنسبة لـكل من المجموعات الفرعية التي يشتمل عليها المتغير س فإننا نلاحظ أن:

$$T = \sigma^{2} = T^{3} = T^{3}$$

آی آن: مربع نسبة الارتباط
$$= \frac{7 - 7}{7} = \frac{\frac{1}{2}}{7}$$

 $= \frac{1}{2}$

ومعنى هذا أنه لم يحدث أى نقس في خطأ التخمين بالرغم من أخذ المتغير س في الاعتبار . أي أنه لا يوجد اقتران بين المتغيرين س ، ص . ولسكن إذا أخذنا الحالة الى تقع فيهـــا كل قيمة من قيم ص في بجموعة واحدة من الجموعات الى يشتمل عليها المتغير س، فإننا نحصل على نتيجة عنتلفة كما هو مبين بالجدول الآتى رقم (٦٠):

	لبتمفير س	، الفرعية لا	المجموعات			
تسم	عست	تسج	تسب	تس	ŗ	قيم المتغير ص
صفر	صفر	صفر	صفر	4	٣	1
مفو	٦	صفر	صفر	صفر	٦	۲
صفر	صفر	صفر	17	صفر	17	۲
صفر	صفر	٦	صغر	مبقر	۳	٤
٣	صفر	صفر	صفر	صفر	٣	٥
4	1	7	17	٣	٥.	المجموع

جِدُولُ رقم (٦٠) قيم ص تقع في مجموعة واحدة من مجموعات المتفير س

وبالنظر إلى هذا الجدول نجند أن المتغير الاسمى يشتمل على ه بحموعات هى أ ، ب ، ج ، د ، ه . وأن كل بحموعة من هذه المجموعات تشتمل على قيمة واحدة من قيم ص . فهنا نجد أن المتوسط العام للتوزيع _ ٣ ، و تباين التوزيع _ ٣ . ولكن متوسطات المجموعات الفرعية تختلف عن ذلك ، ع٢ م ح صفر .

وبذلك يكون مربع نسبة الادتباط
$$\frac{7}{9} - \frac{0}{9}$$
 $= \frac{7}{9}$

أى أن التباين المكلى للمتغير ص يقترن بالتغير الذي يحدث في أقسام المتغير س . س . وهنا يمكننا الننبؤ بدرجة تامة بقيم المتغير ص بمعلومية المتغير س .

ولذا يمكننا القول بوجه عام أن نسبة الارتباط هي مقياس لدرجة التنبؤ بقيم متغير فترى بمعلومية أقسام متغير اسمى .

طريقة مختصرة لحساب نسبة الارتباط ب

مكن أن يستخدم الباحث الطريقة السابقة لإيجاد نسبةالارتباط (η)، ولكن يمكنه اختصار هذه الخطرات إذا استخدم الصورة الآتية :

حيث ت ترمز إلى عدد الملاحظات (النكرار) فى كل بحموعة فرعيـــة يشتمل عليها المتغير الاسمى .

- ، ص ج ترمز إلى متوسط درجات كل بموعة فرعية .
 - ، ص ترمز إلى المتوسط العام للارجات المتغير ص.
 - ، ك ترمز إلى عدد المجموعات الفرعية .
 - ، ص في قرمز إلى درجات المتغير الفترى ص .
- ، ن ترمز إلى العدد المكلى للملاحظات (التمكر ار المكلى) .

مريخص مُممياً ث الخطوات الى يتبعها الباحث عند استخدام الصورة رقم (٥) في المثال السابق في الجدول الآني رقم (٦١) :

الإناث	ابحموعة	الذكور	بحموعة		•	المجموعة الكلية		Spanning -	
تص	ت	ت ص	ت	ت ص ۲۰۰	ص۲	ص ٔ ص	ات ص	ت	ص
صفر	٣	صغر	صفر	۱۰۸	77	٦ -	صفر	٣	صغر
١	١	صفر	صفر	٣ ٢٥	40	0	١	١	١
٤	۲	مسقر	صغر	44	17	1 -	٤	۲	۲
١ ٩	٣	صفر	صفر	77	٩	٣ —	٩	٣	٣
17	٤	صفر	صفر	17	٤	Y -	١٦	٤	٤
7.	٤	صفر	صفر	4	١	1 —	۲٠	٤	٥
75	٤	صفر	صفر	صفر	صفر	صفر	7 2	ŧ	٦
71	٣	٧	١	٤	١	1+	۲۸	ŧ	٧
17	۲	١٦	۲	17	٤	Y +	44	٤	٨
۱۸	۲	٣٦	٤	0 \$	٩	r +	0 \$	٦	٩
1.	1	۲٠	۲	٤٨	17	٤ +	٣٠	٣	١.
11	١	11	١	۰۰	70	• +	77	7	11
10.	٣٠	۹.	١٠	77.8			71.	٤.	المجموع

جدول رقم (٦١) خطوات حساب نسبة الارتباط بين متفير من المستوى الاسمى ومتفير من المستوى الفترى

$$\bullet = \frac{10 \cdot r}{r \cdot r} = (\text{lk/il})$$

$$(\overline{w}, \overline{k}) = (-7)^{\gamma} = 9$$
 $(\overline{w}, \overline{k}) = (-7)^{\gamma} = 9$
 $(\overline{w}, \overline{k}) = (-7)^{\gamma} = 1$
 $(\overline{w}, \overline{k}) = (-7)^{\gamma} = 1$
 $(\overline{w}, \overline{k}) = 0$
 $$\frac{(1)(r\cdot) + (1)(1\cdot)}{r \wedge t} =$$

$$\cdot, r_1 = \frac{1 r \cdot}{r \wedge t} =$$

وهي نفس القيمة الني حصلنا عليها فيما سبق .

والخلاصة أن الباحث يمكنه أن يتبع الخطوات الآنية عند حساب نسبة الارتباط (ŋ) بين متغيرين أحدهما من المستوى الاسمى والآخر من المستوى الفترى:

المتغير الذي يمكن قياسه كميا)، عضر المتغير الذي يمكن قياسه كميا)، يوجد جن للجموعات ككل، صلح الدكل جموعة فرعية يشتمل عليها المتغير الاسمى س.

٣ ـــ يضرب مربعات انحرافات متوسطات المجموعات الفرعية في عددأ فراد
 كل بحموعة أي :

ت ج (ص ج - ص) ، و يجمع أو اتبج حاصل الضرب لجميع المجموعات الفرعية .

٤ -- يحسب بجوع مربعات انحراقات المجموعات ككل أى:

ن بجــ (ص_{نی} - صَ)۲ ف=۱

م يحسب نسبة الارتباط باستخدام الصورة رقم (ه) السابقة .

طريقة حساب نسبة الارتباط إذا كانت العلاقة بين متنيرين كل منهما من المستوى الفترى منحنية:

ذكرنا فيما سبق أن العلاقة بين متغيرين كل منهما من المستوى الفترى لاتكون دائما خطية كما هو الحال عندما نبحث العلاقة بين الاداء فى أحد اختبارات القدرات المقلية والعمر الزمنى .

فعدل الآداء يزداد بسرعة كبيرة في الآعمار الصغيرة (منه ــ ١٠ عوام)، ثم يقلهذا الممدل قليلا بالنسبة للآعمار من ١٠ ــ ٢٠ عاما ، حيث يصل الآداء إلى أقصاه في سن المشرين ، ثم يبدأ في التناقص التدريحي في الآعمار من ٢٠ ــ ٤ عاما ، ويزداد التناقص في الآداء زيادة سريعة بعد سن الاربمين . فإذا كانت الدراسة الارتباطية تعتمد على عينة تشتمل على جميع هذه الآعمار ، وحسبنا

مهامل ارتباط حاصل ضرب العزوم لبيرسون بين الآداء في الاختبار والعمر الزمني ، غان هناك احتبال كبير أن تقترب قيمة هذا المعامل من الصفر ، والسبب في ذلك أن معامل ارتباط بيرسون يعتمد على فرض خطية العلاقة بين متغيرين ، فإذا لم تكن العلاقة خطية كما في هذه الحالة ، فإن القيمة التي تحصل عليها باستخدام صورة معامل ارتباط بيرسون تكون أقل من القيمة الفعلية اللاتباط بين المتغيرين، ولذلك بحب على الباحث التأكد من شكل توزيع البياتات ذات المتغيرين قبل اختيار مقياس العلاقة المناسب البيانات ، وبالطبع لا يتضح شكل العلاقة من مجرد النظر إلى البيانات ، وإنما يجب أن يرسم الباحث شكلا انتشاديا يوضح له ما إذا كانت العلاقة منحنية لا يحوز استخدام معامل ارتباط بيرسون ، وإنما يحب استخدام فسبة الارتباط (١) ،

ولتوضيح الخطوات الى يمكن أن يتبعها الباحث فيحساب نسبة الارتباط إذا كانت العلاقة بين متنبرين كل متهما من المستوى الفترى منحنية نعرض المشال الآنى:

تفتريض أثنا أردنا إيجاد الغلاقة بين العمر الزمني (س) ودرجات الختباريقيس المعلومات العامة (ص) طبق على هيئة تتكون من ٢٠٠٠ فرد من مختلف الاهمار.

فالخطوة الأولى: هي أن نسكون جدولا انتشاريا للمتغيرين كما هو مبين بالجدول رقم (٦٢) بأن يمثل فشات العمر الزمي على المحور الافقى ، برفشات العرجات على المحور الرأسي ، و نسجل تكرار كل زوج من أزواج فقات المتغيرين، و كذلك التكرار السكلي (ت من لكل فئة من فئات درجات المتغير ص للاعسار المختلفة في عمود مستقل ، والتكرار السكلي (ت من لكل نية عمرية المدرجات المختلفة في الاختبار في صف مستقل ،

	10791 = 178101	بغرت ص ۲	-1			4 4 7 4 4 4 6 4 4 6 4 6 4 6 4 6 6 6 6 6	٠	
	= 4311	' بر ن ص بر	ř· - > :	< ~ · · · · · · ·	/ T T T	* * * * * * * * * * * * * * * * * * * *	رم' ق	
			() ·	4 1 0 1	< > >	1122251	ζ'	
		ザ. 川 ċ		<	۲ ۲ ۲ ۲	41.	ce Ci	
	-	•	,	411	,		· \ \ - 3 \	
	:	<		,,,	<i>.</i>		or - fr	
7	مر	مب حد		- 1 · 1			·r - 3r	
جدول رقم (۱۲)	>	7.			~ < 0	-	- 1 - 3 L - 0 - 50 - 0 - 30 - 0 -	
ان تع	<	0		- 1	411	1 -	· 0 - 30 \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	
Ţ.	-4	>		4	44,4	m -t -	03 - 63	
	0				-1 • m	101-	•3 - 33	
	~	5		·	4 1	4 m m	07 - PY	
	4	7		-		*****	·7 — 37	
	-2	۲.		~	*** -	444"	64 - 40	
	-	õ	~	4 1 1 4 4			·7 - 37	
	مهن	هر					01-71	
			è - 4	4 ~ 0 ~	< > ^		&'	
	(, '	, ç	1110	4 4 4 7 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1			اعود الراسى درجان الاختبار (ص)	-

جدول انتشارى لاعمار عينة تتكون من ١٠٠١ طالب ودرجاتهم في اختبار المعلومات

والطريقة المباشرة لحساب نسبة الارتباط (p) تعتمد على نمريف مربغ نسبة الارتباط بأنها النسبة بين بجموع مربعات انحرافات متوسطات الاعمدة عن المتوسط العام لتوزيع المتغير (ص) والجموع الكلى لمربعات انحرافات قيم المتغير ص عن هذا المتوسط . أى أن :

$$(7) \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot \quad \frac{\gamma^{2}}{\gamma^{2}} = 0$$

$$(v) \quad \cdot \quad \cdot \quad \frac{\overline{\nabla_{\alpha_{-\alpha_{0}}}}}{2^{\alpha_{-\alpha_{0}}}} \vee \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot \quad (v)$$

ويمسكن الحصول على المجموع السكلى لمربعات انحرافات قيم المتنير ص عن متوسط هذه القيم (مجم ص عن) باستخدام البيانات الموضحة في جدول الانتشار رقم (٦٢) كالآتى :

$$\frac{\sqrt{(175A)}}{7..} - \sqrt{1074A} =$$

ولسكى نحصل على بجموع مربعات انحرافات متوسطات الاعمدة عن المتوسط العام لتوزيع المتغير ص أى مجه ص من نكون جدولا كالآني رقم (٦٣):

(ه) ۲ <u>(</u> *س*) ت	({) (* e ~)	(۳) بعض	(۲) ت	(۱) ا
147,••	1771	٤٢	٩	صفر
400,44	0779	٧٣	10	1
۲۰ ٤٠, ۲۰	14.4.5	4.4	۲.	۲
T0 / 10,0 T	09077	711	77	۳
7172,77	7/817	147	۱۸	٤
7077,18	4444	777	٣٠	•
18.8,0.	1071	101	۱۸	٦
۱۰۰۸٬۲۰	10179	١٢٣	10	y
1274, . 8	79979	177	71	٨
٣٨٤,٠٩	1440	٦0	11	٩
771,11	1421	٤٣	Ņ	1.
71	70	٥٠	1.	11

جدول رقم (٦٣) خطوات حساب بجـ ص^٣م

فإذا نظرنا إلى جدول رقم (٦٣) نجد أن العمود الآول يبين أرقام الاعمدة في جدول الانتشار رقم (٦٣) . وهذه الارقام هي قيم س المدونة في الصف الاخير من هذا الجدول . والعمود الثاني يتكون من تكرار الاعمدة المختلفة المدونة أيضاً أمام ت في نفس الجدول . أما القيم الموضحة في العمود الثالث وهي قيم المجون من المبينة في العمود الثاني من جدول رقم ٦٣ هي انجرافات كل من حدول رقم ٦٣ هي انجرافات كل

فئة من فئات المتغير ص عن فئة افتراضية وهنى الفئة ٥ ــ ٩ فى هذه الحالة ، لذلك وضعنا صفراً أمام هذه الفئة ، والرقم ١ أمام الفئة التالية وهى ١٠ ــ ١٤، وهكذا) فإننا نحصل عليها بإيجاد الانحرافات التى تناظر كل تسكرار من تكرارات العمود المطلوب ، ثم نجمع هذه الانخرافات لسكل طنود على حدة .

فشلا إذا نظرنا إلى العمود الثالث فى جدول رقم (٣٢) نجد أن التكرار الكلى لهذا العمود = ٩ ، ثم نحصل على قيم ص التي تناظر التكرارات التي يتكون منها هذا التكرار الكلى ٩ . فهذه التكرارات هي ١ ، ٢ ، ١ ، ٢ ، ١ ، ١ ، ١ . و بذلك تكون قيم ص المناظرة لهاهى : ١، ٤ مكررة مرة و احدة ،٣، ه مكررة مرتين ٢، وكون قيم ص المناظرة لهاهى : ١، ٤ مكررة مرة و احدة ،٣، ه مكررة مرتين ٢، ٧، وتكرر هذه العملية لجميع الاعمدة، وبخوع هذه القيم عن ٢٤ . وتكرر هذه العملية لجميع الاعمدة، وتدون بجوع قيم ص لكل عمود في العمود الثالث من جدول وقم (٣٢) ، ثم تربع كل قيمة من قيم هذا العمود و نضع النتائج في العمود رقم ٤ ، و نقسم كل من هذه المربعات على تبكرار العمود الخاص بها ، ثم تجمد عائولة ج .

ويمكن تفسير نسبة الارتباط تفسيراً عائلا لتفسير معامل الارتباط لبيرسون، وذلك بتربيع نسبة الارتباط لنحصل على الم ، وهى تدل على التباين المشترك بين المتغيرين . فإذا ربعنا ٧١١، فحصل على مربع نسبة الارتباط وهذا يساوى ٥٠٠٥. . أى أن حوالى ٥١/ من تباين دوجات اختبار المعلومات يمسكن تفسيره بمعلومية الممر ، بمعنى أن هذا التباين يرجع إلى تباين العمر .

ويمكن استخدام الصورة الآتية لإيجاد مربع نسبة الارتباط مباشرة ، لأن البسط يمثل مجـ ص الديناط مباشرة ، لأن البسط يمثل مجـ ص الديناط مباشرة ، لا البسط يمثل ، لا البسط يمثل مباشرة ، لا البسط يمثل ، لا البسط ، لا

$$\frac{Y(\frac{(\sqrt{2} - \sqrt{2})^{2})}{\sqrt{2}} - \frac{X(\frac{2}{2} - \sqrt{2})^{2}}{\sqrt{2}}}{\sqrt{2}}$$
مربع نبة الارتباط $= \frac{1}{\sqrt{2}} - \frac{(\sqrt{2} - \sqrt{2})^{2}}{\sqrt{2}}$

مبدت $= \frac{1}{\sqrt{2}} - \frac{(\sqrt{2} - \sqrt{2})^{2}}{\sqrt{2}}$

(A) · · ·

العلاقة بين نسبة الارتباط ومعامل ارتباط بيرسون :

سبق أن رأينا أن معامل ارتباط حاصل ضرب العزوم لبيرسون بين المتغيرين س، ص يساوى معامل الارتباط بين ص، س لنفس بجموعة البيانات. ولكن هذا لا ينطبق على نسبة الارتباط. فنسبة الارتباط بين س، ص لا تساوى نسبة الارتباط بين ص، س، فهما نسبتان مختلفتان ، وبالطبع يمكن إبحاد نسبة الارتباط الثانية في المثال السابق إذا استبدلنا الرمز س بالرمز ص في المعادلة رقم (٨)، وأجرينا ما يتطلبه ذلك من تعديلات في الجدو ابين رقمي ٦٣، ٦٣.

كا أن معامل ارتباط بيرسون يمسكن أن يأخذ إحدى القيمتين 4. 1 أو ... ١ أو أن قيمة أخرى تنحصر بينهما . أى أن هذا المعامل يحدد مقدار و اتجاه العلاقة بين المتغيرين .

ولكن نسبة الارتباط ليست لها إشارة ، لاننا إذا تأملنا الشكل الانتشادى المتغيرين بينا للمتغيرين بينا للمتغيرين بينا نجد الملاقة سالبة فى أجزاء أخرى من هذا المدى . لذلك فإن نسبة الارتباط تقيس فقط درجة أو مقدار همذه العلاقة .

وتتأثر نسبة الارتباط بتذبذب متوسطات الاعمدة أو المفوف في جدول الانتشار إذ أن نسبة الارتباط تعتمد اعتمادا مباشراً على انحرافات متوسطات الأعمدة أو الصفوف عن المتوسط العام للمتغير ص . وهذا يجعل مقدارالارتماط الذي تدل عليه هذه النسبة أكبر إلى حد ما من قيمته الفعلية . فإذا كانت العلاقة بين المتغيرين منحنية فإن نسبة الارتباط تسكون أكبر من قدمة معامل ارتباط بيرسون التي تحصل عليها من نفس مجموعة السانات ، أما إذا كانت العلاقة من المتغيرين خطية ، فإن الفرق بين قيمة كل من نسبة الارتباط ومعامل ارتباط بيرسون التي نحصل عليها من نفس مجموعة البيانات يمكن أن يتخذ دليلا على مدى الزيادة غير الفملية في مقدار الارتباط الناتج عن استخدام نسبة الارتباط. أما في حالة الملاقة المنحنية فلا بمسكن تحديد مقدار هذه الزيادة . و لذلك نوصي الباحث بعدم استخدام نسبة الارتباط إلا إذا تأكد من أن العلاقة بين المتنيرين ليستخطية وأن العينة كبيرة بدرجة تسمج بجعل متوسطات الاعمدة أوالصفوف أ كثر ثباناً أو استقراراً ، لأن نسبة الارتباط ـ كما لاحظنا ـ تتأثر نأثراً ملحوظاً بعدد الاعمدة أو الصفوف وكذلك بالتكرارات الى تسكون النسكرار السكلي لكل عمود أو صف . إذ لا يمكن أن يتضع انجناء الملاقة إذا كان عدد الاعدة أو الصفوف قليلا ، ويقترح جليفورد Cuilford أن يكون حجم العيـة أكش من ١٠٠، وعدد الاعمدة أو الصفوف يتراوح بين ٦، ١٢ إذا أراد الباحث استخدام نسبة الارتباط كمقياس العلاقة المنحنية بين متغيرين . أما إذا قل العدد من ذلك فعليه إما أن يستخدم مقياس الحصائي آخر يسمى E (ويقرأ إيبسلون) حيث يمكن باستخدامه أن يحصل على نسبة ارتباط غير متحيزة ، ويمكن الباحث الرحسوع إلى Peters and Van Voorhis لزيد من التوضيح لهذا المقياس ، أو يمكنه تحديد شكل الاتعاز المتغيرين على صورة دالة رياضية ثم يحاول اختباذ مدى مطابقة البياغان لهذه الدالة ، وسوف محرض لهذه الفسكرة بالتفصيلي في الفصل الفتامس عشر عند مناقشتنا للانحدار فير الفعلى و

ولايفوتنا أن ننوه إلى أهمية نسبة الارتباط في تحليل التباين ، وهو ماسنعرض له في الجزء الثاني من البكتاب .

تمارين على الفصل الحادي عشر

1 - احسب فسبة الارتباط لجموعة البيانات الآتية ، وفسر الةيمه الثانجة :

	س)				
***************************************	د	*	ب	1	
	TT, . 5	19,.4	17,.1		متوسط قيم المتغير (ص) عدد الحالات
	۲.	77	44	77	فی کلرقسم

٧ - احسب نسبة الارتباط البيانات الآكينة:

دوجة الاختبار	درجة الاختبار	1 3	هيجة الابختبار	درجة الاختبار	111 11
الثاني	الأول	الطالب	آ الثان	الآول	الطالب
13.	į o	1.	n.	٦.	1
••	۲3	11	NA N	٥٤	۲
٤٨	٤١	17	# •	۰۳	٣
77	44	14	700	٤٩	٤
٤٨	٣٨	118	10 1	44	0
٤٠	44	10	18.7	1 47	٦
£ 7	44	17	:01	£ 7	V
47	٣٠	17	44	10	٨
_			44	10	1

٣ ــ احسب فسبة الارتباط بين المتغير الاسمى (س) الذى يشتمل على أربعة أقسام ، والمتغير الفرى (س) ، وفسر القيمة النائجة .

أقسام المتغير الاسم_د (س)

· www	س٠	۳۰	س.	
14	17	1.	•	
14	11	٨	٤	17
17	11	٨	٤	
١.	1.	٧	٣	1.2
,	4	٦	۲	المتري (ص)
	٨	•		13
		۰	1	
		7		

٤ ــ احسب نسبة الارتباط بين المتغير الاسمى (س) الذى يشتمل على خسة أنسام والمتغير الفترى (ص) ، وفسر القيمة الناتجة .

أقسام المتغير (س)

سه	س	س	سې	س۱)
٣	٧	0	۲	۲	
۲	٦	• .	ŧ	٤	=
£	٤	٤	٤	٤	3,
	٨ .	٥	, ,	۲	1
۲	•	٣	٣	٣	ر ا
٣			V	٣	
1			٥		
1 "					1

الفصل الثاني عشر مقاييس العلاقة

إذا كان أحد المتغيرين من المستوى الرتبي والآخر من المستوى الفترى

> معامل الارتباط المتسلسل المتعدد لجاسبن طريقة حساب معامل الارتباط المتسلسل المتعدد مقاييس إحصائية أخرى

سنعرض في هذا الفصل والفصل النالى بعض مقاييس العلاقة عند ما يكون أحد المتغيرين من المستوى الرتبي ، والآخر من المستوى الفترى .

وفى الحقيقة لا يوجد مقياس وحيد يمكن استخدامه لوصف درجة الاقتران بين هذين النوعين من المتغيرات، ويمكن أن يتفاضى الباحث عن الميزان أو المستوى الفترى لاحد المتغيرين ويحتبره من المستوى الرتى في ويوجد مقدار العلاقة بين متغيرين من المستوى الرتى باستخدام المقياس الإحصائى المناسب، وبالطبع سوف يكون مثل هذا المقياس أقل حساسية للعلاقة القائمة بين المتغيرين الاصليين. ولكن يوجد مقياسان إحصائيان يناسبان بوجه خاص الموقف البحثى الذى يتطلب إيجاد العلاقة بين متغيرين أحدهما من المستوى الرتى والآخر من المستوى الفترى هما معامل الارتباط المتعدد الحقيقي Multiserial Correlation ، ومعامل الارتباط المتعدد الحقيقي Point Multiserial Correlation .

و لكننا سوف نقتصر في هذا الفصل على مناقشة المقياس الأول ، والمقى الضوء فقط على المقياس الثاني .

وقبل أن يلجأ الباحث إلى استخدام أحد هذين المقياسين في تحليل بيانات محثه يجب أن يتأكد من أن البيانات تحقق بعض الفروض التي يتطلبها كل منهما ، وأحد هذه الفروض يتملق بالسمة النسبية لفترات المتغير الرتبي .

سُرُكُو شُرِكِيانَ أَن الضرورى في حالة استخدام معامل الارتباط المتسلسل المتعدد افتراض أن الفترات التي تفصل بين الرتب تتبع التوزيع الاعتدالي . وهذا يعني أنه لسكى تتحول الرتب إلى درجات على ميزان فترى يجب أن يفرض التوزيع الاعتدالي على البيانات الخاصة بالمتغير الرتبي . أما في حالة استخدام معامل الارتباط المتسلسل المتعدد الحقيقي فإنه يفترض أن الرتب في حد ذاتها يفصل بينها فترات متساوية، وسددا بمكن معالجتها كما لو كانت الدرجات الناتجة عنها من المستوى الفترى . ولكن يصعب في معظم الحالات تحقق مثل هذا الفرض. فالباحث ربما يضطر إلى استخدام متغيرات من المستوى الرتبى لعدم تمكنه من التوصل إلى طريقة تجمل الفترات التى تفصل بين رتب أى من هذه المتغيرات متساوية، وافتراض تساوى هذه الفترات بدلا من التأكد فعلا من تحققها يجعل تفسير المقياس الإحصائي المستخدم في هذه الحالة غير واضح . ولذلك فإنه ربما يفضل استخدام معامل الارتباط المتسلسل المتعدد الحقيقي في مثل هذه الحالة .

وفى الحقيقة لايوجد رمز متفق عليه لمكل من هذين المماملين . ولكننا سنرمز لهما بالرمزين رم ، رمح على الترتيب .

معامل الارتباط المتسلسل المتعدد لجاسين (رمم)

Jaspen's Coefficient of Multiserial Correlation

يمكن أن يستخدم الباحث معامل الارتباط المتسلسل المتعدد لجاسبن فى إيجاد درجة الاقتران بين متغيرين أحدهما من المستوى الرتبى ، والآخر من المستوى الفترى ، ولكنه يجب أن يتحقق من أن :

١ _ مناك علاقة خظية بين المتغيرين.

٧ — المتغير الرتبى يمكن أن يتبع التوزيع الاعتدالى بقدر الإمكان لو كان في استطاعته قياس هذا المتغير بقدر أكبر من الدقة . فإذا استطاع الباحث قياس أحد المتغيرات على ميزان فترى فإنه سوف يجد فى معظم الاحيان أن عدداً كبيراً من الملاحظات الخاصة بهذا المتغير تتوزع توزيعا اعتداليا . ولكن ربما لا يكون هذا صحيحا فى بعض الحالات . فبمض الظواهر السلوكية يكون توزيعا على شكل حرف (٠٠) ، و دخول الافراد بالجنيه المصرى مثلا تتوزع توزيعا ملتويا . إلا أن كثيراً من الاشياء أو الصفات الى تتحرى الدقة فى قياسها نجدها تقبع التوزيع الاعتدالى .

وهنا ربما يتساءل الباحث عن كيفية معالجة بيانات بحثه إذا لم يستطع قياس

أحد المُثَفِيرات التي يهتم بدراستها قياسا كميا ، بل استطاع فقط أن يقوم بإجرأه عملية ترتيب للملاحظات الخاصة بهسذا المتغير ، وبالطبع لاترقى عملية الترتيب للى مستوى عملية القياس من حيث الدقة .

فإذا استطاع الباحث افتراض أرب المتغير المطلوب يتخذ شكل المنحنى الاعتدالي إذا أمكن فياسه على ميزان فترى ، عندئذ يمكن إجراء بعض التعديلات التي تثرى من فاعلية عملية القياس Scaling ، إذ يستطيع في هذه الحالة تحويل الميزان الرتبي للمتغير إلى ميزان فترى .

مَرْنَفُ مِنْ مَرْمِيْ صَرَيْنِ مَرْمِيْ لَ إِنَهَا طَبِقَنَا استبيانَا لَقَيْاسَ الاَتِجَاهُ نَحُو انفَاقَ المال على عشرة من الطلاب، وأمكننا ترتيب هؤلاء الطلاب فأربع بحموعات بالنسبة لشدة هذا الانجاه، ويُجْفَتَرض أن النتامج كانت كالآني (جدول رقم ٢٤):

التكرار	شدة الانجاه	ا الرئبسة
,	موافق بشدة	٤
0	موافق إلى حد ما	٣
٠٣	غير موافق إلى حد ما	۲
. 1	غير موافق على الإطلاق	١
1.		الجموع

چدول رقم (٦٤)

وتلاحظ في هسدًا الجدول أننا استطعنا أن نرتب الطلاب بالنسبة لشدة الانجاء نحو إنفاق المال إلا أن الفترات التي تفصل بين الرتب ليست متساوية، فنحن نعلم أن الطلاب الذين يوافقون بشدة ربما ينفقون المال (أو على الأقل يكون انجاههم اللفظى نحو انفاق المال) أكثر من الطلاب الذين يوافقون إلى حد ما، ولكننا لانعلم مقدار الفرق بين المجموعتين.

وهذا ربما تفترض أننا إذا استطعنا قياس الاتجاه نحو إنفاق المال على ميزان فترى فإن التوزيع يكون اعتداليا، إذ أننا نتوقع أن معظم الطلاب يكون اتجاههم نحو إنفاق المال معتدلا، وعدد قليل منهم يكون اتجاههم متطرفا أى إما مسرفين أو مقترين .

وقبولنا هـــذا الافتراض يعنى أن كل طالب ينتمى إلى أحد أقسام شده الانجاه ، وأن هــذه الاقسام التى يوضحها الجدول رقم (٦٤) أبير موزعة توزيعا منتظما . ولـكننا نستطيع التعبير عن التوزيع باستخدام نسب الطلاب الذين ينتمون إلى كل قسم من هذه الاقسام كا هو مبين بالجدول رقم (٥٥) الآتى :

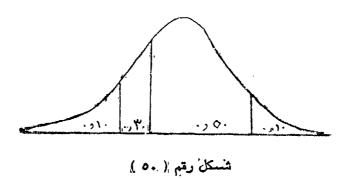
النسية	التمكوار	شدة الانجاه	الرتبة
٠,١٠	1	موافق بشدة	٤
٠,٥٠	٥	موافق إلى حد ما ُ	٣
٠,٣٠	٣	غير موافق إلى حد ما	٣
٠,١٠	١	غير موافق على الإطلاق	١
١,٠٠	1.		الجموع

جدول رقم (٦٥)

وهذا يمكن تقسيم المساحة تحت المنحنى الاعتدالي المعياري الذي عرضنا له في الفصل السادس بالنسب المبينة في هذا الجدرل .

فباستخدام نسب المساحات تحت المنحى الاعتدالي يمكن أن تعين لكل طالب درجة على الميزان الفترى الذى افترضناه، و بذلك يمكننا معرفة نسبة الدرجات الى تزيد أو تقل عن درجة معينة إذا علمنا انحراف هذه الدرجة عن المتوسط. وإذا علمنا

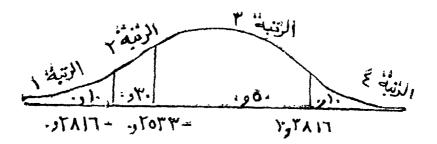
أسب البرجات التي تزيد أو تقل عن درجة معينة فإننا بالطبع فستطيع معرفة المحراف هدذه الدرجة عن المتوسط. لذلك قسمنا المنحق الاعتدالي في الشكل رقم (بين) إلى أربمة أجزاء بالنسب .٠٠، ٠٠، ٠٠، ٠٠، ٠٠، كالآتي :



فإذا رجعما إلى جدول المساحات تحت المنحى الاعتدالي (جدوال حا المبين مملحق الكتاب) نستطيع تحديد الدرجات المعيارية التي تناظر نقط تقسيم المنحني أي النقط التي تفصل بين أجزاء المنحني .

فثلا يتضح من جدول المساحات أن الدرجة المعيادية (د) التي تقع دونها ١٠٠٠ من الحالات تساوى – ١,٢٨١٦ ، فهدده إذن الدرجة المعيارية التي تفصل بين الرتبتين ١،٢٠ . فكل طالب رتبته ١ تقل درجته المعيارية عن – ١,٢٨١٦ . وكل طالب رتبته ٢ أو ٣ أو ٤ تزيد درجته المعيارية عن هذه الدرجة .

و نستطيع أن نـكرر هذه العملية بالنسبة لنقطتى التقسيم الآخريين ، وهذه النتائج مبينة بالشكل رقم (١٥) .



فستلل رقم (61)

ومن هذا الشكل يتضح أننا استطعنا باستخدام خصائص المنحنى الاعتدالى أن نحدد الدرجات المعيارية التى تفصل بين الرتب المختلفة لشدة الانجاء . فثلا يتضح أن كل طالب رتبته ٤ يجب أن تزيد درجته المعيارية عن ١,٢٨١٦ .

ولمكن تظرا لعدم دقة همذه الرتب للاسباب التي سبق أن ذكر ناها فإننا لانستطيع أن نعرف مدى انحراف درجة كل طالب عن همذه الدرجة المعيارية ، فكل مانستطيع أن نفعله هو أن نعين لمكل رتبة من الرتب الاربع متوسط الدرجتين المعياريتين اللتين تحدان كلا من همذه الرتب على خط قاعدة المنحني الاعتدالي ، ويمكننا الاستقادة في ذلك بخاصية أخرى من خصائص المنحني الاعتدالي ، وهي أن هناك علاقة بين ارتفاع همدذا المنحني والدرجات المعيارية .

إذ يمكننا تحديد متوسط الدرجتين المعياريتين على خط القاعدة لأى جزء من الجزاء المنحنى الاعتدالي إذا علمنا الارتفاعين اللذين يحدان هذا الجزء.

والصورة العامة التي يمكن استخدامها لتحديد هذا المتوسط هي:

(1)
$$\cdots \frac{z^{2}-3^{2}}{w}=\frac{1}{2}$$

حيث عق ترمز إلى ارتفاع المنحنى الذى يحد الجزء المطلوب من أسفل (ويمكن الحصول عليه من جدول ب المبين بالملحق) .

- عج ترمز إلى ارتفاع المنحى الذي يحد الجزء المطلوب من أعلى .
 - . س ترمز إلى نسبة الحالات التي تقسع في هذا الجزء .
- ، و ترمز إلى متوسط الدرجتين المعياريتين للجزء المطلوب من المنحى .

فإذا أردنا إيجاد الارتفاعين اللذين يحدان الرتبسة ؛ ترجع إلى جدول ارتفاعات المنحنى الاعتدالى (جدول ب) وتبحث عن الارتفاع الذى يقسع بعده ، ١٠ ، من الحالات فنجد أنه يساوى ١٧٥٥ ، والارتفاع الذى لاتقع دو نه أى حالة من الحالات ، وهو بالطبع عنه صفر أى أن ١٧٥٥ ، ، صفر هما حدا هذا الجزء من المنحنى .

فإذا عوضنا في الصورة رقم (١) السابقة نحصل على ت

$$\frac{\overline{c_i}}{c_i} = \frac{3\overline{b} - 3\overline{a}}{\overline{w}}$$

1,000=

اى أن متوسط الدرجات، المعيسارية للطلاب الذين رتبة كل عنهم ٤ يساوى ١٫٧٥٥

وعند استخدام جدول الارتفاعات لتميين حدى الرتبة ٣ يجب أن نتوخى الحذر . فنحن هنا نهتم بالارتفاع الذي تقع بعده ٥٠,٠٠٠ . ١٠,٠ أى ٢٠,٠ من الحالات . وبالرجوع إلى جدول الارتفاعات (ب) تجد أن القيم المدونة فيه لاتصل إلى هذه القيمة وإنما تصل إلى ٥٠,٠ فقط . لذلك بحب أن نبحث عن الارتفاع الذي تقع دونه ٤٠,٠ من الحالات ، فنجد أنه يساوي ٣٨٦٣,٠ . أي أن هذه القيمة هي عيم . وقد سبق أن حصلنا على عق وهي تساوي ١٧٥٥.

وبذلك نسكون قد حولنا جميع الرتب إلى العرجات المميارية المناظرة لها . أى أنه يكون قد تمين لسكل طالب درجة معيارية تكافىء رتبته . وهذه الدرجات المعيارية التى نتوقع الحصول عليها لو أننا استطمنا قياس الانجاه نحو انفاق المال على ميزان فترى . وعلى الرغم من أنها قيم تقريبية ، إلا أنه يمسكن اعتبسسارها بحموعة من الدرجات تفصل بينها فترات متساوية .

يفترض عربيان أن اهتمامنا ينصب على إيجاد درجة الافتران بين اتجاه المجموعة الى تتسكون من عشرة طلاب نحو إنفاق المال وعدد مرات ذهاب الطالب إلى دور السينماكل أسبوع.

فهنا نستطيع إيجاد معامل ارتباط حاصل ضرب العزوم لبيرسون لآن رتب شدة الانجاه قد تحولت إلى درجات معيارية متساوية الفترات ، وبذلك يكون استخدام هذا المعامل مناسبا لحذه البيانات .

فإذا افترصنا أننا استطمنا الحصول على بيانات عن عدد مرات ذهاب كل طالب إلى دور السينما كل أسبوع ، فإننا يمكن أن نكون جدولا كالآتى رقم (٦٦) .

ص عدد مرات الذهاب إلى دور السينماكل أسبوع	 آ المناظرة الرتب 	رتب الاتجاه نحو إنفاق المال
4	1,400	1
•	• , १४١٦	٣
ŧ	٢١٢٤,٠	٣
٣	٠,٤٢١٦	٣
۳	٠,٤٢١٦	٣
٣	٠,٤٢١٦	٣
۲	• ,٧•٢٧-	۲
٣	• , ٧٠٢٧ —	<u>{</u>
۲	• ,٧•٢٧—	۲ ۲
1	1,700-	1.

جِنهِلُ رَفِيْ (لَالَ)

ويمسكن حساب قيمة معامل ارتباط ييرسون بين قيم تو المبينة بهذا الجدول و بين قيم ص أى عدد مرات الذهاب إلى دور السينما كل أسبوع من الجدول الآتى رقم (٦٧) •

س د	3	3	ص۲	ص	
٧,٠٢٠	٣,٠٨٠	1,000	17	٤	
4,1.1	٠,١٧٨	٠,٤٢١٦	40	٥	
1,787	•,1٧٨	., 2717	17	ŧ	
1,770	•,1٧٨	٠,٤٢١٦	٩	٣	
1,770	٠,١٧٨	٠,٤٢١٦	٩	٣	
1,770	٠,١٧٨	., 2717	1	٣	
1,5.0-	٠,٤٩٤	·, v · ۲۷ —	٤	۲	
7,1.4	•, ६٩٤	•,٧•٢٧—	٩	٣	
1,100-	•, ٤٩٤	•,٧•٢٧-	٤	۲	
1,700	٣,٠٨٠	1,000-	1	١	
V, 987	۸,0٣٢	صغر	1.4	٣٠	المجموع

جدول رقم (٦٧)

$$\frac{(\frac{1}{3} + 0)(\frac{1}{3} + 0)}{0} = \frac{(\frac{1}{3} +$$

$$\frac{-\frac{(n+1)(n+1)(n+1)}{1\cdot} - \sqrt{(n+1)(n+1)}}{\left[\frac{r(r)}{1\cdot} - \sqrt{rr}\right]\left[\frac{r(r)}{1\cdot} - \sqrt{rr}\right]}$$

$$\cdot, \forall \forall r = \frac{\lor, 4r4}{1\cdot, 1r\cdot} = \frac{\lor, 4r4}{(\land, r \circ r)(1r)} = \frac{\lor, 4r4}{(\lor, r \circ r)} = \frac{\lor, 4r4}{(\lor, r \circ r)$$

أى أن معامل الارتباط = ٧٨٣.

ولكن هذه القيمة تحتاج إلى تصحيح نظراً لأر الدرجات المعيارية التي حصلنا عليها تتيجة لتحويل الرتب تعبر عن أقسام متسعة نسبيا بدلا من أن تعبر عندرجات غيرمبوبة . فتبويب قيم المتغير في أقسام متسعة يقلل من تباين توزيع المتغير .

ولذلك يجب أن نقسم معامل الارتباط السابق على الانحراف المعيارى للمتغير لتعويض النقص الذى حدث فى قيمة معامل الارتباط الارتباط التيجة لاتساع الاقسام. وفى هذه الحالة يصبح معامل الارتباط بعد تصحيحه مساويا لمعامل الارتباط المتعدد المتسلسل الذى اقترحه جاسن Jaspen . أى أن :

$$(r) \qquad \frac{c}{3c} = \frac{c}{3c}$$

و بتطبيق هذه الصورة على البيانات السابقة نحمد أن :

و يحب أن يلاحظ الباحث أن تحويل الرتب إلى درجات معيارية يؤدى إلى تغيير تفسير معامل ارتباط بيرسون . فعامل الارتباط النمانج لايتضمن الفرض الماص بخطية العلاقة فقط ، ولكنه يتضمن أيضا فرض أن المتغير الرتبي يتوزع توزيعا اعتداليا لو أننا استطعنا قياسه على منزان فترى .

ويمكن تفسيرمعامل الارتباط المتسلسل المتعدد في صوء نسبة التباين المشترك التي يجب أن تتوقعها لو أننا تمكنا بالفعل من قياس المتغير الرتبي قياساكيا .

فني هذا المثال رمم = ٥٠,٥٠ رمم = ٢٧,٠

أى أننا نتوقع أن ٧٧٪ من التباين فى حدد مرات ذهاب طلاب هذه العينة إلى دور السينهاكل أسبوع كان من الممكن أن تفسر بمعلومية التجاههم نحو إنفاق المال لو أنمنا بمكننا بالفعل من قياس الانجاه على مسزان فترى .

ملخص طريقة حساب معامل الارتباط المتسلسل المتعدد:

يتضح مما سبق أن معامل الارتباط المتسلسل المتعدد يجمع في ظريقة واحدة بين تعويل رتب المتفر الرتبي إلى درجات معيارية ، واستخدام معامل ارتباط بيرسون ، ولذلك فهو يعتبر تعديلا لمعامل ارتباط بيرسون .

والصورة الرياضية العامة التي يمكن أن يستخدمها الباحث لإيهاد معاصل الارتباط المتسلسل المتعدد رمم هي :

$$\frac{\sqrt{\frac{25 - 33}{25 - 33}}}{\sqrt{\frac{25 - 33}{25}}} \cdot \cdot \cdot \cdot (3)$$

حيث من المعنور الى متوسط قيم المتغير ص لمجموعة فرعية معينة من المتغير الرتي .

- ، عقى -عع ترمو إلى الفرق بين ارتفاعي المنحنى الاعتدالي الذين يحدان المجموعة الفرعية من أسفل ومن أعلى .
 - ، س ترمز إلى نسبة الحالات في بجوعة فرعية معينة .
 - ، عُمِن ترمز إلى الانحراف المعياري لجميع قيم المتغير ص .

والجدول الآن رقم (١٨) يوضع كيفية تطبيق الصورة السابقة رقم (٤) على المثال السابق :

	- 444 -	
·, v9r7	, v.y. , 811A— , 1100—	ع ق - ع ع الارت ق - ع ع ال
٠,٨٥٢٨	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	<u>(ئى سئى)</u> (
	, . Y . Y . Y . Y . Y . Y . Y . Y . Y .	(38-33)
ŧ	۱۰۱، ۱۰۰، ۱۳۸۳، ۱۳۸۰، ۱۲۸۰، ۱۲۰۰۰ ۱۲۰۰۰ ۱۲۰۰ ۱۲۰۰ ۱۲۰۰ ۱۲۰۰ ۱۲۰۰	ع ق – عع
	٠,١٠٥٥ ، ١٢٨٦ ، ٥٥٧١ ، ٠ ١٠,١٠٥٥ ، ١٢٨٦ ، ٥٥٧١ ، ٠ ١٠,١٠٥٥ ، ١٢٨٦ ، ١٠٥٥ ، ١٠٥٥	م عق عع
	۱۲، ۱۷۰۵، مغر ۱۳، ۱۷۰۵، ۱۳۸۲، ۱۳۸۲ ۱۷۰۵، مغر	ئن ر
<u>:</u>		ç
	, 777	٠ (ر
	T, T T T T T T T T T T T T T T T T T T	يم. ه
- Fred		٠٤.

يتدول رقع (١٨٤) طريقة مختصرة لحساب معامل الارتياط التسلسل المتعدد

$$1,\cdot 90 = \overline{1,7} = \frac{\overline{17}}{1 \cdot } = \frac{\overline{\sqrt{(\varpi - \varpi)}}^2}{3} = \frac{3}{2} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{(3^{2}-3^{2})}{(3^{2}-3^{2})^{2}} = \frac{(3^{2}-3^{2})}{(3^{2}-3^{2})^{2}}$$

$$\cdot, \wedge \circ = \frac{\cdot, \vee ? ? ?}{\cdot, ? ? ? \wedge} = \frac{\cdot, \vee ? ? ?}{(\cdot, \wedge \circ ? \wedge) (1, \cdot ? \circ)} =$$

وهي نفس القيمة التي حصلنا عليها باستخدام معامل ارتباط بيرسون بعــد تصحيحه.

ولذلك يمكن استخدام هذه الصورة عندما يريد الباحث إيجاد معامل الارتباط المتسلسل المتعدد بافتراض أن هناك علاقة خطية بين المتغيرين ، وأن قيم المتفيد الرتبي تتوزع توزيعا اعتداليا لو أنه استطاع قياس هذا المتغير على مزان فترى .

والخلاصة أنه يكن أن يحسب الباحث قيمة معامل الارتباط المتسلسل المتعدد إذا انبع الخطوات الله تية :

الحد صنى أى متوسط قيم المتغير الفترى (ص) لكل مجموعة فرعية من الرتب الى يشتمل عليها المتغير الرتى .

٢ ــ يرجع إلى جدول ارتفاعات المنحنى الاعتدالي لإيجاد الارتفاعات التي تحدكل مجموعة من المجموعات الفرعية .

٣ ــ يطرح الارتفاع الذي يحد الجموعة ،ن أعلى من الارتفاع الذي يحد المجموعة من أسفل .

- ع ـ يحسب نسبة الحالات في كل مجموعة .
- و سـ يحسب الانحراف المعياري للمتغير الفتري (ص).
- ٣ يوجد رمم باستخدام الصورة الرياضية السابقة رقم (٣).

مقاييس إحصائية أخرى :

يوجد عدد من المقاييس الإحصائية التي يمكن أن يستخدمها الباحث لإيجاد درجة الاقتران بين متغيرين أحدهما من المستوى الرتبي ، والآخر من المستوى الفترى وهي :

1 — معامل الارتباط الثنائى المتسلسل: وهو يعتبر حالة خاصة من معامل الارتباط المتسلسل المتعدد حيث يشتمل المتغير الرتبي على مجموعتين فقط مر الرتب . ويختلف هذا المعامل عن معامل الاوتباط المتسلسل المتعدد في أنهيمكن حساب قيمته باستخدام صورة خاصة به تناسب الميزان الرتبي الذي يشتمل على رتبتين . ونظراً لأهمية هذا إلمقياس الإحسائي في البحوث الفسية والتربوية وبخاصة في بجال بناء الاختبارات والمقاييس المختلفة ، فإننا سنعرض له بالتفصيل في الفصل القادم .

٧ ــ معامل الارتباط المتسلسل المتعدد الحقيقى: ناقشنا هذا المعامل فى مستهل هذا الفصل، وقلنا أن استخدام هذا المعامل يتطلب تحقق فرض أن الفترات التى تفصل بين رتب المتغير الرتبى تكون متساوية ونظراً لصموبة تحقق همذا الفرض فى كثير من البحوث النفسية والزبوية، فإنه لايستخدم إلا نادراً. وربعا كان هذا هو سبب عدم مناقشتنا لطريقة حسابه فى هذا الفصل.

٣ معامل الارتباط الثنائى المتسلسل الحقيقى: ويعتبر هذا المعامل حالة خاصة من معامل الارتباط المتسلسل المتعدد الحقيقى حيث يشتمل المتغير الرتباط على رتبتين فقط ، وينطبق على هدا المعسامل ماينطبق على معامل الارتباط المتسلسل المتعدد الحقيقى من مزايا وحيوب ، ولكى نجمل الباحث على دراية بطبيعة هذا النوع من المعاملات فإننا سنعرض لهذا المعامل أيضا بالتفصيل في الفصل القادم ،

تمارين على الفصل الثأني عشر

١ — أراد باحث إيجاد العلافة بين الذكاء وقابلية التأثر بالنغويم الإيحائى ، فاختار عينة تتسكون من ٣٧ فرداً من مستويات اجتماعية واقتصادية مختلفة تتراوح أعمارهم بين ٢١، ٣٧ عاماً وطبق على كل منهم اختبار ستانفورد بينيه للذكاء . ثم خصص لمكل منهم جلسات في التنويم الإيحائى ، وسجل استجاباتهم لمثيرات معينة . ثم عين لمكل منهم درجة على مقياس قابلية التأثر بالتنويم الإيحائى .

واعتبر الباحث أن هذه الدرجات من المستوى الفترى بالرغم من معالجته لها على أنها من المستوى الرتب . وفيا يلى درجات اختبار الذكاء لدكل من الرتب الأربع للأفراد على مقياس التنويم الإيمائي .

الرتب في مقياس قابلية التأثر بالتنويم الإيحاثي

٤	٣	۲	١
141	111	144	۱۲۸
171	177	174	111
۱۲٦	188	177	1-1
117	171	144	۱۰۳
	179	18.	1.4
	177	179	1.1
	177	۱۲۳	1.1
	117	117	i
	111	117	
	1.1	117	
		1.7	

أحسب معامل الارتباط المتسلسل المتعدد بين المتغيرين فى هـــــــــذا البحث ، وفسر القيمة الناتجة فى صوء مفهوم التباين المشترك .

١- قام معلم بتصحيح أوراق اختبار ١٥ طالباً فى مادة الجغرافيا . وقدر لدكل منهم درجة رقمية . بينها أعطى تقديراً كيفياً مثل عناز (١) ، جيد جداً (ب) ، جيد (-) ، مقبول (د) ، راسب (ه) للمشروع الذى قدمه كل طالب منهم . فإذا أراد المعلم إيجاد درجة العلاقة بين درجات الاختبار، وتقديرات المشروع المبيئة بالجدول الآقى :

درجة الاختيار	تقدير المشروع
11	١
١٨	1
**	1
19	ب
۲٠	ب ب
14	ب
14	ب
17	•
10	-
14	-
17	-
17.	-
٦	۵
٨	د
• ,	•

احسب معامل الارتباط المتسلسل المتعدد بين نوعى الدرجات ، وفسر القيمة الناتجة ، مع ذكر الفروض التي يجب أن تتوفر في هــذه البيانات حتى يكون التفسير صحيحاً .

الفصل لثالث عبشر

مقاييس العلاقة

إذا كان أحد المتغيرين أو كلاهما من النوع الثنائي

معامل الارتباط الثنائى المتسلسل الحقيقى معامل فاى معامل الارتباط الثنائى المتسلسل

معامل الارتباط التمانى المتستشل معامل الارتباط الرباعي عرضنا في الفصول السابقة المقاييس والطرق المختلفة التي يمكن أن يستخدمها الباحث في إيجاد العلاقة بين متغيرين. وقد لاحظنا كيف أن اختلاف موازين أو مستويات قياس كل من المتغيرين يؤدى إلى اختلاف المقاييس الإحصائية التي تصف درجة الافتران بينهما.

ولسكن أحياناً يواجه الباحث مواقف بحثية عتلفة وبخاصة في مجال بناء الاختبارات والمقاييس النفسية والتربوية يمكن تلخيصها فيما يلي:

ا ــ ربما يود الباحث إيجاد العلاقة بين متغيرين أحمدهما من النوع الثنائى Dichotomous ، أى أن المتغير يشتمل على قسمين منفصلين ، والآخر من النوع المتصل ، فالمتغير الثنائى ربما يكون درجات الطلاب فى مفردة اختيار من متعدد وهى عادة الواحد الصحيح أو الصفر ، أو ربما يكون المتغير الثنائى هو درجات عبارة من عبارات استبيان يجيب عليها الفرد إما ينعم أو لا أو أوافق أو لا أوافق وهكذا . وفي كلتا الحالتين يكون المتغير المتصل هو الدرجة الدكلية التي يحصل عليها الطالب أو الفرد في الاختبار أو الاستبيان .

وأحياناً يكون المتغير الثنائى هو جنس الطالب أى ذكر أو أنثى أو المرحلة التعليمية التي يدرس بهـا مثل التعليم الثانوى أو التعليم الجامعي، و يكون المتغير المتصل هو هرجات الطالب في اخترار ما .

۲ — أو ربما يود الباحث فى أحيان أخرى إيجاد العلاقة بين متغيرين كل منهما من النوع الثنائى ، مثل العلاقة بين استجابة بجموعة من الطلاب بنعم أو لا على عبارتين من عبارات أحد الاستبيانات . فهنا يكون المتغير الثنائى الاول هو الإستجابة للعبارة الاولى بنعم أو لا ، والمتغير الثنائى الثانى هو الاستجابة للعبارة الثانية بنعم أو لا أيعناً . أو ربما يكون المتغير الثنائى الاول مثلا هو عددالساءات

التى قصاها كل لاهب فى التدريب والتى تزيد أو تقل عن عدد معين من الساعات ، والمتعير الثنائى الثنائى هو ما إذا كان اللاعب قد أصيب أثناء مبساراة معينة أم لا . فهنا يكون المطلوب إيجاد العلافة بين متغيرين من النوع الثنائى هما فترة التدريب و الإصابة أثناء المباراة فى جميع هذه الحالات يحتاج الباحث إلى مقاييس إحصائية تناسب طبيعة هذا النوع من المتغيرات ، وقد عرضنا فى الفصول السابقة بعض المقاييس التى تصلح فى مثل هده الحالات ، ولسكننا أردتا أن تجميع المقاييس الشائمة الاستنخدام التى تعالج العلاقة بين المتغيرات الثنائية معا فى هذا الفصل حتى يستعايع الباحث أن ينظر إلى هذه المقاييس نظرة أكثر شمولية ، وبذلك يتسنى له فصها فحما مستنيرا قبل أن يغتار من بينها المقياس الذى يناسب متغيرات عشه . بالإضافة إلى أن بعض هذه المقاييس يعتبر حالات خاصة من معامل ارتباط حاصل ضرب العزوم ليبرسون ، والبعض الآخر يعلى تقديرا Estimate للقيمة المتوسطة لمعامل ارتباط بيرسون إذا افترضنا أن البيانات كان من المسكن أن تحتى لمعامل ارتباط معينة .

ومن أمثلة النوع الأول :

- ١ معامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي .
- عامل الارتباط الرباعي الحقيقي ويعرف باسم معامل فاي .

ومن أمثلة النوع الثاني :

- ١ -- معامل الارتباط الثنائي المتسلسل .
 - ٢ معامل الارتباط الرباعي .

ويعتبر النرع الاول من المقاييس حالة خاصة من معامل ارتباط بيرسون ، ويستخدم عندما يكون أحد المتغيرين أو كلاهما من النوع الثنائي .

أما النوع الثانى من المقابيس فهو لا يعطى نفس قيم معامل ارتباط بيرسون وإنما يعطى أفعنل تخمين لقيم هذا المعامل لعينة ما إذا اختلف شكل توزيع (٢١ – التحليل)

البيانات عما هو عليه . بمعنى أن هسده المقاييس تمتمد على فروض خاصة بطبيعة السيات التي يمثلها المتغيير لم تنعكس فى الطريقة التى جمعت و دونت بهما البيانات الخاصة بهذا المتغير . ولذلك فإن قيم المماملات الناتجة هن استخدام هذه المقاييس لا تساوى القيم الناتجة عن استخدام معامل ارتباط بيرسون بدلا منها .

وعلى وجه التحديد فإن النوع الثانى من المقاييس هو بمثابة تقدير لقيم معامل ارتباط بيرسون إذا كانت البيانات التى وضعت على الصورة الثنائية من الممكن قياسها على منزان متصل.

وسوف نهتم فى هذا الفصل بإبراز الاساس المنطقى لـكل من هذين النوعين من المقـاييس، والملاقة بينهما، والفروض التى يجب أن تتحقق فى البيانات حتى يمـكن استخدام أى منهما . وكذلك نعرض الطرق المختلفة لحساب كل من هذه المقاييس.

مقاييس النوع الأول:

(أولا) معامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي :

Point Biserial Correlation.

أحياناً يحتاج الباحث إلى إيجاد درجة العلاقة بين متغيرين أحدهما من النوع الثنائى والآخر من المستوى الفترى. وهنا ربما يواجه الباحث إحسدى الحالتين الآنيتين:

الحالة التي يكون فيها المتغير الثنائي من نوع المتغير الثنائي الحقيقي .
 والمثال الشائع لهذا النوع من المتغيرات هو الجنس (أي ما إذا كان الفرد ذكراً أم أنى) .

 العبورة الثنائية إما لغرض التبسيط أو المدم وجدود مقيماس أكثر دقةً لقياس السمة.

ومثال ذلك الإجابة على مفردات اختبار اختيار من متعدد (فالإجابة على مفردة إما أن تكون صحيحة أو خطأ)، وهنا يفترض أن توزيع درجات السمة الى يقيسها الاختبار من النوع المتصل . ولسكن ينظر عادة إلى التوزيع الثنائى لمثل هذا النوع من المفردات على أنه متغير ثنائى حقيقى ، والدرجة السكلية في الاختبار على أنها متغير متصل السمة التي يقيسها الاختبار .

ويقتصر عادة فى القياس النفسى والتربوى على استخدام مثل هـذا النوع من توزيعات مفرهات الاختبارات فى تقسيم الطلاب إلى بحموعتين أو التنبؤ باستجاباتهم للمفردات بوجه عام .

وتختلف طريقة إيجاد العلاقة بين متنيرين فى الحالة الارلى عنها فى الحالة الثانية . فطريقة إيجاد معامل الارتباط فى الحالة الاولى تعتبر إحدى الحالات الخاصة لمعامل ارتباط بيرسون ، أما طريقة إيجاد معامل الارتباط فى الحالة الثانية فهى تعتبر بمثابة تقدير لمعامل ارتباط بيرسون ، ونظراً لاننا نعرض هنا مقاييس النوع الاول فإننا سوف نبداً بمناقشة الحالة الاولى ،

ويسمى معامل الارتباط الذي يستخدم في إيجاد درجة العلاقة بين متغيرين أحدهما من النوع المتنائى الحقيقي والآخر من النوع المتصل و معامل الارتباط الثنائى المتسلسل الحقيقي و و يعتبر حالة خاصة من معامل الارتباط المتسلسل المتعدد الذي عرضتا له في الفصل السابق . وهنا يفترض أن توزيع المتغير الثنائي يكون منتظماً في كل من قسمي المتغير بمعنى أنه عند تقسم الطلاب المهني بمعنى أنه عند تقسم الطلاب إلى بجموعتين إحداهما بجموعة الناجعين والاخرى بجموعة الراسبين مشلا ، فإننا

تُسكُون قد افتر صنا ضمناً أن جميع طلاب المجموعة الآولى متسكافتون فىالنجاح وجميع طلاب المجموعة الثانية متسكافتون فى الرسوب.

ويستخدم معامل ارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي في كثير من الاحيسان في تعليل مفردات الاختبارات حيث نوجد معامل الارتباط بين درجات كل مفردة في الاختبار والدرجة السكلية في الاختبار بغرض تحديد مدى السياق درجات الطلاب في كل مفردة مع درجاتهم في الاختبار كسكل. ويمسكن إجراء ذلك بأن ندين لسكل طالب أجاب إجابة صحيحة على المفردة الرقم 1، ولكل طالب أجاب إجابة خطأ على المفردة الرقم منو به معامل ارتباط حاصل أجاب إجابة خطأ على المفردة الرقم صفر، ثم نوجد معامل ارتباط حاصل ضرب العزوم لبيرسون، فيسكون الناتج هو معامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي، وبالطبع يمسكن أن نستخدم أوزاناً تختلف عن الواحد الصحيح والصفر وتحصل على نفس النتيجة لأن معامل الارتباط الناتج لا يعتمد على هذه الاوزان ـ ولسكن يفضل استخدام الواحد الصحيح والصفر لتبسيط الممليات الحسابية.

و نستطيع النوصل إلى صورة رياضية أبسط من صورة معامل ارتباط بيرسون لحساب معامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي .

ويمكننا اشتقاق هــذه الصورة من صورة معامل ارتباط بيرسون بطريقة جبرية مباشرة . ولذلك فإن الصورتين متــكافتتان .

وهذه الصورة مي :

حيث رضح ترمز إلى معامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي .

- من ترمز إلى متوسط نوزيع قيم المتغير المتصل (س) المجموعة التي حصلت على الواحد الصحيح في المتغير الثنائي .
- ، سَ ترمز إلى متوسط توزيع قيم المتنير المتصل (س) التي حصلت على الصغر في المتنبر الثنائي .
 - ، ع_س ترمز إلى الانحراف الميارى المتنير المتصل .
- ، ض، ترمز إلى نسبة الأفراد في المجموعة المكلية الذين حصلوا على الواحد الصحيح في المتغير الثنائي .
- ، ص. ترمز إلى نسبة الآفراد في المجموعة السكلية الذين حصلوا على الصغر في المتغير الثنائي .

و يحب أن يلاحظ الباحث أن هذه الصورة تكانىء صورة معامل ارتباط بيرسون إذا استخدمنا ن في حساب قيمة ع_س بدلا من ن ـ ١ . أي تستخدم الصورة :

$$\frac{\sqrt{(\overline{w}-\overline{w})^2}}{\sqrt{2}} = \sqrt{2}$$

ولسكى نوضح الباحث كيف أن الصورتين متىكافتتان نعرض المثال الآني :

نفترض أننا أردنا إيجاد الارتباط بين الدرجة النكلية في اختبار اختيار من متعدد (س) ودرجة إحدى مفردات الاختبار (س) المجموعة تشكون من ممانية طلاب، وهذه الدرجات مبينة بالجدول الآتي (رقم ٢٩).

س ص	ص۲	المتغير الثنائى ص	س۲	المتغير المتصل س
١	١	1	١	1
١ .	١	١	١	1
صفر	صغر	صفر	4	۲
٦	١	•	٣٦	٦
٦	١	١	47	٦
صغر ا	صفر	صغر	11	l v
صفر	صغر	صفر	78	٨
صفر	صفر	صفر		4
18	٤	ŧ	777	المجموع . }

جدول رقم (۲۹)

الارتباط بين بين متغيرين احدهما من النوع الثنائي والآخر من النوع المتصل

فإذا حسبنا معاملار نباط بيرسون باستخدام الدرجات الحام مباشرة مجد أن:

$$\frac{0^2 \times w - 2 - w \times 2}{[v^2 - v^2 - v^2]} = 0$$

$$\frac{1 \times 1 \times 1 \times 1}{(1 \times 1 \times 1)} = \frac{1 \times 1 \times 1}{(1 \times 1 \times 1)} = \frac{1}{(1 \times 1 \times 1)}$$

$$\cdot, \circ \cdot - = \frac{\xi \wedge}{\xi \times Y \xi} - =$$

والآن نوجد معامل الارتباط الثنائي المنسلسل الحقيقي لنفس بجموعة البيانات باستخدام الصورة رقم (١) السابقة . و لتطبيق هذه الصورة يمكن أن يتم الباحث الخطوات الآتية :

الخطوة الاولى: يوجد س أى متوسط الدرجات السكلية في الاختبار المجموعة التي حصلت على الواحد الصحيح في المفردة كالآتي :

$$Y,0 = \frac{16}{5} = \frac{7+7+1+1}{5} = \sqrt{3}$$

والخطوة الثانية: يوجد س. أى متوسط الدرجات الكلية في الاختبار المجموعة التي حصلت على الصفر في المفردة كالآتي:

$$7,0=\frac{77}{2}=\frac{1+\lambda+\gamma+\gamma}{2}=0.5$$

والخطوة الثالثة: يوجد ع_س أى الانحراف المعيارى للدرجات السكلية في الاختبار باستخدام الصورة:

$$\frac{\overline{(w-w)^{\sharp}}}{\dot{v}} = \sqrt{\frac{2}{\pi}}$$

وهذا يتطلب تكوين جدول كالآتى:

「(で ー い)	س – س	س
17	ŧ —	•
17	1 -	١
1	۲ —	۲
١	١+	٦
١	1+	٦
٤	۲+	٧
1 1	4+	٨
17	i +	4
٧٢	مفر	الجموع . } س=هه
		س=هه

$$r = \sqrt{V} = \sqrt{V} = \sqrt{V} = V$$

والخطوة الرابعة : يوجد ص, وهي نسبة الطلاب الذين حصاوا على الواحد الصحيح في المفردة .

$$\cdot, \circ \cdot = \frac{1}{\Lambda} = 0$$

والخطوة الخامسة : يوجد ص وهي نسبة الطلاب الذين حصاوا على الصفر في المفردة .

$$\bullet, \bullet \bullet = \frac{\imath}{\wedge} = \bullet, \bullet$$

والخطوة السادسة : يطبق الصورة السابقة رقم (١) لإيجاد معامل الارتباط الثنائى المتسلسل الحقيقي كالآني :

$$(\overline{\cdot, \circ \cdot)} (\cdot, \circ \cdot) \vee \frac{7, \circ - 7, \circ}{7} = c \circ^{3}$$

= - ۱ × ۰٫۰۰ = ۰٫۰۰ مرب = ۰٫۰۰ = ۰٫۰۰ = ۰٫۰۰ و یلاحظ آنها تساوی قیمهٔ معامل ارتباط بیرسون کما ذکرنا .

صورة ثانية لحساب ديح:

يمكن أن يستخدم الباحث صورة أخرى لحساب ريخ بدلا من الصورة رقم (١) السابقة إذا أراد تبسيط العمليات الحسابية بدرجة أكبر ، وهذه الصورة هي:

$$(Y) \cdots \frac{\overline{\sqrt{m}} - \overline{m}}{\sqrt{m}} \qquad \sqrt{\frac{\overline{m} - \overline{m}}{m}} = \overline{m}$$

حيث سَ ترمز إلى متوسط درجات المتغير المتصل (س) . و بقية الرموز كما هي معرفة في الصورة رقم (١) .

صورة أالثة لحساب رضح:

يمكن استخدام الصورة الآتية لحساب ر_{ضح} بدلا من الصورتين (٢،١) السابقتين .

وتتميز هذه الصورة بأنه يمكنالتعويض فيها مباشرة بالقيم المدونة فى الجدول رقم (٦٩) ، ويمكن اشتقاق هذه الصورة بطريقة مباشرة من الصورة المستخدمة لإيجاد معامل ارتباط بيرسون من الدرجات الخام . وهذه الصورة هي :

$$(2) \cdots \frac{\overline{u} - \overline{u}}{\overline{u}} = \frac{\overline{u}}{\overline{u}} \cdots (2)$$

حيث ن ترمز إلى عدد أزواج النم أو الملاحظات.

، ن ترمز إلى عدد قيم المتغير الثنائي التي تساوى الواحد الصحيح .

، ن، ترمو إلى عدد قيم المتغير الثنائي التي تساوى الصفر .

، ن = ن + ن

، مَنَ ، مَن . سبق تعريفهما في الصورة رقم (١) السابقة .

فإذا عوضنا في هذه الصورة بالقيم المبينة بالجدول رقم (٦٩) نحد أن :

$$\frac{7,0-7,0}{\sqrt{\frac{17\cdot\cdot}{\Lambda}-747}} = \frac{7,0-7,0}{\sqrt{\frac{17\cdot\cdot}{\Lambda}}} = \frac{7}{\sqrt{17}} = \frac{7}{\sqrt{17}$$

ونلاحظ أنها نفس القيمة التي حصلنا عليها باستخدام الصورة رقم (١) .

ويمكن إيجاد معامل الارتباط الثنائى المتسلسل الحقيقى إذاكان المتغيرالثنائى من النوع الاسمى مثل متغير الجنس، وعندئذ يمكن أن تعين مثلا الرقم اللذكور، والرقم صفر للإناث .

تفسير معامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي :

و بالرغم من أنه يمكن التنبؤ بدرجة تامة بقيم متغير ثنائي بمعلومية قيم متغير متصل إذا لم يكن هناك تداخل بين توزيعي كل من المتغيرين ، إلا أنه لايمسكن التنبؤ بدرجة تامة بقيم متغير متضل بمعلومية قيم متغير ثنائي. إذلابد من حدوث بعض الاخطاء عند التنبؤ بقيم متغير مداه متسع بمعلومية متغير له قيمتين فقط. ولذا فإن معامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي يمكن تفسير قيمته على أنها مقياس لدرجة العلاقة بين المتغيرين ،

ولكن لايجب أن يتمدى ذلك إلى التفتيرات الاخرى الممكنة لمعامل ارتباط بيرسون مثل التنبؤ ، على الرغم من أن المعامل رضح يعتبر حالة خاصة من معامل ارتباط بيرسون .

طريقة حساب رش ح إذا كانت البيانات بحمة في جدول توزيع تسكرارى:

إذا كان لدى الباحث بحموعة كبيرة من الدرجات وأراد إيجاد معامل الارتباط الثنائى المتسلسل الحقيقى فإنه ربما يكون من الافضل تبويب هذه الدرجات فى جدول توزيع تكرارى. ويوجد المتوسط الحسابي والانحراف المميارى لدرجات المتغير المتصل باستخدام طريقة الانحرافات التى عرضنا لها فى الفصلين الثالث والرابع ، ثم يطبق إحدى الصور الثلاث السابقة لإيجاد وي ر

ولتوضيح ذلك نفترض أن الباحث أراد أن يصمم اختباراً تحصيليا بحيث يكون لكل مفردة فى الاختبار القدرة على تمييز الطلاب الاقوياء والطلاب الصماف فى التحصيل . فهذا يتطلب منه إيجاد معامل التمييز لمكل مفردة عن طريق حساب معامل الارتباط بين درجات الطلاب فى إحدى مفردات الاختبار (عادة تكون الإجابة على المفردة إما صحيحة أو خطأ ، أى يعتبر توزيع درجات كل مفردة من النوع الثنائي) ، ودرجاتهم فى الاختبار ككل (وتوزيع هذه الدرجات من النوع المتصل) ، والجدول الآتى رقم (٧٠) يوضح تتائج تحليل إحدى مفردات مثل هذا الاختبار :

, ,	r.3	0,	-••		00	>=	~
72 - 7.	\	-7	17	•		۲:	\ t '
44 - Y.	_	*	•		۲.	?	<u>~</u>
TE - T.	٦	هر	~	ا	73	· · ·	<u>-</u>
79 - Y0	-4	ع.	هر	-∢ 	> -	7	-a
.3 – 33	یہ	>	~	<u>,</u>	×	~	<u>مر</u> ا
03 - 63	<	, L	14	ŭ.	ţ.	۴.	,
• • •	الـ	-1	>	7+	>	>	ادر
01 - 00	۰	^	هر	+	>	4.1	÷
12 - 1.	J.	~	>	+	72	4	>
79 - 70	, di	_	<	÷	*	117	7.
٠٧ - ١٤	4	ŀ	4	+	10	٧.	10
<u> </u>	(0)	(e)	(£)	ć,			
الانتار	لصحيعة على المفردة	الخطأعلى المفردة	درجان الانتبار	عن المتوسط	ر ن	ر. ن	ر ' آن
(۱) فئات درجان	عدد الإجابات (۲)	عدد الإجابات	(٤) تـکرار ف <i>ف</i> ات	(<u>ه)</u> الإنجران	3	3	3

جعول رقم (٧٠) خطوات حساب معامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي بين درجات احدى نفردات الاختبار ودرجات الاختبار ككل لمجموعة من الطلاب

وبالنظر إلى هذا الجدول نجد أن العمود الآول يتكون من فئات الدرجات السكلية فى الاختبار . والعمود الثانى يتسكون من عدد الإجابات الصحيحة على المفردة . فثلا إذا افترضنا أن الدرجة السكلية التى حصل عليها أحد العلاب فى الاختبار هى ٧٧، وأن هذا الطالب أجاب على هذه المفردة إجابة صحيحة فإننا نضع علامة فى هذا العمود أمام الفئة .٧ ــ ٤٧، وهكذا بالنسبة لبقية العلاب. أما إذا حصل ظالب على الدرجة المكلية ٣٦ فى الاختبار ، وأجاب إجابة خطأ على المفردة فإننا نضع علامة فى العمود الثالث أما الفئة ٣٥ ــ ٣٩ وهكذا .

وفى الحقيقة فإن إجراء هذه العمليات هو بمثابة رسم شكل انتشارى كما هو الحال عند حساب معامل ارتباط بيرسون ، ولكننا نستخدم هنا متغيرين أحدهما من النوع المتصل (على المحبور السيني) والآخر من النوع الثنائي (على المحبور السيني) والآخر من النوع الثنائي (على المحبور السيني) .

أما العمود الرابع فهو يشتمل على تسكرار كل فئة من فئات المتغير س، وجموع هذا العمود يساوى المجموع السكلي لعدد الطلاب.

وبعد ذلك نبدأ في حساب الانحراف المعياري ومتوسط الدرجات الكلية في الاختبار . والاعمدة رقم ٥، ٦، ٧ توضح خطوات حساب كل منهما . ونظراً لاننا نحتاج إلى متوسط درجات الطلاب الذين أجابوا على المفردة إجابة صحيحة فإننا أضفنا العمود رقم ٨ وهمو يتكون من حواصل ضرب الفيم المتفاظرة في العمودين الثاني والخامس .

ولإيجاد رشح نطبق الصورة رقم (٢) السابقة . وقد اخترنا هذه الصورة لنوضح للباحث كيفية تطبيقها نظراً لاننا قد استخدمنا الصورتين رقمى ١،٣ فيا سبق .

ولذلك يجب أولا إيجاد قيمة كل من س، س بطريقة الانحرافات الى عرضنا لها في الفصل الثالث. ولكننا لن نميد تفاصيلها هنا، وعلى الباحث أن يرجع إلى هذا الفصل إذا تطلب الامر ذلك .

ويجب ثانياً إيحاد الانحراف المعيارى للمتغير س بالطريقة التي عرضنا يها ف للفصل الرابع .

$$3 = \sqrt{\frac{2 - 3}{0}} - \sqrt{\frac{2 - 3}{0}} \times 0$$

$$0 \times \sqrt{\frac{13}{100}} - \sqrt{\frac{10}{100}} \times 0$$

$$0 \times \sqrt{\frac{13}{100}} - \sqrt{\frac{10}{100}} \times 0$$

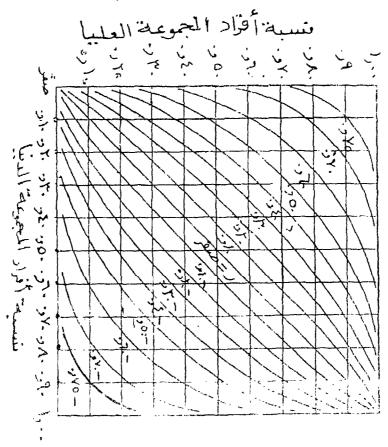
$$0 \times \sqrt{\frac{1}{100}} - \sqrt{\frac{10}{100}} \times 0$$

$$0 \times \sqrt{\frac{1}{100}} \times 0$$

$$\frac{1}{\cdot, \wedge \circ 1 \wedge \circ 1} \sqrt{\frac{\Lambda}{1\xi, \Upsilon}} =$$

·, 07 = ·, 17 × ·, 07 =

وفى الحقيقة إذا كان الاختبار يشكون من عدد كبير من المفردات ، فإن هذه الطريقة تصبح غير عملية ، ولذلك من الافضل أن يلجأ الباحث في هذه الحالة إلى إحدى الحاسبات الالسكتروئية ، أو يمكنه الحصول على قيمة تقديرية لمعامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي باستخدام الشكل البياني الآئي الذي صمه دينجمان Dingman ، وهو مبين بالشكل الآئي (رقم 10):



شسكك رقم (٥٩) تفدير قيم المعامل د عند نقطة الوسيط (شمكل دينجمان)

ويُمكن أن يستخدم الباحث هـذا الشـكل إذا انقسم المتغير الثنائي عند نقطة الوسيط.

وبالنظر إلى هذا الشكل تجد أن نسبة الطلاب الاقوياء في التحصيل الذين أجابوا إجابة صحيحة على مفردة معينة عبينة على المحور الرأسي، ونسبة الطلاب العنماف في التحصيل الذين أجابوا إجابة خطأ على المفردة مبينة على المحور الافقى.

فإذا أراد الباحث لميماد القيمة التقسديرية لمعامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي درج عليه أن يحدد كلا من النسبتين أولا ، ثم يرجع إلى الشكل ويوجد نقطة تقاطع العمودين المرسومين أحدمها من النقطة على المحور الافقى التي تمثل نسبة الافراد الضعاف في التحصيل ، والآخر من النقطة على المحور الرأسي التي تمثل نسبة الافراد الاقوياء في التحصيل ، فتسكون نقطة التقاطع هي درج .

ولتوضيح فلك تحاول الحصول عل قيمة تقديرية للمامل و من من البيانات الموضحة بحدول رقم (٧٠) . وهنا لا بد أن تحسب قيمة الوسيط للمتغير س فنجده يساوى ٤٤ تقريباً . وبالنظر إلى الممود رقم ٧ فى الجدول تجد أن هناك ٣٣ طالباً تفوق درجاتهم هذه القيمة ، ولذلك فإن نسبة هؤلاء الطلاب الاقوياء في التحسيل = ٣٣ = ٢٧٠٠.

وكذلك بالنظر إلى العمود رقم ٣ فى الجدول نجد أن هناك ١٥ طالباً تقل درجاتهم عن قيمة الوسيط، ولذلك فإن نسبة هؤلاء الطلاب الضماف فى التجصيل = 10 = 10.

وبالرجوع لمل شكل رقم (٧٥) نوجه نقطة تقاطع العمودين المرسومين من

النقطتين ٢٨،٠،٢٨، على المحودين الرأسى والآفقى على الترتيب، فنجد أن القيمة التقديرية للعامل ديرج تسساوى ٥،٠ تقريباً ، وهي نفس القيمة التي حصلنا عليها فيما سبق.

(ثانياً) معامل الارتباط الرباعي الحقيقي (معامل فاي)

Fourfold or Phi Coefficient

يعتبر معامل الارتباط الرباعىالحقيقى الذى يعرف باسم معامل فاى ويرمز له بالحرف اليونانى φ إمتداد لمعامل الارتباط الثنائى المتسلسل الحقيقى إلى الحالة الذي يكون فيها كل من المتغيرين من النوع الثنائى الحقيقى .

وفى الحقيقة توجد مواقف بحثية قليلة فى العلوم السلوكية يكون فيها أحد المتغيرين أوكلاهما من النوع الثنائى الحقيقى . ولسكن إذا تطلب الامر من الباحث إيجاد درجة العلاقة بين متغيرين من هذا النوع ، مثل العلاقة بين الجنس والانهاء إلى أحد حزبين ، أو العلاقة بين استجابة الفرد إما بنعم أو لا على إحدى عبارات استيان واستجابته على مفردة صواب وخطأ مثلا ، فإنه يمكن الباحث أن يستخدم في مثل هذه المواقف معامل فاى يه .

و تظراً لأن معامل فاى هو عبارة عن معامل ارتباط حاصل ضرب العزوم البيرسون شأنه شأن معامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي ، فإنه يمكن حساب معامل فاى باستخدام صورة العرجات الخام المستخدمة في حساب معامل ارتباط بيرسون المذكورة في الفصل السادس، غير أننا فستخدم هنا القيمتين العدديتين صفر، التمثيل كل من المتغيرين الثنائيين ، ويمكن اتخاذ هاتين القيمتين أساسا الاشتقاق صورة أخرى لحساب معامل فاى من معامل ارتباط بيرسون حيث يمكن باستخدامها تبسيط العمليات الحمايية .

(۲۲ - التحليل)

ولتوضيح طريقة اشتقاق هذه الصورة نفترض أننا حصلنا على استجابات بحموعة تتسكون من ٢٠٠ طالب لكل من مفردتين من نوع الصواب والخطأ . ونفترض أننا اعتبرنا الاستجابات على إحسدى المفردتين هي المتغير من ، والاستجابات على المغردة الاخرى هي المنفير ص ، وأن الاستجابة الصحيحة تأخذ القيمة ١ ، والاستجابة الخطأ تأخذ القيمة صفر، وبذلك يكون لدينا متغيران من من كل منهما من النوع الثنائي .

وفی مثل هذه الحالة تکون أزواج القیم الممکنة (س ، ص) هی : (١،صفر)، (١،١) ، (صفر ، صفر) ، (صر ، ١) کما هو مبین بالجدول الآتی رقم (٧١) :

	١	Ų	صفر ص	
	(16	١)	(۱ ، صفر)) 1
-	(1.	(صفر	صفر ، صفر)	س صفر <u>[(</u>

جدول رقم (۷۱) ازواج القيم المكنة (س، من) المتغيرين كل منهما من النوع الثنائي

ومن الجدول تلاحظ أنه بالنسبة للمفردة الأولى (المتغير س) : مح س عن ، .

أى أن عدد الطلاب الذين كانت استجاباتهم صحيحة على المفردة == ن، .

وأن :

$$r = \frac{10}{0} = \frac{1}{0}$$

أى ان نسبة الطلاب الذين كانت استجابتهم صحيحة على المفردة 😑 م. .

و نلاحظ أيضاً أن مح. س٢ 😑 ن. .

وقد ييها في الفصل السابع أن :

$$\frac{f(w \neq)}{\dot{o}} - fw \neq = f(\vec{w} - w) \neq$$

$$\frac{f(\vec{w} \neq)}{\dot{o}} - fv =$$

ويمكن التوصل إلى نتائج ماثلة بالنسبة للاستجابات على المفردة الثانية (المتغير ص)، أى أن :

ع ص = ن، ع ص = ن، ص = م، حيث ن، ترمز إلى عدد العلاب الذين كانت استجاباتهم صحيحة على المفردة الثانية .

و م ترمز إلى نسبة الطلاب الذين كانت استجابتهم صحيحة على هــذه المفردة .

ويكون لدينا أيضاً :

$$\frac{Y(\omega +)}{\dot{\upsilon}} - Y\omega = Y(\omega - \omega) \neq \frac{Y(\dot{\upsilon} - \dot{\upsilon})}{\dot{\upsilon}} = Y(\dot{\upsilon} - \dot{\upsilon}) \neq \frac{Y(\dot{\upsilon} - \dot{\upsilon})}{\dot{\upsilon}} = Y(\dot{\upsilon} - \dot{\upsilon}) = Y($$

ونحتاج الآن إلى إيماد بجموع حواصل ضرب أزواج القيم (س ، ص) .

فإذا نظرنا مرة 'حرى إلى الجدول رقم (٧١) نجد أن س ص = صفر للازواج الرتبة (١ صفر)، (صفر، صغر)، (صفر،١).

أى أن قيمة سص تعتمد فقط على قيمة الزوج (١،١) .

فإذا رمزاً لعدد الطلاب الذين كانت استجابتهم صحيحة لكل من المفردتين أى الزمر (١٠١) بالرمز ن٠٠، فإنه كما بينا في الفصل السابع :

$$\frac{(\omega +)(\omega +)}{\dot{\upsilon}} - \omega \omega = (\overline{\omega} - \overline{\omega})(\overline{\omega} - \omega)^{\frac{1}{2}}$$

$$= \dot{\upsilon}_{11} - \dot{\upsilon}_{11} = 0$$

ولكن معامل ارتباط بيرسون:

$$\frac{2w\omega\omega - \frac{(2w)(2\omega)}{\dot{\upsilon}} - \omega\omega\omega}{\sqrt{\left[\left(\frac{2\omega}{\dot{\upsilon}}\right) - \sqrt{2\omega}\right]\left[\frac{2\omega}{\dot{\upsilon}}\right]}} = 2$$

وبالتعويض بالمقادير الخاصة بالمتغير الثنائي في هذه الصورة نجد أن :

$$\frac{\frac{\dot{v}_{i}\dot{v}_{i}}{\dot{v}_{i}} - \dot{v}_{i}\dot{v}_{i}}{\frac{\dot{v}_{i}\dot{v}_{i}}{\dot{v}_{i}} - \dot{v}_{i}\dot{v}_{i}} = 0$$

وبقسمة كل من البسط والمقام على ن نحصل على :

$$\frac{\frac{1}{\sqrt{b}-\frac{1}{b}\sqrt{\frac{1}{b}-\frac{1}{b}\sqrt{\frac{1}{b}}}}{\frac{1}{\sqrt{b}-\frac{1}{b}\sqrt{\frac{1}{b}-\frac{1}{b}\sqrt{\frac{1}{b}}}}=0$$

حيث مهر ترمز إلى نسبة الطلاب الذين كانت استجابتهم صحيحة على كل من المفردتين .

$$\frac{1}{\sqrt{1 + \frac{1}{1 +$$

وهذا المعامل الذي حصلنا عليه هو معامل فاي ٥ . أي أن :

$$(\xi) \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \frac{\frac{1}{\sqrt{1 - 1}} \sqrt{1 - 1}}{\sqrt{1 - 1}} = \phi$$

ولتوضيح كيفية تطبيق هذه الصورة تفترض أن الةيم المبينة في الجدول رقم (٧٢) . (٧٢) هي أعداد الطلاب في كل خلية من خلايا الجدول رقم (٧١) .

جدول رقبم (۷۲)

ومن الجدول يتضع أن : م
$$\frac{1 \cdot \cdot}{7 \cdot \cdot} = ...$$

$$\cdot, \xi_1 = \frac{\lambda_1}{\lambda_1} = \lambda_2$$

وبالتمويض في الصورة رقم (٤) السابقة نجحد أن :

$$\frac{(\cdot, \epsilon \cdot) (\cdot, \circ \cdot) - (\cdot, \forall \cdot)}{(\cdot, \bullet \cdot) (\cdot, \circ \cdot) \vee (\cdot, \circ \cdot)} = \emptyset$$

$$\cdot, \epsilon \cdot =$$

وبالطبع يستطيع الباحث ملاحظة ما أدت إليه هذه الصورة من تبسيط للعمليات الحسابية بدرجة كبيرة . ولحسن الحظ فإنه يمكن زيادة تبسيط صورة معامل فاي كالآتي :

نفترض أن الحروف أ ؛ ب ، ج ، د المبينة في الجدول رقم (٧٣) الآتي يمثل كل منها تـكرار أحد أزواج الةيم المبينة في الجدول رقم (٧١) :

وتلاحظ من هذا الجدول أن :

فإذا عوضنا عن هذه المقادير في الصورة رقم (٤) نجد أن :

$$\frac{v - \frac{(i+v)(v+1)}{v}}{v^{(v+1)} - (v+1)} = 0$$

$$\frac{\dot{\varphi} + \dot{\varphi} - \dot{\varphi}}{(\dot{\varphi} + \dot{\varphi})(\dot{\varphi} + \dot{\varphi})(\dot{\varphi} + \dot{\varphi})(\dot{\varphi} + \dot{\varphi})}$$
(a)

ويمكن تطبيق هذه العبورة على المثال السابق كالآتي :

$$\phi = \frac{(\cdot r)(\cdot \lambda) - (\lambda \cdot)(\cdot \gamma)}{(\cdot \cdot \gamma)(\cdot \gamma)(\cdot \gamma)} = \phi$$

$$\phi = \frac{(\cdot r)(\cdot \lambda) - (\lambda \cdot)(\cdot \gamma)}{(\cdot \gamma)(\cdot \gamma)(\cdot \gamma)} = \phi$$

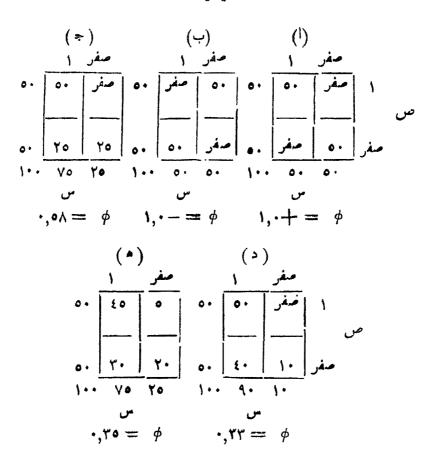
وهي نفس القيمة التي حصلنا عليها باستخدام الصورة رقم (٤) .

تفسیر معامل فای :

 ویمکن أن تصل قیمة معامل فای إلی + ۱ و لسکن لاتصل قیمته إلی – ۱ إذاكانت م ج مم بشرطان کلامنهما لانساوی ۵۰٫۰۰ أما إذا كانت م ج ك فإن قیمة معامل فای تصل إلی – ۱ و لسكن قیمته لاتصل إلی + ۱ .

وإذا كانت قيمة معامل فاى أقل من الواحد الصحيح ، فإن أقصى قيمة يصل إليها تعتمد على مقدار اختلاف التسكرارات الهامشية أى ا + ب ، ا + ح ، ب + و ، ح ب و في الجدول رقم (٧٧) . فكلما زاد مقدار هذا الاختلاف قلمت هذه القيمة القصوى ، وهذا يحدث أيضاً في حالة معامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي . إذ تعتمد أقصى قيمة يصل إليها هذا المعامل على قيم كل من ص (أى نسبة الافراد الذين حصلوا على الواحد الصحيح في المتغير الثنائي) ، ص (أى نسبة الافراد الذين حصلوا على الصفر في نفس المتغير) .

من هذا بتضح أن قيم معامل فاى لا تصل إلى أى من القيمتين – 1 أو + 1 إلا تحت شروط معينة . و تتأثر قيمه بالطريقة التى يتم بها تقسيم كل من المتغيرين الشنائيين الوضح جميلفور حرفك ببعض الحالات الخاصة المبينة بالجداول الآئية رقم (٧٤) حيث تسكون م = .٥٠. في جميع الحالات بينها تتغير قيم مه .



جدول رقم (٧٤) بعض جداول الاقتران الرباعى توضيح مدى اعتماد قيم معامل ناى على التكرارات الهامشية

فهدما تنقسم التسكرارات انقساما متعادلا في كل من قسمي المتغسير ص لا يكون معامل الارتباط تاماً إلا إذا انقسمت أيضاً الشكرارات انقساماً متعادلا في كل من قسمي المتغير س كما هو موضح بالجدو اين (۱، ب) . أما إذا انقسمت التسكرارات في قسمي المتغير س بنسبة ٧٥ : ٢٥ ، فإن أقصى قيمة يعمل إليها معامل فاي هي ٥٨ , . كما هو موضح بالجدول (ج) ، وإذا انقسمت التسكرارات في قسمي المتغير س بنسبة ٩٠ : ١٠ ، فإن أقصى قيمة يصل إليها معامل فاي هي ٣٣ . كما هو موضح بالجدول (د) ، أما إذا نظرنا إلى الجدول (م) فإننا نجد التكرارات قدا تقسمت فى قسمى المتغيرس بنسبة ٢٥:٧٥، ولكن ممامل فاعلم تصل قيمته إلى القيمة القصوى ٨٥,٥ بلأصبحت ٥٠,٠٠، و يمكن تفسير هذه القيمة فى ضوءاً قصى قيمة تصل إليها في بالنسبة التكرارات الهامشية التى أدت إليها إذا كان الباحث يود معرفة قوة الملاقة بين المتغيرين س ، ص .

أما إذا كان يود التنبؤ يقسم معين بمعلومية قسم آخر أو أقسام أخرى فإنه يجب أن يعتمد على قيمة ﴿ اللَّهُ حصل عليها فعلا لان هذه القيمة تكون أكثر وأقمية في هذه الحاله .

ويعتمد تفسير معامل فاى على ميران قياس كل من المتنيرين ، فعند حساب معامل فاى ليس من العشرورى أن تسكون جموهة الملاحظات الخاصة بكل من المتغيرين مرتبة . فعامل فاى يصلح إذا كان كل من المتغيرين من المستوى الاسمى أو المستوى الرتبي .

وقد ذكرنا أن معامل فاى يمكن اعتباره معامل ارتباط بين متغيرين عندما تكون قيمة أحدهما بالواحد الصحيح وقيمة الآخر صفر . فإذا كان هناك ترتيب معين لقسمى كل متغير منهما بمعنى أن الواحد الصحيح يقترن بقسم أعل من القسم الذى يقترن به الصفر في المتغير أو الخاصية ا ، وكذلك في المتغير أو الخاصية ب ، فإن إشارة معامل فاى عند كذيصبح لها دلالة ، إذ يمكن في مثل هذه الحالة تفسير الإشارة الموجبة على أنها تعنى أن القسم الاعلى في المتغير أو الخاصية إيقترن بالقسم الاعلى في المتغير أو الخاصية ب . أما الإشارة السالبة فتمنى أن القسم الاعلى. في أحد المتغيرين يقترن بالقسم الادنى في المتغير الآخر .

اى أن تفسير معامل فاى يشبه إلى حد كبير تفسير معامل ارتباط بيرسون . ولهذا السبب يطلن على معامل فاى اسم معامل الارتبـــاط الرباعى الحقيقى . Fourfold Point Correlation

أما إذا كان كل من المتغيرين من المستوى الاسمى فإن إتجاه العسلاقة (أى العلاقة الموجية أو السالبة) يصبح لامعنى له .

تحديد أقصى قيمة يصل إليها معامل فاى:

نظراً لاهمية معامل فاى فى البحوث النفسية والتربوية و بخاصة فى بحال بناه الاختبارات ، فإننا يجب أن توضح بشىء من التفصيل حدود قيم معامل φ التى عرضنا لهما متذ قليل ، إذ يمكن بوجه عام إبجاد أقصى قيمة لمعامل فاى لاى توفيقة من توافيق نسب التكرارات الهامشية باستخدام الصورة الآتية :

آقصی قیمهٔ لمعامل فای =
$$\sqrt{\frac{1}{\frac{1}{2}}}$$
 $\sqrt{\frac{1}{\frac{1}{2}}}$ $\sqrt{\frac{1}{1}}$ $\sqrt{\frac{1}{1}}$

حیث می کے ۱م

وترمز م ي لمل أكبر نسبة تبكرار هامش في جدول الاقتران الرباعي .

، م ﴿ إِلَىٰ أَكْبَرِ نَسَبَةً تَكُرُارُ هَا مَشَى لَلْمَتَّغِيرُ الَّاخِرُ الَّى تَنَاظُرُ مَيْ .

فإذا كان لدينا مفردق اختبار من نوع الصواب والخطأ مثلا، فإن مي هي نسبة طلاب المجموعة الدكلية الذين أجابوا إجابة صحيحة على المفردة الاولى، مم هي نسبة الطلاب الذين أجابوا إجابة صحيحة على المفردة الثانية . أو ربما نمتبر مي هي نسبة طلاب المجموعة الدكلية الذين أجابوا إجابة خطأ على المفردة الاولى ، مم هي نسبة طلاب المجموعة الدكلية الذين أجابوا إجابة خطأ على المفردة الثانية .

فإذا كانت مي على مر فإن أقصى قيمة لمعامل فاى تساوى الواحد الصحبح ، وهسذا يعنى أنه إذا كانت نسبة التسكرارات الهامشية متساوية فإن قيمة معامل فاى يمكن أن تصل إلى الواحد الصحيح .

وإذا طبقنا الصورة رقم (٦) على القيم المبينة بجدول رقم (٧٤ ج، هـ) نجد أن:

$$\frac{1}{r} \bigvee = \frac{(\cdot, 70) (\cdot, 0\cdot)}{(\cdot, 0) (\cdot, 0)} \bigvee = \frac{1}{r} \bigvee_{\bullet \in \mathcal{N}} \frac{(\cdot, 70) (\cdot, 0)}{(\cdot, 0) (\cdot, 0)} = \frac{1}{r} \bigvee_{\bullet \in \mathcal{N}} \frac{(\cdot, 70) (\cdot, 0)}{(\cdot, 0) (\cdot, 0)} = \frac{1}{r} \bigvee_{\bullet \in \mathcal{N}} \frac{(\cdot, 70) (\cdot, 0)}{(\cdot, 0) (\cdot, 0)} = \frac{1}{r} \bigvee_{\bullet \in \mathcal{N}} \frac{(\cdot, 70) (\cdot, 0)}{(\cdot, 0) (\cdot, 0)} = \frac{1}{r} \bigvee_{\bullet \in \mathcal{N}} \frac{(\cdot, 70) (\cdot, 0)}{(\cdot, 0) (\cdot, 0)} = \frac{1}{r} \bigvee_{\bullet \in \mathcal{N}} \frac{(\cdot, 70) (\cdot, 0)}{(\cdot, 0)} = \frac{1}{r} \bigvee_{\bullet \in \mathcal{N}} \frac{(\cdot, 70) (\cdot, 0)}{(\cdot, 0)} = \frac{1}{r} \bigvee_{\bullet \in \mathcal{N}} \frac{(\cdot, 0)}{(\cdot, 0)} = \frac{1}{r} \bigvee_{\bullet \in \mathcal{$$

مقاييس النوع الثانى:

: Biserial Correlation الارتباط الثنائي المتسلسل الارتباط الثنائي

ذكرنا أنه توجد بعض المواقف البحثية في العلوم السلوكية يفترض فيها أن السيات التي يقيسها كل من المتفيرين يكون توزيعها من النوع المتصل الذي يأخذ شكل المنحني الاعتدالي . غير أن درجات أحسد المتفيرين يكون قد تم قياسها و تدوينها على شكل توزيع ثنائي إما بغرض التبسيط أو لعدم وجود مقاييس أكثر دقة لقياس السمة .

فنى مثل هذه الحالة يمكن إيجاد درجة العلاقة بين متغيرين باستخدام معامل الارتباط الثنائى المتسلسل . ولسكن يجب أن يراعى الباحث أن تسكون نقطة تقسيم المتغير الثنائى بالفرب من وسيط توزيع هسدذا المتغير والصورة التي

يمكن استخدامها لإيجاد معامل الارتباط الثنائي المتسلسل والذي سنرمز له بالرمز ربي هي :

$$(\forall) \cdots \left(\frac{\partial u_1 \partial u_2}{\partial u_1}\right) \cdots (\forall)$$

حيث س، ترمز إلى متوسط توزيع قيم المتغير المتصل س للمجموعة التي حصلت على الواحد الصحيح في المتغير الثنائي (المجموعة العليا) .

- ، س ، ترمز إلى متوسط توزيع قيم المتغير المتصل س المجموعة التي . حصلت على الصفر في المتغير الثنائي (المجموعة الدنيا) .
 - ، ع _س ترمز إلى الانحراف المعيارى المتغير المتصل س .
 - مرر إلى نسبة الافراد في المجموعة الكلية الذين حصلوا على الواحد الصحيح في المتغير الثنائل (أي نسبة أفراد المجموعة العليا).
 - ، ص. تروز إلى نسبة الافراد في المجموعة السكلية الذين حصلوا علىالصفر في المتغير الثنائي (أي نسبة أفراد المجموعة الدنيا).
 - ، ل ترمز إلى الإحدائي الرأسي المنحني الاعتدالي المعياري (ارتفاع المنحني) الذي يقسمه إلى جزأين يشتمل أحدهما على نسبة ص من منهم .
 الآفراد ، ويشتمل الآخر على نسبة ص منهم .

فإذا كانت من على من فإن معامل الارتباط الثنائي المتسلسل عصفر.

ويكون معامل الارتباط موجبا إذا كانت سَى أكبر من سَى، ويكون البا إذا كانت سَى أقل من سَى .

و تيسيراً للباحث عند إجراء العمليات الحسابية يمكنه إيجاد قيوســـة النسبة صراص مباشرة باستخدام الجدول (ه) المبين بالملحق في آخر الــكتاب .

ولتوضيح كيفية تطبيق هذه الصورة نفترض أن عدد الطلاب الذين التحقوا بالدراسات العليا في إحدى الكليات . . طالب ، حصل ، ي طالبا منهم على درجة الماجستير بينها لم يحصل بقية الطلاب على هدذه الدرجة ، ونفترض أيضا أن متوسط نسبة ذكاء بجموعة الطلاب الذين حصلوا على درجة الماجستير ١٢٠ بينها كان متوسط نسبة ذكاء الطلاب الذين لم يحصلوا على الدرجة هو ١١٠ ، والانحراف كان متوسط نسبة ذكاء الطلاب الذين لم يحصلوا على الدرجة هو ١١٠ ، والانحراف المعياري لنسب الذكاء يساوي ١٥٠ والمطلوب إيجاد معامل الارتباط الثنائي المتغير ا

فنى هذا المثال يمكن اعتبار أن الحصول على الدرجة العلمية هو متغير ثنائى يفسر القدرة الاكاديمية ، وهى بالطبع متغير متصل (وربما تتوزع توزيعا اعتداليا)، وبذلك يمكن إيجاد ربي .

فالخطوة الأولى:

$$0, \xi = \frac{\xi \cdot}{1 \cdot \epsilon} = 0, 0, \eta = \frac{\eta \cdot}{1 \cdot \epsilon} = 0, 0$$

والخطوة الثانية : iرجع إلى جدول (ه) المبين بملحق الـكتاب انتحصل على قيمة $\frac{\omega_1 \omega_2}{U}$ المناظرة الهيمتى $\omega_1 = 0$, ، $\omega_2 = 0$, فنجد أنها تساوى 7٢١.

والخطوة الثالثة : نطبق الصورة رقم (٧) لإيجاد ري كالآتى :

$$\left(\frac{\omega}{d}\right) = \frac{1}{2\omega} = \frac{1}{2\omega}$$

$$(\cdot,771)\frac{11\cdot-17\cdot}{10}=$$

-.11=

ويمكن أيضا أن يستخدم الباحث الصورة الآنية لحساب قيمة رخ بدلا من الصورة السابقة ، إذ أنها تبسط العمليات الحسابية إذا لم يعتمد الباحث على الجدول (م) المبين بملحق المكتاب وبخاصة إذا كان المطلوب حساب قيمة رخ من جدول توزيع تسكراري . وهذه الصورة هي :

$$(A) \cdot \cdot \cdot \frac{\overline{\omega}}{\omega} \times \frac{\overline{\omega} - \overline{\omega}}{\overline{\omega}} = \underline{\omega}$$

حيث س ترمز إلى متوسط درجات المتغير المتصل، و بقية الرموز معرفة في الصورة السابقة رقم (٧) .

طريقة حساب ره إذا كانت البيانات مجمعة في جدول توزيع تسكرارى :

إذا حصل الباحث على بمموعة من البيانات الخاصة بأحد الاختبارات وأراد إيجاد معامل الارتباط الثنائي المتسلسل بين درجات كل مفردة على حدة والدرجة السكلية في الاختبار فإنه يفضل تجميع هذه البيانات في جدول توزيع تكراري جدول رقم (٧٥) - كالآني:

174	>	7	A.	77	منم	* >	*	74		•		رب ^ر ن	(
* V	1.+	71+	+<3	rr +	ţ.	-v3	**-	11-	۲۸	1		ر ن	(1)
٠.	0	<	7%	77	£1	*	۲,	<	<	-4	(c)	السكلية ف الاختبار	(ه) تكرادفشات الدرجات
£ 9		づ 十	~ +	Y1 +	,	44 -	۲.	مر ا	~			ډ′ آن	(3)
17.		<	۲,	77	•	77	•	-1	-	نهن	(6)	الجعوصة العليا	(۲) تـکرار درجات
	~ +	- +	ч +	- +	ر. ئ	<u> </u>	٦	٦	~ 1	0	(2)	المتوسط	(۲) الانحراف عن
الجعوع	151 - 15.	179 - 17.	119 - 11.	1.8 - 1	- A A - A - A - A - A - A - A - A - A -	>4 - >·	٧ <u>٨</u>	- 1A - 1.	04 - 0.	-3 - 63		فثات الدرجات	

جدول رقم (۷۰) خطوات حساب رق البيانات المجمعة فإذا نظرنا إلى هذا الجدول نلاحظ أننا حسبنا انحرافات كل من تُوزيعي درجات المجموعة العليا والدرجات السكلية في الاختبار أي سَ عن متوسط فرضي يقع في الفئة . ٩ ـــ ٩ ٩ . و نقصد بالمجموعة العليا الطلاب الذين حصلوا على الواحد الصحيح في المتغير الثنائي ، أي أجابوا إجابة صحيحة على المفردة .

فإذا حسبنا كلا من المتوسطين س، س، والانحراف المعياري ع_س للدوجات السكلية في الاختبار بنفس الطريقة التي اتبعناها عند حساب قيمة ر_{ث ح} للبيانات المجمعة نجد أن:

$$47,10 = \overline{w} \quad , \quad 4\lambda,7\lambda = \overline{w}$$

$$\cdot ,70 = \frac{17}{7 \cdot 0} = 0$$

$$\cdot 17,7\lambda = 0$$

و بالرجوع إلى جدول (ب) المبين بملحق الجداول فى نهاية السكتاب نوجد ارتفاع المنحنى الاعتدالى الذى يقسمه إلى جزأين يشتمل أحدهما على ٢٥٠,٠ من الحالات ، ويشتمل الآخر على ٢٥٠,٠ من الحالات ، فنجد أن : ل = ٢٠٠٤.

و بتطبيق الصورة رقم (٨) للحصول على قيمة (ري اجد أن :

$$\frac{\partial}{\partial u} \times \frac{\partial}{\partial u} = \frac{\partial}{\partial u} = \frac{\partial}{\partial u}$$

$$\frac{\cdot,70}{\cdot,77\cdot\xi}\times\frac{47,10-4\lambda,77}{17,7\lambda}=$$

== 1,590 تقريبا .

(۲۳ – التحليل)

و بالطبع يمسكن أن يستخدم الباحث الصورة رقم (٧) التى تنطلب حساب بريا الله من سو والرجوع إلى الجدول (ه) المبين بالملحق للحصول على قيمة ما من سو ويض بالقيم الن يحصل عليها في هذه الصورة .

متى يستخدم الباحث معامل الارتباط الثنائى المتسلسل:

نظراً لأن معامل الارتباط الثنائى المتسلسل (رش) يستخدم لتقدير قيمسة معامل ارتباط حاصل ضرب الدروم لبيرسون ، لذلك يجب أن تحقق البيانات نفس الفروض التى يتطلبها استخدام معامل ارتباط بيرسون ، أى أنه يجب أن تسكون الملاقة بين المتغيرين خطية . بالإضافة إلى وجوب تحقق فرض خاص بالمعامل رش ، وهو أن توزيع قيم المتغير الثنائى يكون اعتداليا لو أن هذا المتغير قد أمكن قياسه كمتغير متصل .

ولكن يجب أريراعى الباحث أن هذا الفرض ينطبق على شكل توزيع المجتمع الاصل الذى تستمد منه عينة البحث وليس على شكل توزيع العينة ذاتها. إذ ذبما مختلف شكل توزيع العينة قليلا عن الاعتدالية بينها يكون شكل توزيع المجتمع المجتمع الاصل اعتداليا.

والتمويض بقيم ص ، ص ، ل في أي من الصورتين ٧ ، ٨ المستخدمتين في حساب قيمة معامل الارتباط الثنائي المتسلسل يمنى ضمنا أن المتغير الثنائي يتخذ شكل التوزيع الاعتدالي ، ولذاك إذا اختلف شكل توزيع هذا المتغير عن شكل التوزيع الاعتدالي اختلافا ملحوظا ، فإن قيمة معامل الارتباط الثنائي المتسلسل لا تكون تقديرا صحيحا لمعامل ارتباط بيرسون .

وفى الحقيقة إذا اتخذ هذا المتغير شكل التوزيع الثنائي المنوال مثلا فإنه ربما تزيد قيمة ربى المحسوبة باستخدام إحدى الصورتين أو ٨ عن الواحد الصحيح. فالتوزيعات غير الاعتدالية تحدث نتيجة

لهدم تجانس العينات ، ومثال ذلك العينة التي تشتمل على كل من الذكور والإماث .

كا يجب على الباحث أن ينظر بعين الاعتبار إلى توزيع المتغير المتصل. فإذا كان هذا التوزيع ملتويا التواء شديدا فإن ذلك يدل أحيانا على الدخاء العلاقة بين المتغيرين. ولسكن ليس من الضروري أن يكون التوزيع اعتداليا، بل يجب أن يكون أحادي المنوال ومتماثل إلى حد ماكما هو الحال في معامل ارتباط بيرسون. فن المعلوم أن قيمة معامل الارتباط الثنائي المتسلسل تزيد عن الواحد الصحيح في حالة التوزيعات الملتوية أو غير المتماثلة.

لذلك لا يفضل استخدام معامل ارتباط بيرسون إلا إذا كان حجم العينة كبيرا رتوافر لدى الباحث الوقت اللازم لحساب معامل الارتباط الثنائي المتسلسل تكون دائما و يجب أن يراعي الباحث أن قيمة معامل الارتباط الثنائي المتسلسل تكون دائما اكبر من قيمة معامل ارتباط بيرسون المحسوبة من نفس بحرعة البيانات . فعامل الارتباط الثنائي المتسلسل يعتمد على الفرق بين متوسطين ، وهذا الفرق لايكون مستقرا بدرجة كافية إلا إذا كانت البيانات التي يستخدمها الباحث مستمدة من عينة حجمها مناسب . فثلا إذا كان حجم العينة . . . ، فرد ، وكان التكرار الذي يشتمل عليه أحد قسمي المتنبر الثنائي ١ / فقط من هذا العدد ، فإن معني ولا يكني هذا أن الباحث سوف يعتمد على . . ، فرد فقط في حساب متوسط هذا القسم . ولا يكني هذا المدد بالطبع لتقدير الفرق بين المتوسطين تقدير ابعيداعن التذبذب وفي الحقيقة أن قيم معامل الارتباط الثنائي المتسلسل أقل ثبانا من قيم كل من معامل ارتباط بيرسون ، ومعامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي . ونعني بهذا أن قيمته تتذبذب من عينة إلى أخرى بدرجة أكبر من تذبذب قيمة أي من المعاملين الآخر بن .

متى يلجأ الباحث إلى التقسيم الثنائي لاحد المتغيرات:

عندما يقاس المتغير ص على ميزان متدرج (أى متصل) ، ولكن يظهر

شيء من عدم الانتظام في هذا التدرج بما يجعل استخدام معامل ارتباط بير سون غير مناسب ، فإنه يمدكن الباحث في هذه الحالة استخدام معامل الارتباط الثمنائي المتسلسل . ومن أمثلة ذلك التوزيعات المبتورة Truncated Distributions وكانت أو إذا كان المتغير ص يتكون من عسدد قليل جدا من الاقسام ، وكانت الفترات على ميزان القياس غير متساوية . أو إذا كان توزيع قيم المتغير ص في الممينة ملتويا التواء شديدا نتيجة لعدم دقة القياس ، وربما يبدو أن هناك تناقض عندما قلمنا أنه يجب أن يتحقق الباحث من فرض اعتدالية توزيع المتغير المتصل قبل استخدام وي في حين أننا قلمنا أيه يمكن استخدام وي في حيالة التوريعات الملتوية . ولسكن يجب أن يتذكر الباحث أنه يمكن أن يكون توزيع المتعدد منه العينة ملتويا ومع هذا ربما يكون توزيع المجتمع الاصل الذي استمدت منه المعينة اعتداليا . فالعبرة هنا بتوزيع المتغير في المجتمع الاصل وليس بتوزيعه في العينة موضع البحث .

الملاقة الرياضية بين المعامل ريح ، الممامل وي:

إذا اضطرالباحث الى حساب قيمة المعامل رشيع فى الحالات التى تقطلب استخدام المعامل دى ، فإن القيمة الذائجة سوف تكون أقل من قيمة المعامل دى النفس بحوعة البيانات ، وفى الحالات التى لايكون فيها توزيع المتغير المتصل اعتداليا حيث يفضل استخدام المعامل وضع فإن دى تعطى تقديرا لدرجة الارتباط أقل من حقيقته ، وفى الواقع توجد علاقة وياضية بين كل من المعاملين وضع ، د ش لنفس بحوعة البيانات وهى :

$$(1) \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot \quad \times \quad \overline{ \quad \cdot \quad } \quad \times \quad \overline{ \quad \cdot \quad } \quad \times \quad (1)$$

وتراوح هـــذه النسبة بين ١,٢٥ (عندما ص = ٠,٥٠) إلى ٣,٧٣ (عندما ص = ٥٠,٠) إلى ٣,٧٣ (عندما ص = ٥٠,٠)، و يمكن النأكد من ذلك بالرجوع إلى جدول (ه) المبين بالملحق في آخر الـكتاب .

ويوصى جيلفورد Guilford أنه إذا تأكد الباحث دون أدنى شك أن التوزيع من النوع الثنائى الحقيقى فإنه يجب عليه استخدام رئ ما إذا تأكد أن المتغير الثنائى يتخذ شكل المنحى الاعتدالى فإنه يمكن استخدام رئ وإذا لم يكن متأكدا من شكل توزيع المتغير الثنائى فإنه يمكنه استخدام رئ ولكن عليه أن يفسر قيمته بالاستعانة بالجدول (ه.).

فثلا إذا كان التوزيع متصلا و لكنه لا يتخذ شكل المنحق الاعتدالى ، وحصل الباحث على قيمة تقترب من الحد الذي يو ضحه جدول (ه.) للمعامل دي فإنه يمكنه عند ثذ القول بأن الارتباط الحقيقي بين المتغيرين تقترب قيمته من الواحد الصحيح بدرجة أكبر من اقتراب قيمة ري التي حصل عليها بالفعل الما إذا زادت قيمة ري حالي عليها باستخدام قيمة معينة من قيم صها عن هذا الحد ، فإن هذا ربما يكون دايلا على عدم صحة فرض أن المتغير من النوع الثنائي الحقيقي عندما يكون التوزيع من النوع الثنائي الحقيقي يمكن أن تصل قيمة ري حلى الواحد الصحيح ، وللكن كثيرا من التوزيمات لانكون عادة من هذا النوع ، إذ ربما لا تكون ثنائية أو متصلة ، وإذا كانت

متصلة ربما لاتكون أحادية المنوال ، ولذلك فإن على الباحث التحقق من مثل هذه الحالات باستخدام جدول (ه.) .

و إذا قام الباحث بحساب قيمة رشح بينها كان يجب عليه حساب قيمة رش فإنه يمكنه إيجاد قيمة رشح المناظرة لقيمة دش باستخدام إحدى الصورتين رقم ٩ أو ١٠، وكذلك العكس .

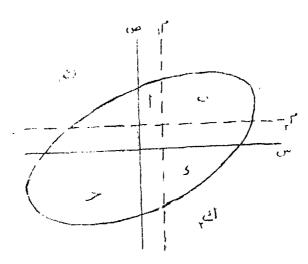
(ثانيا) معامل الارتباط الرباعي:

Tetrachoric Correlation

رأينا مما سبق أن الباحث يمكنه إيجاد العلاقة بين متغيرين أحدهما من الدوع الثنائي والآخر من النوع المتصل باستخدام معامل الارتباط الثنائي المتسلسل بدلا من معامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي إذا افترض أن المتغير الثنائي هو متغير متصل، وكذلك يمكن إيجاد العلاقة بين متغيرين كل منهما من النوع الثنائي باستخدام معامل الارتباط الرباعي بدلا من معامل الارتباط الرباعي الحقيقي (أي معامل فلي) إذا افترض أن كلا من المتغيرين الثنائيين متصل. ولذلك يستخدم معامل الارتباط الرباعي لتقدير قيمة معامل ارتباط بيرسون للحموعة معينة من البيانات، فهو مقياس لدرجة العلاقة بين متغيرين متصلين أمكن فياس كل منهما على ميزان ثنائي.

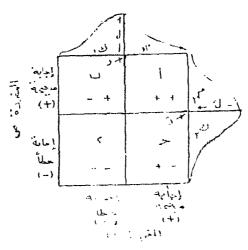
و أوجد بعض المواقف البحثية التى تتطلب إيجاد مثل هذه العدلاقة ، مثل إيجاد العلاقة بين درجات مفردتى اختيار اختيار من متعدد أو صواب وخطأ ، حيث تكون الإجابة إما صحيحة أو خطأ ، أو إيجاد العلاقة بين عبارتين من عبارات استبيان أو مقياس للاتجاه أو للشخصية ، حيث تكون الإجابة إما موافق أو غير مرافق ، أو نعم أو لا .

ويمكن تصور مثل هـذه المواقف بأن تفتر ش أن لدينا الجدول الرباعي الممثل بالشكل الانتشاري المعتاد (شكل رقم ٥٣) الذي ينتبج عن تقسيم كل من المتغيرين تفسيها ثناثيا .



شممكان رقم (٥٦) تقسيم نظرى لمتغيرين من النوع الثنائي

و بالنظر إلى هذا الشكل نجمد أن المحورين س ، ص يمثلان محورى الإحداثيات ، والحورين م ، م يمثلان محورى تقسيم المتفيرين ، والرموز ا ، ب ، ج ، د تدل على الشكر ارات أو النسب الناتجة عن هذا التقسيم. و يمكن أن تعيد توضيد مده الرموز في الجدول الرباعي الآتي (رقم ٧٦) المزى أ ترتيجه جميل فورد



جدول رقم (٧٦) جدول الاقتران بين متفيرين يغترض ان موزيع كل منهما اعتدالي

- حيث م ترمز إلى نسبة الافراد الذين أجابوا إجابة صحيحة علىالمفردة س.
- ، من ترمز إلى نسبة الافراد الذين أجابوا إجابة صحيحة على المفردة ص
 - ، ك ترمز إلى نسبة الأفراد الذين أجابوا إجابة خطأ على المفردة س .
 - ، لـُـ ترمز إلى نسبة الافراد الذين أجابوا إجابة خطأ على المفردة ص .
- ، ا ترمز إلى نسبة الأفراد الذين أجابوا إجابة صحيحة غلى كل من المفردتين س، ص .
- ، ب نرمز إلى نسبة الافراد الذين أجابوا الجابة صحيحة على المفردة س ، واسكام، أجابوا إجابة خطأ على المفردة ص .
- ، ح ترمز إلى نسبة الافسراد الذين أجابوا إجابة صحيحة على المفردة ص ، و لسكنهم أجابوا إجابة خطأ على المفردة س .
- ، د ترمز إلى نسبة الافراد الذين أجابوا إجابة خطأ على كل من المفردتين س، ص
- ؛ د، دَ ترمزان إلى الدرجات المعيارية على خط قاعدة المنحى الاعتدالى المعيارى عند نقط تقسيم الحالات فى كل من التوزيعين .
- ، ل ، لَ ترمزان إلى أرتفاعي المنحنيين الاعتداليين اللذين يناظران د ، دَ .
- والمطلوب تقدير شكل التوزيع الانتشارى للمتغيرين الذي يمسكن أن محمل منه على هذه التكرارات أو النسب .

الفروض الى يجب أن تتحقق فى البيانات إذا أراد الباحث استخدام معاءل الار تباط الرباهى:

يعتمد استخدام معامل الارتباط الرباعي على فرض أن توزيع كل من المتغيرين س ، ص ــ اللذين حصل منهما الباحث على التسكرارات في الجدول الرباعي ــ يتخذ شكل المنحني الاعتدالي .

كما يحب اعتبار أن كلا منهما متغير متصل، وأن العلاقة بينهما خطية .

ولتوضيح ذلك تعرض فيما يلى مثالا يبين استخدام معامل الارتباط الرباعي إذا تحققت هذه الفروض في البيانات .

يفترض يه يلتقورد أننا طلبنا من بجموعة مسكونة من ٣٠٠ طالبا الاستجابة بنعم أو لا لعبار أين من عبارات مقياس الشخصية . والجدول الآنى رقم (٧٧) يبين أعداد الطلاب الذين استجابوا استجابات واحدة لسكل من العبار آين (الخليتين ا ، د)، وأعداد الطلاب الذين استجابوا استجابات مختلفة لسكل من العبار آين (الخليتين ب ، ح) .

	ر لی	(العبارة الاو			
النسية	المجموع	X	ندم		
٠,٥٨٢	130	177	TV8		
(11)	İ	(ب)	(1)	نعم	₹.
., 11	444	7.7	7.7.1	l y	⊒. ⊒.
('귀)		(2)	(←)		<u>ब</u> र '३'
1,	98.	٣٧٠	٥٦٠	المجموع	
	1,	٠,٣٩٨	٠,٦٠٢	النسبة	
		(いり)	(,r)	•	

جدول رباعی یمکن باستخدامه حساب معامل الارتباط الرباعی

فإذا كان الارتباط بين المتغيرين موجبا تاما ، فإن جميع التكرارات سوف تقع في الخليتين ا ، د . وإذا كان الارتباط بينهما سيسالبا تاما ، فإن جميع الشكرارات سوف تقع في الخليتين ب ، ح . أما إذا كان الارتباط على صفرا فإن الشكرارات سوف تتوزع توزيعا متعادلا في الخلايا الاربع ، وهذا يمكن للباحث أن يدافع عن تحقق فرض اتصال واعتدالية توزيع كل من المتغيرين في هذا المثال على أساس أنه لا يحتمل أن تمكون درجة تأكد جميع الطلاب الذين استجابوا ، بنعم ، لأى من العبارتين متساوية ، وكذلك لا يحتمل أن تكون درجة عدم تأكد جميع الطلاب الذين استجابوا ، بلا ، لأى من العبارتين متساوية .

ولمكن هناك احتمال كبير أن استجابات الطلاب لأى من العبارتين تمثل متصلا من السلوك يمتد من النا كد التام في أحد الطرفين إلى عدم النا كد بالمرة في الطرف الآخر. وهذا يؤدى إلى ترجيح احتمال أن يكون توزيع كل من المتغيرين من النوع المتصل وليس من النوع الثنائي .

ويرى جيلفورد Guilford ، وأورنديك Thorndike أننا يمكن تبرير اعتدالية مثل هذا التوزيع المتصل اعتماداً على أن توزيع كثير من السهات النفسية يكون أحادى المنوال وقريب من الاعتدالية .

معادلة معامل الارتباط الرباعي:

تعتاج طریقة حساب معامل الارتباط الرباعی إلی جهد ووقت کبیرین لانها تنطلب حل المعادلة الآنیة الی تشتمل علی قوی محتلفه لمعامل الارنباط الرباعی الذی سنرمز لهبالرمز ر ر وهی :

$$\cdots + \frac{(1-\frac{r_3}{4})(\frac{1}{2})}{1}$$

$$(11) \cdot \cdot \cdot \frac{3 \cdot - 3}{70 \cdot 11 \cdot 1} =$$

وقد اقتصرنا فى هذه المعادلة على القوى الثلاث الأولى للمعامل ر. وجميع الرموز التى تشتمل عليها المعادلة سبق تعريفها فى الجدول رقم (٧٦). ويمسكن حساب قيم ل ، د، ل ، د ، ل ، د ، باستخدام النسب م، ، ك ، م ، ، ك المبيئة مذا الجدول .

طرق تقدير معامل الارتباط الرباعي :

نظرا لصموبة حل المعادلة رقم (11) السابقة فقد حاول علماء القياس والإحصاء التوصل إلى طرق أبسط لنقدير قيم معامل الارتباط الرباعي دون الحاجة إلى حل هذه المعادلة، وبعض هذه الطرق جبرية والبعض الآخر يعتمد على جداول تيسر الحصول على قيمة هذا المعامل لمجموعات مختلفة من البيانات.

وصوف نعرض إحدى هذه الطرق الجبرية ، كما سنذكر نوعين من الجداول التي يمسكن أن يرجع اليهما الباحث إذا أراد أن يحصل على قيم تقديرية لمعاملات الارتباط الرباعي .

(أولا) الطريقة الجبرية :

قسمى هذه الطريقة بطريقة جيب تمام النسبة التقريبية ط. وربما يرجسم الباحث إلى الفصل الآول من الباب الآول في هذا الكتاب لمراجعة النسب المثلثية للزوايا إذا احتاج ذلك. ويمكن أن تحصل باستخدام هذه الطريقة على قيم تقريبية لمعامل للارتباط الرباعي إذا قورنت بالفيم التي تحصل عليها باستخدام معادلة معامل الارتباط الرباعي رقم (١١).

والصورة الرياضية لهذه الطريقة هي :

$$(17) \cdot \cdot \cdot \cdot \left(\frac{1}{\sqrt{1c} + \sqrt{v}} \times v \right) \stackrel{\text{li}}{=} = -i$$

حيث ا ، ب ، ج ، د ترمز إلى الشكرارات الماينة في خلايا الجدول الرباعي رقم (٧٦) .

و لمكى يحرى الباحث العمليات الحسابية يمسكنه أن يعتبر ط بالتقــدير الدائرى = ١٨٠٠. وبذلك يمكن كتابة الصورة رقم (١٢) كالآتى :

$$(1r) \cdot \cdot \cdot \cdot \left(\frac{\frac{1}{1} \cdot \frac{1}{1} \cdot \frac{1}{1} \cdot \frac{1}{1}}{\sqrt{1} \cdot \frac{1}{1} \cdot \frac{1}{1}} \right) = -1$$

و بقسمة كل من البسط والمقام على ﴿ بَ جَ نجد أن :

$$(11) \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \left(\frac{\frac{1}{1} \sqrt{1 \cdot \cdot}}{1 + \sqrt{1 \cdot \cdot}} \right) \cdot \cdots \cdot (11)$$

و يحب أن يتذكر الباحث أن الرمزين ١ ، د يه ثلان الحالات المتماثلة في كل من المتغيرين س ، ص مشر (+ ، +) أو (- ، - -) أو (العم، العم) أو (لا ، لا) ... إلح ، أما ب ، ج فهما المثلان الحالات غير المشماثلة في كل من المتغيرين مثل (١ ، -) أو (- ، +) أو (العم ، لا) أو (لا ، العم) ... إلح .

وبالتمويض عن قيم ١، ب، ج، د فى الصورة رقم (١٤)، المن المقدار الذى بين القوسين يعطى قيمة عددية يمكن اعتبارها زاوية يوجد جيب تمامها (أى حنا الزاوية) باستخدام جدول النسب المثلثية (يمكن للباحث الرجوع إلى أحد الجداول الرياضية).

أى أن جيب تمام الزاوية يعتبر بمثابة نقدير لمعامل الارنباط الرباعي •

و تنحصر قیمة الزاویة بین صفر (إذا كانت ب مے مفرا أو ج مے صفرا أو كل من ب ، ج مے صفرا) ، ۱۸۰ (إذا كانت ا مے صفرا أو د مے صفرا ، آوكل من ا ، د مے صفرا) .

فمندما تسكون الزاوية = صفرا يكون معامل الارتباط مساويا الواحد الصحيح (لآن حتا صفر = 1) ، وعندما تسكون الزاوية = ١٨٠° يكون معامل الارتباط مساويا = 1 (لان حتا ١٨٠٠ = - 1) . وعندما تسكون ب ج = ا د فإن الزاوية = ٥٠٠ ، ويكون معامل الارتباط المفدر عند تذكد مساويا للصفر (لان حتا ٥٠٠ = صفر) .

فإذا طبقنا الصورة رقم (١٤) على الجدول رقم (٧٧) نحد أن :

$$(\frac{14\cdot \sqrt{\frac{14\cdot 1}{(14\cdot 1)(14\cdot 1)}}}{(1+1)(14\cdot 1)})^{1}$$

وهذه تقرأ جيب تمام الزارية ٧٠ درجة ، ٢٤ دقيقة ويرمز للدقيقية بشرطة مائلة فوق العدد ، والدرجة على ٦٠ دقيقة) .

وبالسكشف في جدول النسب المثلثية عن جيب تمام هذه الزاوية تجمد أنها تساوى ٣٤٣.

ويلاحظ أنه إذا كانت الزاوية محصورة بين ٩٠، ١٨٠٠ (أى زاوية منفرجة)، فإن معامل الارتباط يكون في هذه الحالة سالبا (لأن جيب تمام الزاوية المحصورة بين ٩٠، ١٨٠٠ يكون سالبا) . ويمكن أن يلاحظ الباحث ذلك إذا وجد أن ب ج أكبر من اد . وقبل الكشف في جدول النسب المثلثية يجب على الباحث أن يطرح الزاوية من ١٨٠٠ ، ويكشف في جدول جيب التمام عن الزاوية الناتجة ، ثم يضع إشارة سالبة أمام القيمة التي يحصل عليها .

و أيسيراً على الباحث يمكنه أن يستخدم جدول (و) المبين بالملحق في آخر المكتاب لإيحاد القيم التقريبية لمعامل الارتباط الرباعي مباشرة مقربة إلى رقمين عشريين ، وذلك بأن يحسب أيا من النسبتين المداول المرتباط الرباعي المناظرة لها أكبر من الواحد الصحيح ، أم يوجد قيمة معامل الارتباط الرباعي المناظرة لها من الجدول مباشرة دون أرب يلجأ إلى إجراء أي عمليات حسابية أو مثلثية أخرى

فإذا رجمنا إلى المثال المبين بجدول رقم (٧٧) نجد أن النسبة بــــ تساوى ٢,٤٤٤

و بالرجوع إلى الجدول (م) المبين بملحق الكتاب نجد أن هذا العدد ينحصر بين ۲٫٤۹۰، ۲٫٤۹۰، والقيمة التقديرية لمعامل الارتباط الرباعي المتاظرة تساوى ۲٫۴۹، وهي نفس القيمة التي حصلنا عليها فيا ستق .

وهنا لا يجب أن يفوتنا أن نوضح للباحث أن تقدير قيم معامل الارتباط الرباعي باستخدام طريقة جيب تمام النسبة التقريبية ط يكون تقديراً دقيقاً إلى حد كبير إذا كان كل من المتغيرين المتصلين تم تقسيمهما نقسيماً ثنائياً عند النقطة التي تمثل وسيط كل منهما .

فيكالم ابتمدت قيمة كل من مم ، مم عن . ه و واختلفت قيمة كل منهما عن الآخرى ابتعدت قيمة كل منهما عن الآخرى ابتعدت قيمة معامل الارتباط الرباعى المقدرة بهذه العلويةة عنالقيمة الفعلية لمعامل الارتباط الرباعى و بخاصة إذا كانت قيمة رر مرتفعة . وغالباً تكون القيمة المقدرة أكبر من القيمة الفعلية .

فثلا إذا كانت م = .0, ... مم = .0, ... فإنه عندما تكون و $_0$ منالا إذا كانت م $_0$ منال المتعديرية لمعامل الارتباط الرباعي = .0, ... تقريبا .

أما إذا انحصرت قيم م ، م ، بين . ۽ . ، . ، . وفايه عندها تكون ر = . . . وفإن أكبر اختلاف بين هذه القيمة والقيمة المقدرة باستخدام هذه الطريقة = ، . . وتقريبا ، وتنكون أيضا القيم الناتجة أكبر من قيم ر الفعلية .

ويمكن أن يتحكم الباحث فى كثير من الاحيان فى نقطة تقسيم كل من المتغيرين يجمل م عم م م م م م م م م الأحيان في الأفضل الإيستخدم هذه الطريقة ، وإنما ينكنه استخدام إحدى الطرق البيانية التى ينسب بمضها إلى ثيرستون Thurstone ، والبعض الآخر إلى هيز Hays ، وتعتمد هذه الطرق على مجموعات من التخطيطات والاشكال البيانية التى تساعد الباحث فى ايجاد قيم تقديرية لمعامل الارتباط الرباعى ، ويمكن الرجوع إلى قائمة المراجع فى نهاية السكتاب إذا أراد الباحث الاطلاع على هذه الطرق البيانية .

(ثانيا) ليجاد قيم تقريبية لمعامل الارتباط الرباعي بمعلومية قيم معامل فاي (ثانيا) . (على المحاد قيم المعامل الارتباط الرباعي بمعلومية قيم معامل فاي

يمسكن الحصول على قيمة تقريبية لممامل الارتباط الرباعي إذا قام الباحث أولا بحساب قيمة معامل فاى لجموعة البيانات ثم يستخدم الصورة الآنية لإيجاد ميمة معامل الارتباط الرباعي التي تناظر قيمة معامل فاى وهي:

$$(10) \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot \quad (^{\circ}4 \cdot \times \phi) \quad = -1$$

ويمكن أن يستمين الباحث بالجدول (ل) المبين ملحق السكتاب لإيجادةيم ر المناظرة لقيم ه مباشرة باستخدام هذه الصورة دون إجراء أي عمليات حسابية .

فمثلاً إذا كان لدينا الجدول الرباعي الآتي رقم (٧٨) :

فإنه يمكن أن محسب معامل فإى باستخدام الصورة رقم (﴿) وهي :

$$\frac{1}{(2+\frac{1}{2})(2+\frac{1}{2})(2+\frac{1}{2})(2+\frac{1}{2})} = \phi$$

$$\frac{1}{(2+\frac{1}{2})(2+\frac{1}{2})(2+\frac{1}{2})(2+\frac{1}{2})} = \frac{1}{(2+\frac{1}{2})(2+\frac{1}{2})(2+\frac{1}{2})} = \frac{1}{(2+\frac{1}{2})(2+\frac{1}{2})(2+\frac{1}{2})} = \frac{1}{(2+\frac{1}{2})(2+\frac{1}{2})(2+\frac{1}{2})} = \frac{1}{(2+\frac{1}{2})(2+\frac{1}{2})(2+\frac{1}{2})(2+\frac{1}{2})} = \frac{1}{(2+\frac{1}{2})($$

وبالرجوع إلى الجدول (ل) المبين بالملحق نبحث عن قيمة ر المناظرة لقيمة $\phi = -13$. نجد أنها تساوى -7 .

وهنا يجب أيضا أن نؤكد أن هذه الطريقة تعطى قيمة تقديرية معقولة للمعامل ريادا كان كل من المتغيرين المتصلين قد تم تقسيمه تقسيما ثنائيا عند النقطة التي تمثل وسيط كل منهما شأنها شأن الطريقة الجبرية السابقة .

الملاقة بين معامل الارتباط الرباعي ، ومعامل فاي ، ومعامل ارتباط بيرسون :

نلاحظ ما سبق أن هناك علاقة بين معامل الارتباط الرباعي (ر) ، ومعامل فاى (﴿) تُعددها الصورة الرياضية :

وبذلك يمكن تحت شروط معينة تقدير قيمة معامل الارتباط الرباعي بمعلومية قيمة معامل فاى . ولسكن يمكن أن يعطى معامل الارتباط الرباعي الذي استخدم في حسابه إحدى الطرق الجبرية تقديراً جيداً لمعامل ارتباط بيرسون إذا تحققت بمض الفروض الى يرتكن إليها معامل الارتباط الرباعي . ولا تمتمد قيمة معامل الارتباط الرباعي اعتباداً كبيراً على تساوى التكرارات الهامشية في جدول الاقتران كا هو الحال في معامل فاي .

وتكون قيمة معامل الارتباط الرباعي أكبر من قيمة معامل فاى في جميع الحالات فيها عدا الحالة الى تكون فيها قيمة كل منهما تساوى الصفر (أى عندما الحالات فيها عدا الحالة الى تكون فيها الجدول أنه إذا كانت إحدى خلايا الجدول الرباعي تعتوى على الصفر، فإن قيمة معامل الارتباط الرباعي تكون غير محددة.

ويمكن استخدام معامل الارتباط الرباعى عندما يكون كل من المتغيرين من التوع الثنائى الحقيقى ، أو يمكن تقسيم كل من المتغيرين الاصلين تقسيماً ثنائياً بطريقة اعتبارية ، في حين أن معامل فاي لا يصلح إلا في الحالة الاولى فقط .

و نظراً لسهولة تقدير قيمة معامل الارتباط الرباعي كما رأينا سواء بالطرق الجبرية أو بالطرق البيانية ، فإن هذا ربما يعطى انطباعاً لدى الباحث بأنه يمكنه استخدام هذا المعامل بدلا من معامل الارتباط الثنائي المتسلسل أو معامل ارتباط بيرسون .

ولكن هذا الانطباع خاطىء لأن قيم معامل الارتباط الرباعى أقل ثباتا من قيم معامل ارتباط بيرسون أو معامل الارتباط الثنائى المتسلسل . أى أن أخطاء المينات تسكون أكبر فى حالة معامل الارتباط الرباعى .

وحتى إذا أمكن تقسيم المتغيرين عند النقطة التي تمثل وسيط كل منهما فإن (٣٤ ـــ التحليل) أخطاء المينات في هذه الحالة تزيد بنسبة .ه./ عنها في حالة استخدام معامل ارتباط بيرسون .

أى أن استخدام الباحث لمعامل الارتباط الرباعى فى الحالات التى يحسن فيها استخدام معامل ارتباط بيرسون يعنى أن الباحث يفقد أكثر من نصف البيانات التى لديه ، و بذلك تقل المعلومات التى يمكن أن يستمدها من هذه البيانات .

كما أنه كلما ابتعدت نقطة تقسيم المتغيرين عن النقطة التي تمثل وسيطكل منهما كلما زادت أخطاء العينات إلا إذا استخدم الباحث عينة كبيرة بدرجة تسمح بالثقة في قيمة معامل الارتباط الرباعي ، وهذا أيضا له مثالبة من حيث الجهد والوقت .

ولذلك يوصى كثير من علىاء القياس والإحصاء فى الوقت الحاضر بعدم استخدام معامل الارتباط الرباعي والاستعاضة عنه بمعامل فاى .

بعض الحالات التي لايجوز أن يستخدم فيها الباحث معامل الارتباط الرباعي:

فيما يلى بعض الحالات التي لا يجوز أن يستخدم فيها الباحث معامل الارتباط الرباعي:

١ ـــ إذا كانت نقطة تقسيم أى من المتغيرين متطرفة . كأن تسكون نسبة الحالات فى كل من قسمى أحد المتغيرين هه إلى ه أو ٨٠ إلى ١٠ مثلا ، فذلك يقلل من الثقة فى قيمة معامل الارتباط الرباعى .

۲ ــ إذا اشتملت خلية واحده من خلايا الجدول الرباعي على الصفر .
 ولتوضيح ذلك يصريف عبيلفوردالحداول م ٤ن٤ كارتم (٧٩) (ارائية بــ

(^)			<u>(ن)</u>		<u>(*)</u>			
١	/.o	10	19. 1.	1.	7 7	صفر		
۲.,	90	1.0	19. 10.	صة	۲۰۰ م.	11.		
			TE. TT. 1		٤٠٠ ٢٩٠			
			ل رقم (۷۹)	جدوا				

حالات لا يجوز نيها استخدام معامل الارباعي

فإذا حسبنا معامل الارتباط الرياعي للجدول (م) نجده يساوى (لاحظ أن الخلية ا = صفر).

أما إذا حسينا معامل الارتباط الرباعى للجدول (ن) نجده يساوى + ١ بالرغم من أن ربع الحالات تقريبا نناقض الارتباط التام (٩٠ حالة من بين ، ٠٠ في الجدول م ، ، ٨ حالة من بين ٠٠٠ في الجدول ن) .

وبالرغم من تدرة حدوث مثل هذه الحالات إلا أنه ربما يصادفها الباحث.

وبالمثل الجدول (م) يعطى تقديراً خاطئاً لمعامل الارتباط الرباعى . فبالرغم من عدم وجود تكرار يساوى الصفر ، إلا أن أحد التكرارات صغير جداً (وهو التكرار ده و) بالنسبة للكرارات الأخرى فى الجدول .

وربما نستنتج من هدده الجداول الرباعية أن هناك علاقة غدير خطية بين المتغيرين إذا أمسكن تجزئة الأقسام العريضة التي تشتمل عليها إلى أقسام أكثر تحديداً . وبالطبع إذا لم يتحقق فرض العلاقة الخطية بين المتغيرين ، فإن قيمة روستعطى تقديراً متحيزاً لمعامل الارتباط .

ولنكن ليس معنى هذا أننا قد برهنا على عدم خطية الملاقة باستخدام هـذه الجداول الثلاثه ، ولمنما يعنى آنها ربما تعطينا انطباعا بذلك .

تمارين على الفصل الثالث عشر

1 — فيما يلى توزيع الدرجات الكلية لمينة تتكون من ٢٠٠ فرد فى أحد الاستميانات، وكذلك عدد الأفراد الذين أجابوا « نعم » وعدد الأفراد الذين أجابوا « لا » فى إحدى مفردات الاستبيان فى كل فشة من فشات الدرجات السكلية .

K	نمم	فثات الدرجات المكلية
1	صفر	79 - 70
1	صفر	TE - T.
صفر	١	49 - 40
٣	صفر	££ — £•
•	١	19 - 10
٨	٤	· 0£ - 0.
1.	٦	09 00
.18	14	78 4.
٩	1/	79 - 70
•	۲٠.	VE - Y+
۲.	41	V9 - V0
١١	44	Λε — V·
\ \	1/	19 - 10
صفر	٦	98 - 9.
صفر	1	19 - 10
٣٠	11.	الجموع

- (١) إحسب معامل الارتباط الثنائى المتسلسل الحقيقى بين درجات مفردة الاستبيان والدرجات الـكلمة .
- (ب) احسب معامل الارتباط الثنائ المتسلسل بين درجات مفردة الاستبيان والدرجات السكلية .
- (ج) قارن بين القيمتين اللتين حصلت عليهما في ا ، ب . وأيهما يفضل استخدامه في هذه الحالة ؟

 γ — احسب معامل فاى (ϕ) ، ومعامل الارتباط الرباعى البيانات الآتية ، و فسر كلا من القيمتين اللتين تحصل عليهما .

إجابة خطأ	إجابة صحيحة			
70	المجموعةالمرتفعةالتحصيل ء٦			
Vo	المجموعة الضعيفة النحصيل ٢٥			

فيا يلى استجابات مجموعة تشكون من ١٢ طالباً لسكل مفردة من
 مفردات اختبار وعددها خمس .

						الب							
17	11	۱.	4	٨	٧	٦	•	٤	٣	۲	١		
1	مننر	١	١	١	١١	١	صغر	1	مسفر	١	١	١	
ا حدفرا	1	1	1	1	 ح ف ر	,4	 1	م مفر	1	١.	1	۲	
,4.0	,40	À	عقد	صه,	1	١	1		1	صفر	1	٣	المفردة
ص.ه.	- A.	عدفر	صفر	مهفر	صعر	صهر	مهر	١	1	١	١	٤	
صف.	صغر	مقر	صفر	صهر	ممار	صهر	1	صفر	صفر	1	1	٥	
١	١	Υ	Y	۲	۲	۲	٣	٣	٣	ŧ	0		

احسب معامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي بين درجات كل مفردة والدرجة الكلية في الاختبار .

۱ -- فى إحدى الدراسات طلب أحد الباحثين من مجموعتين إحداهما تتكون
 من ١٠٠٠ زوجة ترىكل منهن أنها موفقة فى زواجها ، والاخرى تتكون من ١٠٠٠ زوجة ترىكل منهن أنها غير موفقة فى زواجها الإجابة على السؤال الآتى :

ر هل كنت سميدة في طفو لتك ؟ ،

لز وا ج	ا قال	إجابة السؤال
غیر موفق	مو فق	
٤٠	٧٠	hai
٦٠	٣٠	ן ג

أوجد قيمة معامل الارتباط بين كل من المتغيرين الثنائيين ، وفسر القيمة الناتجة .

مـ طبق اختبار اختيار من متعدد على ١٠٠٠ طالب، وفيما يلى بيانات تشتمل على عدد الإجابات الخطأ على مفردتين من مفردات الاختيار.

(ص)	المفردة (س)			
إجابة خطأ	إجابة صحيحة			
٣٠	٣٠	إجابة صحيحة		
٣.	1.	إجابة خطأ		

- . الحسب قيمة معامل فاى (ϕ) لهذه البيانات .
- (ب) اوجد قيمة تقديرية لمعامل الارتباط الرباعي مستعينا بقيمة معامل فاي التي حصلت عليها .
- (-) احسب قيمة معامل الارتباط الرباعى بدون الاستعـانة بقيمة معامل فاى .
 - (٤) قارن بين القيمتين اللتين حصلت عليهما في ب



الفصل الرابع عشر

الانحدار الخطى البسيط

التنبؤ والارتباط

صورة العلاقة الخطية

الانحدار الخطى للمتغير ص على المتغير س

طريقة المربعات الصغرى

معادلتا خطى الانخدار باستخدام الدرجات الخام

معادلتا خطى الانحدار باستخدام طريقة الانحرافات

الملاقة بين الانحدار والارتباط

معادلتا خطى الانحدار باستخدام معامل الارتباط

معادلتا خطى الانحدار باستخدام الدرجات المعارية.

الخطأ المعياري للتنبؤ .

عرضنا فى الفصلين السابقين مقاييس العلاقة بين متغيرين ، وقد أشرنا إلى أن معامل الارتباط هو مجرد مقدار يقيس درجة اقتران متغير بمتغير آخر . وقلمنا أن هذا الاقتران ليس معناه أن أحد المتغيرين يسبب المتغير الآخر . فاكتشاف أن هناك علاقة بين متغيرين ربما يدل فقط على أن هناك عامل أالث مستولا عن هذه العلاقة .

ولكن أحيانا يهتم الباحث باتجاه العلاقة بين متغير ومتغير آخر برغم عدم معرفته المعرفة الكافية بالعامل المسبب لكل من المتغيرين . فإذا وجدنا أن هذاك علاقة موجبة بين تقديرات طلاب إحدى الكليات فى نهاية السنة الأولى وتقديراتهم فى السنة النهائية ، فإنه ربما يكون من المنطقى أن تستنتج أن أداء الطلاب فى نهاية السنة الأولى يسهم فى أدائهم فى السنة النهائية . إذ من غير المعقول أن تستنتج أن أداء الطلاب فى السنة النهائية يسهم فى أدائهم فى السنة الأولى (فالسبب لايسبق الاثر أوالنتيجة من الناحية الزمنية) ، بالرغم من أن الاسباب النهائية لتباين الاداء ربما ترجع إلى التفاعل المعقد بين العوامل الوراثية والظروف البيئية الختلفة للطلاب .

وموضوع الانحدار Regression بعتبر من الموضوعات الإحصائية التى تتناول إحدى المشكلات الهامة وهي مشكلة التنبؤ Prediction . فالباحث النفسي أو التربوي كثيراً مايهتم بالتنبؤ بمتغير باستخدام متغير آخر أو أكثر . ويسمى المتغير المنبيء بالمتغير المستقل والمتغير أو المتغيرات المتنبأ به أو بها بالمتغير التابع أو المتغيرات التابعة . فثلا ربما يود باحث تربوي أن يتنبأ بالاداء المدرسي لتلديذ بمملومية درجانه في اختبار للذكاء . أو ربما يود باحث في علم النفس الصناعي أن يتنبأ بأداء أحد الافراد في عمل ما بمملومية أدائه في بطارية من اختمارات الاستعدادات .

أو ربما يود باحث في علم النفس السكلينيكي أرب يتنبأ بقابلية المريض للملاج . باستخدام المعلومات التي يحممها عن المريض قبل بدء العلاج .

ويمكن أن تنظر إلى مشكلات التنبؤ وبالتالى الانحدار الخطى البسيط من وجهتين :

الوجهة الأولى :

عندما يحاول الباحث التنبؤ بالآداء المستقبل لفرد ما بمعلومية أدائه في الماضي. فهذا لا يحاول الباحث أن يستنتج أن أداء الفرد في الماضي هو سبب أدائه المستقبلي، ودأن يتوصل إلى بعض مؤشرات صادقة تفيده في التنبؤ بأداء الفرد المستقبلي، وهذا لا يعني بالضرورة أن هذه المؤشرات تسبب الآداء المستقبلي، ومثال ذلك التنبؤ بأداء الطلاب في كلية الطب مثلا باستخدام درجاتهم في امتحان الثانوية العامة أو باستخدام درجات اختبار في الاستعداد العلمي. فهنا يكون الاهتمام منصبا على التوصل إلى مقياس للآداء السابق يمكن استخدامه في الننبؤ بالنجاح في كلية الطب، فالحدف هنا تطبيقي عملي وهو الآداء المستقبلي.

أما الوجهة الثانية :

عندما يستخدم الباحث متغيرات منبئة (مستقلة) Predictor Variables يمكن أن يتحكم فيها بمعنى أن يكون له سيطرة على إحداث تغييرات مقصودة فيها. وعندئذ يمكن الباحث قياس المتغير المتنبأ به وهو المتغير التابع الذى يكون تقيجة للمتغير المستقل . وهنا يفترض الباحث أن المتغير المستقل هسو الذى سبب المتغير التابع .

فشلا إذا تحكم الباحث فى عدد المثيرات التى يجب أن يستجيب لهما شخص فى تجربة لقياس زمن الرجع فإنه ربما يتنبأ بحدوث زيادة خطية فى المتغير التابع ــ وهو عدد المثيرات.

أو ربما يفترض باحث آخر وجود علاقة خطية بين الجكم الشخصى على طول خط مستقيم (المتغير المتغير التابع) والطول الفيزيائى لهذا الخط أى الطول الحقيقى (المتغير المستقل).

وفى جميع هذه الحالات يود الباحث أن يتا أ بقيمة متغير ماس يسمى المتغير التابع أوالمتغير صرب بمعلومية متغير آخر بسمى المتغير المستقل أوالمتغير س تكون قيمه معلومة .

والانحدار الخطى هو أسلوب إحصائى يفيد فى عمليات التنبؤ، وهو يتصل اتصالا وثيقا بمفهوم الارتباط الخطى الذى عرضنا له فى الفصل السابع من هذا الكتاب, فإذا كان معامل الارتباط بين متغير ينصفراً فإن هذا يعنى عادة انمدام الملاقة بين المتغيرين.

أى أننا لا نستطيع التنبؤ بقيم أحد المتغيرين باستخدام قيم المتغير الآخر أكثر من مجرد التخرين المعشوائي . أما إذا كان هناك ارتباط بين المتغيرين يختلف هن الصفر فإن هذا يمنى أننا إذا علمنا شيئا عن أحد التغيرين فإنه يمكننا التنبؤ بشيء ما عن المتغير الآخر أكثر من مجرد التخمين العشوائي، والمكس بالمكس .

وكلما زادت القيمة المطلقة لمعامل الارتباط بين المتغيرين ، كلما أمكننا التنبؤ بأحد المتغيرين باستخدام المتغير الآخر بدرجة أكبر من الدقة .فإذا كان معامل الارتباط بينهما _ 1 أو + 1 عندئذ نستطيع التنبؤ بدرجة نامة .

وفى الحقيقة أنه لا يمكن تفسير معامل الارتباط بين متغيرين بصورة مرضية دون الاستعانة بمفهوم الانحدار . وسوف نقتصر فى هذا الفصل على مناقشة الانحدار الخطبي البسيط الذي يشتمل على متفير مستقل واحد ومتغير تابع واحد، ونرجىء مناقشة الانحدار غير الخطي والانحدار المتعدد إلى الفصول التالية .

التنبؤ والارتباط :

لإلقاء الضوء على العلاقة بين مفهوى التنبؤ والارتباط نعرض المثال الآتى: نفترض أننا نود التنبؤ بدرجة طالب ما فى اختبار آخر العام فى أحدد المواد الدراسية. فإذا كانت المعلومات الوحيدة المتاحة لدينا هى متوسط درجات فصله فى هذا الاختبار وهو ٧٥ (٣٠ = ٥٧) فإن أفضل تضمين هو أنه سوف محمل على الدرجة ٥٧ فى الاختبار ، ولسكن عادة يكون متاحا لدينا معلومات أخرى مثل درجة الطالب فى اختبار نصف العام فى نفس المادة ولتكن ٢٢ . فكيف نستخدم هدده المعلومة فى التنبؤ بأدائه بدرجة أفضل فى اختبار آخر العام ، فإذا فسنا أن متوسط أداء طلاب الفصل فى اختبار نصف العام هو ٧٠ (س = ٠٧)، فربما نستنج أنه نظرا لأن الطالب قد حصل على درجة أقل من المتوسط فى اختبار آخر نصف العام ، فإنه يحتمل أن يحصل على درجة أقل من المتوسط فى اختبار آخر العام ، وربما يبدو من ذلك أن التنبؤ فى هذه الحالة أفضل إلى حد ما من التنبؤ السابق .

ولكن مل يمكن أن نصل إلى تنبؤ أفضل من ذلك ؟

بالطبع معرفتنا أن درجة الطالب في اختبار نصف العام تقل عن المتوسط لا تعطى صورة دقيقة لمركزه النسبي في اختبار آخر العام .

ولكن إذا على الانحراف المعياري لدرجات اختبار نصف العام ، فإنه يمكننا تحويل درجة الطالب في هذا الاختبار إلى درجة معيارية . فاذا افترضنا أرب الانحراف المعياري لاختبار نصف العام هو ۽ (ع = ۽)، و نظرالان الطالب مدحول على درجة في هذا الاختبار تقل عن المتوسط بقدر انحرافين معياريين قد حصل على درجة في هذا الاختبار تقل عن المتوسط بقدر انحرافين معياريين عدرجة في هذا الاختبار على عن المتوسط بقدر انحرافين معياريين على درجة في هذا الاختبار على عن المتوسط بقدر انحرافين معيارين

اختبار آخر العام تقل عن المتوسط بقدر انحرافین معیاریین أیصاً ؟ بمعنی أنه إذا كانت ع y = y فهل نستطیع أن نتنباً بأن درجته فی اختبار آخر العام هی ۹ م أی (۷۰ – ۲ × ۸ ت ۹۰) ؟ ،

بالطبع تكون الإجابة لا، لان هذاك معلومة هامة غير متوفرة لدينا وهي معامل الارتباط بين درجات اختبار نصف العام و درجات اختبار آخر العام . ولهذا فإنه يمكننا فقط التنبؤ بالدرجة ٥ في اختبار آخر العام إذا كان الارتباط بين الاختبارين تاما (عندما ر = + ١) . ولكن إذا افترضنا أن معامل الارتباط بينهما كان صفرا فإنه لا يمكننا أن نتنبأ بالدرجة ٥ ولكن نعود مرة أخرى إلى التنبوين بأن الدرجة المتنبأ بها في اختبار آخر العام هي المتوسط ٥٠ أي (ص) .

والخلاصة أنه إذا كانت ر _ صفر ، فإن أفضل تنبؤ يكون هو المتوسط ٥٧ أى (ص) ، وعندما ر ح + ١ فإن أفضل تنبؤ يكون ٥٥ . وإذا كانت ر تنحصر بين صفر ، + ١ فإن الدرجة المتنبأ بها سوف تقع بين ٥٥ ، ٥٥ . أما إذا كان معامل الارتباط ر ح _ ١ فان أفضل تنبؤ للدرجة سوف يكون ١٥ . .

من هذا يتضح أهمية معامل الارتباط فى فهم عملية التنبؤ . والتطبيق معامل الارتباط بصورة أكثر و صوحاً فى التنبؤ يحب أن نضمه فى إطاره الصحيح أى فى إطار مفهوم الانحدار الخطى .

وقبل أن نناقش مفهوم الانحدار مجمد أنه من الضرورى أن نقدم فكرة عن معادلة الخط المستقيم لمنا لهما من أهمية في اشتقاق معادلات خطوط الانحدار .

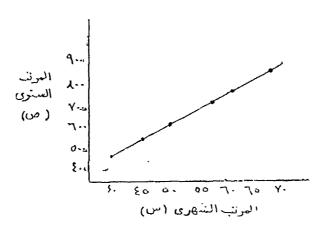
الصورة العامة لمعادلة الخط المستقيم:

لتبسيط المناقشة تحد أنه من الافضل أن نقدم مثالاً لمتغيرين مرتبطين ارتباط تاما وهما المرتب الشهرى والمرتب السنوى . فالجدول رقم (٨٠) يوضح المرتب الشهرى والمرتب الجموعة تتكون من ثمانية عمال في احد المصابح.

المرتب السنوى	المرتب الشهرى	المامل	
٤٨٠	٤٠	1	
• ٤ •	٤٥	*	
٦٠٠	٥+	٣	
٦٩٠	۰۷,۰	٤	
77.	٣•	•	
٧٥٠	٦٢,٥	4	
٧٨٠	70	٧	
۸۱۰	٦٧.٥	٨	

جدول رقم (۸۰)

المرتب الشهرى والمرتب السنوى لجموعة تتكون من ثمانية عمال



شكل رقم (٥٣) التمثيل البياني المرتب الشهري والمرتب السنوى المجموعة تتكون من ثمانية عمال

و بالنظر إلى هذا الشكل يتضح أننا مثلنا المرتب الشهرى على المحود الأفقى (السينى)، والمرتب السنوى على المحور الرأسى (الصادى). كما يتضح أن العلاقة بين المتغيرين علاقة خطية، ويمر الخط المستقيم بنقطة الاصل.

صورة العلاقة الخطية :

يمكن التعبير عن العلاقة بين المُرْتب الشهرى والمرتب السنوى بالصورة الرياضية :

ص == ۱۲ س

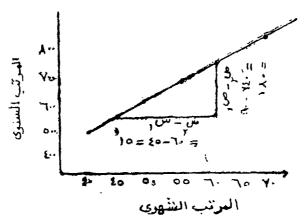
فإذا عرضنا عن (س) بأى قيمة لمرتب شهرى يمكننا الحصول على القيمة المناظرة لها (ص) للمرتب السنوى.

فإذا كان المرتب الشهرى لاحد العمال ١٠٠ جنيه . يكون مرتبه السنوى = ١٢٠ × ١٠٠ جنيه .

ويمكن إضافة مقدار ثابت إلى المعادلة السّابقة ص = ١٧ س. هذا المقدار الثابث ربما يعبر عن مكافأة إنتاج تشجيعية منحها المصنع للعمال ولتسكن ٢٠ جنيها شهريا ، وبذلك تصبح المعادلة كالآتى :

ص 🕶 ۲۰ 🕂 ۱۲ س

ویلاحظ أن هذه المعادلة تحتوی علی مقدارین ثابتین هما . ۲ ، ۱۲ . وهی تمثل معادلة خط مستقیم کما هو مبین بالشکل رقم (۲۰) الآتی :



شكل رقم (ع)ه ()

الملاقة بين المرتب الشهرى والمرتب السنوى لمجمسوعة تتكون من ثمانية عمال مضافا اليه مكافأة تشجيعية مقدارها ٢٠٠٠ جنيها

من هذا الشكل يتضع أن المستقيم يقطع جزءًا من محور الصادات طوله . ٢ (المقدار الثابت الاول) ،

ومن هذا يمكن أن نستنتج أن الصورة العامة لمعادلة الخط المستقيم هي :

س = ۱ + ب س

حيث س ، ص يمثلان المتغيرين .

ا ، ب مقداران ثابتان لمجموعة معينة من البيانات .

وتمثل ا الجزء الذي يقطعه المستقيم من محور الصادات .

وتمثل ب ميل الخط المستقيم .

وتتحدد معادلة الخط المستقيم إذا علمنا قيمة كل من ا ، ب . وعندئذ يمكن إيجاد قيمة ص المناظرة لقيمة معلومة من قيم س .

(٢٥ - التحليل)

ويلاحظ أنه يمكن استخدام المعادلة السابقة فىالتنبؤ بالمتغير ص بمعلومية قيم معينة للمتغير س . وعندما يكون معامل الارتباط مساويا للواحد الصحيح (كما هو الحال فى المثال السابق) يكون التنبؤ تاما .

الانحدار الخطى المتنبر ص على المتنبر س:

يندر فى البحوث النفسية والتربوية أن نحصل على معاملات ارتباط تامة نظراً لان عملية القياس فى هذه البحوث تكون معرضة دائماً للخطأ . فإذا رسمنا شكلا انتشاريا لازواج من القيم التي محصل عليها فى إحدى التجارب فإن النقط لا تكون عادة واقعة على مستقيم معين أو منحنى مهد معروف ، بل الاحظ أنها تفتقد شيئا من الانتظام يتوقف على الدقة فى قياس كل من متغيرى التوزيع ، كا يتوقف على مقدار العلاقة بين هذين المتغيرين .

فى مثل هذه الحالات ، أى حينها لاتقع نقط التوزيع على خط مستقيم مهين أو مفحى مهين ، نحاول حيائذ أن نبحث عن أحسن خط يكون أقرب ما يمكن من أغلب النقط، أى نبحث عن أقرب خطيشير إلى الاتجاه العام الذي يتخذه أحد المتغيرين بالنسبة للمتغير الآخر بحيث يكون من المعقول اعتباره مثلا للعلاقة بين المتغيرين ، ويسمى هذا الخط بخط أحسن مطابقة The Best Fitting Line لأن المقط تسكون متراكمة حوله أو بخط الابحدار واقعة عليه .

وتتضمن فكرة الانحدار فروضا ثلاثة :

الاول: أن هناك خطأ في قياس أحد المتغيرين أو كليهما .

والثابى : أن كلا من المتغيرين لايكون متأثراً فقط بالآخر بل يكون متأثراً أيضاً بعوامل أخرى خارجية .

والثالث : أنه بالرغم من أخطاء القياس وتأثير العوامل الخارجية فهناك مانون مثالى يربط بين المتغيرين . أى أننا نفتر من أنه لولا وجود هذه الاخطاء

وهذه العوامل الخارجية لارتبط المتغيران بمعادلة جبرية تمثل خطأ مستقيماً ممهداً هو خط الانحدار . وعلى هذه الاسمى نستطيع اعتبار أن خط الانحدار هو خط بمثل العلاقة الحقيقيه بين المتغيرين .

ولـكن ماذا نمن بخط أحسن مطابقة ؟

لعل الباحث يتذكر أنه عند مناقشتنا للمتوسط الحسابي والانحراف المميارى في الفصلين الثالث والرابع ذكرنا أن المتوسط هو تلك النقطة في التوزيع التي تجعل بحوع مربعات انحرافات قيم التوزيع عنها أقل ما يمكن (وتسمى هذه الخاصية بالمربعات الصغرى Guares (ويسمى المربعات الصغرى على مفهوى الارتباط والانحداد يمكن تعريف خط أحسن مطابقة بأنه ذلك الخط الذي يجعل بحموع مربعات الانحرافات عنه أقل ما يمكن، ويسمى هذا الخط بخط الانحداد.

طريقة المربعات الصغرى :

Method of Least Squares

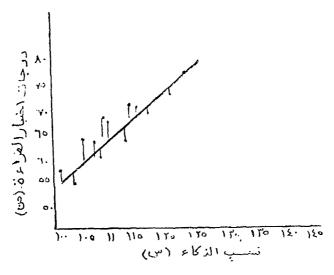
لنبجث الآن عن كيفية تحديد خط الانحدار المناسب لمجموعة من البيانات ذات المتغيرين ، وهو مايطلق عليه أحيانا توفيق خطوط الانحسدار Fitting Regression Line to Data ولإجراء ذلك نبدأ برسم شكل التشارى بأن تمين لكل زوج مرتب من الملاحظات أو القياسات الخاصة بالمتغيرين موضع البحث نقطة في الشكل البياني .

و انوضيح ذاك نفترض أن لدينا بجموعة من البيانات الموضحة فى جدول رقم (٨١) وهى هبارة عن نسب الذكاء و درجات اختبار فى القراءة لمجموعة تتكون من ١٨ طالبا كالآتى:

درجات اختبار القراء	نسب الذكاء	رقم الطالب	
(o o)	(v)		
44	114	1	
••	44	۲	
Y ٣	118	٣	
٦٩	171	٤	
VY	175	•	
oź	4.4	٦	
٧٤	171	٧	
y•	141	٨	
۹۶	1.4	4	
٦٢	111	١.	
₹.	114	11	
75	117	۱۲	
٦٧	115	١٣	
٥٩	111	1 ٤	
٦٠	1.7	١٥	
•\ .	1.4	١٦	
٧٠	115	17	
• 7	1.1	١٨	
1100	7.78	المجموع	

جدول رقم (۸۱) نسب ذكاء ودرجات اختبار في القراءة الجموعة تتكون من ۱۸ طالبا

والشكل الانتشاري لهذه البيانات موضح بالشكل رقم (٤٥) الآتي :



شکل رقم (٥٥) شکل انتشاری للبیانات الموضحة بجدول رقم (٨١)

فبالرغم من عدم انتظام النقط في الشكل السابق إلا أننا للاحظ أن درجات اختبار القراءة تميل إلى الزيادة بريادة نسب الذكاء .

فإذا علمنا على سبيل المثال نسب ذكاء أحد الطلاب، فكيف تتنبأ بدرجته ف اختيار القراءة ؟

و بالطبع يصعب ذلك بمجرد النظر إلى الشكل رقم (٥٥) أمدم انتظام البيانات، إذ لا يوجد تناظر تام بين مجموعتى الدرجات. وهنا ربما نحاول البحث عن خط أفضل مطابقة للبيانات، هذا الخط المستقيم يعتبر بمثابة التغير في قيم أحد المتغير بن تتيجة لتغير قيم المتغير الآخر.

أى أن هذا الخط يصف النزعة العامة في البيانات على أساس جميع القيم الممطاة، و بذلك يمكن بمعلومية نسبة ذكاء أحد الطلاب انتذبق بدرجته في اختباد القراءة باستخدام خصائص هذا الخط المستقيم . فإذا كتا بصدد انتنبؤ بقيمة المتغير (ص) بمعلومية المتغير (س) ، فإن طريقة المربعات الصغرى تمكننا من تحديدالخط المستقيم الذي يحمل بجموع مربعات المسافات الموازية لمحور الصادات من كل نقطة إلى الخط المستقيم) نهاية صغرى. وهذا الخط يسمى خط انحدار ص على س •

ورسم هذا الخط بمجرد النظر هو أسهل طريقة لإيجىدد خط الا محدار، إلا أنها طريقة ذاتية قد تعطى نتائج تختلف باختلاف الباحث ، كما أنها لا تصلح في الحالات التي لا تظهر فيها النوعة العامة للبيانات ، أي في الحالات التي لا يطمئن فيها الباحث إلى اختبار خط بالذات دون غيره . كما أن هذه الطريقة لا تحدد للباحث مدى الخطأ في اعتبار الخط الذي اختاره ممثلا للعلاقة بين المتغيرين .

و لذا يكون من الضرورى اختيار طريقة موضوعية لإيجاد خط الانحدار .

ولقد رأينا أن الشرط الاساسي في اختيار هذا الخطهو أن يكون الفرق أو الانحراف السكلي بين قيم التوزيع (والتي تسمى بالقيم المشاهدة) و بين القيم المثالية المناظرة لها على خط الانحدار (وتسمى بالقيم النظرية) أقل ما يمكن ولسكن يمكن في العقيقة أن نعشر على خطوط كثيرة تجعل المجموع الجبرى لهذه الفروق أو الانحرافات مساويا للصفر ، وذلك لإمكان تعادل الفروق الموجبة مع الفروق السالبة ، ولا نستطيع حينتذ أن نميز أي هذه الخطوط هو الافعنل ، ولذلك نستخدم مربعات هذه الفروق بدلا من الفروق نفسها حيث لا يمكن أن يحدث تعادل لانها تكون جميعاً موجبة في هذه الحالة . والشرط إذن لتوفيق خط الانحدار هو أن يكون جموع مربعات هذه الفروق أقل ما يمكن . وهذا الشرط لا يتوفر إلا في خط واحد هو الذي نستطيع اعتباره أفضل من غيره في تمثيل لا يتوفر إلا في خط واحد هو الذي نستطيع اعتباره أفضل من غيره في تمثيل الملاقة المطلوبة .

وهذا "شرط يمنحنا طريقة موضوعية لايجاد خطوط الانحدار ويعتبر بمثابة قاعدة عامة لإيجاد هذه الخطوط . وهذه الفاعدة تسمى بقاعدة المربعات الصغرى و بمسكر . _ صياغتها كالآتى :

أفضل خط مطابقة لمجموعة من النقط هو ذلك الخط الذي يجعل مجموع
 مربعات انحرافات هذه النقط المناظرة لها على هذا الخط نهاية صغرى ء .

وأول خطوة يجب أن يتخذها الباحث في محمّه عن خط الانحدار هو المكشف عما إذا كان هذا الخط مستقيا (معادلته من الله جة الأولى كما رأينا فيما سبق) أو خطا منحنيا (له معادلة خاصة). ويمكن أن يتبين الباحث شكل خط الانحدار بالتأمل في الشكل الانتشاري إذ غالباً ما يوحى هذا الشكل بالخط المطلوب.

و الخطوة الثانية هي أن يستخدم الباحث طريقة المربعات الصغرى لتحديد قيم الثوابت في معادلة الخط الذي يختاره على ضوء الخطوة الاولى.

وسنناقش فيما يلي هذه الطريقة في أبسط الحالات وهي حالة الانحدار الخطى البسيط ، وترجىء مناقشة الانحدار غير الخطى إلى الفصل التالى .

إيجاد معادلة خط انحدار ص على س باستخدام الدرجات الخام:

يستخدم خط انحدار ص على س التنبؤ أو لتقدير قيم ص غير المملومة التي تناظر قيم س التي تسكون معلومة .

ولذلك يجب أن نميز بين قيم ص المشاهدة أو الملاحظة والتي رمزنا لها بالرمز ص ، وقيم ص المتنبأ بها أو التي نود تقسيديرها وسنرمز لهيا بالرمز ص

فاذا نظر i إلى الشكل رقم (٤٥) نجد أن كل قيمة من قيم س يناظرها قيمة منقيم ص ، كما يناظرها قيمة ص من تمثل بنقطة على خط الانحدار .

وانحراف أوابتعاد أى نقطة عن خط الانحدار تمثل الفرق بين ص، ص، م، أى أن مقدار المسافة ص ـــ صم الموازية لمحورالصادات تمثل هذا الانحراف.

وطريقة مربعات الانجرافات الصغرى تحدد خط الانحدار بحيث يجمل بجموع مربعات هذه الفروق نهاية صغرى ،

أى يبعل: بج (ص ــصم) نهاية صغرى.

وسوف نرمز لميل خط انحدار ص على س بالرمز ب ص ، والنقطة الى يقطع فيها خط الانحدار محور الصادات بالرمز أص س ، وبذلك تكون معادلة خط انحدار ص على س هي :

$$\omega_{n} = \psi_{000} + |_{000} + |_{000}$$

ويمكن حساب قيمة كل من الثابتين ب ص ، أص باستخسدام الصور الآنية :

$$(Y) \qquad \frac{\psi \not = \psi \not = \psi \not = \psi}{V(\psi \not = \psi) - V(\psi \not = \psi)} = \psi$$

حيث:

مج س هي مجموع قيم س

ا بوص هي مجلوع قيم ص.

، ي س ص مى بموع حواصل ضرب قيم س، ص المتقابلة.

، مج س۲ هي مجموع مربعات قيم س.

، س متوسط قيم س

، ص متوسط قيم ص

و بالطبع فإن إثبات هذه الصور الجبرية يحتاج إلى استخدام بعض الرياضيات العالية وهذا خارج عن نطاق هذا السكتاب التزاما بما ذكرناه في المقدمة، وهو أتنا لانفترض أن كل باحث نفسي و تربوي يكون ما الماما كافيا بأسس و قواعد الرياضيات العالية . فما يهمنا هنا هو كيف يستخدم الباحث هذه الصور في تحليل بيانات بحثه .

ويمكن توضيح ذلك بتطبيق العدور رقم ٢ ، ٤ ، ١ السابقة على البيانات الموضحة بالجدول رقم (٨١) السابق للحصول على معادلة خط انحدار ص (درجات اختبار القراءة) على س (نسب الذكاء) .

ويمكن تلخيص ذلك في الخطوات الآنية:

١ -- نجمع قيم س

٧ ــ أجمع قيم ص

٣ - أربع قيم س

٤ ــ توجد بحموع حواصل ضرب فيم س ، ص المتقابلة .

ه ـــ تجمع حواصل ضرب قيم س ص المتقابلة .

				· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	*
7	•	٤	٣	۲	1
درجة اختبار	س ص	س۲	درجات	نسب الذكاء	رقم الطالب
القراءة			اختبارالقراءة	(v)	
المتوقعة صم			(ص)		
٦٨	YY AA	14448	77	114	١
• •	1900	44.1	۰۰	44	۲
٦٨	۸٦١٤	14448	٧٣	11/	٣
٧٠	144	18781	79	171	٤
٧١	۲۰۸۸	10179	٧٢	175	•
٥٤	0797	97.8	• ٤	4.4	٦
٧٧	4448	17171	٧٤	141	٧
٧٠	۸٤٧٠	18781	٧٠	171	٨
٦١	٧٠٢٠	3771	٦٠	1.4	٩
٦٣	ፕ ለለፖ	17771	٦٢	111	1.
٨٢	/1/ •	14445	70	114	11
٦٤	7.07	14088	75	117	14
٦٥	V0V1	17779	٦٧	115	18
74	4084	17771	09	111	18
٣.	747.	11777	٦.	1.7	10
۰۷	7-14	1.5.5	٥٩	1.4	17
70	V41.	17779	٧٠	114	۱۷
٥٧	٥٧٥٧	1.4.1	٥٧	1-1	14
	14.4.1	778478	1100	7.75	الجموع

جسدول رقم (۸۲) خطوات حساب معادلة انحدار ص على س

باستخدام الصورة رقم (٢) لحساب ميل خط انحدار ص على س :

$$\frac{\dot{v} \not = \dot{v} \not = \dot{v} \not = \dot{v}}{\dot{v} \not = \dot{v}} = \frac{\dot{v} \not = \dot{v}}{\dot{v} \not = \dot{v}}$$

$$\frac{11 \cdot \bullet \times r \cdot \gamma_1 - 3 \cdot \gamma_1 \times \gamma_{\Lambda}}{(\gamma \cdot \gamma_1) - \gamma_1 \gamma_1 \times \gamma_{\Lambda}} =$$

و باستخدام الصورة رقم (٤) لإيجاد الجزء الذي يقطمه خط الانحدار من محور الصادات .

$$\frac{1}{1}$$

وبذلك تـكون معادلة خط انحدار ص على س هي :

سم = ۲۰۲۸ س - ۱۱٫۲۰ س

ويمكن استخدام هذه المهادلة فى التنبؤ بقيم ص بمعلومية قيم س . ويبين العمود رقم ٦ فى الجدول رقم (٨٢) السابق درجات اختبار القراءة المتنبأ بها باستخدام قيم ص بعد التعويض بهده القيم فى معادلة خط الانحدار التى حصلنا علمها .

إيجاد معادلة خط انحدار س على ص باستخدام الدرجات الخام :

أو جدنا فيا سبق معادلة خط انحدار ص على س . وقد حددنا هذا الخط عيث يحمل بحوع مربعات المسافات المبينة بالشكل الانتشارى الموازية لمحور المسادات من النقط إلى خط الانحدار نهاية صغرى . وقد كانت المشكلة المطروحة هى التنبؤ بأقل قدر بمكن من الخطأ بدرجات اختبار القراءة بمعلومية فسب الذكاء . أما إذا كنسا نريد التنبؤ بنسب الذكاء بمعلومية درجات اختبار القراءة إذا افترضنا أن نسب الذكاء هى قيم دقيقة وأن درجات اختبار القراءة قد تعرضت للخطأ عند قياسها، فإننا يجب أن نستخدم خط انحدار مختلف عن الخط الاول ، ويسمى خط انحدار س على ض .

وهذا الخط يحب أن يحمل بحموع مربعات المسافات الموازية للمحور السيني من النقط إلى خط الانحدار نهاية صغرى . فإذا افترضنا أن س هي القيمة المشاهدة آو الملاحظة ، سم هي القيمة المتنبأ بها أو التي نريد تقدير قيمتها بمعلومية ص . فإننا يجب أن نبحث عن خط الانحدار الذي يجعل (سسسم)٢ نهاية صغرى.

و بذلك تــكون معادلة خط انحدار س على ص هي .

سم = برس + أس س + ٠٠٠٠

عيث سرم أرمز إلى قيمة س المتنبأ بها والتي نريد تقدير قيمتها .

- ، ب سم ترمز إلى ميل خط انحدار س على ص .
- ، أس م ترمز إلى نقطة تقاطع خط الانحدار مع المحور السيني .

ويمكن حساب قيمة كل من ب_{س ص}، أ_{س ص} باستخدام الصورتين الآنيتين :

$$(v) \quad \cdots \quad \frac{v \not \sim \omega - \not \sim \omega \quad \not \sim \omega}{v \not \sim \omega} = \omega \quad \overrightarrow{v}$$

$$(4) \quad \cdots \quad \frac{\mathbf{p}_{mod} - \mathbf{p}_{mod}}{\mathbf{p}_{mod}} = \mathbf{1} \quad .$$

ويمكن تطبيق الصور ٧ ، ٩ ، ٦ على البيانات الموضحة بالجدول رقم (٨١) لإيجاد معادلة خط العدار س على ص .

حيث نجد أن :

مج ص ٢ == ٥٥٥ ٧٤٨

وقد سبق أن حصلنا علىقيم مج س ص ، مج س ، مج ص عند إيجاد معادلة خط انحدار ص على س .

$$\frac{1100 \times YY \cdot \xi - 17 \cdot \lambda \cdot 7 \times 1\lambda}{Y(1100) - Y\xi\lambda00 \times 1\lambda} =$$

$$\frac{1100 \times 17.4 - 7.71}{100} = 0.01$$

71,4A ===

وبذلك تـكون معادلة خط انحدار س على ص هي :

سم = ١,٢٠٧ ص + ٣٤,٩٨

ويمكن استخدام هذه المعادلة فى التنبق بقيم س بمعلومية قيم ص .

ويتضح أن خط الانحدار الأول يختلف عن خط الانحدار الثانى فهما خطان مختلفان لـكل منهما معادلته الخاصة ، وكل منهما يعبر عن علاقة تقريبية بين المتغير بن .

ولكنهما ينطبقان بعضهما على بعض ويصبحان خطا واحداً إذا كان معامل الارتباط بين المتغيرين تاما أى + 1 أو - 1 . أما إذا لم يكن الارتباط تاما فإنه يمكن أن نضرب المعادلتين ١٤، ١٥ الآني ذكرهما لنشبت أن :

معامل الارتباط بين المتغيرين = ط بين المتغيرين على المثال السابق فإن معامل الارتباط فنظراً لاختلاف معادلتي خطى الانحدار في المثال السابق فإن معامل الارتباط بين نسب الذكاء و درجات اختمار القراءة:

هر. تقریبا .

ويمكن أن يتأكد الباحث من ذلك بحساب معامل الارتباط بين المتغيرين س ، ص الموضعين في الجدول رقم (٨١) بإحدى الطرق التي ذكر اها في الفصل السابق وسيجد أنه قد حصل على نفس القيمة .

إيجاد معادلتي خطى الانحدار باستخدام طريقة الانحرافات :

يمكن إيجاد ممادلتي خطى الانحدار باستخدام طريقة انحراف قبم كل متغير عن متوسط المتغير بدلا من استخدام الدرجات الخام ، أي أن :

انحراف الدرجة س عن المتوسط ـــ س ــ س

وانحزاف الدرجة ص عن المتوسط ص _ ص

وعندلذ يمكن التعبير عن ب من س، ب س ص كالآتي ،

$$\frac{(\varpi - \varpi)(\varpi - \varpi)}{\overset{\uparrow}{\sim}} = \frac{(\varpi - \varpi)^{\uparrow}}{\overset{\uparrow}{\sim}} = \frac{(\varpi - \varpi)^{\uparrow}}{(17) \cdots}$$

$$\frac{\sqrt{\overline{w} - \overline{w}} \cdot (\overline{w} - \overline{w})}{\sqrt{\overline{w} - \overline{w}}} = \frac{\sqrt{\overline{w} - \overline{w}}}{\sqrt{\overline{w} - \overline{w}}}$$
(17) ·····

وقيم ب ص ، ب س مى نفس القيم الى نحصل عليها باستخدام طريقة الدرجات الخام ، والاختلاف الرئيسي بينهما يرجع لى اختلاف المحاور المرجعية الى تنسب إليها النقط . ونقطة تقاطع خطى الانحداد بالنسبة لمذه المحاور المرجعية الجديدة هي نقطة الاصل .

 \cdot ان ا $\omega_{m}=1$ اس ω

الملاقة بين الانحدار والارتباط :

وجدنا فيما سبق أنه يمكن تحديد خطى انحدار لآى بجوعة من البيانات ، وأن لكل من هذين الخطين معادلة خاصة به ، وذكرنا أنه إذا كان معامل الارتباط بين المتغيرين هو + 1 أو - 1 فإن جميع النقط في الشكل الانتشاري سوف تقع على خط مستقيم ، وعندئذ ينطبق خطى الانحدار ويصبحان خطا واحداً . أما إذا ابتعدت القيمة المطلقة لمعامل الارتباط (أي قيمة معامل الارتباط بصرف النظر عن الإشارة) عن الواحد الصحيح فإن خطى الانحدار سوف يميل كل منهما على الآخر بزاوية معينة .

وعلى وجه العموم ، فإنه كذا انخفضت قيمة معامل الارتباط بين المتغيرين زاد مقدار الزاوية بين خطى الانحدار ، وإذا لم تكن هذاك علاقة على الإطلاق بين المتغيرين بمعنى أن يكون المتغيران مستقلان استقلالا ناما عن بعضهما يتعامد خطى الانحدار ، أى نصبح الزاوية ببنهما قائمة (٩٠٠).

وفى الحقيقة توجد علاقة بسيطة تربط معامل الارتباط يميل خطى الاتحدار يمكن إثباتها كايل:

أولاً ــ ميل خط انحدار ص علىس:

سبق أن أوضعنا في الصورة رقم (١٢) أن :

$$\frac{(\overline{w} - \overline{w})(\overline{w} - \overline{w})}{*(\overline{w} - \overline{w})} = \frac{1}{*}$$

ولـكن سبق أن ذكرنا أن إحدى طرق حساب قيمة معامل الارتباط هي

$$\frac{(w-\overline{w})(w-\overline{w})}{\sqrt{(w-\overline{w})}\times\sqrt{(w-\overline{w})}}$$

اي أن:

$$\overline{\Upsilon(m-m)(m-m)} \times \overline{\Upsilon(m-m)} \times \sqrt{m-m}$$

$$\frac{\sqrt[4]{w-w}}{w} = \frac{\sqrt[4]{w-w}}{w}$$

$$\frac{\sqrt{i^2 \times \sqrt{i^2 \times i^3}}}{\sqrt{i^3 \times i^3}} \times \frac{3^3 \text{ or } 1}{\sqrt{i^3 \times i^3}}$$

$$= c \times \frac{\dot{\sigma}_{0}^{2} - \sigma_{0}^{2}}{\dot{\sigma}_{0}^{2}} =$$

$$\frac{3\omega}{2\omega} \times \omega = 0$$

(٢٦ -- التحليل)

ثانيا : ممل خط انحدار س على ص :

وبالمثل يمسكن إثبات أن ميل خط انحدار س على ص هو :

ممادلة خط اتحدار ص على س باستخدام معامل الارتباط:

أثبتنا فيما سبق أن:

وقد سبق أن أوضحنا فى الصورة رقم (๑) أن :

وبالتهويض عن سيمة كلمن ب مس ، أصم في معادلة خط انحدار من على س ، وهي :

$$\frac{3\omega}{2} \times \frac{3\omega}{2} $

$$(17) \qquad \cdots \qquad (\overline{4} - \overline{4}) \qquad \cdots \qquad (17)$$

معادلة خط انحدار س على ص باستخدام معامل الارتباط:

نظرا لوجود معادلة انحدار مختلفة تستخدم للتنبق بقيم المتغير س بمعلوميه قيم للمتغير ص .

فإنه يمسكن بالمثل إنبات أن معادلة خط انحدار س على ص هي :

$$(17) \qquad (\overline{\omega} - \overline{\omega}) \qquad + \overline{\omega} = \overline{\omega} + \overline{\omega} = 0$$

فإذا أمعنا النظر في الحسد الثانى للطرف الأيسر من كل من المعاداتين ١٦ ، ١٧ وهو:

$$\frac{-\infty}{2m} (m-m) \quad \text{le} \quad e^{\frac{2m}{3m}} (m-m)$$

يمكن أن نتبين أنه كلما زادت قيمة معامل الارتباط ر ، كلما زادت قيمة هذا الحد ، ويمثل هذا الحد الانحراف المتنبأ به عن متوسط العينة الناشيء عن انحدار ص على س أو س على ص ، أى أننا يمكن أن نستنتج أنه كلما زادت قيمة معامل الارتباط ، كلما زاد مقدار الانحراف المتنبأ به عن متوسط العينة ، فإذا ما أصبح معامل الارتباط تاما (أى 1 أو — 1) يصبح مقدار الانحراف المتنبأ به أكبر ما يمكن ، وإذا كان معامل الارتباط صفرا فإن مقدار الانحراف المتنبأ به يكون صفراً أيضا . ولهذا فإنه عندما تسكون ر = صفر اللانحراف المتنبأ به يكون صفراً أيضا . ولهذا فإنه عندما تنعدم الملاقة تصبح ص م = ص ، س م = س . وهذا يعني أنه عندما تنعدم الملاقة بين متذيرين ، فإن أفضل تنبؤ لقيمة معينة من قيم أحد المتغيرين هو متوسط توزيع هذا المتغير .

مثال توضیحی (۱):

لتوضيح كيفية تطبيق معادلة خط الانحدار باستخدام معامل الارتباط نعود إلى المثال الذى قدمناه في مستهل هذا الفصل . فالطالب حصل على الدزجة ٢٧ في اختبار نصف العام في إحدى المواد الدراسية ، ونود أن نقنباً بدرجته في اختبار آخر العام في نفس المادة الدراسية مستخدمين البيانات الآتية :

، معامل الارتباط بين الاختبارين ر = . ٦,٠ للحصول على الدرجة المنبأ بما يجب أن نحصل على معادلة خط انحدار ص على س لاننا نو دالتذبؤ بدرجة الطالب فى اختبار تصف العام (ص) بمعلومية درجته فى اختبار تصف العام (س).

ولذلك يجب أن نطبق المعادلة رقم (١٦) وهي :

$$(\overline{w} - \overline{w}) + \overline{v} = \overline{w}$$

$$(w - \overline{w})$$

$$(v - \overline{v}) \left(\frac{\Lambda}{2}\right) \cdot , \overline{v} + v = \overline{v}$$

$$(v - \overline{v}) \left(\frac{\Lambda}{2}\right) \cdot , \overline{v} + v = \overline{v}$$

$$(v - \overline{v}) + \overline{v} = \overline{v}$$

$$(v - \overline{v}) + \overline{v} = \overline{v}$$

$$(v - \overline{v}) + \overline{v} = \overline{v}$$

$$(v - \overline{v}) + \overline{v} = \overline{v}$$

$$(v - \overline{v}) + \overline{v} = \overline{v}$$

$$(v - \overline{v}) + \overline{v} = \overline{v}$$

$$(v - \overline{v}) + \overline{v} = \overline{v}$$

$$(v - \overline{v}) + \overline{v} = \overline{v}$$

$$(v - \overline{v}) + \overline{v} = \overline{v}$$

70.1 =

مثال توضیحی (۲):

إذا حصل الطالب على الدرجة ٧٦ فى اختبار نصف العام . ما هى الدرجة المتنبأ بها فى اختبار آخر العام مستخدما نفس البيانات ؟

للحصول على الدرجة المتنبأ بها نطبق المعادلة رؤم (١٦) كالآن :

$$\sqrt{m-m} = \sqrt{m+c} \frac{3m}{3m} (m-m)$$

$$(v - v\tau) \left(\frac{\Lambda}{\xi}\right) \cdot , \tau + v \circ =$$

أما إذا كان المطلوب التنبق بدرجات اختبار ما(س) بمملومية درجات اختبار آخر (ص) ، فإنه يمكن اتباع نفس الطريقة مع استخدام المعادلة رقم (١٠) . بدلا من المعادلة رقم (١٦) .

ويجب على الباحث أن يدرك أن هدهنا من تقديم هذين المثااين هو مجرد توضيح كيفية تطبيق معادلتي خطى الانحدار . إذ ليس هناك ما يدعو إلى أن تتنبأ بدرجة طالب في اختبار ما باستخدام اختبار آخر ولدينا جميع البيانات الملاحظة .

وفى الواقع العملى نستخدم الطرق الارتباطية للنذبؤ بأداء الافراد الدين ينتمون إلى عينات أخرى ربما تتواجد فى وقت لاحق حيث نكون قيم المتغير المتنبأ به هير معلومة ، مثال ذلك استخدام درجات اختبار فى الاستعداد الموسيقى التنبؤ بنجاح الطلاب المتقدمين لمعاهد الموسيقى فى سنوات تالية حيث تكون درجات تحصيلهم فى الموسيقى غير معلومة عند اتخاذ قرارات بشأن قبولهم فى هذه المعاهد .

إيجاد معادلتي خطى الانحدار باستخدام الدر جات المعيارية :

عند مناقشتنا لمفهوم معامل الارتباط أكدنا أهمية العلاقة القائمة بين معامل الارتباط والدرجات المعيارية . فقد عرفنا معامل الارتباط بأنه متوسط بحموع حواصل ضرب الدرجات المعيارية المتقابلة لمكل من المتغيرين ، فإذا حولنا قيم كل من المتغيرين مى ، ص إلى درجات معيارية فإن :

$$\frac{\overline{\omega} - \omega}{3\omega} = \frac{\omega - \overline{\omega}}{3\omega} = \frac{\omega}{3\omega}$$

ونحن نعلم أن الانحراف المعياري للدرجات المعيارية هو الواحد الصحيح :

ای ان:

وباستخدام هذه المعلومات يمكن استنتاج أن ميل كل من خطى الانحدار في صورته المعيادية يكون مساويًا لمعامل الارتباط لآن :

$$\frac{3_{\infty}}{4_{\infty}} \times \sqrt{3_{\infty}}$$

ويمكن إيبجاد معادلة خط انحدار ص على س باستخدام الدرجات المعيارية كالآتى :

حيث إن:

$$(\overline{w} - \overline{w}) = \overline{w} + c = \overline{w}$$

وهذه يمكن كمابتها على الصورة الآنية:

$$\frac{\overline{\omega} - \overline{\omega}}{2\omega} = c \times \frac{\overline{\omega} - \overline{\omega}}{2\omega}$$

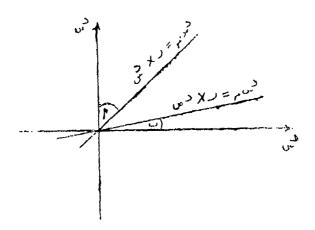
ولكن $\frac{-\overline{\omega}}{2}$ = د $\frac{e^{-\omega}}{1}$ الدرجة المعيارية المتنبأ بها . أي $\frac{e^{-\omega}}{2}$ = د $\frac{e^{-\omega}}{2}$ معيارية

$$\frac{\overline{w}-\overline{w}}{3w}$$
 = $\frac{\overline{w}}{3w}$

(1A)
$$\cdot$$
 \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot (A1)

وبالمثل يمكن إيجاد معادلة خط انحدار سعلى ص باستخدام الدرجات المميارية وهي:

فإذا رسمنا شكلا انتشاريا للدرجات المعيارية المتقابلة لمتغيرين ، ثم وفقنا أفضل خطى انجدار للبيانات فإنهما يظهران كما بالشكل رقم (٥٦) الآتى :



شمكل رقم (٥٦) خطى الانحدار فى صورتيهما المعياريتين ، الزاوية 1 = الزاوية ب

ومن هذا الشكل بتضم أن ميل خط الانحدار:

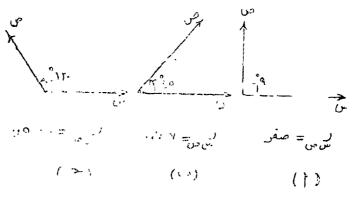
أما إذا كان معامل الارتباط = صفراً ، فإن خطى الانحدار يتعامدان ، أى تكون الزاوية بينهما . ٩° ، وعندئذ ينطبق أحد خطى الانحدار على محور در ، وينطبق الخط الآخر على محور در .

التميل الهندسي للارتباط:

يفيد التمثيل الهندسي المار تباط في تصور العلاقة بين متغير بن وبخاصة إذا كان لدينا أكثر من متغير بن كما سنرى في الباب الثالث .

وقد ذكراً أنه توجد علاقة بسيطة بين الارتباط والانجدار إذا عبرنا عن كل من المتغيرين في صورة درجات معيادية . فيل خط الانجدار بالنسبة إلى عور مرجعي يساوي معامل الارتباط كا هو مبين بالشكل رقم (٥٥) . وتوجد في مثل هذه الحالة أيضا علاقة بسيطة بين معامل الارتباط والزاوية المحصورة بين خطى الانجدار . فعامل الارتباط يساوي جيب تمام الزاوية المحصورة بين خطى الانجدار . فعندما يكون معامل الارتباط على صفراً يتعامد خطا الانجدار (اي تصبح الزاوية بينهما . وهندما يكون معامل الارتباط على وعندما يكون معامل الارتباط على من عندما يكون معامل الارتباط على مناصفراً ، وعندما يكون معامل الارتباط النهدار (اي تصبح الزاوية بينهما عندما ، مناصفراً ، حناصفراً ، حناصفراً ،

وبالرغم من أن هذا يعد تبسيطا أكثر من الواجب لمفهوم الارتباط ، إلا أن الفسكرة الاساسية هي تمثيل كل من المتغيرين بخط مستقيم له مقدار واتبعاه ، ويسمى حينتذ متجه Vector . والشكل رقم (٥٧) يمثل هندسيا ثلاثة معاملات ارتباط مقاديرها عنلفة .



شمكل رقم (٥٧) التمثيل الهندسي لثلاثة معاملات ارتباط مقاديرها مختلفة

فن الشكل يتضح أن الارتباط التام يمكن تمثيله هندسياً بمتجمين متعامدين ، والارتباط الذي قيمته ٧٠٧, يمكن تمثيله بمتجهين يحصران بينهما زاوية ٥٤°، والارتباط الذي قيمته ـ ٥٠٠, يمكن تمثيله بمتجهين يحصران بينهما زاوية ٠٢٠°. و نلاحظ أننا افترضنا أن طول كل متجه يساوى الوحدة .ولسكن في بعض الحالات التي يستخدم فيها مثل هذا التمثيل الهندسي ، فإن طول المتجه ربما يكون له معنى دقيق وربما يكون طوله أقل من الواحد الصحيح .

والجدول الآئى رقم (٨٣) يوضح بعض قيم معاملات الارتباط ، أى قيم جيب تام الزاوية المحصورة بين متجهى المتغيرين س ، ص .

معامل الارتباط	الزاوية
صفر	٥٩٠
+,178	۰۸۰
+, 727	۰۷۰
•,••	۰٦٠
+,787	۰۵.
•,٧٦٦	۰٤۰
•,٨٦٦	۰۴۰
٠,٩٤٠	• (•
٠,٩٨٥	•1•
١,٠٠٠	صفر

جدول رقم (۸۳) بعض قيم معاملات الارتباط ، أى قيم حيب تمام الزاوية المحصورة بين متجهى المتفيرين

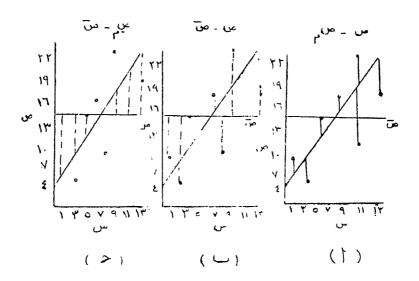
الخطأ المعيارى للتنبؤ :

إذا أراد الباحث التنبق بمتغير ما بمعلومية متغير آخر ، فإنه ربما يحتاح إلى

معرفة العلاقة بين معامل الارتباط ومقدار الخطأ فى التنبؤ . والتمثيل البيانى هو أفصل الطرق لتوضيح هذه العلاقة .

فالشكل رقم (﴿هُ ﴾) الآتي يوضح خط انحدار المتغير ص على س ، أي الخط الذي يستخدم في التنبؤ بقيم ص بمعلومية قيم س .

وبالرغم من أننا سنقتصر في مناقشتنا على خط انحداد ص على س ، إلا أن المناقشة يمكن أن تنطبق بالمثل على خط انحداد س على ص .



شکل رقم (۸۸)
شکل انتشاری لاز واج الدرجات فی متغیرین بوضح خط انحدار ص علی س ۲ متوسط توزیع درجات ص ای ص ۲ ر = ۲۸۲۰،

فن الشكل يتضح أن جميع النقط لا تقع على خط الانحدار لاننا افتر صنا أن معامل الارتباط بين المتغيرين يساوى ٨٦,٠، و نحن تعدل أن جميع النقط تقع على خط الانحدار إذا كان معامل الارتباط تاماً، والانحرافات ص ـ صم في

الشكل الانتشارى (ج) تمثل خطأ التنبق. وربعا يلاحظ الباحث وجه الشبه بين ص – صم. (أى انحراف الدرجات عن خط الانحدار)، ص به ص (أى انحراف الدرجات عن المتوسط). فالمجموع الجبرى لهذه الانحرافات حول خط الانحدار يساوى صفراً. وقد علمنا فيا سبق أن المجموع الجبرى لانحرافات الدرجات عن المتوسط به صفراً. أى أنه يمكننا القول بأن خط الانحدار هو الدرجات عن المتوسط به صفراً. أى أنه يمكننا القول بأن خط الانحدار هو نوع من و المتوسط المتحرك Floating Mean، الذى يأخذ قيما مختلفة على حسب قيم من المستخدمة في الثنبؤ.

ويذكر الباحث أننا عندحساب التباين ع٢ ، ربعنا الانحرافات عن المتوسط، وجمعنا هذه المربعات ، وقسمنا الناتج على ن .

ولإيجاد الانحراف المعيارى استخرجنا الجذر النربيعى للتباين الناتج وبنفس الطريقة إذا ربعنـا انحراف كل درجة عن خط الانحدار وجمعنـا مربع الانحرافات الناتجة: أى بح (ص ـ صم)٢، فإنه يمكن أن الخذهذا المجموع كأساس لحساب نوع آخر من التباين والانحراف المعيارى .

ويسمى التباين حول خط الانحدار بتباين البواقى Residual Variance ويمكن تعريفه كما يلي :

أما إذا كنا نود التنبؤ بقيم س بمعلومية قيم ص فإن تبأين البواق =

والانحراف المعيارى حول خط الانحدار (والذي يسمى الخطأ المعياري للتنبؤ) هو الجذر النربيعي لتباين البواتي . أي أن :

وإذا كنا نود التابق بقيم س بمعلومية قيم ص فإن :

$$|V_{i}| = \sqrt{\frac{(w - w_{i})^{2}}{v}} \cdot \cdot \cdot \cdot (\gamma \gamma)$$

ويمكن استخدام هذه الصورة الرياضية فى حساب الخطأ المعيارى للننبق ، إلا أنها تتطلب كثيراً من العمليات الحسابية . والفرض من عرضنا لها هذا هو الوفاء بما التزمنا به فى هذا الكتاب والذى ذكرناه فى مقدمته من أننا نودأن نضع المفاهيم والطرق والاساليب الإحصائية فى إطارها الصحيح ، فعرضنا لهذه الصور يحمل الباحث على دراية بأسس ومعنى الخطأ المعيارى للتنبق ، وأن هذا الخطأ المعيارى يقصد به الانحراف المعيارى للدرجات حول خط الانحدار وليس حول متوسط التوزيع .

إلا أنه كما هو الحال غالبا في أساليب تحليل البيانات توجد طريقة أبسط لحساب الخطأ الممياري للتنبؤ وهي :

والخطأ المميارى للتنبؤ بقيم س بمعلومية قيم ص 😑

ويمكن توضيح هانين الصورتين إذا نذكر الباحث تعربف معامل التحديد

و معامل الاغتراب اللذين ناقشناهما في العصل السابق ، فعامل الاغتراب هو نسبة التباين في أحد المتغيرين الذي لا يرجع إلى المتغير الآخر و هو يساوى (١ ــ ر٧)، فإذا ما ضربنا هذا المقدار في القيمة الحقيقية لتباين ص أي ع⁷ص فإننا نحصل على مقدار التباين (مقاسا بالوحدات الاصلية للمتغير ص) والتي لا ترجع أو لا تنسب إلى الانحدار . فإذا ما استخرجنا الجذر التربيعي لحاصل العشرب

ع ص (١ -- ر٢) نحصل على الخطأ المبياري للتنبؤ .

ونلاحظ أنه عندما تكون ر = + 1 أو - 1 يصبح المقدار \1 - 2 الله صفراً ، وهذا يمنى أنه لا تنحرف أى قيمة عن خط الانحدار بل تقع جميع النقط عليه وعندئذ لا توجد أخطاء فى التنبؤ . أما إذا كانت ر = صفرا فإن \1 - 2 = 1 و تصبح أخطاء التنبؤ لمثل هذا التوزيع أكبر ما يمكن ، ويصبح تباين ص الذى أمكن تقديره مساويا لتباين ص الفعلى . وعندئذ يمر خط الانحدار بمتوسط المتغير ص .

ومن هذا يتضح أن الخطأ المعيارى للتنبؤ بقيم ص بمعلومية قيم س يتراوح بين صفر ، عص وهو يدل ببساطة على مدى تراكم النقط حول خط الانحدار .

ويمكن توضيح ذلك إذا افترضنا أن الانحراف المعيارى للمتغير ص أى عمى الله عمى الله المعيارى للتنبؤ المناظرة عمى الخطأ المعيارى للتنبؤ المناظرة لقيم و المختلفة :

الخطأ المعيارى للننبؤ	٧١-د٢	ر
10,	1,	صفر
18,97	• 44.	٠,١٠
18,40	٠,٩٨٠	٠,٢٠
18,71	٠,٩٥٤	۰,۳۰
18,40	•,41٧	٠,٤٠
17,11	٠,٨٦٦	٠,٥٠
17, • •	٠,٨٠٠	٠,٣٠ ¦
1.,41	•,٧١٤	٠,٧٠ ا
أ ۹٫۰۰	٠,٦٠٠	٠,٨٠
٦,0٤	٠,٤٣٦	•,4•
صفر	صغر	١,٠٠

جدول رقم (٨٤) قيم الخطأ المعياري المناظرة لتيم ر المختلفة عندما يكون الانحراف المعياري لتوزيع المتغير ص = ١٥

ومن الجدول السابق يتصح أن أخطاء التنبؤ كما تقاس بالخطأ المميارى المتنبؤ تسكون كبيرة في هذه الحالة حتى عندما تسكون قيم ركبيرة نسبياً. فإذا افترضنا أن أخطاء التنبؤ تتوزع توزيماً اعتدالياً انحرافه المميارى عص فإنه يمسكنما تفسير مقدار هذا الخطأ . ويجب أن يتذكر الباحث أن ٣٨٪ من الحالات فى التوزيع الاعتدالي تقع بين درجتين ممياريتين – ١، + ١، وحوالي ٣٢٪ تقع دون هانين الدرجتين . فعندما تكون ر صفرا مثلا، عص = ١٥ ، أى عندما يكون المتفيران مستقلين عن بعضهما أو غير مرتبطين فإن ٨٨٪ من أخطأء التنبؤ سوف تكون أقل من ١٥ نقطة في كلمة الجهتين ، بينما تكون ٢٣٪ من اخطأء الكبر من ١٥ نقطة ، وعندما تكون ر = ٣٠٠ و فإن ٨٨٪ من اخطأه

التنبؤ سوف تسكون أقل من ١٢ نقطة (أنظر الجدول رقم ٨٤) بينها تسكون ٢٢٪ من هذه الاخطاء أكبر من ١٦ نقطة . وعندما تسكون ر عند ٠٫٨٠ فإن ٢٨٪ من أخطاء التنبؤ سوف تكون أقل من ٩ نقط ، وهكذا .

ومن هذا يتضح أنه بالرغم من زيادة قيم معامل الارتباط ر إلا أنه لا تزال توجد أخطاء فى التنبؤ . و تقل هذه الاخطاء تدريجيا ولسكن ببطء كلما زادت قيمة معامل الارتباط . وهذا يجب أن يجملنا حذرين عند التنبؤ بمتغير باستخدام متغير آخر .

ولإاقاء الضوء على هذه المشكلة نعرض المثال الآتى :

وجد كثير من الباحثين أن معامل الارتباط بين ذكاء الوالدين وذكاء أبناتهم يبلغ حوالى ، ٥, ٥، وقد استخدم البعض هذا الارتباط لتأكيد دور العوامل الورائية في الذكاء . فإذا كنا على استعداد لتقبل هذا الرأى ، فإننا يجب أيضا أن سكون على استعداد لتقبل حقيقة أن التباين في الذكاء الذي يرجع إلى عوامل غير وراثية ولتكن العوامل البيئية سيكون كبيراً بالفعل . فالانحراف المعياري لسكثير من اختبارات الذكاء يكون مساويا ١٥ نقطة من فسب الذكاء . فإذا نظر أا إلى هذه البيانات من الوجهة التنبؤية نجد أنه حتى لو كان معامل الارتباط بين ذكاء الوالدين وذكاء أبنائهم صفراً فإن الخطأ المعياري للتنبؤ سيكون بالطبع مقداره ١٥ نقطة ، ورذا كان معامل الارتباط حوالى ٥٠, . كما قررته كثير من البحوث فإن الخطأ المعياري للتنبؤسوف يكون حوالى ٥٠, . كما قررته كثير من البحوث فإن الخطأ المعياري للتنبؤسوف يكون حوالى ١٥ نقطة . أي أن ارتفاع قيمة معامل الارتباط من الصفر إلى ٥٠ م تو د إلى انخفاض ملحوظ في قيمة الخطأ المعياري للتنبؤ .

<u>مثال (۱) :</u>

احسب الخطأ الممياري للتنبؤ بدرجات اختبار فهم المقروء (ص) بمعلومية

درجات اختبار القبول بإحدى السكليات (س) مستخدما البيانات ، الآتية وضر هذا الخطأ ؟

د == ١٨٠٠

فلإيجاد الخطأ المعيارى تطبق الممادلة رقم (٢٥) وهى الخطأ المعيارى التنبؤ َ بقيم ص بمعلومية قيم س

$$= 3_{\bullet,\bullet} \vee 1 - \epsilon^{7}$$

$$= 7,71 \vee 17,70 = 7,71 \times 17,71 \times 17,$$

7,01 ==

وقد أوضحنا فيما سبق أن الخطأ المعيارى للتنبؤ له خصائص تشبه خصائص الانحراف المعيارى. فمثلا إذا رسمنا خطوطا موازية لخط انحدار ص على س على كل من جانبيه وعلى مسافات تساوى قيمة الخطأ المعيارى المتنبؤ ومضاعفاته فإننا سوف نجد أن حوالى ٦٨ / من الحالات تقع بين + ١ خطأ معيارى ، ... ١ خطأ معيارى ، ٥ / من الحالات تقدع بين + ٢ خطأ معيارى - ٢ خطأ معيارى ، مه / من الحالات تقع بين + ٣ خطأ معيارى ، ... ٣ خطأ معيارى ، ... ٣ خطأ معيارى ، الحالات تقع بين + ٣ خطأ معيارى ، ... ٣ خطأ معيارى ،

وأستخدام الخطأ المعيارى للتنبؤ بهذا الشكل يتطلب أن نتحقق بعض الفروض في البيانات وهي :

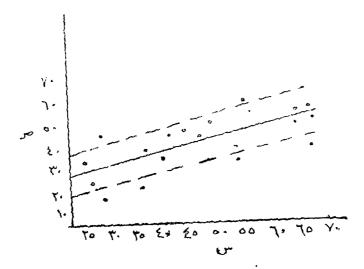
ان تكون العينة التي تستمد منها البيانات الحاصة بممادلة الانحدار عثلة للمحموعة التي ستطيق هذه الممادلة علما بعد ذلك بغرض النابؤ .

٧ ـــ أن تكون أخطاء التنبؤ موزعة توزيما اعتداليا ٠

٣ ــ أن تكون أخطاء التذبؤ موزعة توزيما متعادلا على جميع نقط خط الانحدار . وهذا الفرض يعرف بفرض نجانس النباس التباس

ويترتب على عدم تحقق هذا الفرض زيادة أخطاء التنبؤ للدرجات المتطرفة ، غير أن هذا لا يعد في الحقيقة .شكلة في مواقف التنبؤ الفعلية نظراً لانه يمكننا الننبؤ بنجاح أو فشل الطلاب الذين تكون درجاتهم متطرفة بدرجة أفضل من الطلاب الذين تقع درجاتهم بالقرب من مركز التوزيع . و بعبارة أخرى ر بما تكون أخطاء التنبؤ للحالات المنطرفة كبيرة إلا أنه من الناحية العملية للا يحب أن تمنع هذه الاخطاء الباحث من استخدام مفهوم الخطأ المعياري للتنبؤ .

فإذا افترضنا تحقق هذه الفروض وأردنا تفسير الخطأ المعيارى للتذؤ في مثال رقم (١) السابق فإننا نرسم خطين موازبين لخط انحدار ص على س ، كما هو مبين بالشكل رقم (٩٥) الآتي . وكل من الخطين يبعد بقدر واحد خطأ معيارى للتنبؤ أي (+ ١٠,٥١ أو - ٦,٥١) .



شسكل (٥٩) خط انحدار ص على س ، الخطين الموازيين له واللذان يبعدان عنه بمتدار الخطأ المعيارى للتنبق

وبذلك يمكن أن نستنج أن ٦٨. إ` من الحالات نقع بين هذين الخطين . أى أن درجاتهم تنحصر بين على ١٥,٦ حول الدرجة مس المتنبأ بها . كايمكن أن درجاتهم تنحصر بين الخطين الموازيين لخط الانحدار واللذين يبعدان عنه من كاتما جهتيه بقدر (٢ × ١٥,٢ ، - ٢ × ١٥,٢) أى بقدر (٢ × ١٣,٠٢ ، - ٢ × ١٣,٠٢) ، أى أن درجاتهم تنحصر بين على ١٣,٠٢ حول الدرجة المتنبأ بها .

وبالطبع كلما زاد عدد الحالات زاد التراب عدد اللهم الى تنحصر بين الخطين بالقيم المتوقعة من النوزيع الاعتدالي .

مثال (۲):

فيها بلي درجات بحموعة تتكون من خمسة طلاب في اختبارين. .

الاختبار الثانى (ص)	الاختبار الأول (س)	دقم الطالب
٦٠	70	1
£ •	10	۲
٧٠	0.	٣
۸۰	••	٤
1	10	•

- (1) أوجد معامل الارتباط بين درجات كل من الاختبارين .
 - (ب) أوجد معادلة خط انحدار ص على س .
- (ج) إذا حصل طالب آخر على الدرجة ٢٥ ف 'لاختبار س ، ما هى درجته المتنبأ بها في الاختبار ص .
 - (د) أوجد الخطأ المميارى للتنبؤ .

لحل هذه المسألة ربما يكون من الافضل تحويل الدرجات الخام إلى درجات مميارية تظرآ لقلة عدد الدرجات، خيث يمكن حساب معامل الارتباط باستخدام هذه الدرجات المعيارية.

دس × دص	دمن	ڏس	رقم الطالب
١, ٨٠	1,4	1,0	1
٠, ٢٠	*,1•-	.,0	۲
صفر	صفر	مىفر	٣
٠, ٢٠	1 ., 1 .+	•,••+	ŧ
١, ٨٠	1,7.+	1,00+	۰

$$c_{,,\Lambda} = \frac{1}{c} = \frac{c_{,\Lambda} \times c_{,\Lambda}}{c} = \frac{1}{c} = \frac{1}{c}$$

، دمسم ≖ د ×دس

أى: دمرم $= \cdot, \wedge \cdot \times \cdot_{m}$

وهذه هي معادلة انحدار ص على س في صورتها المعيارية . أما إذا أردنا إيحاد معادلة ص على س في صورة الدرجات الحام ، فإننا تعلمق المعادلة رقم (١٦) السابقة وهي :

$$(w - w) \frac{e^{2}}{2w} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{2w} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w} = w$$

$$(w - w) \frac{e^{2}}{1!} \times y + \overline{w$$

فإذا حصل طالب على الدرجة ٢٥ في الاختبار س، فإن درجته المتنبأ بها في الاختبار ص وهي :

صم == ۱۰ × ۲۰ × ۳۰ = ۳۰ والحطأ المعيارى للتنبؤ بدرجات ص بمعلومية درجات س = عمر ۱۷ - ۲۷

 $\overline{(\cdot, \lambda \cdot) - 1} \vee \times Y \cdot =$

 $\cdot, \tau \times \tau \cdot = \overline{\cdot, \tau_{\tau}} \times \tau \cdot =$

17 =

و بمكن تفسير هذه القيمة كما سبق .

تصحيح الخطأ المعياري للتنبؤ:

ربما يكون من الأفضل تصحيح تقدير الخطأ المعيارى التنبؤ إذا استخدم الباحث عينة قليلة العدد (أى أقل من ٥٠ فرداً) قبل أن يعمم هذا التقدير على المجتمع الأصل الذى استمدت منه العينة . ويمكن إجراء هذا التصحيح باستخدام الصورة الآنمة .

الخطأ المعياري للتذؤ بقيم ص بمعلومية قيم س بعد تصحيحه عصد

الخطأ الممياري قبل التصحيح
$$\times$$
 $\sqrt{\frac{\dot{\upsilon}}{\upsilon-\gamma}}$ (۲۲)

حيث ن ترمر إلى عدد أفراد العينة . أو يمكنه إجراء هذا التصحيح عند حساب الخطأ المعياري للتنبؤ بقم ص بمعلومية قم س باستخدام الصورة :

عص ١٧ - ١٦ حيث يصبح الخطأ المعياري بعد تصحيحه

$$=3\omega\sqrt{\left(1_{j}-c^{2}\right)\left(\frac{\dot{c}}{\dot{c}-\gamma}\right)}\cdots\cdots\cdots\cdots$$

و بالمثل بالنسبة للخطأ المعيارى للتنبؤ بقيم س بمعلومية قيم ص .

التباين المتنبأ به والتباين غير المتنبأ به :

Predicted and Unpredicted Variance

إذا نظرنا إلى شكل رقم (٧٠) السابق نلاحظ أن هناك ثلاثة أنواع من مجموعات المربعات يمكن حسابها من البيانات وهي : ا ـ تباین الدرجات حول متوسط المینة (شکل رقم ۱۵۰) و بمثل المقدار (ص ـ ص) بمحوع المربعات الخاصة بهذا التباین . وهو یستخدم فی تحدید التباین والانحراف المعیادی للمینة .

۲ ــ تباین الدرحات حول خط الانحدار (او حول الدرجات المتلبأ بها)
 کا فی شکل (۱۵۰۲) و یمثل المقدار (ص ــ ص م) بجموع المربعات الخاصة
 بهذا التباین . و یسمی التباین غیر المتنبأ به ، أو التباین الذی لا نستطیع تفسیره .

ويمكن أن يتضح سبب هذه التسمية إذا رجعنا إلى تفسير معامل الارتباط بين متغيرين . فقد سبق أن ذكر نا أنه إذا كان معامل الارتباط بين متغيرين يساوى ±1 (أىمعامل ارتباط تام) ، فإن جميع الدرجات تقع على خط الانحداد ٢

وهذا يمنى أننا تكون قد فسر تا التباين السكلى للمتغير ص يمعلومية تباين المتغير س، وبالعكس نكون قد فسر تا التباين السكلى للمتغير س بعلومية تباين المتغير ص. أى أننا فستطيع القول أنه فى حالة الارتباط للتام يمكننا تعسير التباين السكلى، ولسكن لسكر يكون هذا الاستنتاج صحيحا يجب أن تفترض أن قيمة معامل الارتباط هى القيمة الفعلية أى لا ترجع إلى الصدفة، وهذا يعن عدم اختلاف قيمة معامل الارتباط اختلاها ملحوظا باختلاف العينات المستمدة من المجتمع الاصل.

أما إذا لم يكن معامل الارتباط تاما فسوف نجد أن كثيراً من الدرجات لا تقع على خط الانحدار كما يتضح من الشكل رقم (٥٥٠) . وانحرافات هذه الدرجات عن خط الانحدار تمثل التباين الذى لا فسنطيع تفسيره بمعلومية الارتباط بين المتغيرين . ولذلك استخدمنا عبارة والتباين الذى لا فستطيع تفسيره أو التباين غير المتنبأ به . .

۳ _ تباین الدرجات المننباً به حول متوسط التوزیع (شکل رقم ۱۵۰). و یمثل المقداد (صم _ صن)۲ بحموع المربعات الخاصة بهذا التباین، ویسمی

التباين المتنبأ به أو التباين الذي يمسكن تفسيره . وكلما زادت قيمة معامل الارتباط زاد مقدار التباين الذي يمكن تفسيره أو التنبؤ به . وعندما يكون مقدار هذا التباين أكبر ما يمكن يكون معامل الارتباط تاما ، وتدكون نسبة التباين الذي يمكن تفسيره . . . / . .

ويمكننا إثبات أن المجموع السكلى للمربعات يشتمل على مكونتين يمسكن إضافة كل منهما إلى الآخرى .

وهذا يمنى أن المجموع الـكلى المربعات = بجموع المربعات الحاصة بالتباين غير المتنبأ به .

فإذا كانت ر ب صفراً، فإن مح (صم ب ص) معراً، وبالتالى يكون التباين الدى لانستطيع تفسيره. يكون التباين الدى لانستطيع تفسيره. أو بمعنى آخر عندما تكون ر سط صفراً، لا نستطيع تفسير أى جزء من التباين السكلى.

أما إذا كانت ر = 1 فإن : مح (ص - ص م) = صفرا، لأن جميسه الدرجات تقع في هذه الحالة علىخط الانحدار ، وبهذا يكون التباين المكلى مساويا للنباين المتنبأ به أو التباين الذي يمكن تفسيره . أو بعمني آخر إذا كانت ر = 1 فإننا نستطيع نفسير ١٠٠٪ من التباين .

ونسبة التباين المتنبأ به إلى التباين السكلي تسمى معامل التحديد Coefficient of Determination. كما أشراً إلى ذلك فى الفصل السابع ، ويرمز له بالرمز ر^٢ . ويمكن إيجاد قيمة ر^٢ باستخدام الصورة الآتية :

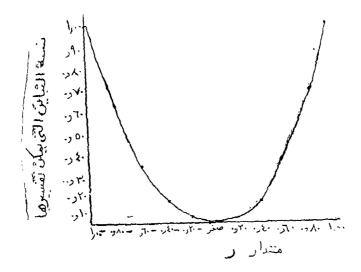
$$(14) \cdot \cdot \cdot \frac{Y(\sqrt{\rho} - \sqrt{\rho'})^{2}}{Y(\sqrt{\rho} - \sqrt{\rho'})^{2}} =$$

ومن هذه الصورة يتضح أن معامل التحديد يدل على نسبة التباين الـكلى الذي يمكن تفسيره بمعلومية قيمة معامل الارتباط.

فمندما تکون ر = صفراً ، یکون معامل التحدید ر = صفرا ایضاً . و عندما تکون ر = ، و ، تکون ر = ، ای اننا نستطیع القول ان ر = ، من النباین السکلی یمکن تفسیره .

و الـكن عندما تـكون إ ر المسلم و المسلم من التباين الـكلى .

والشكل رقم (٦٠) يوضح بيانياً نسبة تباين أحد المتغيرين الذي يمكن تفسيره بمعلومية تباين المتغير الآخر المرتبط بالمتغير الأول عندما تأخذ د قيماً مختلفة . وتلاحظ أننا استعنا في رسم هذا الشكل بالغيم المبينة في جدول رقم (٨٥) .



شكل رقم (٦٠) نسبة تباين احد المتغيرين الذي يمكن تنسيره بمعلومية تباين المتغير الآخر عندما تاخذ ر قيما مختلفة

ويمكننا أن نلاحظ أن الجذر التربيعي لمعامل التحديد يعطينا تعريفا آخر لمعامل الارتباط ر .

ای آن:
$$c = \pm \sqrt{\frac{\|\overline{x}_{1}\|_{1}}{\|\overline{x}_{1}\|_{1}}} \quad \text{Initive theorem } 1$$

$$\frac{2}{\sqrt{2}} \left(\frac{\overline{x}_{1}}{\sqrt{2}} - \frac{\overline{x}_{1}}{\sqrt{2}} \right)^{\frac{1}{2}}} \quad \text{(**)}$$

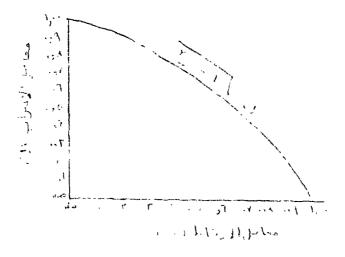
ونظرا لآن ر $^{\gamma}$ تمثل نسبة التباین الذی یمکن تفسیره ، فإن ($^{\gamma}$ – $^{\gamma}$) تمثل نسبة التباین الذی لا نستطیع تفسیره بمعلومیة الارتباط بین المتغیرین س ، ص ، ولذلك یسمی المقدار ($^{\gamma}$ – $^{\gamma}$) معامل الاغتراب Coefficient of ویرمر له بالرمز ك $^{\gamma}$.

أى أن ك تمثل نسبة التباين فى المتغير ص الذى يلزم تفسيره بمعلومية متغيرات أخرى تختلف عن المتغير س .

ويمكن تلخيص العلاقة بين ك1 ، ر٢ كالآتي :

و إذا كانت ر = ۷۰۷۱، فإن ك = ۷۰۷۱، أيضاً ، وهنا فقط تكون ر ٢٠٠١، أيضاً ، وهنا فقط تكون ر ٢٠٠١، و٢٠٠٠، أي أنه عندما تكون ر = ۷۰۷۱، فإنه يتساوى وجود علاقة مع عدم وجودها .

ويمكن تمثيل العلاقة بين ر ، ك بالشكل الآنى رقم (٦٦) . وفي الحقيقة تدل العلاقة المبينة بالصورة رقم (٣٦) وهي ر٢ لـ ك٢ = ١ على معادلة دائرة مركزها نقطة الاصل ، و نصف قطرها الوحدة ، وقد اقتصر نا في الشكل على تمثيل القيم الموجبة فقط لكل من ر ، ك .



شكل رقم (٦١) العلاقة بين معامل الارتباط (ر) ومعامل الاغتراب (ك)

ممامل فاعلية التنبؤ:

The Index of Forecasting Efficiency

إذا رجعنا إلى الصورة رقم (٢٥) التي تستخدم في حساب الخطأ المعياري للتنبؤ وهي :

الخطأ المعيارى للتنبؤ بقيم ص بمعلومية قيم س الخطأ المعياري التنبؤ بقيم ص بعد عص ١٧ - و٦٠

نلاحظ أن المقدار الذي تحت علامة الجذر التربيمي هو معامل الاغتراب. أي إنه بمكننا كتابة هذه الصورة بطريقة أخرى كالآثي:

وبذلك يكون الخطأ المميارى للتنبؤ ٢٤ / ٧٩ من ألانحراف المعيارى للمتغير ص . أى أننا عند التنبؤ بقيم ص بمعلومية قيم س ، تكون نسبة الخطأ مساوية ٧٩ / من الخطأ الناشج عند التنبؤ بقيم ص دون معرفة قيم س .

أى أن النسبة المثوية لمقدار النقص فى أخطاء التنبؤ = ١٠٠ - ٧٩,٢٤ = ٧٩,٢٠ / ٢٠, ويعرف معامل فاعلية التنبؤ (ف) بأنه النسبة المثوية لمقدار النقص فى أخطاء التنبؤ تتيجة للارتباط بين المتغربين - والصورة العامة التى يمكن استخدامها فى حساب هذا المعامل هى :

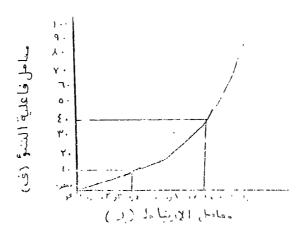
ف = ١٠٠ (١ – ١٧ – ٢٠) • • • • (٣٤) أو ف = ١٠٠ (١ – ك) • • • • • • (٣٥) والجدول الآن رقم (٨٥) يوضح قيم ك ، ف ، ر٢ المناظرة لقيم ر المختلفة .

,			
۱۰۰ × د۲	1	<u></u>	ر
صفر	صفر	1,	مسفر
صفر	٠,١	•, 999	٠, ٠٠
١,٠٠	٠,٥	-,490	٠, ١٠
7,70	1,1	+,9119	٠, ١٥
٤,٠٠	۲,٠	-,91	٠, ٢٠
٦,٢٥	٣,٢	٠,٩٦٨	٠, ٢٥
۹,۰۰	٤,٦	٠,٩٥٤	٠, ٣٠
14,40	٦,٣	•,177	٠, ٣٥
۱۳,۰۰	۸٫٣	+,414	٠, ٤٠
Y•,Y•	1.,4	٠,٨٩٣	٠, ٤٥
Y0, · ·	17, 5	٠,٨٦٦	٠, ٥٠
۲۰,۲٥	57,0	۰٫۸۳٥	٠, ٥٥
٣٦,٠٠	۲۰,۰	۰,۸۰۰	٠, ٦٠
17,70	71, .	٠,٧٦٠	٠, ٦٥
٤٩,٠٠	۲۸,٦	٠,٧١٤	٠, ٧٠
07,70	۲۳, ۹	٠,٦٦١	٠, ٧٥
78,00	٤٠,٠	٠,٦٠٠	٠, ٨٠
۷۲,۲۰	٤٧,٢	٠,٥٢٧	٠, ٨٥
۸۱,۰۰	07, 8	٠,٤٣٦	٠, ٩٠
90,40	۸٫۸	٠,٣١٢	٠, ٩٥
97,00	۸٠,١	٠,١٩٩	٠, ٩٨
۹۸,۰۰	۸0,٩	٠,١٤١	٠, ٩٩
11,	۹٠,٠	٠,١٠٠	.,990
19,800	40,0	+, + & 0	٠,٩٩٩

جدول رقم (۸۵)

قيم ف، ك، ١٠٠ 🗙 رَ الْمُنَاظِرَةُ لَقَيْمُ وَ الْحُتَلَفَةُ

والشكل الآتى رقم (٦٢) يوضح بيانياً الملاقة بين معامل فاعلية التنبؤ (ف) ، ومعامل الارتباط (ر) .



شكل رقم (٦٢) . . العلاقة بين معامل فاعلية التنبؤا ، ومعامل الارتباط

ويةترح جيلفورد Guilford أن تنحصر معاملات صدق الاختبارات الق تستخدم فى البحوث النفسية الربوية لاغراض التنبؤ بين ٣٠,٠،،، لانه نادرا ما نحد اختبارا يزيد معامل ارتباطه بمحك عملي واقعى عن ٠,٧٠. بينها إذا التخفضت قيمة معامل الارتباط عن ٢٠,٠ فإن مثل هذا الاختبار تكون قيمته عدودة إذا استخدم بمفرده للتنبؤ بالحك . أما إذا استخدم سنن بطارية من الاختبارات محيث يسهم إسهاماً متميزا عن غيره من اختبارات البطارية فإنه ربما يفيد في هذه الحالة في التنبؤ.

ولذلك فقد حددنا فى شكل رقم (٦٢) المنطقة التى يجب أن تنحصر بينها قيم معامل الارتباط وهى ٣٠٫٥٠ الى ٨٠٠٠ ، وبذلك تنحصر ف بين ٢٫٤٠، ٤٠٠

تمارين على الفصل الرابع عشر

۱ — أوجد معادلتي خطى انحدار ص على س ، س على ص البياءات
 الآنية :

0	٤	٣	۲	١	س
1	۲	٤	٣	0	ص

٢ ــ ف دراسة لإيحاد العلاقة بين درجات اختبارين إس ، ص حصل باحث على البيانات الآنية :

- (أ) حصل طالب على الدرجة ١٣٠ فى الاختبار س ، ما هى درجته المتنبأ بها فى الاختبار ص ؟
- (ب) حصل طالب على الدرجة ١٫٢٨ فى الاختبار ص ، ما هى درجته المتنبأ بها فى الاختبار س ؟
 - (ج) إحسب الخطأ المعياري للتنبؤ في كل من الحالتين ؟

۲ – أراد باحث إيجاد العلاقة بين الانزان الانفعالي والاداء لطلاب
 إحدى السكليات ، وحصل على البيانات الآنية :

مترسط الآدام (ص)	الاتزان الانفعالي (س)
ص = ۱٫۳٥	س = ۹۹
ع س 🖘 ۰٫۵۰	عس= ۱۲
-, ٢٦	= J

(أ) حصل طالب على الدرجة ٦٥ فى المتغير (س) ، ما هو تنبؤك بدرجته فى المتغير (ص) ؟

- (ب) احسب الخطأ المعياري للتنبؤ في هذه الحالة .
- (ج) ما هي نسبة التباين المكلي الذي يمكن تفسيره تتيجة لهذه العلاقة .
- إذا افترضنا أن ... = ٣٠ ع ع = ٥ ، من = ١٥ ع ع م ح ارسم شكلا لسكل من خطى الانجدار في الحالات الآنية :
 - (1) c = -id (+) c = -1
 - $1,\dots = 1,\dots

ثم استنتج العلاقة بين قيمة ر والزاوية المحصورة بين خطى الانحدار .

و إذا كانت معاملات الارتباط (ب، ه، و) سالبة ، ماذا يحدث لهذه الملاقة .

ه _ إذا كان الانحراف المميارى لدرجات اختبار مة من في فهم معانى السكلات = ١٥. والارتباط بين هذا الاختبار ونسب الذكاء _ ١٠٠ م. ما هو توقعك لقيمة الانحراف المميارى لتوزيع درجات الاختبار المة من إذا طبق على عينة كبيرة من الطلاب المتقاربين في نسب ذكائهم . مع تفسير الإجابة .

(۲۸ - التحليل)

محصل طالب فی أحد الاختبارات (س) علی درجة تزید عن المتوسط بقدر هرا اتحراف معیا ی . ما هی الدرجة المتنبأ بها فی اختبار (ص) إذا كان ممامل الارتباط ر بین درجات كل من الاختبارین یساوی :

$$\cdot, \wedge \cdot - (3) \quad \cdot, \circ \cdot - (4) \quad 1, \cdots (3)$$

والم أحد الباحثين بدراسة أحد جوانب الأداء في إنتاج إحدى السلم لدى عمال أحد المصانع. وقد استطاع أن يحصل على مقياس للاداء (س) يعكس بدقة كفاءة هؤلاء العمال بعد أن اكتسبوا خبرة في هذا العمل لمدة عام و احد. ثم قام بتصميم اختبار (ص) ليستخدم في التنبؤ بكفاءة العمال المستقبلية في أداء هذا العمل. ووجد أن معامل الارتباط بين هذا الاختبار ومقياس الاداء الذي حصل عليه = ,7,0 ومتوسط درجات المقياس ن ، والانحراف المعياري عس = عليه عرجات الاختبار ص = ٥٠، عص = ٣٠ باستخدام هذه البيامات أجب على الاسئلة الآنية :

- (أ) حصل عامل على الدرجة . ي في الاختبار (ص) ، ماذا تسكون درجته المتنبأ بها في المقياس (س) ؟
- (ب) ما هو احتمال حصول عامل على الدرجة ١١٠ في مقياس الاداء (س)؟
- (ج) إذا اعتبر الباحث أن الدرجة ٨٠ في المقياس (س) درجة مقبولة ، والدرجات التي تقل عن ٨٠ في المقياس غير مقبولة ـ ما هي الدرجة التي يجب استخدامها كنقطة فاصلة إذا استخدم الباحث الاختبار ض كوسيلة لانتقاء المهال ؟
- (د) حمل عامل على الدرجة . ٦ فى الاختبار (س) . ما هو احتمال حصوله على درجة غير مقبولة فى المقياس (ص) ؟
- (ه) حصل عامل على الدرجة ٣٠ فى الاختبار (ص) . ما هو احتمال حصوله على درجة مقبولة فى المقياس (س) ؟

- (و) لسكى يحصل عامل على مركز إشرانى فى العمل يجب أن يحقق الدرجة 170 أو. أعلى من ذلك فى المقياس (ص). ما هى الدرجة فى الاختبار (س) التي يجب استخدامها لاختيار مثل هذا العامل ؟
- (ن) إذا حصل ١٠٠٠ عامل على درجة فى الاختبار (ص) يمكن باستخدامها التنبؤ بحصولهم على الدرجة ١٢٠ قى المقياس (س) . كم عدد العال (بالتقريب) الذين سوف يحصلون على درجات فى الاختبار س تقل عن ١٢٠ ؟ وكم عدد العال الذين سوف يحصلون على درجات تزيد عن ١٣٠ ؟
 - (ح) احسب معامل فاعلية التنبؤ للاختبار ص . وفسر القيمة الناتجة ؟
- ۸ إذا كان تباين أخطاء التذبؤ (مربع الخطأ المعيارى للتذبؤ) = ٢٠٠ ،
 وتباين المتغير ص = ٢٠٠ .
- (أ) أوجد نسبة تباين المتغير ص الذي يمكن تفسيره بمعلومية المتغيرس.
 - (ب) أوجد معامل الارتباط بين المتغيرين س ، ص .
- و النا البواق (ص ص) تتوزع توزيعا اعتداليا انحرافه المعياري عص ما هي الحدود التي تنحصر بينها ٥٥٪ ، ٩٩٪ من هذه البواق؟
- ۱۰ __ إذا كانت الدرجات المعيارية لأربعة تلاميذ فى المتغير س هى __ ۲ ،
 ۲۰۱۹ ، __ ۱۰۱۹ ، والارتباط بين المتغير س ومتغير آخر ص يساوى ٥٠٠٠ .
 - (1) أوجد الدرجة المعيارية المتنبأ بها لـكل منهم في المتغير ص .
 - (ب) أوجد الخطأ المعياري للتنبق .



الفصل أتمنيام وعشر

الاتحدار غير الخطى

مطابقة البيانات لبعض الدوال الرياضية

مطابقة البيانات للدالة الاساسية

مطابقة البيانات لدالة القوة

مطابقة البيانات للدالة اللوغاريتمية

مطابقة البيانات لدالة القطع المسكاف

عرضنا فى الفصل السابق العلاقة الخطية بين متغيرين و إيجاد خط أحسن مطابقة للبيانات الخاصة بالمتغيرين ، ولكن ربما لا يجد الباحث فى جميع الاحوال أن هناك خطا مستقيما يشير إلى الاتجاه العام الذى يتخذه أحسد المتغيرين بالنسبة للمتغير للآخر ، بل يجد أن الاتجاه يشير إلى علاقة غير خطية أى منحنية .

وقدناقشنا فى الفصل الحادى عشر كيفية حساب معاملالارتباط بينمتغيرين الملاقة بينهما منحنية باستخدام نسبة الارتباط (n) .

ولكننا سنناقش في هذا الفصل مشكلة التنبؤ أو الانحدار إذا كانت العلاقة بين المتغيرين غير خطية ، وإيجاد أفضل منحى مطابقة أو أفضل دالة رياضية تطابق البيانات . وسوف تعرض في هذا الفصل أربعة أنواع من هـذه الدوال هي الدالة الأسية Exponential ، ودالة القوة Power ، والدالة اللوغاريتمية Logarithmic ، ودالة القطع المكاني، Parabola . وعادة يبدأ الباحث برسم شكل انتشاري لازواج قيم المتغيرين على ورقة رسم بياني عادية ، فإذا وجد أن العلاقة تقترب من الخطية فما عليه إلا أن يستخدم طرق الانحدار الخطي التي عرضنا لحا في الفصل السابق . أما إذا وجد أن النقط لا تميل إلى التراكم حول خطمستقيم ، وأنالعلاقة تبدو منحنية فيمكنه استخدام ورقة رسم بياني لوغاريتمي ويوجد نوعان من هذا الورق ، النوع الأول يقسم فيه المحور الافقى إلى أقسام متساوية مثل ورقة الرسم البياني العـــادية ، بينما يقسم المحور الرأسي تقسيما لوغاريتميا . أي أن الاقسام على هذا المحور ليست متساوية ، و إنما تتبع النظام Semi-Log Paper · أما النوع الثاني فيقسم فيه كل من المحورين تقسيما لوغاريتميا ، وتسمى هذه الورقة ورقة رسم بياني لوغاريتمي على كل من المحورين Log-Log Paper

مطابقة البيانات للدالة الأسية:

Exponential Function

إذا وجد الباحث من التثميل البيان للملاقه بين المتغير بن على ورقة رسم شبه لوغاريتمى Semi—Log Paper أن هذه الملاقة خطمة ، أى أن تحو بل ميزان قياس أى من المتغيرين إلى ميزان لوغاريتمى جعل الملاقه نبدو خطية ، فإن هذا يكون دليلا على أن الملاقة بين قيم كل من ص ، س الملاحظة تأخد شكل منحنى الدالة الاسية التي على الصورة :

وهذا يعنى أن قيم ص ترتبط بقيم س بعلاقة أسية . حيث يكون المتغير المستقل س عبارة عن قوى ب .

ويمسكن كتابة هذه المعادلة على الصورة اللوغاريتمية الآتية :

$$(Y) \qquad \dots \qquad (U_0 + W_0) = U_0 + W_0 + W_0$$

حيث (لو) ترمز إلى لوغاريتم العدد للاساس ١٠ .والاحظأن هذهالمعادلة تمثل علاقة خطية بين قيم س الاصلية وقيم لو ص .

وبذلك يمكن استخدام طرق الانحدار الخطى التى عرضنا لهما فى الفصل السابق، ولسكن بعد أن نضع لو ص بدلا من ص ، لو ا بدلا من الوب بدلا من بدلا من بدلا من بدلا من بدلا من في الصورتين رقمى ٢ ، ٤ المستخدمة بن في البجاد قيمتى كل من بدلا من المس فى الفصل السابق .

وبذلك تصبح الصورتان كاآتى:

$$l_{0} = \frac{i * m (l_{0} \circ m) * m * (l_{0} \circ m)}{i * m' - (* * m)^{r}} = \frac{i * m * (l_{0} \circ m)}{i * m' - (* * m)^{r}}$$

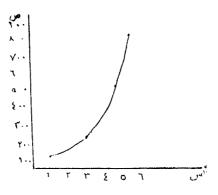
وبالمثل في حالة انحدار س على ص.

ولتوضيح كيفية تطبيق هاتين الصورتين . نفترض أن لدينا البيانات الآتيسة الخاصة بالمتغيرين س ، ص المبيئة بجدول رقم (٨٦) :

ص	س
117	١
159	۲
777	٣
708	٤
٥٨٠	•
٧٢٨	٦

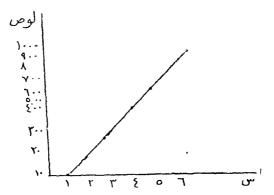
جدول رتم ٦٦

فإذا رسمنا شكلا كالآتى رقم (٣٣) ليوضح العلاقة بين اللتغيرين ، فإننا نلاحظ أن العلاقة غير خطية .



شكل رقم ٦٣٪ علاقة غير خطية بين المتغيرين

ولكن تصبح هذه العلاقة خطية إذا حولنا ميزان قياس ص إلى ميزان لوغاريتمي كما هو مبين بالشكل رقم (ع٣). ولذلك فإن البيانات تطابق الدالة الاسية.



شکل رقم (۱۳) علاقة خطية بين متغيرين ممثلة على ورقة رسم بياني شبه لوغاريتمي

ولإيجاد معادلة انحدار صعلى سيحب أن نوجد قيمة كل من لو بصس ، لو أصس . ولذلك نكرن جدولا كالآتى:

س۲	س لو ص	لو ص	ص	س	
١	7, . 197	7, 9 4 7	117	١	
٤	१,४१४	4,1744	189	۲	
٩	V,179A	T, T V77	747	٣	
17	10,1970	7,019.	701	ź	
40	14.714.	7, 774	۰۸۰	٥	
41	14,778	Y+ 9 ٣٨+	۷۲۸	٦	
11	00,1771	1 8 , 18 9 8		71	الجموع

جدول رقم ۸۷ خطوات ایجاد معادلتی الانحدار عندما تکون البیانات مطابقة للدالة الاسیة

وبالتعويض في المعادلتين السابقةين رقمي ٣ ، ٤ نجمد أن :

$$\frac{(15, 151)(71) - (00, 1775)(7)}{(71) - (91)(7)} = \frac{1}{(71) - (91)(7)}$$

·, 115 ==

و بالكشف في جدول الاعداد المقابلة للوغاريتهات (يمكن أن يرجع الباحث الى أحد الجداول الرياضية) نجد أن :

4.089=

وبالكشف في جداول الاعداد المقابلة للوغاريتهات تحد أن :

و بذلك تسكون معادلة منحنى الدالة الآسية التي تعتبر أفضل تمثيل للعلاقة بين المتغيرين س ، ص هي :

حيث صم هي قيمة ص المتنبأ بها

وهذه يمكن كتابتها على الصورة اللوغاريتمية الاتية :

فإذا أردنا التنبق بقيمة ص بمعلومية قيمة س = ١٠ مثلا ، فما علينا إلا أن نعوض في المعادلة اللوغاريتمية عن س = ١٠ ، و بذلك نحصل على :

T> 1 1 1 = .

وبالكشف في جدول الاعداد المقابلة الوغاريتيات نجد أني:

صم = ۱۹۷۱٫۸۰

مطابقة البيانات لدالة القوة :

Power Function

إذا وجد الباحث من التمثيل البيانى للملاقة بين المتغيرين على ورقة Log-Log أن العلاقة تبدو خطية في حين أنها لم تبد كذلك عندما استخدم ورقة رسم بيانى شبه لوغاريتمى Semi -Log Paper فإن هذا يكون دليلا على أن العلاقة بين قيم س ، ص الملاحظة تأخذ منحى دالة القوة التي على الصورة :

و يمكن كتابة هذه المعادلة على الصورة اللوغاريتمية الآتية :

و تلاحظ أن هذه الممادلة تمثل علاقة خطية بين لو ص ، لو س ، و بذلك يمكن أيضاً إيجاد معادلة الانحدار باستخدام طرق الانحدار الخطى التى عرضنا لها في الفصل السابق . ولسكن يجب أن نضع لو س بدلا من س ، لو ص بدلا من ص ، لو أ في الصورتين السابقتين رقمي ٢ ، ٤ المستخدمتين في إبجاد قيمتى أص س ، بص في حالة الانحدار الخطى كالآتى :

$$\frac{0 + (\log m) \cdot (\log m) - 4 \cdot (\log m) + (\log m)}{0 + (\log m) \cdot (\log m)} = \frac{0 + (\log m) \cdot (\log m)}{0 + (\log m)}$$
(V)

 (\wedge) · · · · · ·

حيث مح (لو س) (لو ص) هي بحموع حواصل الضرب التي تحصل عليها بضرب لو غاديتم كل قيمة من قيم س في لوغاديتم القيمة التي تناظرها من ص .

، بح (لو س)۲ هي مجموع مربعات لوغاريتهات قيم س .

وبالتعويض في هانين الصورتين يمكننا إيجاد قيمة كل من أصس ، ب سس وبذلك نستطيع الحصول على معادلة انحدار ص على س وهي : ص <u>ا ا الله الحول الله المولى الله الله الله الله الله الله المولى المولى </u>

مطابقة البيانات للدالة اللوغاريتمية :

Logarithmic Function

أحيانا يجد الباحث أن هناك علاقة خطية بين قيم ص وقيم لو س عند تمثيلها على و رقة رسم بيانى شبه لوغاديتمى لتمثيلها على و رقة رسم بيانى شبه لوغاديتمى لتمثيل العلاقة بين قيم إس، ص الاصلية . فهذا يكون دليلا على أن البيانات تكون مطابقة لمنحنى الدالة اللوغاديتمية م ومن المعلوم أن الدالة اللوغاديتمية مى دالة عكسمة للدالة الاسية ، و تكتب على الصورة :

و بنفس الطريقة يمكن الحصول على معادلتى الانحدار باستخدام طرق الانحدار الخطى بعد أن نضع لو س بدلا من س فى الصورتين رقمى ٢ ، ٤ المستخدمتين فى البحاد أص ، بص فى حالة الانحدار الخطى .

مطابقه البيانات لدالة القطع المكلف.:

Fitting a Parahola

إذا وجد الباحث أن النط العام للعلاقة يشير إلى أن مرم ص تزيد في البدمام مقل بعد ذلك أو العكم ، فإنه يمكنه أن يرتب فيم على ترتيبا نناز ليا أو تصاعديا ، وعدئذ ربما يجد أن البيانات تكون مطابقة لمعادلة القطع المكافى، الله على الصورة :

وهنا يمكن أن يستخدم الباحث المعادلات الثلاث الآنية في حساب قيمة كل من الثوايت ١، ب، ، ب في المعادلة رقم (١٠) كالآتي :

$$(11) \cdot \cdot \cdot (^{7}\omega^{2})_{7} + (^{2}\omega^{1})_{7} + 10 = 0$$

$$(17) \cdot (5 - 5) + + (5 - 5) + ($$

$$(17) \cdot (^{1} - ^{2}) + (^{7} - ^{7}) + (^{7} - ^{7}) + (^{2}) + (^{2}) + (^{2}) + (^{2}) + (^{2}) + (^{2}) +$$

حيث مح س ص ترمز إلى بجموع حواصل ضرب كل قيمة من قيم س في قيمة ص المناظرة لها .

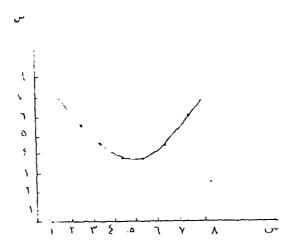
- ، مح س٢ ص ترهز إلى جموع حواصل ضرب مربع كل قيمة من قيم س فى قيمة ص المناظرة لها .
- ، مح س^۲ ، مح س³ هي بحموع القوة الثانية ، وبحموع القوة الثالثة ، و بحموع القوة الرابعة للمتغير س على الترتيب .

ويمكن توضيح كيفية تطبيق هذه المعادلات على البيانات الآنية الى فى الجدول رقم (٨٨) :

·	
ص	س
٧,٢	١
٦,٧	۲
٤,٧	٣
۳,۷	٤
٤,٧	•
1,7	٦
0,7	٧
0,7	٨

جدول رقم (٨٨)

قَإِذَا مِثْلُمَا هَذَهُ البِيَانَاتَ تَمَثَيلًا بِيَانِياً عَلَى وَرَقَةَ رَسَمُ بِيَانَى عَادِيةَ يَمَـكُنُ أَنُ تَعْصُلُ عَلَى الشّكُلُ الآتِي رَقِمُ (٦٥):



شكل رقم (٦٥) مطابقة البيانات لدالة القطع المكافىء

و بالنظر إلى هذاالشكل نجد أن قيم ص تقل تدريجيا ، ثم تزيد بعد ذلك ، ما يدل على أن شكل البيانات يطابق إلى حد كبير دالة القطع المسكاف. .

والتعويض في المعادلات الثلاث السابقة يتطلب إيجاد قيم عم س ص ، ع س ع س ع س ع س ع س ع س ع س ع س ع س كا في الجدول الآتي :

س۳ ص	س ص	س\$	س۲	س	ص (س (
٧,٣	٧,٢	١	1	1	٧,٢	1	_
47,7	١٣٠٤	١٦	٨	٤	٦,٧	۲	
٤٢,٣	12,1	۸1	77	٩	٤,٧	٣	
7,00	18,1	707	٦٤	17	7,7	٤	
114,0	77,0	770	170	40	٤,٧	٥	
101,7	40,4	1797	717	77	٤,٢	٦	
70£,X	21.5	78.1	727	٤٩	0,7	٧	
X117	٤٥,٦	2.97	017	٦٤	۷٫۵	٨	
۸۰۲۲۰	14.,4	۸۷۷۲	1797	7.1	1,73	77	 نموع

جدول رقم (۸۹) خطوات ایجاد معادلتی الانحدان عندما تکون مطابقة لدالة القطع المكافی،

وبالتمويض في الممادلات رقم ١١، ١٢، ١٣ نجد أن :

$$1,73 = 1$$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73 = 17$
 $1,73$

وبحل هــذا النظام من المعادلات الثلاث لــكى نحصل على قيمة كل من أ ، ب ، ب مع تقريب كل قيمة إلى رقم عشرى واحد نجد أن :

وبذلك تـكون معادلة القطع المحكافي هي :

و يمكن استخدام همسده المعادلة فى التنبؤ بقيم المتغير صر بمعلومية قيم معينة للمتغير س .

قاذا كانت س = ٥,٦ فان:

$$^{7}(7,0)(\cdot,7)+(7,0)(7)-9,7=0$$

وإذا أردنا تقدير قيمة المتفير س عندما نكون قيمة المتغير ص أقل ما يمكن، فإننا يجب ان نعلم أن أكبر قيمة (أو أصغر قيمة) يأخذها المتغير ص في حالة القطع المكانى، الذي معادلته ص ــــــ أ + ب س + ب س معادلته عندما تكون

$$\frac{1}{\gamma} = \frac{1}{\gamma}$$

و بالتعويض عن قيمة كل •ن ب ، ب إلتى حصلنا عليها نجد أن :

وربما يتسامل الباحث كيف أن أقل قيمة "صل إليها ص = ٢,٤ بينها إذا نظرنا إلى الجدول رقم (٨٩) نجد أن بعض قيم المتغير ص أقل من ٤,٢ . فثلا إحدى هذه القيم بين ٣,٢ . ولكن يجب أن يعلم الأحث أن المتغير ص هو متغير عشوائى ، وأن معادلة القطم المكافىء التي حاولنا مطابقة البيانات لها يبعب اعتبارها معادلة انحدار . فعند تفسير القيم المنذأ بها يجب أن تنظر إليها علم أنها قيم متوقعة أو متوسطات وليست دبيا ملاحظة .

(1- Harding - 49)

تمارين على الفصل الخامس عشر

١ ــ فيما يلى مجموعة من البيانات التي تشتمل على قيم كل من المتغيرين
 س ، ص :

٨	٧	٦	•	٤	٣	۲	1	س
19,4	14,0	9,5	٧,٣	٥,١	٠,٠٤	۲, ٤	٠,٨	ص

(1) استخدم الدالة الاسية لمطابقة هذه البيانات.

(ب) استخدم ذلك في التنبؤ بقيمة المتذير ص إذا كانت س = ٩٠٠

٧ _ فيا يلى بحوعة من البيانات التي تشتمل على قيم كل من المتغيرين س ، ص :

	۲.					
		i				
741	140	16.	1.4	۸۰	77	ص

استخدم دالة القوة لمطابقة هذه البيانات .

٣ ــ بين هل من الممكن أن تطابق المعادلة :

ص = 1 + ب لوس

البيانات الآتية التي تشتمل على قيم كل من المتغيرين س ، صر

١٠,٠	٧,٠	٤, ٢	٣,٠	۲,۰	٧, ١	1,0	١,٢	س
٤,٦	٤ ٢	٣,٦	۲,۲	۲,۸	۲,٦	۲,0	۲, ۲	ص

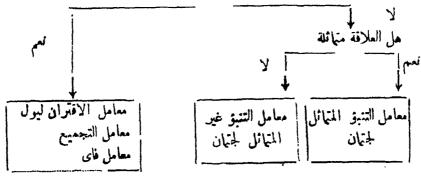
ع _ فيما يلى بحموعة من البيانات التي تشتمل على قيم متغيرين :

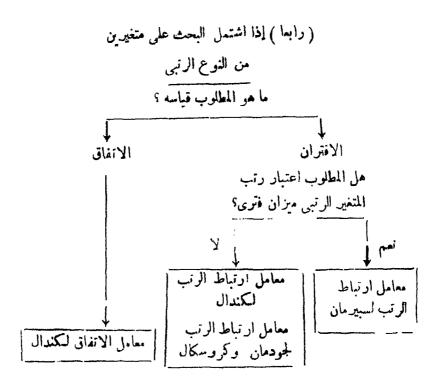
٣,٠						
1,1	۸,۸	١٠,	۲	۹,۸	۸,٦	ص

استخدم دالة القطع المكانى. لمطابقة هذه البيانات ، وثغباً بقيمة المتغير من التي تجمل قيمة المتغير ص نهاية عظمى مع التقريب لرقين عشريين .

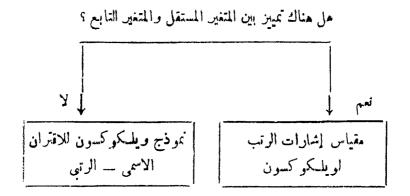
معامل الارتباط (معامل (رتباط بيهيمون) الربياعي (وحوليسالي معامل خناع) والمعلاوب تشديق مامل الحويقة و كار معضها كان مستعبلا من بوللتنبية الماكم هل العلاقة بيخالمتنيون خطية والملدي فيامالاكتها ؟ مع والمتفرق からなない شنعرة فرادان قدا عدالبا حش عال متيارا لأملويه الاحماد الذي يلعب بإلان بمشه هلها المعالم منيويون المتعيم المستنق والمتنولات ايع؟ منامل رخاط بهرسون ورمیره مهری رود افتا در ورمیره مهری رود افتا در عن التنبيل لمشكائ غير حقيق لما لمكني تعديره سامل الارتباط لمواكن المتنبي كان مستعملا ماعدد التيرات الق من النج الشائي؟ 4 مسن المستوح المصنوى (عاترا) ادا استها على البحد المراد المادة احدالتنيق مادل الارتيال الذيافي هالفلاقة بين المتنيرين مطية والمطور حوالتنق ؟ الالتائة اساس ارتال بيريون إلا فيحسدان لمنحسف المدعالة الرياضية مها في البادة بعد New I

(ثالثا) إذا اشتمل البحث على متغير ين من النوع الاسمى هل كل من المتغيرين يشتمل على قسمين فقط ؟



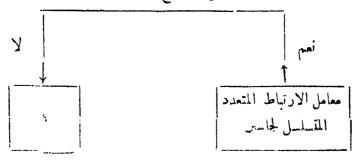


(خامسًا) إذًا اشتمل البحث على متغيرين أحدهما من النوع الرتبي والآخر من النوع الاسمى

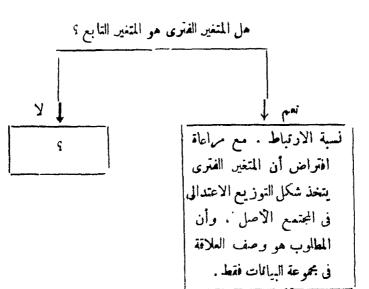


(سادسا) إذا اشتمل البحث على متغيرين أحدهما من النوع الفترى والآخر من النوع الرتبي

هل المطلوب اعتبار المتغير الرتبي متغيراً منصلا يتخذ شكل التوزيع الاعتدالي ؟



(سابعاً) إذا اشتمل البحث على متغيرين أحدهما من النوع الفَرَى والآخر من النوع الاسمى





الباحبالثالث

تحليل البيانات المتعددة المتغيرات



الفصل السادس عستر

تحليل الانحدار المتعدد في حالة المثغيرات الـكمية

تحليل الانحدار المتعدد في حالة و جود متغيرين مستقلين إيحاد معادلة انحدار ص على س ، س مأخوذتين معاً معامل الارتباط المتعدد و تفسيره

فروض الانجدار المتعدد

تحليل الانحدار المتعدد في حالة وجود ثلاثة متغيرات مستقلة تحليل الانحدار المتعدد باستخدام الحاسب الالكتروني التميل الهندسي للانحدار المتعدد تقلص معامل الارتباط المتعدد

عرضنا في البابين الآول والثاني طرق تحليل البيانات ذات المتغير الواحد ، والبيانات ذات المتغيرين . ولسكن السلوك الإنساني معقد حقا و ليس من البساطة بحيث يعتمد الباحث النفسي والتربوي في دراسته لظاهرة نفسية أو تربوبة معينة على متغير واحد أو متغيرين فقط . إذ أن الباحث يتوقع عادة وجود متغيرات متعددة تؤثر في ظاهرة نفسية معينة . وإذا أردنا التعبير عن ذلك بأسلوب إحصائي نقول أن تباين المتغيرات التابعة يكون عادة دالة للتغيرات الصاحبة في كثير من المتغيرات المستقلة التي تتفاعل مع بعضها .

فتلا ربما يستطيع الباحث التنبؤ بتحصيل الطلاب في مواد دراسية معينة بمطومية درجاتهم في اختبار للذكاء . إلا أنه ربما يستطيع أيضا التنبؤ بتحصيلهم بمعلومية متغيرات أخرى مثل درجاتهم في التحصيل في هذه المواد في أعوام سابقة، أو دافعيتهم للإنجاز والتحصيل، أو بعض سمات شخصياتهم وغير ذلك . فكل من هذه المتغيرات ربما يكون له تأثير على الاداء الاكاديمي للطلاب ، وبالتالي يسهم كل منها بقدر ما في التنبؤ بهذا الآداء .

وتحليل الانحدار المتعدد يمكن الباحث من تحليل العلاقات بين متغير تابع ومتغيرين مستقلين أو أكثر ، والتنبؤ بقيم المتغير التابع بمعلومية قيم المتغيرات المستقلة بحتممة أعضل من المستقلة ، وبالطبع يكون التنبؤ باستخدام المتغيرات المستقلة بجتمعة أعضل من التنبؤ باستخدام أى منها على حدة ، بشرط أن يكون الارتباط بين هذه المتغيرات منخفضا ، وارتباط كل منها بالمتغير التابع مرتفعا .

وللانحدار المتعدد جانبان من جوانب تحليل اليانات أحدهما جانب وصني، وفيه بكون الاهتمام منصبا على طرق تحليل وتلخيص العلاقة المخطية بين المتغير التابع وبجموعة المتعيرات المستقلة . والآخر جانب استدلالي ، وفيه يكون الاهتمام منصبا على طرق الاستدلال على العلاقات فى المجتمع الاصل باستخدام البيانات المستددة من عيسة البحث ، وبالرغم من الارتباط الوثيق بين الجانبين فى تحليل البيانات ، إلا أنه ربما يكون من المناسب معالجة كل منهما على حدة حتى يتسنى الباحث تصور مفهوم الانحدار المتعدد كأسلوب إحصائى وصنى تحليلى ، وكأسلوب استدلالى تفسيرى يتميز بالعمومية والشمول .

ولذلك فإننا سنقتصر فى هذا الجزء من السكتاب على الجانب الوصنى للانحدار المتعدد، ونتناول الجانب الاستدلالي للانحدار فى الجزء الثانى من السكتاب الذى يختص بالاساليب الاستدلالية فى تحليل البيانات .

كا سنقتصر في هذا الباب على مناقشة تحليل الانحدار المتعدد في حالتي وجود متغيرين مستقلين ، وثلاثة متغيرات مستقلة من النوع السكمي أو النوعي (الدكيني) أي من المستوى الفترى أو الاسميحتي يتسنى للباحث فهم أساسيات هذا الاسلوب الإحصائي الذي يعتبر نظاما عاما تبنى على أساسه مختلف الاساليب الإحصائية الآخرى مثل تحليل المسادات ، والتحليل العاملي ، وتحليل الدالة التمييزية ، وتحليل الارتباط بين بجوعتين من المتغيرات وغيرها .

ونظراً لأن تحليل المسارات يتناول طرق إيجاد العلاقات التركيبية وتفسير العلاقات المتشابكة التي تشتمل عليها البيانات المتعددة المتفيرات ، وهذا يعتبر من أم استخدامات تحليل الانحدار المتعدد، فإننا سوف نعرض أيضا في فصل مستقل من فصول هذا الباب أسلوب تحليل المسازات الذي يعتبر عن الاساليب الإحصائية المستحدثة في تحليل البيانات . وقد أصبح يستخدم بكثرة في البحوث الاجتماعية والتربوية في الآونة الاخيرة .

تحليل الانحدار المتعدد في حالة وجود متنيرين مستقلين :

عرصننا في الفصل الرابع عشر موضوع الانحدار الخطى البسيط لمتغير نابع

(ص) على متغير مستقل واحد (س)،وذكرنا أن معادلة خط انحدار ص على س هى :

- ، ب ص س ترمز إلى ميل خط الانحداد ، ويسمى معامل الانحداد ، أو الوزن التقديرى المتغير س .
 - ، س ترمز إلى قيم المتنفير المستقل.

ويمكن استخدام هذه المعادلة في التنبؤ أو تقدير قيم ص بمعلومية قيم س .

ولتقدير قبمة كل من الثابتين أ ، ب في هذه المعادلة ذكرنا أنه يمكن استخدام طريقة المربعات الصغرى التي نستطيع عن طريقها تحديد الخط المستقيم الذي يحمل بحموع مربعات الاخطاء الناجمة عن التنبؤ نهاية صغرى . وعندئذ تسكون

$$(7) \quad \cdot \quad \frac{(\cancel{2} \times \cancel{2}) \cdot (\cancel{2} \times \cancel{2}) - (\cancel{2} \times \cancel{2})}{(\cancel{2} \times \cancel{2}) - (\cancel{2} \times \cancel{2})} = \frac{(\cancel{2} \times \cancel{2}) \cdot (\cancel{2} \times \cancel{2})}{(\cancel{2} \times \cancel{2}) - (\cancel{2} \times \cancel{2})} = \frac{(\cancel{2} \times \cancel{2}) \cdot (\cancel{2} \times \cancel{2})}{(\cancel{2} \times \cancel{2}) - (\cancel{2} \times \cancel{2})} = \frac{(\cancel{2} \times \cancel{2}) \cdot (\cancel{2} \times \cancel{2})}{(\cancel{2} \times \cancel{2}) - (\cancel{2} \times \cancel{2})} = \frac{(\cancel{2} \times \cancel{2}) \cdot (\cancel{2} \times \cancel{2})}{(\cancel{2} \times \cancel{2}) - (\cancel{2} \times \cancel{2})} = \frac{(\cancel{2} \times \cancel{2}) \cdot (\cancel{2} \times \cancel{2})}{(\cancel{2} \times \cancel{2}) - (\cancel{2} \times \cancel{2})} = \frac{(\cancel{2} \times \cancel{2}) \cdot (\cancel{2} \times \cancel{2})}{(\cancel{2} \times \cancel{2}) \cdot (\cancel{2} \times \cancel{2})} = \frac{(\cancel{2} \times \cancel{2}) \cdot (\cancel{2} \times \cancel{2})}{(\cancel{2} \times \cancel{2}) \cdot (\cancel{2} \times \cancel{2})} = \frac{(\cancel{2} \times \cancel{2}) \cdot (\cancel{2} \times \cancel{2})}{(\cancel{2} \times \cancel{2}) \cdot (\cancel{2} \times \cancel{2})} = \frac{(\cancel{2} \times \cancel{2}) \cdot (\cancel{2} \times \cancel{2})}{(\cancel{2} \times \cancel{2}) \cdot (\cancel{2} \times \cancel{2})} = \frac{(\cancel{2} \times \cancel{2}) \cdot (\cancel{2} \times \cancel{2})}{(\cancel{2} \times \cancel{2}) \cdot (\cancel{2} \times \cancel{2})} = \frac{(\cancel{2} \times \cancel{2}) \cdot (\cancel{2} \times \cancel{2})}{(\cancel{2} \times \cancel{2}) \cdot (\cancel{2} \times \cancel{2})} = \frac{(\cancel{2} \times \cancel{2}) \cdot (\cancel{2} \times \cancel{2})}{(\cancel{2} \times \cancel{2})} = \frac{(\cancel{2} \times \cancel{2}) \cdot (\cancel{2} \times \cancel{2})}{(\cancel{2} \times \cancel{2})} = \frac{(\cancel{2} \times \cancel{2}) \cdot (\cancel{2} \times \cancel{2})}{(\cancel{2} \times \cancel{2})} = \frac{(\cancel{2} \times \cancel{2}) \cdot (\cancel{2} \times \cancel{2})}{(\cancel{2} \times \cancel{2})} = \frac{(\cancel{2} \times \cancel{2}) \cdot (\cancel{2} \times \cancel{2})}{(\cancel{2} \times \cancel{2})} = \frac{(\cancel{2} \times \cancel{2})}{(\cancel{2} \times$$

وفى الحقيقة أن تحليل الانحدار المتعدد فى حالة وجود متفيرين مستقلين هو امتداد لتحليل الانحدار الخطى البسيط ، وتنطبق عليه نفس الافكار الرئيسيسة فيما عدا أن العمليات الحسابية فى هذه الحالة تكون أكثر مشقة .

فالمعادلة العامة للانحدار في حالة وجود متحيران مستقلين هي :

حيث صم ترمز إلى قبم ص المتنبأ بها بمعلومية المتغيرين س، ، س، .

، ب، ب ترمز إلى معاملي الانحدار أو الوزن المقدر لحكل من المتغيرين س، ب من على الترتيب .

والصورة المستخدمة لحساب الثابت أ هي امتداد للمادلة رقم (٢) كالآتي :

ولإيجاد قيمة كل من أ ، ب ، ب يمكن استخدام طريقة المربعات الصغرى التي سبق استخدامها في حالة الانحداد الخطى البسيط للحصول على ألاث معادلات تشتمل على أ ، ب ، ب . .

وهذه المعادلات هي :

(Y) · · · · ·

و يمكن اختزال هذه المعادلات إلى معادلتين فقط إذا استخدمنا انحرافات قيم المتخيرات س، س، ص عن متوسط كل منها . وسنر مز لهذه الانحرافات بالرموز س، ، س، ، ص، ، والمعادلتان هما :

$$*\omega_1 = -1 * \omega_1 + -1 * \omega_2 = 0$$

و بمكن حل هاتين المعادلتين آنيا لسكى نحصل على قيمة كل من ب ، ب ،

وهما نفس القيمتين اللتين نحصل عليهما من حل المعادلات رقم ٢ ، ٧ ، ٨ ، وبذلك توفر للباحث بعض الجهد والوقت .

وتيسيراً على الباحث يمكنه استخدام المعادلتين الآتيتين مباشرة لإيجاد قيمة كل من ب، ب وهما :

$$\frac{(\sqrt[4]{m}\sqrt[4]$$

$$\frac{\left(\widetilde{\mathcal{O}}_{1}^{\mathsf{T}}\mathcal{O}_{+}^{\mathsf{T}}\right)\left(\widetilde{\mathcal{O}}_{1}^{\mathsf{T}}\mathcal{O}_{+}^{\mathsf{T}}\right)-\left(\widetilde{\mathcal{O}}_{1}^{\mathsf{T}}\mathcal{O}_{+}^{\mathsf{T}}\right)\left(\widetilde{\mathcal{O}}_{1}^{\mathsf{T}}\mathcal{O}_{+}^{\mathsf{T}}\right)}{\widetilde{\mathcal{O}}_{1}^{\mathsf{T}}\mathcal{O}_{+}^{\mathsf{T}}\mathcalOO_{+}^{\mathsf{T}}\mathcalOO_{$$

$$(17) \quad \cdots \quad \frac{{}^{r}(100)}{100} - {}^{r}1000 = {}^{r}100$$

$$(1\xi)\cdots\cdots \frac{r(\sqrt{\omega+1})}{i}-r_{\sqrt{\omega}}=r_{\sqrt{\omega}}$$

ولكى اومنح الباحث كيفية تطبيق هذه المعادلات في حالة وجود متعيرين مستقلين نقدم المثال الآتي :

نفترض أننا أردنا إيجاد معادلة انحدار درجات بجموعة من الطلاب في مادة الرياضيات في الصف الآول بالمرحلة الثانوية (المتغيب التابع ص) بمعلومية درجاتهم في أحد اختبارات الاستعداد الرياضي (المتغير المستقل الآول س)، ودرجات تحصيلهم في الرياضيات في نهاية المرحلة الإعدادية (المتغير المستقل الثاني س)، وهذه الدرجات مبينة في الجدول الآني (رقم ، ه).

س	س،	ص	س٧	س	ص
٣	٤	٤	•	۲	۲
٦	٣	٣	£	٣	١
٧	٥	٦	٣	١	۲
٥	٦	٦	٣	٤	١
4	٧	1.	٤	į	•
٦	4	٩	۰	٤	٤
٤	١.	٧	٦	٥	٧
•	٩	٦	٤	٤	٦
Y	٦	٩	7	٧	٧
1	٤	١٠	٤	٦	٨
	l	1	l I		

جدول رقم (٩٠)

فالخطوة الاولى: يوجد بجموع قيم كل من المتنيرات ص ، س, ، س, ، ومتوسط كل منها ، وجموع مربعات هذه القيم المتناظرة لكل منها مثنى مثنى ، والانحراف المعيارى لكل منها كالآتى:

(٠٤ _ التحليل)

والخطوة الثانية : يستخدم المعادلات رقم ١٣ ، ١٤ ، ١٥ ، ١٦ ، ١٧ لإيجاد بحوع مربعات انحرافات قيم كل من ص ، س ، س عن متوسط كل منها ، وكذلك بحموع انحرافات حواصل العدرب كالآنى :

$$101,00 = \frac{Y(11T)}{Y} - V1T = \frac{Y(10T)}{Y}$$

$$101,00 = \frac{Y(10T)}{Y} - \frac{Y(Y)}{Y} = \frac{Y(Y)}{Y}$$

$$01,00 = \frac{Y(10T)}{Y} - \frac{Y(Y)}{Y} = \frac{Y(Y)}{Y}$$

$$11,00 = \frac{(11T)(10T)}{Y} - \frac{Y(Y)}{Y} = \frac{Y(Y)}{Y}$$

$$11,00 = \frac{(11T)(10T)}{Y} - \frac{Y(Y)}{Y} = \frac{Y(Y)}{Y}$$

$$11,00 = \frac{(10T)(10T)}{Y} - \frac{Y(Y)}{Y} = \frac{Y(Y)}{Y}$$

وجميع هذه المقاييس الإحصائية يتم حسابها بطريقة آلية باستخدام برابج الحاسب الالسكتروني الجاهزة . ولكن في حالة وجود متغيرين مستقلين ربما يحتاج الباحث فقط إلى آلة حاسبة صغيرة لإيجاد قيم هذه المقاييس .

وفى الحقيقة توجد طرق متعددة لحساب هذه المقاييس الإحصائية اللازمة لتحليل الانحدار المتعدد ، ولسكننا فعنلمنا طريقة بجوع المربعات السهولة حسابها مباشرة من البيانات ، كما أنها تستخدم في كثير من المقاييس الإحصائية التي سنعرض لها في الجزء الثاني من السكتاب مثل تحليل التباين ، وتحليل التغاير وغيرهما .

و يمكن تلخيص النتامج التي حصلنا عليها فيما سبق في الجدول الآقي رقم (٩١):

سې	س ا	ص	And the state of t
77,00	۸٣,٠٥	101,00	ص
19,40	1.7,00	(+,714)	س١
04,00	(+, 4814)	(+,7987)	س۲
1,777	7,771	7,007	الانحرابالمعياري
0,70	0,10	٥٢,٥	المتوسط

جدوك رقيم (٩١)

ملخم نتائج المتاييس الاحصائية اللازمة لتحليل الانحدار المتعديد في حالة وجود متغيرين مستقلين

و نظراً لأن الباحث سوف يحتاج إلى معاملات الارتباط بين كل متغيرين من المتغيرات س ، س ، س فإنه يمكن أن يحسب هذه المعاملات باستخدام طريقة الدرجات الحام مباشرة كالآنى :

$$\frac{(117)(117) - (177)(117) - (177)(117)}{[7(117) - (177)(117)]} = \sqrt{[7(117) - (177)(117)]}$$

$$\frac{7(117) - (177)(117)}{(117) - (117)(117)} = 0$$

$$\frac{(1\cdot7)(\cdot77) - (1\cdot7)(\cdot17)}{[(\cdot7)(\cdot77) - (1\cdot7)(\cdot7)]} = \frac{(1\cdot7)(\cdot77) - (1\cdot7)(\cdot77)}{[(\cdot7)(\cdot77) - (1\cdot7)(\cdot7)]}$$

$$= 7317, \cdot$$

$$\frac{(1\cdot 0)(1\cdot 7) - (0\cdot 1)(1\cdot 7)}{\left[\begin{smallmatrix} \tau(1) & \tau(1) & \tau(1) & \tau(1) \\ \hline (1\cdot 0) & \tau(1) & \tau(1) & \tau(1) & \tau(1) \\ \hline (1\cdot 1) &$$

وهذه القيم مبينة فى خلايا الجدول رقم (٩١) بين قوسين . وقد حسبنا معاملات الارتباط السابقة لاهمتها فى :

ا _ إيجاد معادلة المحدار ص على س، س بعد حساب قيم الثوابت أ، ب ، ب ، وسوف تستخدم هـــذه المعادلة فى التنبؤ بتحصيل طالب معين ف الرياضيات فى الصف الاول بالمرحلة الثانوية بمعلومية درجاته فى اختبار الاستعداد الرياضى، ودرجات تحصيله فى الرياضيات فى نهاية المرحلة الإعدادية .

٧ - معرفة نسبة التباين السكلى لتوزيع المتغير ص الذي يمسكن تفسيره بمطومي المتغيرين س، س، أى معرفة العلاقة بين التركيب الجعلى Linear Combination للمتغيرين المستقلين والمتغير التابع . ويمكن استخدام مربع معامل الارتباط المتعدد Multiple Correlation الذي سنعرض له بعد قليل التعبير عن هذه العلاقة .

ب معرفة الإسهام النسي لكل من المتغيرين المستقلين س، س، ف التنبؤ
 بقيم المتغير التابع ص . وسوف نستخدم الاوزان بو ، ب، في إلقاء بعض
 الضوء على هذا الإسهام .

و الكننا سوف تحتاج إلى مقاييس أخرى أكثر دقة لتفسير هذا الإسهام النسى بعضها يعتمد على مربع معامل الارتباط المتعدد .

ع معرفة الدلالة الإحصائية لمقدار مايسهم به كل من المتغيرين المستقلين سى ، مس في التنبؤ بالمتغير ص ، ولكننا سنرجى مدا لحين مناقشة الاساليب الاستدلالية في تحليل البيانات في الجزء الثاني من السكتاب .

إيجاد معادلة انحدار ص على س، س معا :

لإيجاد معادلة انحدار ص على س، س، في المثال السابق يجب أن نستعين بالمقاييس الإحصائية التي تم حسابها لإيجاد قيمة كل من ب، ب باستخدام المعادلتين ١١، ٢٠ إلكالآقي :

$$\frac{(17, \vee 0)(19, \vee 0) - (09, \vee 0)(\wedge \vee \vee 0)}{(19, \vee 0) - (09, \vee 0)(1 \cdot \vee \vee \vee 0)} = 1$$

$$\frac{(\Lambda \Upsilon, \cdot \circ) (19, \Upsilon \circ) - (77, V \circ) (1 \cdot 7, \circ \circ)}{\Upsilon(19, \Upsilon \circ) - (99, V \circ) (1 \cdot 7, \circ \circ)} = \checkmark \cdot ,$$

ويمسكن إيحاد قيمة أ باستخدام المعادلة رقم (٥) كالآتي :

$$(0, Y_c)(\cdot, 9190) - (0, 10)(\cdot, 7177) - 0, 70 = 1$$

= - 1077, Y

وبذلك تمكون مادلة انحدار ص على س، سه هى :

وإذا نظرنا إلى الجدول رقم (.) نجد أن نيمة ص الفعلية المقابلة الهيمة من إلى الجدول رقم (.) نجد أن نيمة ص الفعلية المقابلة الهيمة من حصلنا عليها من معادلة الانحدار تساوى ٣,٤٨٨٠ و بذلك يكون الفرق ف بين الهيمتين هو — ١,٤٨٨٠ ، وهذا الفرق يعبر عن خطأ التنبؤ أو ما يسمى ببواقى التنبؤ — Residual ، وهو يساوى (ص — ص م) .

- 771 -

ويمكن الحصول على مقدار أخطاء التنبؤ أو البواق لجميع قيم ص المبينة في جدول رقم (٩٠)، وهذه الاخطاء أو البواق مبينة في الجدول الآتي رقم (٩٢)، وكذلك مربع هذه البواق ، وقيم ص المتنبأ بها أي صم ، ومربعات هذه القيم، وحواصل ضرب قيم ص في صم .

وسوف تفيد هذه الةيم في حساب قيمة معامل الارتباط المتعدد .

ف = ص - مسم	ص = ا + بس، +بس	س	س	مں
1,411-	7, 1117		Y	4
Y, 1 AY -	7,117.	1	٣	1
.,4481	1,.404	4	1	4
1,444	Y, AV = A	٣	٤	١,
1,4.14	7,7907	٤	٤	0
·, VIEA	1,411	•	٤	1
·, v•Y {	7,7277	٦	•	٧
7,7 • \$ \	7,7107	٤	1	٦
·, £ V £ Y —	V, £Y £ Y	٦	Y	V
7,1711	•,•Y14	1	٦	٨
1,1787	•,^\•	٣	1	٤
7,.71	•,•۲۱•	٦	٣	٣
1,1741 —	٧,١٦٧١	Y	٥	٦
٠,٠•٨٦	•,4818	•	7	٦
•, ٢٣٢٧—	1.,777	1	٧	1.
•, ٢٩٩٢	۸,۷۰۰۸	٦	٩	•
·, EV0 · -	V, £V• 1	٤	1.	٧
1,4814—	٧,٧٨١٣	•	4	٦
7,7197	٧,٧٨٠٤	٧	٦	٩
1,7.77	1,4174	1	1	١.
			-	
		11.0	11.4	وع ۱۱۲

جدول رقم (۹۲) بواتی قیم ص، ومربع البواتی، ومربع قیم ص، وحاصل ضرب ص 🗙 ص،

ص 🗙 ص	ص۲م	ن
7,477£	17,170	7,7147
٣,١٨٢٠	1.,1701	1,7711
۲,۰۷۱۸	1,.471	.,4740
Y, AV • A	۸, ۷۷۰۲	٣,٠١٨٦
14,4470	14, 6 - 67	1,4017
14,4097	77,7797	.,01.1
£7,7 7 77	79770	•,•441
44,4414	18,8-88	٤٫٨٧٠٦
47,4148	V77A,00	•, 4444
1.14.14	70,7190	۸,۸٦٩١
11,0.77	1,74.4	1,7114
10, .77.	40,41-8	٤,٠٨٩٤
٤٣,٠٠٢٦	**************************************	1,4771
40,771	40,44	٠,٠٠٣٩
1.7,844	٠٤,٧٠٨١	., . 0 £ 1
YA, T•YY	140,4.44	٠,٠٨٩٥
•۲,77•٧	•• \ \ \ \ \ \	., 7707
£7,7 4 VA	7.,0487	۳,۱۷۳۰
٧٠,٠٢٣٦	7.0897	1,844
۸۳,۹۲۸۰	٧٠,٩٣٩١	۲,•۸۲۱
V••, Y• YA	V=1, T1T-	£7,70TV

وينبغى أن نلاحظ من هذا الجدول أن نصف عدد الفروق (ف) موجب والنصف الآخر سالب ، كما أن معظم هذه الفروق صنيلة ، وهذا بالطبع ما يجب أن يكون . فقيم أ ، ب ، ب التي سبق أن حصلنا عليها تحقق قاعدة المربعات الصغرى ، أى أن هذه القيم تجعل مربع الفروق (ف٢) أقل ما يمكن . فجموع الفروق أي بح ف ح صفر ، بينها بح ف٢ - ٤٢,٢٥٣٧ . ويسمى هذا المقدار و بحموع مربعات البواقى يدل على الجزم من الجموع الكلى للمربعات الحاص بالمتفير ص الذي لا نستطيع أن ترجعه أو تنسبه المحادر .

وفى الحقيقة يمكن أن يحصل الباحث على بحموع مربعات البواقى مباشرة دون الحاجة إلى حساب جميع المقاييس الإحسائية التي قدمناها .

والسبب في عرضنا لها هو توضيح أهمية مفهوم دمجموع المربعات Sum of السبب في عرضنا لها هو توضيح أهمية مفهوم دمجموع المربعات في التحليلات الإحصائية الاخرى كا سنري فيما بعد .

وبالتعويض عن قيم ب، ب، ب، به سَ ، بح سَ ، بح سَ سَ من البيانات الموضحة في المثال السابق نجد أن :

وهذا الناتج يدل على الجوم من المجموع السكلى للمربعات الخاص بالمتغير ص الندى يمكن أن ينسب أو يرجع إلى انحدار ص على س، من.

وقد وجدنا فيما سبق أن المجموع الـكلى للمربعات الخاص بالمتغير ص

فإذا أصفنا بحوع المربعات الخاص بالانحدار إلى بحوع مربعات البواق ، فإننا نحصل على المجدوع المكلى للربعات الخاص بالمتغير ص .

> ای آن: مم = مم + مم ص انحدار بواق = ۲۲,۲۰۳۷ + ۱۱۲,۳۱۱۲ = ۱۰٤,۵٦٤٩

وهذه تساوی تقریباً بحموع مربعات ص الی حصلنا علیها فیما سبتی وهو ^۲ ۱۹۶٫۰۰۰ .

معامل الارتباط المتعدد:

Multiple Cerrelation

يعتبر معامل الارتباط المتعدد من المقاييس الإحصائية الاساسية التي تستخدم في تحليل الانحدار المتعدد . ويدل معامل الارتباط المتعدد على درجة العلاقة القائمة بين متغير تابع ومتغيرين مستقلين أو أكثر . ويعتمد معامل الارتباط المتعدد على الارتباطات الداخلية بين المتغيرات المستقلة من ناحية ، وارتباطات الملتغيرات المستقلة بالمتغير التابع من ناحية أخرى . ويعتبر مربع معامل الارتباط المتعدد من المقاييس الإحصائية الهامة في تفسير الانحدار . وسوف نرمز لمعامل الارتباط المتعدد بالرمز رم ، ومربعه رام .

وإحدى الصور البسيطة التي يمكن استخدامها لإيجاد قيمة مربع معامل الارتباط المتعدد والتي تعتمد على بجموع المربعات الخاص بالانحداد (سنرمز له بالرمزم انحدار)، والمجموع السكلي للربعات الخاص بالمتغير ص (سنرمز له بالرمزمم مي :

ويمكن الحصول علىمعامل الارتباط المتمدد (رم) باستخراج الجدرالتربيعي الطرف الايسر من الصورة رقم (١٩) .

فإذا طبقنا هذه الصورة على البيانات المستمدة من المثال السابق تجد أن :

وينبغى أن يلاحظ الباحث أن معامل الارتباط المتعدد هو معامل ارتباط بيرسون بين قيم المتغير التابع ص، وقيم ص المتنبأ بها والتي تعتبر تركيبا خطبا للمتغيرين س، س.

و يمكن استخدام صورة معامل ارتباط بهرسون رقم (٣) التي عرضنا لها في الفصل السابع في التوصل إلى صورة بما ثلة لحساب قيمة معامل الارتباط المتعدد وهي:

$$\frac{Y(\frac{1}{4})}{y} - y = 0$$

$$\frac{Y(1)Y)}{Y} - y = 0$$

$$\frac{Y(1)Y)}{Y} - y = 0$$

$$\frac{Y(1)Y(1)}{Y} - y = 0$$

$$\frac{(1)Y(1)Y(1)}{Y} - y = 0$$

$$\frac{(1)Y(1)Y(1)}{Y} - y = 0$$

$$\frac{(1)Y(1)Y(1)}{Y} - y = 0$$

وینبغی ملاحظة ان مج ص^۲م یجب ان یکون مساویا مج ص ص مس علی وجه التقریب ، فالفرق هنا یساوی ۰٫۰۰۸۸ .

> وقد سبن أن وجدنا قيمة مج ص ٢ == ٥٥٤,٠٥٠ . وبالتمويض في الصورة رقم (٢١) نجد أن :

$$\frac{117,799}{(117,799)(102,00)}$$

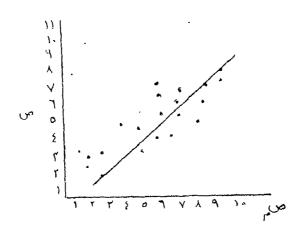
$$\cdot, \wedge \bullet Y \circ =$$

، رام = (۲٫۸۰۲۰) = ۲۲۲۰٫۰ و هي قشاوي القيمة التي حصلنا عليها باستخدام اله ورة رقم (۱۹) .

و اظرا لآن رم هو معامل الارتباط الخطى المتعدد بين المتغير ص والمتغيرين من ، س ، و أن ص هم قيم ص المتنبأ بها بعد أخذ تأثير كل من المتغيرين س ، س ، على المتغير ص فى الاعتبار ، لذلك فإن معامل الارتباط بين ص ، ص م يساوى معامل الارتباط الخطى المتعدد بين المتغير ص والمتغيرين س ، س مما .

تفسير معامل الارتباط المتصدد:

لتوضيح مفهوم معامل الارتباط المتعدد وطبيعة الانحدار المتعدد ربما يكون من الافعنل تمثيل العلاقة بين قيم المتغير ص، وقيم صم المتنبأ بها فالمثال السابق والموضعة بجدول رقم (٩٢) تمثيلا بيانياً في الشكل الآتي رقم (٦٦) :



شكل رقيم (٦٦٪) تمثيل العلاقة بين قيم المتغير ص ، وقيم ص المتنبأ بها في المثال السابق

و هذا الشكل يشبه الشكل الانتشارى للبتغيرين س ، ص الذى عرصنا لمعند مناقشتنا للانحدار الخطى البسيط ، غير أننا في هذه الحالة مثلنا المتغير ص على المحور الرأسي .

وفى الحقيقة يمكننا اعتبار المتغير صم (المتغير المستقل في هذه الحالة) هو الانحدار المركب من كل من المتغيرين المستقلين س، س، بدلا من س في حالة الانحدار المخطى البسيط.

ونظراً لأن معامل الارتباط المتعدد في هذا المثال يساوي ١٥٥٥. وهي قيمة مرتفعة ، لذلك فإننا تلاحظ أن النقط الممثلة لسكل من ص ، ص ، تراكم بصورة واضحة حول خط الانحدار . فعامل الارتباط المتعدد والذي سنرمز له بطريقة أخرى بالرمز وص ، والمتندين المتخير التابع ص، والمتنيرين المستقلين س ، س , معا ، هو تعبير دمزى لما يمثله الشكل البياني دقم (٦٦) .

فسكام زاد تراكم النقط حول خط الانحدار دل ذلك على ارتفاع قيمة معامل الارتباط المتمدد . ويجب أن يلاحظ الباحث أنه يمكنه رسم خط الانحدار بتوصيل النقطة المناظرة لقيمة أ (الجزء المقطوع من محور الصادات) وهي في هذه الحالة حد – ٢,٣٣٥ ، بنقطة تقاطع متوسط كل من ص ، ص وهما ، ٥٦,٥، مور وهما ، ٥٦,٥، مورد و فإذا وقعت جميع النقط على خط الانحدار ، يكون معامل الارتباط المتمدد مساويا الواحد الصحيح . أما إذا انتشرت النقط بطريقة عشو ائية حول خط الانحداركان معني هذا أن معامل الارتباط المتعدد يقترب من الصفر .

وبدعنى آخر يشير معامل الارتباط المتعدد وبخاصة مربع هذا المعامل إلى مقدار أو درجة العلافة بين المتغير التابع ص والمتغيرين المستقلين س، س، مما . ويمكن نفسيرمربع هذا المعامل في ضوء مفهوم التباين المسترك الذي عرضنا

له فى الفصل الرابع عشر . فنى المثال السابق وجعانا أن رئم == ٧٢٩٧. ، وهذا يعنى أن ٧٢,٦٧/ من تباين المتغير ص يرجــــع لملى أو يمكن تفسيره بالمتغيرين س ، س معا .

وهنا يجب أن يلاحظ الباحث أنه يمكن أن تطلق على مربع معامل الارتباط المتعدد اسم ومعامل التحديد، كما هو الحال عند تربيع مربع ارتباط حاصل ضرب العزوم لبيرسون . إلا أن قيم معامل الارتباط المتعدد (دم)تترا و حبين صفر، ١، في حين أن قيم معامل ارتباط بيرسون تتراوح بين – ١، - ١ ، بما في ذلك الصغر .

فني هذا المثال نستطيع القول بأرب ٢٠,٦٧٪ من التباين الكلى لتوزيع درجات اختبار الرياضيات في نهاية الصف الأول لمجموعة الطلاب يمكن تفسيره بمعلومية التركيب الخطى للمتغيرين المستقلين ، وهما درجات اختبار الاستعداد الرياضي ، ودرجات اختبار الرياضيات في نهاية المرحلة الإحدادية .

وبهذا نسكون قد القينا الصوء على المشكلة الثانية التي ذكرناها فيما سبق ، وهى مشكلة معرفة نسبة التباين السكلى لتوزيع المتغير ص الذى يسكن تفسيره بمعلومية المتغيرين س ، سه معا .

الإسهام النسبي لـكل من المتغيرين س، س، في التنبؤ بقيم المتغير ص:

والآن نود أن نلقى بعض الصوء على مشكلة إسهام كل من المتغيريناللمستقلين مس، ، س، فى التنبؤ بقيم المتغير التابع ص وهى المشكلة الثالثة التى ذكرناها فيما سبق .

وفى الحقيقة تختلف طرق مواجهة هذه المشكلة . فالاعتماد على قيم معاملى الانحدار أى الاوزان ب ، ب لا يجمل التفسير واضحا فى تحليل الانحدار المتعدد . ومع هذا فإننا سوف نبدأ بهذا التفسير ثم تعرض بعد ذلك تفسيراً أكثر دقة باستخدام طريقة أخرى .

فقد سبق أن ذكر الفقل الوابع عشر عند عرضنا للانحدار الخطى البسيط أن معامل الانحدار بن معادلة الانحدار مسم المسلم المناعدار بن الوحدات ، وأطلقنا على الرمز بن الوحدات ، وأطلقنا على الرمز بن السم و ميل خط الانحدار Regression Slope ».

ولكن الأمريكون أكثر تعقيداً في حالة الانحدار المتعدد نظراً لوجوداً كثر من معامل انحدار واحد . فني حالة وجود متغيرين مستقلين بصبح لدينا معاملا انحدار ب، ب، وكلما واد عدد المتغيرات المستقلة زاد تبعاً لذلك عدد معاملات الانحدار بنفس القدر .

ومشكلة تفسير الآهمية النسبية لمكل من المتغيرين المستقلين س، س، في التنبؤ بقيم المتغير التابع ص باستخدام قيمة كل من ب، ب، تكون مطللة إلى حد كبير . والسبب في ذلك أن هذه القيم تعتمد على ترتيب إدخال المتغيرين المستقلين في معادلة الانحدار . فإذا أدخلنا س، أولا يليها س، كاهو الحال في المشال السابق فإن قيمة كل من ب، ب، تساوى ٦١٣٣, ، ، ٩١٩٥, وعلى الترتيب كارأينا فيا سبق .

وإذا كان ميزان قيم المتغير س, هو نفس ميزان قيم المتغير س, أو هونفسه تقريبا ، بمنى أن تكون قيم كل من المتغيرين س ، س ، متساوية تقريبا ، كا هو الحال في المثال السابق - إذ تتراوح قيم كل من المتغيرين بين ١ ، ١ ، ١ - مإنه يمكن اعتبار قيمة كل من ب ، ب ب تدل على الأهمية النسبية لـكل من المتغيرين س ، اعتبار قيمة كل من ب ، ب تدل على الأهمية النسبية لـكل من المتغيرين س ، س ، أى أن المتغير س في هذه الحالة يسهم بقدر أكبر من إسهام المتغير س في التنبق بقيم المتغير س .

و اسكن تزداد المشكلة تعقيداً إذا علمنا أن تغيير ترتيب إدخال المتغيرينس، سي في معادلة الانحدار بي دي إلى تغيير قيمة كل من معاملي الانحدار بي ،ب. إذ ربما تصبح قيمة بي أكبر من قيمة سي وبذلك ينعكس التفسير .

و من هنا فإن الاعتماد على قيم معاملات الانحدار في تفسير الأهمية النسبية للمتغيرات المستقلة في التنبؤ بالمتغير التابع يكون مضللاً . ولذلك فإننا سنعرض طريقة أخرى تساعد على هذا التفسير بدرجة أكثر دقة من الطريقة السابقة .

طريقة حساب انحداد ص على س، ، س، كل على حدة :

نظراً لان إسهام كل من المتغيرين س، س، في التنبق بقيم المتغير التابع ص يختلف عن إسهام المتغيرين معا في هذا النابق ، فإن الباحث يجب عليه أن يبحث عن نسبة تباين المتغير ص الذي يمكن تفسيره إذا أضيف المتغير المستقل س، أو س، إلى معادلة الانحدار . فالهدف الرئيسي من إضافة متغيرات مستقلة غير مرتبطة بعضها ببعض _ أو تو تبط فيها بينها ارتباطا منخفضا _ إلى معادلة الانحدار هو زيادة دقة التنبق وإمكانية تفسير أكبر قدر من تباين المتغير التابع ، أو بعمني آخر يكون الهدف من إضافة متغير مستقل جديد في معادلة الانحدار هوخفض بحوع مربعات البواق .

فالتباين السكلى للتغير ص لا يختلف بإضافة أو استبعاد أى من المتغيرات المستقلة . وإضافة بجموع المربعات البواق يساوى دائما المجموع السكلى للمربعات .

ولذلك فإننا نبدأ بإيجاد الانحدار الخطى البسيط للتغير ص على المتغير المستقلالاول س، ونحسب قيمة كل من ب، مم انحدار ، مم بواقي .

فلإيجاد ب، نستخدم الصورة الآنية التي سبق أن استخدمناها في الفصل الرابع عشر .

و بالتعويض من البيانات الى حصلهٔا عليها في المثال السابق تجد أن :

$$\frac{V_{1}}{1 \cdot 7,00} = \frac{V_{1}}{1 \cdot 7,00} = \frac{V_{1}}{1 \cdot 7,00}$$

$$\frac{V_{1}}{V_{1}} = \frac{V_{1}}{V_{1}} = \frac{V_{1}}{1 \cdot 7,00} = \frac{V_{1}}{1 \cdot 7,00} = \frac{V_{1}}{1 \cdot 7,00}$$

ا ابراق = ٥٠٤،٥٠ - ١٠٤،٢٢

· 11,17 =

ثم نحسب مربع معامل الارتباط بين المتغير التابع ص والمتغير المستقلس، باستخدام الصورة الآتية :

$$\cdot, \epsilon_{1 \wedge \lambda} = \frac{\tau_{\xi, V \Gamma}}{\tau_{0 \xi, \bullet \bullet}} =$$

أى أن ٤١٫٨٨٪ من تباين المتغير ص وهو درجات اختبار الرياضيات في الصف الآولالثانوي يمكن تفسيره بمعلومية درجات اختبار الاستعدادالرياضي.

ويجب أن يلاحظ الباحث أن معامل الارتباط ر بين ص ، س كما هو مبين بالجدول رقم (٩١) السابق بساوى ٠,٤٢ - ، 7 = ٠,٤٢ تقريبا .

وهى تفس القيمة الني حصلنا عليها باستخدام مقاييس الانحدار المتمدد . أى أنه يمكننا اعتبار أن معامل ارتباط. بيرسون بين متفيرين والانحدار الخطى البسيط حالتان خاصتان من معامل الارتباط المتعدد والانحدار المتعدد .

والخطوة التالية هي أن نوجد انحدار المتغير الثابع ص على المتغير المستقل الثاني من كالآتي :

$$\frac{\mathsf{Y}(\tilde{\mathsf{y}}, \tilde{\mathsf{y}}, \tilde{\mathsf{y}})}{\mathsf{Y}(\tilde{\mathsf{y}}, \tilde{\mathsf{y}}, \tilde{\mathsf{y}})} = \frac{\mathsf{Y}(\tilde{\mathsf{y}}, \tilde{\mathsf{y}}, \tilde{\mathsf{y}}, \tilde{\mathsf{y}})}{\mathsf{Y}(\tilde{\mathsf{y}}, \tilde{\mathsf{y}}, \tilde{\mathsf{y}}, \tilde{\mathsf{y}})}$$

$$v_{\xi,\bullet V} = \frac{v_{(77,V_{\bullet})}}{\circ 1,V_{\bullet}} =$$

ثم نحسب مربع معامل الارتباط بين المتغير ص ، والمتغير س, كاكنى :

$$\cdot, \xi \wedge Y \circ = \frac{\vee \xi, \circ \vee}{1 \circ \xi, \circ \circ} =$$

وهي افس القيمة المبينة في الجدول رقم ٩٦ .

أى أن ٤٨٫٢٥٪ من تباين المتغير ص يمكن تفسيره بمعلومية المتغير س وهو درجات اختبار الرياضيات في نهاية المرحلة الإعدادية .

و من هذا يتضح أن كلا من المتنبدين س، س، يسهم على حدة بقدر متساو تقريبا فى تباين المتغير ص. ولسكن يجب معرفة الدلالة الإحصائية لهذا الإسهام، يمنى هل هذا الإسهام رجع إلى محض صدفة أم هو إسهام حقيقى ؟ وإجابة هذا السؤال تحتاج من الباحث الرجوع إلى الاساليب الاستدلالية فى تحليل البيانات وهو ماسنهتم به فى الجزء الثانى من السكتاب.

والآن ربما نود معرفة هل إضافة المتنير س، إلى المتنير س، في معادلة لانحدار قد أسهمت في زيادة قدرتنا على التنبؤ بالمتنير التابع ص ؟

و يمكن الإجابة على ذلك بالاستعانة بقيمة كل من را ص٠٠١، والص٠١٠ ص١٠

فإذا طرحنا را من را من را من را من التباين الذي أسهم المتغير سي في النابؤ .

ای آن
$$c^{7}_{00} - 71_{00} - 71_{00}$$

 $-71_{00} - 71_{00}$
 $-71_{00} - 71_{00}$
 $-71_{00} - 71_{00}$
 $-71_{00} - 71_{00}$
 $-71_{00} - 71_{00}$

أى أن المتغيرس، أسهم بنسبة ٣٠,٧٩ ٪ في تباين المتغير ص عندإضافته إلى المتغير س، في معادلة الانحدار ، وهي بالطبع نسبة كبيرة . ويجب هنا أيضا أن تختبر الدلالة الإحصائية لحذه الإضافة .

وينغيران يلاحظ الباحث أنه عندما -سبنا را من انحدار ص على سي فقط وجدنا أن را من إلى المنفضت هسنده القيمة إلى من بعد إضافة المتغير المستقل سي إلى المتغير المستقل سي في معادله الانحدار.

و يمكن تلخيص بحموع المربعات الخاص بالمتغير ص ، وجموع مربعات البواق في حالة استخدام المتغير س، بمفرده ، وفي حالة (ضافة المتغير س، لمل المتغير س، في معادلة الانحدار في البحدول الآتي رقم (٩٣) :

1	مقدار النقص الذي				
	حدث فی مم بوافی	مم بواتی	۲۴ اتحدار	ممص	س
		{			
		19,14	78,48	108,00	المتغير س
	14,04	14,40	117,81	101,00	اللتغيرين إس ، س

جسدول رشم (۹۳)

ويتضح من هذا الجدول أن إضافة المتغير س، إلى المتغير س، في معادلة الانحدار أدى إلى خفض بجموع مربعات البواق بقدر ٤٧,٥٧ ، أو بمنى آخر زيادة بجموع المربعات الخاص بالانحدار من ٣٣,٤٢ إلى ١١٢,٣١ أي بقدر ٤٧,٥٨ ،

وهذا بِمادل ٤٧,٥٨ أى حوالى ٣١,٠ كا بينا فيما سبق . `

وبوجه عام إذا كان لدينا مجموعة من المتغيرات المستقلة سي ، سي ، سي ، سي ، د ، ، س التغير التابع ص ، ، س التغير التابع ص ، ، س التغير التابع ص ، ، س التغير التابع ص ، فإننا سوف تجعد في هذه الحالة أن را ص ، ٢٠١٠ هـ التعدد في هذه الحالة أن را ص ، ٢٠١٠ هـ التعدد في هذه الحالة أن را ص ، ٢٠١٠ هـ التعدد في التعد

كل من بحوع المربعات الخاص بالانحدار والمجموع الحكلي للمربعات وهو ٥٥,٥٥، ويصبح بحموع مربعات البواقي صفراً . ولكن نظراً لاتنالم نستخدم في المثال السابق هذه المنفيرات المستقلة جميعاً ، وإنما استخدمنا متغيرين فقط هما س ، س ، فقد وجدناً أن محوع المربعات الخاص بانحدار ص على س ، فقط يساوى ٣٤,٧٢ ، ونسبة نباين المتغير التابع $\frac{74, 77}{100,000} = 100,000$

وبجموع المربعات المخاص بانحدار صعل س، س, معا يساوى۱۱۲٫۳۱۱، وبجموع المربعات المخاص بانحدار صعل س، س, معا يساوى۱۱۲٫۳۱۱، ونسبة تباين المتغير التابع $=\frac{117,7117}{108,00}=777$.

والمقداران ١٠٨٨ع. ، ٧٢٦٧. هما قيمتا رعم، ، وعمر . ٢٠٠٠ .

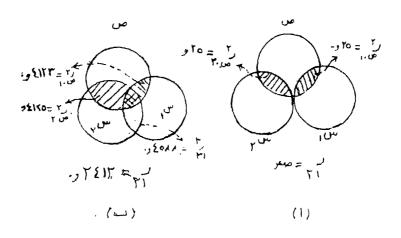
$v = v^{1} + v^{2} + v^{3} + v^{4} + v^{5} +$

و بالطبيع يندر وجود ،ثل هذه الحالة في البحوث النفسية والتربوية ، ولذلك كالم زاد الارتباط بين المتغيرين س ، س قل إسهام المتغير س في التنبؤ بالمتغير التابع ص على افتراض أن المتغير المستقل س قد أسهم بقدر ما في هذا التنبؤ .

فإذا أضاف الباحث متغيرا ثالثا وليكن سي ، وكان مرتبطاً ارتباطا مرتفعاً بكل من المتغير في التنبؤ بالرغم من أنه ربما يكون ارتباطه بالمتغير التابع مرتفعاً .

ولسكن وجدنا في المثال السابق أن الارتباط بين المتغيرين المستقلين سي ، سه يساوى ٢٤١٢, كما هو مبين في الجدول رقم (٩١) ، وهي قيمة منخفضة إلى حد ما . وقد أسهم المتغير سي في التنبؤ بدرجات التحصيل بقدر مساو تقريبا لإسهام المتغير س. .

ويمكن توصيح هذه النتامج المشكل عن كير فيجر



شکل رقم (۱۷) تمثیل تباین المتغیرات ص ، س، ، س، فی الجالتین روم == صفر ، دور == ۲۶۱۲.

ويتضح من هذا الشكل أنه يمكن تمثيل تباين كل من المتغيرات ص ، س، ، سم بدائرة .

وفي الشكل الأيمن معامل الارتباط بين المتغيرين المستقلين س،س _ صفر،

رص ۱۰ سے ۱۰۰۰ وص ۲۰ و بیر بیع قیمة کل من رص ۱۰ و بیر بیع قیمة کل من رص ۱۰ و بیر بیع قیمة کل من رص ۱۰ و بیر بیع و بیر بیع الناتجین نحصل علی تباین المتغیرص الذی یمکن تفسیره بمعلومیة المتغیرین س، س، معا ۱۰ ای آن :

رام ٠,٥٠ = ٠,٢٥ + ٠,٢٥ = ٢١٠ م

أما الشكل الآيسر فهو يلخص تتاميح المثال الذي عرصنا له في هذا الفصل حيث دوم = 7817, وهو الارتباط بين المتغيرين المستقلين س، س، س، ويمثل الجزء الناسج من تقاطع الدائرتين س، س، مربع هذا الارتباط. ولسكننا لا نستطيع الحصول على تباين المتغير ص الذي يمكن تفسيره بمعلومية س، س، بربا المنافة (7 - 0.0) كا هو الحال في الشكل الآيمن حيث (7 - 0.0) بإضافة (7 - 0.0) لل (7 - 0.0) كا هو الحال في الشكل الآيمن حيث رم حيث رم مند ، بل يحب أن نظر ح الجزء المظلل بمربعات صغيرة ، وهو يمثل الجزء من تباين المتغير مر الذي يشترك فيه كل من المتغيرين س، ، س حتى لا ندخله في حسابنا مرتين .

ومشكلة ارتباط بعض أو جميع المتغيرات المستقلة ارتباطا مرتفعا عند تحليل الانحدار المتعدد تمرف في الإحصاء باسم Multicollinearity . وهذا الارتباط المرتفع يمكن أن يسبب الباحث بعض المشكلات عند استخدامه طريقة الانحدار المتعدد في تحليل بيانات محثه تذكر منها:

1 — إذا كان أحد المتغيرات المستقلة على الأقل دالة خطية تامة لمتغير مستقل آخر أو لمتغيرات مستقلة أخرى في معادلة الانحدار ، فإنه لا يمكن إيجاد قيمة وحيدة لسكل معامل من معاملات الانحدار ، وإذا كان الارتباط بين أى اثنين من هذه المتغيرات تتراوح قيمته بين ٢٠٠، ، وربما لا يكون ممكنا حل المعادلات المعتادة لإيجاد قيمة معاملات الانحدار بسبب عدم وجود ممكوس ضربي لمع فوفة الارتباطات بن المتغيرات المستقلة .

٢ ــ عدم ثبات تقدير معاملات الانحدار من عينة إلى أخرى

٣ ــ كاما زادت الارتباطات بين المتغيرات المستقلة رادت الحاجة إلى ضبط التأثيرات المتداخلة لهذه التغيرات على المتغير التابع.

لهدا يحب على الباحث أن يتأكدعند إضافه متغير مستقل إلى معادلة الانحدار بغرض زبادة فاعلية التنبؤ أن يكون ارتباط هذا المتغير الجديد بأى من المتغيرات المستقلة الآخرى منخفضا وفى نفس الوقت يكون ارتباطه بالمتغير التابع ارتباطا مرتفعا.

الفروض التي يحب أن يتحقق منها الباحث إذا أراد استخدام الانحدار المتعدد:

يتطلب الاستخدام الذكى لاى أسلوب إحصائى فى تحليل البيانات معرفة الباحث للاساس المنطقى الذى بنى عليه هذا الاسلوب .

وتحليل الانحداد يتطلب بعض الفروض التي يجب أن تتحقق في البيانات المطلوب تحليلها . وفي الحقيقة أن معظم هذه الفروض لها أهميتها في الجانب الاستدلالي من تحليل وتفسير الانحدار المتعدد ، والكنها لا تعتبر ضرورية

إذا اقتصر الباحث فى التحليل على الجانب الوصنى أى حداب بعض المقاييس الإحصائية التى عرضنا لها فى هدذا الفصل مثل معادلات الانحدار ، ومعامل الارتباط المتعدد ، ونظرا لاننا اقتصرنا فى هذا السكتاب على الاساليب الوصفية فى تحليل البيانات ، فإننا سوف تتناول هذه الفروض بالمناقشة التفصيلية فى الجزء الثانى من المكتاب الذى يختص بالاساليب الاستدلالية فى تحليل البيانات ولسكن يحب أن يراعى الباحث أن تكون العينة المستخدمة عشوائية وكبيرة نسبيا وأن يمكون المتغيرات من المستوى الفترى والعلاقة بينها خطية .

إذ ربما يدخل الباحث في اعتباره التفاعل القائم بين المتغيرات إذا تبين له أن العلاقة ليست خطية بأن يعنيف حدودا من العرجة الثانية أو الثالثة مثلا في معادلة الانحدار . ولذلك ربما يكون من المفيد رسم الشكل الانتشارى لبواقي الانحدار Residuals ، وفحص النمط العام لهذه البواقي حول مستوى الانحدار للتأكد من خطية أو انحناء العلاقة بين المتغيرات . ويجب أن توضح للباحث أنه بالرغم من أن الانحدار المتعدد يعتمد على متغيرات من المستوى الفترى أوالنسبي الا أنه يمكن استخدام متغيرات من المستوى الاسمى و معادلة الانحدار ، وهو ما سنعرض له في الفصل الثامن عشر .

تحليل الانحدار المتعدد فى حالة وجود ثلاثة متغيرات مستقلة :

الصورة العامة لمعادلة الاتحدار في حالة وجود ثلاثة متغيرات مستقلة س، ، سه، سه هي :

صم == أ + ب، س، + ب، س، + ب، س، ب ب س، س، ب من (٢٢) و يمكن إيجاد انجرافات كل قيمة من قيم المتغيرات المستقلة ، والقيم المتغبأبها عن متوسط كل منها . وسنر من لهذه الانجرافات بالرموز ص ، س ،،س، س ، وبذلك تصبح المعادلة (٢٢) في صورتها الانجرافية كا يأتى :

كا يمسكن. اشتفاق أربع معادلات معتادة Normal Equations من المعادلة رقم (٢٧) باستخدام طريقة المربعات الصغرى كا فى حالة وجود متغيرين مستقلين . غير أننا نحتاج هنا إلى أربع معادلات حتى تتمكن من إيحاد قيمة كل من أ ، ب ، ب ، ب ، وهذه المعادلات هى :

- ع ص = ب، مج س، + ب، مج س، + ب، مج س، + ب مج س، + ن (۲۷)

و يمكن أيضاً أن نشتق ثلاث معادلات معتادة تعتمده لى انحرافات قيم المتغيرات عن متوسط كل منها باستخدام المعادلة رقع (٢٣) وهذه المعادلات هي :

مجس من عدب مجس با مجس با مجس با من با ب به مجس باس با مجس باس با مجس باس با مجس باس با مجس باس با مجس باس با م

، هج س م ص = ب مج س م س م + ب مج س م اس م + ب مج س م ص = ب م مج س م ص م اس م اس م اس م ص م ص م ص ص ص ص ص ص ص ص

و يمكن أن يعوض الباحث فى هذه المعادلات بنفس العلويقة التى اتبعت فى حالة وجود متغيرين مستقلين ، ثم يحسل المعادلات الثلاث الناتجة ليحصل على الثوابت ب ، ب ، ب .

وبذلك يستطيع إيجاد معادلة انحدار ص على س، ، س، ، س، مجتمعة في صورتها الانحرافية .

وبالطبع يمكن تعميم الافسكار السابقة على أى عدد من المتغيرات المستقلة ، إلا أنه كلا زاد عدد هذه المتغيرات كلا زاد تعقيد العمليات الحسابية التي يجبعلى الباحث أن يحريها لسكى يحصل على المقاييس الإحصائية اللازمة لتحليل الانحدار المتعدد . ولذلك يجب أن يلجأ الباحث إلى إحدى وحدات الحاسبات الالكترونية إذا كانت بيانات يحمثه تشتمل على أكثر من ثلاثة متغيرات . وتوجسد برامج إحصائية جاهزة تسمى Canned Programs يمكن أن يستخدمها الباحث مياشرة بعد إدخال البيانات المخاصة بالمتغير التابع والمتغيرات المستقلة . وهذه البيانات ربما تكون هي الدرجات الحامة بالمتغيرات، أو معاملات الارتباط بين المتغيرات. وهذا يتمد على الدرجات الحاصة ببرنانج الحاسب الالكتروني. وهنا يستعين بأحد المتخصصين في برمجة الحاسبات الالكترونية أو أي شخص مدرب على استخدام هذه الحاسبات ، أو ربما يحصل الباحث على تدريب سريع على طرق تجهيز البيانات Data Processing ليقوم بنفسه بعد ذلك باستخدام هذه البرامج . و يمكن أن يستمين بالطرق والمفاهيم التي قدمنا لها في هذا الفصل في نفسير النتائج Outputs الى عصل عليها .

كما يمكن للباحث أن يرجع إلى دليل بحموعة أر حزمة برامج محليل البيانات في المحوث الاجتماعية .

Statistical Packages for the Social Sciences (Spss)

وبخاصة الطبعات الحديثة بنها ، أو غيرها من البرامج المتاحة لسكى يطلع على بحموعة البرائج الجاهزة التى يمسكنه الاستعانة بها فى تحليل بيانات بحثه . ويجب أن نؤكد مرة أخرى أن هذا لا يغنى الباحث عن الفهم المستنبر لطبيعة بيانات بحثه ، والاسئلة التى يود الإجابة عليها باستخدام هذه البيانات فبل أن مختار الاساليب الإحصائية المناسة .

تحليل الانحدار المتعدد باستخدام الحاسب الالمكترونى :

عرضنا فيا سبق الطرق الممتادة المستخدمة في تحليل الانحدار المتعدد وهي تعتمد على اختيار الباحث لمجموعة من المتغيرات المنبئة Predictor Variables على أساس نظرى أو فكرى، وتضمينها في معادلة الانحدار مرة واحدة . وربما تغيد هذه الطريقة في تقدير الاهمية النسبية لهذه المتغيرات في التنبؤ بالمتغير التابع . ولسكن كثيراً ما يهدف الباحث إلى محاولة التوصل إلى أفضل بجموعة من المتغيرات المنبئة التي يمكن الاستعانة بهدا في التنبؤ الجيد بمتغير تابع معين . وهذا يهتم بالحصول على أعلى قيمة لمربع معامل الارتباط المتعدد .

واسكن نظراً لأن معظم المتغيرات في البحوث النفسية والتربوية سكون مرتبطة بمعنها كا سبق أن ذكرنا ، فإنه يمكن اختيار بجموعة صغيرة من هده المتغيرات بحيث تجعل قيمة مربع معامل الارتباط المتعدد مساوية للقيمة التي يحصل عليها إذا استخدم جميع المتغيرات .

وتنصب المشكلة منا على اختيار أفضل هذه المتغيرات من حيث التكلفة ، ولمكانية الحصول على أدوات لقياسها بدقة . وسهولة تطبيق هذه الادوات إ.

وبالطبع لا يرجد أسلوب أمثل لاختيار مثل هذه المجموعة من المتغيرات ، وإنا يعتمد ذلك على طبيمة البحث والهدف منه والإطار النظرى الذي يسترشد به الباحث و عملية الاختيار . بيد أنه إذا كان هدف الباحث ارتيسي هو اختيارافل عدد من المتغيرات الى يستطيع عن طريقها نعسير أكبر قدر من تباين المتغير

التابع ، فإنه يمكنه استخدام إحدى الطرق الآنية التي صممت لهذا الغرض . و مما هو جدير بالذكر أن معظم هــــــذه الطرق يحب إجراؤها باستخدام الحاسب الالكتروني بسبب كثرة وتعقد العمليات الحسابية التي تتطلبها .

١ _ طريقة إضافة المتغيرات على التوالى :

Forward (Stepwise) Inclusion

الخطوة الأولى التى تتبع عند إجراء هذه الطريقة هى أن تحسب جميع معاملات الارتباط بين كل من المتغيرات المستقلة والمتغير التابع . ويتم تصمين المتغير المستقل الذى يكون معامل ارتباط حاصل ضرب العزوم بينه وبين المتغير التابع أعلى هذه المعاملات في معادلة الانحدار .

و يلى ذلك تضمين المتغير المستقل التالى الذي يؤدى إلى زيادة ملحوظة في مربع معامل الارتباط المتغير المتغير المعادلة بعد أن يؤخذ في الاعتبار المتغير الذي تضمينه أولا . ثم يلى ذلك تضمين المتغير الثالث الذي يرتبط بالمتغير التابع ارتباطاً عالياً بعد عول أثر المتغيرين المستقلين السابقين في معادلة الانحدار .وتستمر هده العملية بقدر ما لدى الباحث من متغيرات مستقلة .

فى كل حالة مراعاة المحك الإحصائى المطلوب أى الدلالة الإحصائية . للزيادة التي تحدث في مربع معامل الارتباط نتيجة لتضمين متغير مستقل جديد في المعادلة

و الكن يجب أن يعلم الباحث أنه كلما زاد حجم العينة تبكون الزيادة في قيمة رسم الها دلالة إحصائية حتى لو كانت هذه الزيادة طفيفة . وهذا يبين أهمية حجم المينة في تحليل الامحداد المتمدد .

ولذلك يجب على الباحث أن يرتكن إلى محك آخر إلى جانب محك الدلالة الإحصائية ، وليكن هذا المحك مرابطا بأهمية وتسكلفة المتعير الجديد الذي يتم تضمينه في معادلة الانحدار .

إذ ربما لا يحنى الباحث فائدة تذكر من إضافة متغير مستقل يكون له دلالة المحسائية ولسكن لا يكون له معنى يذكر . وعلى كل حال يحب على الباحث أن يقرر بنفسه ما إذا كانت التكلفة والفائدة توازى ما يضيفه المتغير المستقل الجديد من تفسير منطقى لتباين المتغير التابع . وبالطبع يمكن أن يختلف هذا المحك الجديد من موقف عثى إلى آخر .

ومما هو جدير بالذكر أن الحاسب الالكترونى يتولى هملية ترتيب تضمين المتغيرات المستقلة فى معادلة الانحدار ، وبذلك لا يكون للباحث الحرية فى حذف أى من هذه المتغيرات المستقلة من المعادلة .

٧ _ طريقة حذف المتغيرات على التوالى .

Backward Elimination

و تقطة البدء في هذه الطريقة هي تضمين جميع المتغيرات المستقلة الثي الدي المتغير في معادلة الانحدار ، وحساب مربع معامل الارتباط المتعدد بينها وبين المتغير التابع . ويتم حذف المتغير الذي لا يؤدي حذف إلى إنقاص قيمة مربع معامل الارتباط المتعدد . مني أن كل متغير ينظر إليه وكأنه قد تم تضمينه مؤخراً في معادلة الانحدار .

وبهذا تستطيع ملاحظة أى المتغيرات المستقلة تضيف أقل إضافة عندما يتم تضمينها مؤخراً فى المعادلة . ويمكن ... كا فى الطريقة الأولى ... تقدير النقص الذى يحدث فى مربع معامل الارتباط المتعدد تتيجة لحذف متغير مستقل تبعا لمحك الدلالة الإحصائية إلى جانب المحسكات الاخرى .

فإذالم يتم حذف أى من المتغيرات المستقلة ينتهى البرتانج. أما إذا تم حذف أحدها، فإن البرتانج يستمر بنفس الطريقة حتى ينتهى من جميع المتغيرات. وإذ أدى حذف أحد المتغيرات إلى تقص له دلالة أو أهمية فى قيمة مربع معامل الارتباط المتعدد ينتهى البرنانج عند هذا الحد.

ومن الجدير بالذكر أن كلا من الطريقتين السابقتين لا تؤدى بالضرورة إلى اختبار نفس بجموعة المتغيرات المستقلة .

والدليل على ذلك أنه في الطريقة الأولى لا يتم حذف أحد المتغيرات المستقلة التي تشتمل عليها معادلة الانحدار حتى إذا انعدمت أهميته عقب تضمين المتغيرات المستقلة الآخرى في المعادلة أما في الطريقة الثانية فإنه ينظر إلى متغير مستقل معين في ضوء ما تسهم به المتغيرات المستقلة الآخرى مجتمعة . ولذلك ربما يتم حذف أحد المتغيرات إذا استخدمت الطريقة الثانية بينها يستبقى إذا استخدمت الطريقة الآولى .

٣ ــ طريقة إضافة وحذف المتغيرات تدرمجيا:

Stepwise Regression

تجمع هذه الطريقة بين ميزات كل من الطربقتين السابقتين ، وهي تعتبر تعديلا الطريقة الأولى . فهى تتلافى أحد العيوب الرئيسية لهذه الطريقة ، وهو استبقاء أحد المتغيرات المستقلة الذي يتم تضمينه في معادلة الانحدار على الرغم من فقدان أهميته بالنسبة لغيره من المتغيرات التي يتم تضمينها بعد ذلك في المعادلة .

و تجرى اختبارات الدلالة الإحصائية فى نهاية كل خطوة لتحديد مدى إسهام كل متغير مستقل تم تضميته فى معادلة الانحداركا لو كان قد تم تضمينه مؤخراً فى المعادلة .

وبهذا يمسكن حذف أحد هذه المتغيرات التي ربما كان في البداية له قيمة تنبؤية .

ع ير طريقة ترفيق المتغيرات :

Combinatorial Solution

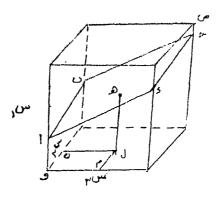
يتم في هذا البرنامج فحص جميع التوافيق الممكنة للمتغيرات المستقلة ، واختيار (٤٢ ـــ التحليل) أفضل الوفيقة من هذه المتغيرات التي يمكن باستخدامها تفسير أكبر قدر من تباين المتغير التابع .

النشيل الهندسي للانحدار المتعدد:

سبق أن ذكرنا فى الفصل الرابع عشرأنه إذا كان لدينا متغيران أحدهمامستقل (س) ، والآخر تابع (ص)، فإن معادلة إنحدار ص على س يمكن تمثيلها هندسيا بخط مستقيم .

فكل زوج من الملاحظات أو القيم المشاهدة يمكن تمثيله بنقطة من المستوى. فإذا رسمنا شكلا انتشاريا لهذه الازواج من القيم ، فإن هذا الحط المستقيم يكون بمثابة خط أحسن مطابقة أو خط الانحداد ، لأن النقط تسكون متراكمة حوله وتميل إلى أن تنحدر واقعة عليه .

وبالمثل إذا كان الدينا ثلاثة متغيرات أحدهما متغير تابع س، والمتغيران الآخران مستقلان س، س، فإن كل ثلاث آقيم إمن الملاحظات الى تناظر المتغيرين المستقلين س، س، الله والمتغير التابع س، يمكن تمثيلها بنقطة في الفراغ الثلاثي الابعاد كما هو موضح بالشكل الآقي رقم (٦٨):



شکل رقم (٦٨) التمثیل الهندسی للانحدار المتعدد حیث پمثل المستوی اب جے عمستوی الانحدار،

ويتصنح من هذا الشكل أن أى نقطة مثل ه لها ثلاثة أبعاد س، س، س، س، مي، فإذا كانت جميع معاملات الارتباط بين المتغيرات الثلاثة موجبة ، فإن جميع النقط سوف تميل إلى النراكم حول قطر متوازى المستطيلات و ص . وعندئذ يمكن إيجاد أفضل مستوى مطابقة لمجموعة النقط الواقعة في الفراغ الثلاثي الابعاد، وهو ممثل في الشكل بالمستوى أب جد الذي يسمى بمستوى الانحسدار Regresion Plane.

ويمكن التعبير رياضيا عن هذا المستوى بالمعادلة : سرم عدا + برسم + ب س

حيث أ هي نقطة تقاطع المستوى مع المحود س، أي المسافة أ و ، ب، هي ميل المستقيم أ ب ، س مي قيمة المتغير التابع المتنبأ بها .

فإذا افتر مننا أن درجة فرد ما تمثل على المحور سم بالبعد وم ، وعلى المحود سي بالبعد و ن ، فإنه يمكننا تميين النقطة لى التي تقع في المستوى وم لن . وتقيم من النقطة لى عموداً على هذا المستوى حتى يلاقى مستوى الانحداد أب جد في النقطة ه ، ويمكن عند ثذ اعتباد المسافة لى ه تمثل أفضل تقدير لدرجة هذا الفرد في المتغير التابع س، بمعلومية درجته في كل من المتغيرين المستقلين سي ، سي ، وتعنى بأفضل تقدير أن مستوى الانحدار هو ذلك المستوى الذي يحمل جموع مربعات الانحرافات عنه المواذية للمحور سي نهاية صفرى .

وهما يجب أن يلاحظ الباحث أن التمثيل الهندسي للانحدار المتعدد في حالة وجود متغيرين مستقلين يعتبر امتدادا طبيعيا للانحدار الخطي البسيط .

إلا أننا نستخدم في هذه الحالة مستوى الانحدار بدلا من خط الانحدار . ويمكن أيضا نعميم الفكرة بحيث تشتمل على الحالة التي يكون لدينا فيها ثلاثة متغيرات مستقلة أو أكثر .

تقلص معامل الارتباط المتعدد:

Shrinkage in Multiple Regression

ذكرا فيا سبق أن معامل الارتباط المتعدد هو مقياس لفاعلية التنبق لعينة معينة ، ويمكن الحصول على قيمته بإيجاد الارتباط بين الدرجات أو القيم المتنبأ بها على أساس معادلة الانحدار ، ودرجات أو قيم المتغير التابع ، والحمدف من التوصل إلى بجوعة من الاوزان في تحليل الانحدار المتعدد هو جعل الارتباط بين المتغيرات المستقلة والمتغير التابع أكبر ما يمكن . فإذا طبق الباحث بجوعة الاوزان التي حصل عليها من عينة معينة على عينة أخرى ، فإن الارتباط بين المدرجات الموزوئة المتغيرات المستقلة والمتغير التابع العينة الثانية سوف تكون قيمتة أقل من قيمة معامل الارتباط المتعدد التي حصل عليها من العينة الآولى . وتعرف هذه الظاهرة باسم « تقلص معامل الارتباط المتعدد هو أننا نعالج قيم معامل ارتباط بيرسون انخفاض قيمة معامل الارتباط المتعدد هو أننا نعالج قيم معامل ارتباط بيرسون على أنها خالية من الحطأ ، وهذا بالطبح يتنافى مع ما يحدث فى الواقع . والدلك غل أنها خالية من المعامل الارتباط المتعدد . ويتأثر مقدار هذا التحيز بقيم معامل الارتباط المتعدد . ويتأثر مقدار هذا التحيز بقيم معامل الارتباط المتعدد . ويتأثر مقدار هذا التحيز بقيم معامل الارتباط المتعدد . ويتأثر مقدار هذا التحيز بقيم معامل الارتباط المتعدد . ويتأثر مقدار هذا التحيز بقيم معامل الارتباط المتعدد . ويتأثر مقدار هذا التحيز بقيم معامل الارتباط المتعدد . ويتأثر مقدار هذا التحيز بقيم معامل الارتباط المتعدد . ويتأثر مقدار هذا التحيز بقيم معامل الارتباط المتعدد . ويتأثر مقدار هذا التحيز بقيم معامل الارتباط المتعدد . ويتأثر مقدار هذا التحيز بقيم المينة ، ونسبة عدد المتغيرات

ويوصى بعض خبراء الإحصاء بأن يكون هناك ٣٠ فردا لكل متفيد مستقل ، ولكن هذه لانعتبر قاعدة مسلما بها فى جميع الحالات . إذ يرى البعض الآخر أن حجم العينة يجب أن يكون مساويا ٠٠٠ فرد ، وكلما زاد هذا العدد زاد ثبات نتائج تحليل الانحدار المتعدد . ولذلك ينصح كيرلنجر Kerlinger أن تدكون العينات كبيرة العدد إلى حد ما .

وبالرغم من أفنا لانستطيع تحديد درجة التحيز في حساب قيمة معامل

الارتباط المتعدد، إلا أنه يمكننا تقدير مقدار التقاص الذي يحدث في هذه القيمة بتعاميق الصورة الرياضية الآتية .

$$(71) \dots (7) - 1 - \frac{1-n}{1-1-1} (1-1)$$

حيث رّم، أرهز إلى تقدير مربع معامل الارتباط المتعدد في الجتمع.

ك والم مربع معامل الارتباط المتعدد الذي تحصل عليه من العينة موضع البحث .

ك قد ترمز إلى عدد أفراد العينة .

كم ترمز إلى عدد المتغيرات المستقلة .

وكلما زادكل من حجم العينة ، وعدد المتغيرات المستقلة قل مدى التحير الذي يحدث فى قيمة $(^{7}_{0})$ ، فإذا كانت $(^{7}_{0})$ ، $(^{7}_{0})$. و قيمة $(^{7}_{0})$. فإذا كانت $(^{7}_{0})$. $(^{7}_{0})$

ويوضح كيرلنجر Kerlinger كيف يتأثر مقدار هذا التقلص بقيمة النسبة بين حجم المينة وعدد المتغيرات المستقلة بأن افترضر اللاث تسب مختلفة وهي :

..: 1 (4. : 1 (0: 1

فإذا كان عدد المتغيرات المستقلة م ٣٠، فإن عدد أفراد العينات الثلاث مد المراد العينات الثلاث مد ١٥٠، ٩٠، ١٥٠ على الترتيب

وإذا افترضنا أن مربع معامل الارتباط بين المتغيرات المستقلة الثلاثة والمتغير التابع يساوى ٣٦. • فإن :

$$-3$$
دم ف الحالة الثانية -1 -1 الحالة الثانية -1 -1 الحالة الثانية -1 -1

ويتعنج من هذه الحالات الثلاث أن قيمة رّم٬ وهي ١٩. تساوى تقريبا نصف قيمة رـ٬ م وهي ١٩. متساوى تقريبا نصف قيمة رـ٬ م وهي ٣٠. و مقدار نقلص قيمة رـ٬ م يقدر ٢٠. وعندما تكون النسبة ٢: ٥٠ أما إذا كانت النسبة ٢: ٥٠ فإن مقدار التقلص المتنبأ به يصبح سوالى ٢٠. و

ويجب أن يلاحظ الباحث أن الصورة السابقة رقم (٣١) يمكن تطبيقها إذا استخدمت جميع المتغيرات المستقلة في معادلة الانحدار .

أما إذا استخدمت إحدى الطرق الى يتم فيها اختيار المتغيرات فى معادلة الانحدار عن طريق الحاسب الالكترونى ، فإن أخطاء الضدفة تتراكم بدرجة أكبر ، وذلك لان أفضل بحوعة من المتغيرات المستقلة التى يتم اختيارها من بحوعة أكبر تكون عرضة للاخطاء الناتجة عن ارتباط هدده المتغيرات بالمتغير التابع من ناحية والاخطاء الناتجة عن ارتباط المتغيرات المستقله فيها بينها من تاحية أخرى . ويمكن التخلص من بعض هذه الاخطاء إذا اختار الباحث عينة كبيرة نسبيا (ولتكن حوالى . . وفرد) .

وربما تسكون أفضل طريقة لتقدير درجة التقلص التي تحدث في قيمة مربع معامل الارتباط المتعسدد هي إجراء مايسمي بالصدق المستعرض ... Cross-Validation.

ويمكن تحقيق ذلك بأن يختار الباحث عينتين يجرى على إحداهما تعليل الانعدار المتعدد، ويحسب قيمة مربع معامل الارتباط المتعدد، وكذلك يوجد معادلة الانحدار ثم يعلبق هذه المعادلة على المتغيرات المستقله الدينة الثانية، وبذلك يمكنه الحصول على قيمة صم (أى القيمة المتنبأ بها) لكل فرد في هذه العينة . ويحسب معامل ارتباط بيرسون بين الدرجات الملاحظة (ص) للعينة الثانية والدرجات المتنبأ بها النفس العينة. وهذا المعامل الناتج (رمرم) يشبه معامل الارتباط المتعدو النبي استخدمه الباحث في الحصول على معادلة الانحدار العينة الأولى. والفرق بين هذين المعاملين يكون بمثابة تقدير لمقدار التقلص الذي حدث في قيمة رئم فيذا كان مقدار هدذا التقلص صغيرا يستعليع الباحث عندئذ استخدام معادلة الانحدار التي حصل عليها من العينة الأولى في أغراض التنبؤ المستقبلى . ويرى موزيير محمل أن معادلة الانحدار الى تعتمد على ضم أكثر من هيئة واحدة معا تكون أكثر ثباتا لان العينة المركبة الناتجة سوف تكون أكبر حجما . ولذلك يوصي الباحث بأن يضم العينتين الأولى والثانية معا إذا وجد أن مقدار من بيانات هذه العينة المركبة في التنبؤ المستقبلي .

ومن هذا يتضح أن إجراء طريقة الصدق المستعرض تحتاج إلى عينتين ، فإذا لم يتمكن الباحث من الحصول عليهما يمكنه أن يختار عينة واحدة كبيرة ولتسكن فرد ويقسمها إلى بجوعتين بطريقة عشوائية يستخدم إحداهما في إيجاد معادلة الانحدار الاصلية ويستخدم الاخرى في التحقق من هذه المعادلة لتقدير التقلص الذي حدث في قيمة مربع معامل الارتباط المتعدد .

ويرى كثير من الباحثين أننا يجب أن نعتمد على طريقة الصدق المستعرض

المزدوج Double Cross-Validation بدلا من طريقة الصدق المستمرض لزيادة الدقة . وهذه الطريقة تتطلب تطبيق طريقة العدق المستمرض مرتين .

ولسكى يجرى الباحث ذلك عليه أن يحسب مربع معامل الارتباط المتعدد المكل من عينتين (أو يقسم عينة كبيرة إلى بحوعتين بطريقة عشوائية). ويوجد معادلة الانحدار التي حصل عليها من إحدى المينتين على المتنيرات المستقلة للمينة الاخرى . ويوجد مربع معامل الارتباط المتعدد عن طريق حساب قيمة مي . وبذلك يكون لديه قيمتان لمربع المتعدد عن طريق حساب قيمة مي .

مهامل الارتباط المتعدد نم حسابهما مباشرة من كل من العينتين. وكذلك قيمتان لمربع معامل الارتباط المتعدد تم حسابهما من معادلتي الانحدار لعينتين عتلفتين. وبهذا يستطيع دراسة الفروق بين مربع كل من معاملي الارتباط وكذلك الفروق بين مربع كل من معاملي الارتباط وكذلك الفروق بين مربع كل من معاملي الانحدار.

فإذا اتفقت النتائج يمكن أن يضم العينةين معاً ويحسب معادلة الانعدار في هذه الحالة ليستخدمها في التنبؤ .

ولذلك نوصى الباحث أن يستخدم طريقة الصدق المستعرض المزدوج كلما أمكنه ذلك إذا كان الهدف،ن بحثه استخدام تحليل الانحدار المتعدد في أغراض التنبؤ المستقبلي، وبذلك يستطيع التحقق من صدق نتائج التحليل.

تمارين على الفصل السادس عشر

١ ـــ لماذا يفضل استخدام تحليل الانحدار المتمدد على الانحدار البسيط
 ف البحوث النفسية والتوبوية ؟ ومتى لا يكون هذا الاستخدام صحيحا ؟

نيا يلى بحوعة من درجات التحصيل فى الفراءة (المتغير التابع ص)،
 ودرجات الاستعداد اللفظى (المتغير المستقل الأول س)، ودرجات اختبار
 فى الدكاء (المتغير المستقل الثانى س) لجموعة تتكون من عشرة تلاميذ فى الصف
 الثامن :

٨	٧			·				·	۲	ص
٦	٧	٥	٥	٤	٣	١	١	۲	۲	س ا
٣	٣	٤	٣	٦	٦	٣	٤	٤	٤	س۲

(1) احسب المقاييس الاحصائية اللازمة لإيجاد ممادلة انحدار ص على على من ، س. .

(ب) أوجد مقدار مايسهم به المتغير س، ، س، معاً في تفسير تباين المتغير التابع ص .

(ج) أوجد مقدار مايسهم به المتغيرين س، س، كل على حدة فى تفسير تباين المتغير التابع .

٣ -- فيما يلي جموعة من البيانات الافتراضية لمتغيرين مستقلين س، س، ومتغير تابع ص .

٦	٧	٥	۵	٤	٣	١	١	۲	۲	س۱_
٣	٣	٤	٦	٤	٦	٣	0	£	٥	سع
٨	٧	17	٧	٤	0	١	١	١	۲	ص

- (ا) أوجد المتوسط والانحراف المعيارى الحكل متغير وجموع المربعات ، وبجوع حواصل ضرب الانحرافات ، ومعامل ارتباط ببرسون بين كل متغيرين .
- (ب) أوجد قيم ثوابت معادلة الانحدار ، وبمـــوع المربعات الخاصة بالانحداد ، ومجموع مربعات البواق .
 - (ج) أوجد معادلة الحدار ص على س، ، س. .
 - (د) أوجد مربع معامل الارتباط المتعدد ، وفسر القيمة الناتجة .
- (ه) احسب البواقى ، ومر بع البواقى، ومجموع هذه المربعات ، وفسر المجموع الناتج .
- (و) احسب معامل الارتباط بين قيم ص المتنبأ بها وقيم ص الاصلية ، وفسر القدمة الناتجة .
- ٤ -- حصل باحث على معاملات الارتباط بين أربعة متنفيرات مستقلة ،
 وكذلك معامل الارتباط بين كل متنفير مستقل والمتنفير التابع .
- (١) هل يستطيع الباحث باستخدام مصفوفة الارتباطات الناتجة وحدها إجراء تحليل الانحدار المتعدد، أي بدون استخدام الدرجات الخام؟
- (ب) ماهي المقاييس الإحصائية التي يجبأن يحصل عليها في هذه الحالة نتيجة لهذا التحليل؟
- (ج) هل يمكنه إيجاد قيمة مربع معامل الارتباط المتعدد بمعلوميةمصفوفة الارتباطات وحدها؟

 $0 - \frac{1}{6}$ کان المتوسط و الانحراف المعیاری لمتغیر تابع $0 - \frac{1}{6}$ ۲۶,۰۲ ع $0 - \frac{1}{6}$ ۲۹,۹۲ و معتقلین $0 - \frac{1}{6}$ ۲۹,۴۸ ع $0 - \frac{1}{6}$ ۲۹,۹۲ و معتقلین $0 - \frac{1}{6}$ ۲۹,۹۸ و معتقلین $0 - \frac{1}{6}$ ۲۹,۹۸ و معتقلین $0 - \frac{1}{6}$ ۲۹,۹۸ و بین $0 - \frac{1}{6}$ ۲۳,۹۸ و بین $0 - \frac{1}{6}$ ۲۳,۰۸ و بین $0 - \frac{1}{6}$ ۲۳,۰۸ و بین $0 - \frac{1}{6}$

أحسب معامل الارتباط المتعدد بين المتغير التابع س، ، والمتغيرين المستقلين سي ، سي معاً .

تمانية طلاب في ثلاثة الخاصة بدرجات ثمانية طلاب في ثلاثة اختيارات :

1	V	٦	٥	٤	٣	J	١	الطالب
V	7	14	11	1	•		۲	اختبار الاستعداد اللغوى
								(ص)
٣	٤	10	1.	٤	۲	٨	٣	أختبار الاستدلال اللفظي
								(۱۰۰۰)
\$	14	1	4	٣	٧	٩	10	اختبار الاستـــدلال
								الحندسی (س)
	1		<u> </u>	<u> </u>		<u> </u>		

إذا افترضنا أن درجات الاختبار ص ترتبط ارتباطا خطياً بدرجات كل من الاختبارين س، س. .

- (۱) احسب مصفوفة معاملات الارتباط ۳ ٪ ۳ بین ص، س،،
 - (ب) أوجد معادلة النحدار ص على س، ، س، .
 - (ج) أوجد قيمة ر^۲ ، ر ، ر ، ر م ص١٠ ص٢٠ ص٢٠

۷ - هل يؤثر ترتيب إدخال المتفيرات المستقلة في معادلة الانحدار في مقدار ما يسهم به المتفير الآول الذي يتم احتواؤه في المعادلة ؟ وهل يؤثر ذلك في مقدار ما يسهم به المتغير الآخير الذي يتم احتواؤه ؟ وما سنب ذلك ؟

٨ - هل يؤثر ترتيب إدغال المتغيرات المستقلة في معادلة الانحدار في قيم معاملات الانحدار ؟ وهل يؤثر هذا الترتيب في مربع معامل الارتباط المتعدد ؟ وإذا كان الامر كذلك فا هي الصعوبات الى تواجه الباحث النفسي عند تفسير البيانات الفعلمة ؟

وسما على تمانية متغيرات. تخير بمضا منها و ضع ثلاثة فروض بحثية عكن اختبار صحتها باستخدام تحليل الانحداد المتعدد مع العناية باختياد المتغيرات المستقلة والمتغير التابع. والمتغيرات هي:

التحصيل اللغوى ، مفهوم الذات ، الذكاء ، المستوى الاجتماعي والاقتصادي، مستوى الطموح ، الجنس ، التحصيل في القراءة ، دافع الانجاز .

• ١ - افترض أن لديك مشكلة بحثية تنطلب تفسيرا علىيا لسمة التعصب . وافترض أيضاً أن هناك ستة متغيرات مستقلة ترتبط جذه السمة مثلاالتسلطية ، التعارف الديثى ، التعليم ، المحافظة ، المستوى الاجتماعى ، العمر ، و بعض هذه المتغيرات المستقلة ترتبط فيما بينها بدرجات متفاوتة .

(١) ماهي الشروط التي ينبغي توفرها للتنبؤ بدرجة أفضل بسمة التعصب .

(ب) هل من المحتمل أن تزيد دقة التنبؤ بإضافة أكثر من هدده المتغيرات المستقله في معادلة الانعدار ؟ والماذا ؟

الفصل السابع عشر

طرق الضبط الاحصائى معامل الارتباط الجزئى وشبه الجزئ

معامل الارتباط الجزئ استخدام تحليل الانحدار في حساب معامل الارتباط الجزئي معامل الارتباط شبه الجزئي (معامل ارتباط الجزء) تفسير الانحدار المتعدد في ضوء الارتباط شبه الجزئي عرضنا فى الفصل السابق مفهوم الانحدار المتعدد و كيفية الحصول على معادلة الانحدار فى حالة وجود متغيرين مستقلين أو أكثر، وتفسير مقدار ما تسهم به المتغيرات المستقلة مجتمعة، وما تسهم به كل منها على حدة فى التنبؤ بقيم المتغيرالتابع باستخدام مفهوم معامل الارتباط المتعدد . وسنفرد هذا الفصل لمناقشة أحد الموضوعات الهامة المرتبطة بتحليل الانحدار المتعدد وبغيره من طرق تحليل البيانات المتعددة المتغيرات ، وهو موضوع العنبط الإحصائى Statistical .

فالارتباط والانحدار المتعدد يهدفان إلى دراسة العلاقة بين مجموعة من المتغيرات للاستفادة بها في التنبؤ بالظاهرة السلوكية وتفسيرها . وهذا بالطبع بتطلب نوعاً من الصبط والتحكم في العوامل العارضة أو المفترية التي وبما تؤثر في التفسير .و يمكن إجراء هذا الصبط أو التحكم بطرق متعددة منها الصبط التجريبي Experimental لذى يتم عن طريق التصميمات التجريبية المختلفة Control الذي يتم عن طريق التصميمات التجريبية المختلفة Designs . والصبط الإحصائ ، يُوهو ماستثناولة في هذا الفصل بشيء من التفصيل .

ونقصد بالصبط الإحصائى إستخدام الطرق الإحصائية في عزل تأثير متغير أو أكثر من العلاقة بين متغير مستقل أو أكثر ومتغير تابع . وبذلك نتحكم في تأثير بعض المتغيرات على المتغير التابع حتى يتستى للباحث دراسة العلاقة الفعلية بين المتغيرات المستقلة المطلوبة والمتغير التابع .

ولتومنيح ذلك نعرض المثال الآتى:

نفترض أننا طبقنا اختبارين أحدهما يقيس الذكاء والآخر يقيس القدرة النفسحركية على بجموعة من الاطفال في أعمار مختلفة .

و نظراً لان الذكاء يزيد بزيادة العمر وكذلك القدرة النفسحركية فإن درجات اختبار الذكاء سوف ترتبط بدرجات اختبار القدرة النفسحركية لان كلا منهما يرتبط بالعمر ارتباطاً موجباً .

وتوجد مقاييس إحصائية مختلفة تستخدم في الضبط الإحصائي أهمها :

· Partial Correlation الجزئ Partial Correlation

· Semi-Partial Correlation ممامل الارتباط شبه الجزئ

و أحيانا يطلق عليه معامل ارتباط الجزء Part Correlation .

وسوف نعرض فيما يلى هذين التوعين من المعاملات لأهميتهما في تحليـــــل الانحدار المتعدد، وتحليل المسارات Path Analysis الذي ستعرض له في الفصل التاسع عشر.

معامل الارتباط الجزئي :

معامل الارتباط الجزئ هو مقياس إحصائى العلاقة الخطية بين متغيرين بعد عول تأثير المتغيرات الآخرى . ويتم عزل تأثير هذه المتغيرات عن طريق تعديل قيم المثغير التابع والمتغيرات المستقلة بعيث تأخذ درجات المتغير المطلوب عزل أو ضبط تأثيره في الاعتبار .

وفكرة عزل تأثير متغير ثالث من العلاقة بين متغيرين يمكن التعبير عنها بأسلوب إحصائى دقيق . فإذا افترضنا أن لدينا ثلاثة متغيرات س، ، س، ، س، س، س، وأن جزءاً من مقدار الارتباط بين المتغيرين س، ، س، ربما يكون تتيجة لارتباط كل منهما بالمتغير الثالث س، . فكا سبق أن ذكرنا في الفصل الرابع عشر أن أي قيمة من قيم المتغير س، أو س، يمكن تقسيمها إلى جزئين .

عجزه يمكن التنبؤ به بمعلومية المتغير سي ، والآخر هو قيمة الباقى Residual أو الخطأ الناهج عن تقدير سي أو سي بمعلومية سي . وهذان الجزءان مستقلان أى غير مرتبطين .

والارتباط بين بحوعتى البواق أو أخطاء التقدير الناتجة عن التنبؤ بقيم المتغير سرأوس، بمعلومية س، هو معامل الارتباط الجزئى، ويرمز له بالرمزر، أى هو الإرتباط بين المتغيرين س، س، بعد عزل تأثير المتغير س، وهو الجزء من الارتباط المتبقى بعد عزل تأثير المتغير الثالث .

و بعبارة أخرى روبه هو الار تباط بين البواقى بعد عزل تأثير المتغير سي من كل من المتغيرين سي ، سي ،

ويسمى معامل الارتباط الجزئ في هذه الحالة . معامل الارتباط الجزئي من الرتبة الآولى First—order Partial . •

والصورة الرياضية المستخدمة فى حساب معامل الارتباط الجوئى من الرتبة الاولى هي :

$$(1) \quad \cdots \quad \frac{4^{L} - 1/1 - 1/2}{4^{L} - 1/2} = 4^{L} \cdot 1$$

ولتوضيح كيفية تطبيق هذه الصورة نفترض أن س، س، هما درجات اختبارين فى الذكاء والقدرة النفسحركية على التروتيب لمجموعة من الاطفال عتلفة الاعمار .

ولنفترض أن س_م هو متغير العمر ، وأن الارتباط بين المتغيرات الثلاثة هو :

$$c_{ij} = 00$$
, $c_{ij} = 0$, $c_{ij} = 0$,

وبذلك يكون معامل الارتباط الجزئى باستخدام الصورة السابقةرفم(١)هو :

$$\frac{(\cdot,0\cdot)(\cdot,7\cdot)-\cdot,00}{\sqrt{(\cdot,0\cdot)-1}} = \frac{(\cdot,0\cdot)(\cdot,7\cdot)-1}{\sqrt{(\cdot,0\cdot)-1}}$$

ويمكن تفسير هذه القيمة باستخدام مفهوم النباين المشترك . فجزء النبايي المشترك بين المتغيرين سي = c^{7} = c^{7} = c^{7} = c^{7} = c^{7} = c^{7} = c^{7} = c^{7} = c^{7} = c^{7} = c^{7} = c^{7} = c^{7} = c^{7} = c^{7} . c^{7} = c^{7} . c^{7} .

والنسبة المشوية للارتباط الناتج عن تأثير عوامل أخرى = ١٠٠ – ٥٥ = ٥٠٠ / ٤٣

ومما لاشك فيه أنه يمكننا تثبيت أوضيط متغير العمر بالطرق التجريبيةو ذلك بأن نختار بجموعة عمرية واحدة من الاطفال، ثم نوجد الارتباط بين درجات الاختبارين لهذه المجموعة .

وبذلك لا يكون للعمر تأثير على مقدار الارتباط بين درجات الاختبارين . غير أن استخدام مفهوم الارتباط الجزئى يحقق نفس الفكرة ولسكن بالطرق الإحصائية .

وفى حالة وجود ثلاثة متغيرات يمكن أن تحسب ثلاثة معاملات ارتباط جزئية من الرتبة الآولى هى : ر ٫٫٫٫٫ ، ر ٫٫٫٫٫ بتطبيق صور رياضية اثلة للصورة رقم (۱) السابقة كالآتى :

$$(1) \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \frac{1}{\sqrt{1-c^{1/2}}} \cdot \frac{1}{\sqrt{1-c^{1/2}}} = 4.41$$

و يجب أن يعلم الباحث أن الارتباط الجزئي لا يقتصر على ثلاثة متغيرات فقط، إذ توجد معاملات ارتباط حزئية من رتب أعلى و تتحدد رتبة معاملالارتباط بعدد المتغيرات المطلوب عزل تأثيرها . فثلا إذا كان لدينا أربعة متغيرات س، ، مس فإنه يمكننا الحصول على معاملات ارتباط جزئية من الرتبسة الثانية Second-Order Partials مثل رجب وهذا الرمز يعني أنفا نوجد معامل الارتباط بين المتغيرين المستقلين س، ، س، بعد عزل تأثير المتغيرين س، ، س، بعد عزل تأثير المتغيرين س، ، س، بعد عزل تأثير المتغيرين س، س،

والصورة الرياضية المستخدمة في حساب معامل الارتباط الجزئي من الرتبة الثانية هي :

وبالطبع يزداد تعقيد العمليات الحسابية كالم زادت رقبة معاملات الارتباط الجزئية ، أي كالم زاد عدد المتغيرات التي يريد الباحث عزل تأثيرها . ولذلك فإن برامج الحاسب الالحكروني الخاصة بتحليل الانحدار المتعدد تجرى عادة العمليات التي يتطلبها أيجاد معاملات الارتباط الجزئية ، ولسكن نظراً لصعوبة تفسير مثل هذه المعاملات وبخاصة التي من الرتبة الثانية وما فوقها ، فأرز الباحث نادراً ما يلجأ إلى حساب معاملات أعلى رتبة من الرتبة الأولى

طريقة أخرى لحساب معامل الارتباط الجزئ :

يمكن حساب معامل الارتباط الجزئى باستخدام طريقة أخرى أكثر تعميا . وهى تعتمد على معامل الارتباط المتعدد . فاستخدامها يتطلب حساب هدف المماملات . وينصح كيرلنجر Kerlinger الباحث بألا يستخدم هذه الطريقة إلا إذا كان لديه قيم معاملات الارتباط المتعدد أثناء تحليل الانحدار المتعدد . فن المعلوم أن حساب هذه القيم يتطلب وقتاً وجهداً كبيراً .

والهدف من ذكر هذه الطريقة هنا هي أنها تمكن الباحث من تصور العلاقة بين تحليل الانحدار المتعدد ومعاملات الارتباط الجزئية .

ولتوضيح ذلك تفترض أن لدينا متغيرين مستقلين س، س، فلإمجاد معامل الارتباط الجزئ بين المتغير التابع ص والمتغير المستقل س، بعد عزل تأثير المستقل س، نطبق الصورة الرياضية الآتية:

$$\frac{(\gamma_1, \omega^{\gamma_2} - 1) - (\gamma_2, \omega^{\gamma_2} - 1)}{\gamma_2 - 1} = \gamma_1 \omega^{\gamma_2}$$

(o) · · · ·

حيث ر⁷ص ٢٠١ ترمز إلى مربع معامل الارتباط الجزئى بين المتغير التابع ص ، والمتغير المستقل مرب_ا بعدعزل تأثير المتغير المستقل س.

، راص ٢٠ ترمز إلى تباين المتغير النابع ص الذي يمسكن تفسيره بمعلومية المتغير المستقل س.

، را من إلى تباين المتغير النابع ص الدي يكن تفسيره عملومة المتغيرين المستقلين س سر

و بالطبع المقدار 1 ــ ر^۲ص ۲۱۰ هو تباین المتغیر التابع ص الذی لا یرجع إلى انجدار صن على س، س، معاً .

أما إذا كان لدينا ثلاثة متغيرات مستقلة س، س، س، س، فإنه يمكننا إيحاد معامل الارتباط الجوثى بين المتغير التابع ص. والمتغير المستقل س، بعد عزل تأثير المتغيرين المستقلين س، ،س، بتطبيق الصورة الرياضية الآتية .

$$\frac{(1-c^{2}\omega^{2})-(1-c^{2}\omega^{2})-(1-c^{2}\omega^{2})}{(1-c^{2}\omega^{2})}$$

حيث ر" ص٢١٠٣ قرمز إلى مربع معامل الارتباط الجزئي المطلوب.

، ر^۲ ص ۲۱۰ ترمز إلى تباين المتغير التابعص الذي يمكن تفسير وبمعلومية المتغيرين المستقلين س، ، س، معا .

، را ص ٣٢١ ترمز إلى تباين المتغير التابع ص الذى يمكن تفسيره بعملومية المتغيرات المستقلة س، س، س، سم مجتمعة .

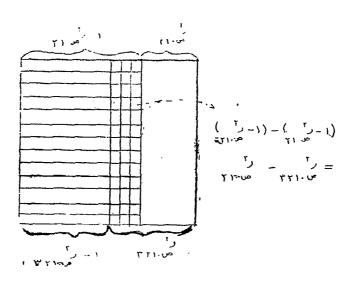
و الاحظان المقدار (۱ - $ر^{7}$ ص 7) يدل على تباين المتغير ص الذى لا يرجع إلى المتغيرات المستقلة م ، س ، س محتمعة . والمقدار (1 - 7 ص 7) يدل على تباين المتغير ص الذى لا يرجع إلى المتغيرين المستقلين س ، س محا .

أى أن البسط فى الصورة رقم (٦) عبارة عن الفرق بين تباين بواقى انحدار ص على س، ، س، و تباين بواقى انحدار ص على س، ، س، ، س، ·

فإذا قسمنا هذا الفرق على تباين بواقى انحدار ص على س، ، س، (وهو

الثباين الأكبر) يغتج لدينا ما يسمى ، بالتباين الجزئي Partial Variance. ومعامل الارتباط الجزئي .

ويوضح كيرلنجر Kerlinger التبايز الجزئى راص ٢٠٠٣ وبالتالى معامل الارتبـــاط الجزئى رص ٢٠٠٣ بالشكل التخطيطي الآتي رقم (٦٩):



شكل رقم (٦٩) تمثيل التباين الجزئي

و بالنظر إلى هذا الشكل تجد أن مساحة المستطيل الآكبر تمثل التباين السكلى للمتغير التابع ص، وهي تساوى الواحد الصحيح. واللجوء من المساحة المظلل يخطوط أفقية يمثل المقدار (١ -- راص ٢٠٠٠)، والجوء من المساحة المظلل يخطوط رأسيه وى نفس الوقت مقسم إلى مربعات صغيرة تقيجة تقاطعه معالجزء من المساحة المظلل يخطوط أفقية بدئل المقدار (١ -- راص ٢٠٠) - (١ -

ويلاحظ أن التباين و ٢ من ٢١٠، التباين و٢ ص ٢١٠ مثلان في الشكل.

و بذلك يكون التباين الجزئى عبارة عن النسبة بين المساحة المقسمة إلى مربعات صغيرة إلى المساحة المقسمة إلى مربعات صغيرة هي التي تمثل التباين المشترك ، وهي الاساس الذي يبن عليه تفسير معامل الارتباط الجزئي.

استخدام تحليل الانحدار المتعدد فى حساب معاملات الارتباط الجزئية :

لـكى نوضح للباحث كيف يمكنه استخدام تحليل الانحدار المتعدد فى حساب معاملات الارتباط الجرثية نعرض المثال الافتراخى الآتى لقيم متغير تابع ص، ومتغير بن مستقلين س، س.

	س ا	ص
٣	٣	1
۲	١	٢
1	Ý .	٣
٤	£	٤
0	•	0
۲	٣	المتوسط الحسابي ٣
1.	1.	بحمـــوع مربعات الانحرافات عن المتوسط
۲,۰	۲,۰	$7,0 = \frac{\sqrt{()^2}}{1}$ التباین $\frac{2}{5}$
1,01	١,٥٨	الانحراف المعيادي ١,٥٨
رس١س١ == ١٩٠٠	د مس س	دصس۱ =

جدول زيم (١٤١)

فإذا أردنا إيجاد معامل الارتباط الجوثى رص،،س، فإننا نطبق الصورة رقم (١) السابقة كالآتى:

$$\frac{(\cdot,9\cdot)(\cdot,7\cdot)-(\cdot,7\cdot)}{\sqrt{r(\cdot,7\cdot)-1}} = \sqrt{r(\cdot,9\cdot)}$$

$$= \sqrt{r(\cdot,9\cdot)} \sqrt{r(\cdot,9\cdot)-1}$$

$$= \sqrt{r(\cdot,9\cdot)} \sqrt{r(\cdot,9\cdot)-1}$$

$$= \sqrt{r(\cdot,9\cdot)} \sqrt{r(\cdot,9\cdot)-1}$$

أى أن عول تأثير المتغير سي من العلاقة بين المتغيرين ص ، س، أدى إلى المخفاض قيمة معامل الارتباط بين المتغيرين من ٠,٥٠ إلى ٢٤٠٠ و بالطبع لا يكون الانخفاض في مقدار الارتباط كبيراً إلى هذا الحد في البحوث الفعلية .

ولتوضيح مفهوم معامل الارتباط الجزئى فى ضوء تحليل الانحدار نفترض أننا حسبنا قيم ص المتنبأ بها باستخدام انحدار المتغير التابع ص على أحدالمتغيرين المستقلين وليكن س, مثلا . ثم أوجدنا معامل الارتباط بين المتغير التابع س, وقيم ص المتنبأ بها ص ، نجد أن قيمة هذا المعامل تساوى الواحد الصحيح . أى أن دس, ص = 1 ·

فعامل الارتباط بين قيم المتغير المنيء ، وقيم المتغير المتنبأ به تكون قيمته مساوية الواحد الصحيح دائما لان قيم صم هي نفس قيم سم بعد ضربها في مقدار ثابت وإضافة مقدار ثابت آخر عليها . وقد ذكرنا في الفصل السابع أن هذا لا يؤثر في قيمة معامل الارتباط .

أما إذا أوجدنا معامل الارتباط بين قيم المتغير المستقل من والبواقى ف نجد أن قيمته تساوى الصفر . وهذا صحيح دائما لأن البه اقى هى الانحرافات الناتجة عن التنبؤ بقيم المتغير التابع بمعلومية قيم المتغير المستقل .

والحقيقة أنمعامل الارتباط الجزئي هـ. معامل الارتباط بين بحم عنين من البواقي residuals .

أى أنه إذا اغترضنا أننا حصلنا على معادلة انحدار ص على س، ومعادلة انحدار س، على س، وهما :

و بعد حساب قيمة كل من الثابتين لكل معادلة على حدة ، وإيحاد قيم صم $_{_{1}}$ من محساب قيم ف $_{_{1}}$ على معامل الارتباط الجزئ رحس $_{_{1}}$ مو معامل الارتباط بين البو اقى ف $_{_{1}}$ ف معامل الدرتباط الجزئ رحس $_{_{1}}$ معامل الدرتباط بين البو اقى ف $_{_{1}}$ ف معامل الدرتباط بين البو اقى ف ،

ولتوضيح ذلك نطبق هذه الخطوات على البيانات السابقة المبينة في جدول . و رقم (٩٤) كالآني :

نحسب أولا قيمة كل من الثابتين ا ، ب فى معادلة انحدار ص على س باستخدام المعادلتين :

$$\frac{3\omega}{2} \times \frac{3\omega}{2}$$

$$\cdot$$
, τ ، τ نجد أن $\psi = \cdot$, τ ، τ .

$$1, Y = (Y)(\cdot, Y \cdot) - Y = 1$$

و بذلك تـكون معادلة انحدار ص على سه مي .

صم = ۱٫۲ + ۲۰۰۳

و بنفس الطريقة نحسب ديمة كل من الثابتين [، ب ، و نوجد معادلة انحدار س، على س، وهي :

سم = ۲۰٫۹ + ۰٫۳

و باستخدام هاتین المعادلتین یمکن ایجاد قیم صم ، سم المناظرة لقیم ص ، س، الموضحة فی الجدول رقم (۹۶)، وکذلك البواقی ف، ،ف، ، وهذه مبینة فی الجدول الآتی رقم (۹۶):

]					
3	-) -	}	w#	0
5	3-	3	_	W	0
an my and = 1,1 + 1, way	7 7,1+1,1	ン 1·1+·1 ■ 3·1	1,1 = 1,7	1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1	一二十二十二
ان ان ا	1 . 5 2		۲° –	3. 3	<
3	3-) -		~	•
= 7,1+1, my 21 27 27 27 = 7,0 + 1,0 my 27	r,· + v,r = ·,r	1,1 = 1,1 + .,r	*·+··= *·		1,·+0,3=1,3
Ĵ	.3	1,1	۲,۰	· ·	3- ,

طِدُولَ رقم (١٥٥)

ويتضح من هذا الجدول أن قيم ف, تمثل الاخطاء الناجمة عن التنبؤ بقيم ص بمعلومية قيم س, ، وقيم ف, تمثل الاخطاء الناجمة عن التنبؤ بقيم س, بمعلومية قيم س, .

فلإيجاد معامل الارتباط بين المتغيرين ص ، س، بعد عزل تأثير المتغير س، يجب أن نحسب معامل الارتباط بين البواقى ف، ف، باستخدام الدرجات الخام مباشرة كالآتى :

فإف	ف۲	ف،۲	فع	ف	
صفر	مفر	٤,٠٠	صفر	۲,۰-	
1.55	1,71	٠,١٦	1,1-	• , ٤	
٠,٩٦	• , 48	1, 11	٠,٨	1,7	
٠,٠٤	-, 01	٠,١٦	٠,١	٠,٤	
٠,١٦	٠,٠٤	٠,٦٤	٠,٢	٠,٨	
1,7.	1,4.	٦,٤٠	مفر	صفر	الجموع

جدول رتم (٩٦)

$$\frac{(3.6)^{2}}{(3.6)^{2}} = \frac{(3.6)^{2}}{(3.6)^{2}} = \frac{(3.6)^{2}}{(3.$$

وهذا يجب أن يلاحظ الباحث أنها نفس القيمة الى حصلذا عليها باستخدام صورة معامل الارتباط الجزئى رفم (١) ، ﴿ يَجِبَ أَنْ يَلَاحظُ أَنْ رَسَهِ فَيْ اللَّهِ اللَّهُ اللَّهِ اللَّهُ اللَّالِي اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ الللَّهُ اللَّهُ اللَّالِمُ اللَّا اللَّهُ اللَّهُ اللَّا اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّالِ ا

أى أن معامل الارتباط بين متفيرين بعد عزل تأثير متعير ثالث هو معامل الارتباط بين البواقى الى نحصل عليها من انحدار كل من المتغير المتغير الثالث .

معامل الارتباط شبه الجزئ أو معامل ارتباط الجزء :

من عرضنا السابق يتضح أن الباحث يستطيع أن يعزل أثر التباين غير المطلوب من كل من المتغيرين موضع البحث . فني المثال السابق عزلنا تأثير العمر من كل من درجات اختبار الذكاء و اختبار القدرة النفسحركية . ويعبر الارتباط الجزئي عن العلاقة بين درجات كل من الاختبارين بعد عزل تأثير العمر من هذه الدرجات أو ضبط تأثيره على المتغيرين بطريقة إحصائية .

والآن نفترض أن الباحث أراد أن يعزل تأثير العمر من درجات اختبار الذكا. فقط ولا يريد أن يعزل تأثيره من درجات اختبار القدرة النفسحركية . فعندنذيمكنه استخدام نوع آخر من معاملات الارتباط يسمى معامل الارتباط الجزء الجزئ Semi—Partial Correlation ، وأحيانا يسمى معامل ارتباط الجزء Part Correlation .

والصورة المستخدمة في حساب هــــذا المعامل والذي سترمز له بالرمز روسي أي الارتباط بين المتغير الآول والمتغير الثانى بعد عزل تأثير المتغير الثالث فقط هي :

$$(\Lambda) \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot \quad \frac{\Lambda^{L_1} - \Gamma_1 \Lambda}{\Gamma_1 + \Gamma_2 + \Gamma_2} = (\Lambda \cdot \Lambda)_{1_2}$$

وربما يلاحظالباحث أن الفرى بين هذه الصورة والصورةرقم (1) المستخدمه في حساب همامل الارتباط الجزئي هو أن مقام هذه الصورة يشتمل على المقدار \\\ ______ فقط .

أما إذا أراد الباحث عزل تأثير المتنير الثالث من المتعير الأول فقط أي رريا فإنه يمكنه استخدام الصورة الآتية :

$$(V) \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot \quad \frac{V_1 - V_2}{V_1 - V_2} = (L \cdot 1)^{L_2}$$

ويمكن توضيح مفهوم الارتباط شبه الجزئى وكيفية حساب قيمته بالإشارة إلى الجدولين رقم (٩٥) - سبنا قيمة س، المعتبأ بها أى س م ، والبواتى ف التي تساوى س س س الناتجة عن انحداد المتنبأ بها أى س م على المتغير س ، .

فإذا حسبنا معامل الارتباط بين قيم في، ص المبينة بالجدولين رقم(٩٤)، (٩٥)، فإن قيمة المعامل الناتجة وهي ٣٧. تمثل العلاقة بين المتغيرين ص، س، بعد عزل تأثير المتغير س، من المتغير س، فقط.

و يمكننا أيضاً إيجاد العلاقة بين المتغيرين ص ، س، بعد عزل تأثير المتغير س، من المتغير س، فقط باستخدام الصورة رقم (٧) كالآتى :

$$\frac{1}{\sqrt{1-\frac{1}{2}}} = \frac{1}{\sqrt{1-\frac{1}{2}}} = \frac{1}{\sqrt{$$

وبالتعويض عن قيم معاملات الارتباط المدونة أسفل جدول رقم (٩٤) نجد أن :

$$\frac{(\cdot, 9 \cdot)(\cdot, 9 \cdot) - (\cdot, 9 \cdot)}{(9 \cdot)} = (0.9 \cdot)$$

$$\cdot, 79 =$$

وهي نفس القيمة التي حصلمًا عليها بإيجاد معامل الارتباط بين في ، ص.

ويمكن حساب معاملات ارتباط شبه جزئية من رتب أعلى كما هو الحال في معاملات الارتباط الجزئية . ويمكن أن يستفيد الباحث من هذه المعاملات في التحليل المتقدم للارتباط والانحدار المتعدد ، وفي تفسير نتائج هذا التحليل . فعامل الارتباط ر (٤٣٠٢) هو معامل ارتباط شبه جزئي من الرتبة الثانية .وهو يعدل على الارتباط بين المتغيرين ١ ، ٢ بعد عزل تأثير كل من المتغيرين ٣ ، ٤ من المتغير ٢ فقط . وبعيارة أخرى ر (٤٣٠٢) هو معامل الارتباط بين المتغيرين ١ ، ٢ بعد عرب المتغيرين ٢ ، ٢ بعد المتغيرين ٢ ، ٤ بعد استبعاد المقدار المشترك بين المتغير ٢ والمتغيرين ٣ ، ٤ .

والصورة المستخدمة في حساب هذا المعامل هي :

$$\frac{(4.4)_{1}}{(4.4)_{1}} = \frac{(4.4)_{1}}{(4.4)_{1}} = (4.4)_{1}$$

أما معامل الارتباط ر ((۲۰۰۲) فاو معامل ارتباط شبه جزئ من الرتبة الثالثة . وهو يدل على الارتباط بين المتغيرين ١ ، ٢ بعد عزل تأثير كل من المتغيرات ٣ ، ٤ ، ٥ من المتغير ٢ فقط ، ويمكن الحصول على معاملات ارتباط شبه جزئية من رتب أعلى من ذلك .

تفسير الانحدار المتعدد في ضوء مفهوم الارتباط شبه الجرئي :

ذكرنا فيما سبق أن المتغيرات المستقلة التي استخدم عادة في البحوث النفسية والتربوية تسكون مرتبطة إلى حد تبير . وهذه نؤدي إلى بعض المشكلات عند تحليل الانحدار المتعدد .

فإذا كانت جميع معاملات الارتباط بين المتغيرات المستقلة تساوى صغراً ، فإن مربع معامل الارتباط المتعدد بين المتغيرات المستقلة مجتمعة والمتغير التابع يساوى بحوع مربعات معاملات الارتباط بين كل متغير مستقل والمتغير التابع .

أى أن:

$$C^{\dagger}_{000} = C^{\dagger}_{000} + C^{\dagger}_{000} + \cdots + C^{\dagger}_{000} = C^{\dagger}_{000}$$
(10) • • • •

و بذلك نستطيع تحديد مقدار تباين المتغيرالتابع الذى يمكن تفسيره بمعلومية كل متغير من المتغيرات المستقلة نظراً لعدم وجود ارتباط بين هذه المتغيرات . وبالطبع يندر وجود مثل هذه الحالة فى البحوث النفسية والتربوية . إذ عادة تشتمل المواقف البحثية على متغيرات مرتبطة . وهنا يحاول الباحث التغلب على هذه المشكلة بأن يجرى توعاً من التعديل على هذه المتغيرات المرتبطة بحيث تصبح متعامدة المشكلة بأن يجرى أي يصبح الارتباط بينها صفراً .

ويستخدم الارتباط الجزئى والارتباط شبه الجزئى فى[جراء مثل هذا التعديل .

ويمكن تعميم الصورة رقم (١٠) على أى عدد من المتغيرات المستقلة المرتبطة . فني حالة أربعة متغيرات مثلا تصبح الصورة كالآتى :

$${}^{C^{1}}_{\omega}(1.7)^{\omega} + {}^{C^{1}}_{\omega}(1.7)^{\omega} + {}^{C^{1}}_{\omega}(1$$

وبالنظر إلى هذه الصورة نجد أن ر^۲ص ترمز إلى التباين المشترك بينالمتعير المستقل الاول ، ر^۲ص (۱۰۲) ترمز إلى مربع معامل الارتباط

شبه الجزق (معامل ارتباط الجزء) بين المتغير التابع والمتعير المستقل الثانى بعد عول تأثير التباين المشترك بين المتغيرين الآول والثانى ، د ص (٢١٠٣) ترمز المى مربع معامل الارتباط شبه الجزئى من الرتبة الثانية عند احتواء المتغير الثالث في المعادلة بعد عزل تأثير التباين المشترك بينه وبين المتغيرين الاول والثانى و بذلك نحصل على التباين الذى يسهم به هدا المنغير دون تسكراد للتباين الذى أسهم به المتغيران الآول والثانى الفعل .

أما ر^٢ ص(٣٢١٠٤) فهى ترمزالى التياين المشترك بين المتغير التابع والمتغير المستقل المستقل الرابع بعد عزل تأثير المتغيرات الثلاثة الاولى من هذا المتغير المستقل فقط .

أى أن هذه الصورة تعبر عن طريقة عزل بواقى كل متغير مستقل على الترتيب من المتغيرات المستقلة متمامدة. فكل مد المتغيرات المستقلة التالية له ، وبذلك تصبح المتغيرات المستقلة متمامدة. فكل حد تشتمل عليه هذه الصورة يدل على نسبة التباين في المتغير التابع الذي يسهم به كل متغير من المتغيرات المستقلة الاربعة في معامل الارتباط المتعدد ، وبالطبع يدل معامل الارتباط المتعدد على نسبة التباين الكلى في المتغير التابع الذي تسهم به المتغيرات المستقلة بحتممة في معادلة الانحدار .

وهنا يجب أن نوجه نظر الباحث إلى أنه يمكنه الحصول علىنفس قيمة مربع معامل الارتباط المتعدد بصرف النظر عن ترتيب احتواء المتغيرات في معادلة الانحدار . أي أن :

و لدكن يختلف مقدار ما يسهم به كل متذير مستقل في تباين المتغير النابع اختلافاً ملحوظا باختلاف هذا الترتيب ، فالمتغير المستقل الذي تحتويه معادلة

الانحدار أولا سوف يسهم بلاشك بقدر أكبر فى تباين المتغير التابع عما لو احتوته الممادلة مؤخراً. وبوجه عام ، كلم زادت الارتباطات بين المتغيرات المستقلة وتم احتواؤها فى معادلة الانحدار مؤخراً قل تبعا لذلك مقدار ما تسهم به فى هذا التباين .

ولكى توضح للباحث كيفية إيجاد قيمة مربع معامل الارتباط المتعدد بين متغير تابع وثلاثة متغيرات مستقلة باستخدام الصورة رقم (١١) والتي تصبح كالآتي:

$$C_{\omega}^{(1)} = C_{\omega}^{(1)} + C_{\omega}^{(1)} + C_{\omega}^{(1)} + C_{\omega}^{(1)}$$

$$C_{\omega}^{(1)} + C_{\omega}^{(1)} + C_{\omega}^{(1)} + C_{\omega}^{(1)}$$

نفترض أن لدينا مصفوفة ادتباطات بين المتغير التابع وكل من المتغيرات المستقلة ، وكذلك الارتباطات بين المتغيرات المستقلة . وهذه مبينة في الجدول الآتي دقم (٩٧):

ص	۲ ا	۲	١	
•,77	٠,٣٥	٠,١٥	١,٠٠	1
٠,٥٣	· , - Y	١,٠		Y
٠,٣٥	١,٠٠			٣
1			-	ص

جدول رقم (۹۷)

فالحد الآول فى الصورة رقم (١٢) وهو ر٢ يدل على مربع معامل الارتباط بين المتنير التابع والمتنير المستقل الآول ، أى يساوى (٢٠,٦٧) == . ٤٤٨٩

أما الحد الثانى وهو ر⁷ص(١٠٢)فيمكن إيجاد قيمته باستخدام الصورة رق^{اه} (٧) كالآتى :

$$\frac{(v^{1}-v^{0})^{-1}}{(v^{1}-v^{1})} = (1.7)^{-1}$$

وبالتعويض من الةيم المبينة فى الجدول رقم (٩٧) نجد أن :

$$\frac{(\cdot,10)(\cdot,77)-(\cdot,07)}{\sqrt{(\cdot,10)-1}} = \frac{(\cdot,10)(\cdot,77)}{\sqrt{(\cdot,10)-1}}$$

$$= (1\cdot7)$$

والحد الثالث ر^۳ص (۲۱۰۳) [.]یمکن ایجاد قیمته باستخدام الصورة رقم (۱) وهی:

$$\frac{(1\cdot r)^{r^{2}}(1\cdot r)^{-r}\omega(1\cdot r)}{(1\cdot r)^{r}(1\cdot r)} = \frac{(1\cdot r)^{r}}{(1\cdot r)^{r}}$$

وهذا يستلزم إيجاد قيمة كل من رص (١٠٣) ، د٣(٢٠١) كالآتى :

$$\frac{(-1)^{-1}}{(-1)^{-1}} = \frac{(-1)^{-1}}{(-1)^{-1}}$$

$$\frac{(\cdot, 70)(\cdot, 70) - (\cdot, 70)}{7(\cdot, 70) - 10} = \frac{(\cdot, 70)(\cdot, 70) - (\cdot, 70)}{(\cdot, 70) - (\cdot, 70)} = \frac{(\cdot, 70)(\cdot, 70)}{(\cdot, 70) - (\cdot, 70)} = \frac{(\cdot, 70)(\cdot, 70)}{(\cdot, 70) - 10} = \frac{(\cdot, 70)(\cdot, 70)}{(\cdot, 70) - (\cdot, 70)} = \frac{(\cdot, 774)(\cdot, 774) - (\cdot, 774)(\cdot, 774)}{(\cdot, 774)(\cdot, 774$$

· 17A =

أى أن نسبة التباين في المتعبر التابع الذي يسهم به المتعبرات المستقلم اللانة بهذا الترتيب هي ١,٩١٠ / ١,٩١٠ / ١,٩١٠ / ١

و بالطبع إذا قام الباحث بإيجاد قيمة رع ص ٣٢١٠ باستخدام إحدى الطرق التي عرضنا لها في الفصل السادس عشر فإنه سيحصل على نفس القيمة تقريباً .

ومما هو جدير بالذكر أنه كالما زاد عدد المتغيرات المستقلة كالم أصبحت العمليات الحسابية المطلوبة لإيجاد قيم معاملات الارتباط شبه الجزئية معقيدة للغاية مما يستدعى استخدام الحاسب الآلكتروني لإجراء هذه العمليات . أو بمعني آخر يجب في هذه الحالة أن يلجأ الباحث إلى إحدى وحدات الحاسبات الالكترونية لإجراء هذا النوع من التحليل الإحصائي للبيانات .

ويحب أن نؤكد مرة أخرى أن تقدير ما تسهم به المتخيرات المستقلة في تفسير تباين المتغير التابع ليس بالامر اليسير أو المباشر . ولكن إذا استطاع الباحث أن يحد تبريراً منطقيا أو أساسا نظريا يرتسكن إليه في عملية ترتيب إدخال المتغيرات المستقلة في معادلة الانحدار ، فإنه يمكنه الاعتماد على مربعات معاملات الارتباط شبه الجزئية في هذا التقدير بالإضافة إلى الطرق الاخرى التي ذكرنا بعضا منها في الفصل السادس عشر .

ولذلك نوصى الباحث أن يصمم خطة واضحة لمشكلة وفروض بحثه ، وأن يكون لديه الاساس النظرى الذي يختار في ضوئه المتغيرات التي سيتفاولها في تحليل الانحدار المتعدد . فإذا كان الباحث مهتما فقط بالتغير بوجه عام بقيم المتغير التابع بمعلومية قيم المتغيرات المستقلة مجتمعة ، فإنه يمكنه إدخال هذه المتغيرات في معادلة الانحدار بأى ترتيب يراه مناسبا . إذ أن قيمة معامل الارتباط المتعدد ، و كذلك قيم المتغير التابع المتنبأ بها لا تختلف باختلاف هذا الترتيب .

أما إذا كان الباحث يهدف إلى تفسير الظاهرة موضع البحث، وتقصد بذلك تفسير تباين المتغير التابع عن طريق معرفة مقدار ما يسهم به كل متغير من المتغيرات المستقلة في هذا التباين، فإن ترتيب إدخال هذه المتغيرات في معادلة الانحدار يصبح أمراً هاما.

والخلاصة أن التحليل الإحصائى للانحدار المتعدد يفيد في تفسير الظاهرة موضع البحث عن طريق دراسة العلاقات القائمة بين المتغيرات التي تشتمل عليها هذه الظاهرة. وفي الحقيقة يعتبر تحليل الانحدار المتعدد - كما يؤكد كوهن Jacob Cohen وكوهن Patricia Cohen - أكثر الاساليب الإحصائية قوة وفاعلية في تحليل هذه العلاقات ليس فقط لاغراض التنبؤ وإنما لاغراض التفسير وبناء النظريات العلية والتحقق من صحتها .

تمارين على الفصل السابع عشر

وجد أحد الباحثين أن معامل الارتباط بين درجات مادة الرياضيات
 امتحان الثانوية العامة ودرجات امتحان نهاية العام في السنة الاولى بكاية الهندسة لنفس بحوعة الطلاب بعد عزل أثر الذكاء ٣٨٠ . ، ومعامل الارتباط قبل عزل أثر الذكاء ٤٥ . . . فسر معامل الارتباط الجزئ ،

إذا افترصنا أن معامل الارتباط بين المقدرة العضلية وطول بحموعة.
 من الاطفال من عتلف الاعمار ٠,٠، وبين المقدرة العضلية والوزن ٠,٨٠ ،
 وبين الطول والوزن ٨٦, . ما هو أفضل تقدير للارتباط الفعلي بين المقدرة العضلية والوزن لهذه المجموعة .

 إلى المن على على الله المال المال الجول ومعامل ارتباط الجزء باستخدام بواتى الانحداد .

من المعلوم إحسائيا أن العتبط هو صبط التباين. ما معنى ذلك ؟ وماهو
 دور معامل الارتباط الجزئ ومعامل الارتباط شبه الجزئ في العنبط الإحسائي ؟

بي الله مصفوفة معاملات الارتباط بين ثلاثة متغيرات عيى: تماسك الجماعة (ص) والمشاركة في انخاذ القرار (س) والعلاقات الإنسانية بين أفراد الجماعة (س):

دساس،	د صس	رصس ا	
٠,٠٠	•, ٤ •	٠,٦٠	(1)
٠,٩٠	(•,٤•)	(٠,٦٠)	(ب)
•,^•	(·,v·)	(+,4+)	(+)
٠,٨٠	٠,٩٠	٠,٧٠	(د)

(أ) احسب معاملات الارتباط الجزئية الآتية :

ر صس و س و الرصس و دس

(ب) احسب معاملات الارتباط شبه الجزئية رص (سه وس) ، رص (س٠٠سه) مع تفسير القيمة الناتجة في كل حالة .



المفصل الثامن عشر تحليل الانحدار المتعدد في حالة المتنيرات النوعية

- ء المتغيرات الرمزية
- تحليل الاتحدار المتعدد باستخدام المتغيرات الرمزية
 - . استخدامات أخرى للشغيرات الرمزية

عرضنا في الفصلين السابقين طرق تحليل الانحدار المتعدد في حالة المتغيرات الدكمية . وذكرنا أن الباحث يمسكنه أن يستخدم هذه الطرق في التنبؤ بمتغير تابح بمعلومية متغيرين مستقلين أو أكثر من النوع المتصل ، أي تختلف درجة الافراد في السمة أو الصفة التي تقيسها هذه المتغيرات بحيث يمسكن ترتيب هذه الدرجات بحسب مقاديرها مثل درجات اختبار في الذكاء أو التحصيل أو عدد مرات التعزيز وما إلى ذلك . وبالرغم من أن تحليل الانحدار المتعدد قدصهم بصفة خاصة بحيث يستخدم في حالة المتغيرات السكية Quantitative Variables الاأنه يمكن استخدامه أيضا في حالة المتغيرات السكية ومن أمثلة هذه المتغيرات الجنس (ذكر أو أنثي) أو الديانة (مسلم أو مسيحي أو غير ذلك) أو الحالة الاجتماعية (متزوج أو أعرب أو مطلق أو أرمل) وهكذا .

وهذه المتغيرات تعتبر من النوع الاسمي أو التصنينى . أى أن التغير يكون فى النوع وليس فى الدرجة كما هو الحال فى المتغيرات السكمية التى تكون من المستوى الرتبي أو الفترى أو النسي .

وبذلك يتسع مجال استخدام تحليل الانحدار المتعدد بحيث يمكن التنبؤ عتفير تابع معين من النوع السكمى بمعلومية متغيرين نوعيين أو أكثر، مثل التنبؤ بالاتجاء نحو المهن المختلفة (وهو متغيركمى متصل) بمعلومية جنس الفرد ومستوى تعليمه (وهما متغيران من النوع التصنيق غير المتصل وغير المرتب)

أو يمكن التنبؤ بالمتغير التابيم بمعلومية متغير متصل أو أكثر بالإضافه إلى متغير نوعي أو أكثر مثل التنبؤ بالاتجاه نحو المهن المختلفة بمعلومية بعض ممامته

شخصية الفرد ومستوى تعلمه . أو التنبؤ بالتعصيل الدراسي في مادة دراسية معينة بمعلومية الذكاء وأسلوب التدريس .

المتميرات الرمزية: Dummy Variables

يتطلب تحليل الانحدار باستخدام المنفيرات النوعية أو التصنيفية إجراء أوع همين من الترميز Coding المعتفير أو المتفيرات النوعية الإشارة إلى الاقسام المختلفة التى يتسكون منها هذا المتغير أوهذه المتغيرات. فثلا يمكن أن نرمز الدكور بالرقم ١ و للإناث بالرقم صفر إذا كان المتغير النوعى هو الجنس. أو يمكن أن نرمز الذكور بالرقم ١ و الإناث بالرقم ١ و أو أى تظام ترميزى أحر، إلاأنه يفضل استخدام تظام الصفر و الواحد الصحيح نظرا السهولة استخدامه. وتسمى المتغيرات الناتجة عن هذا الترميز بالمتغيرات الرمزية عالمان يستخدم في معادلة وهي لانصف مستوى قيدا الراد الباحث مثلا أن يستخدم في معادلة تشير فقط إلى أقسام هذا المتغير ، فإذا أراد الباحث مثلا أن يستخدم في معادلة الانحدار متغيرا توهيا مثل مستوى التعليم الذي يشتمل على ثلاثة أقسام ، فإن المتغيرات الرمزية الثلاثة الناتجة سي ، سي ربعا تكون كالآتى :

و بدائك نتجول أقسام المتغير النوعى إلى بحوعة من المتغيرات الرمزية الثنائمة بحيث يا مزالواحد الصحيح إلى التهاء الفرد إلى حد أقسام المتغير النوعي مو اصفر إلى عدم دنيائه إلى هذا الفاح وبالرغم من أن عدد المتغيرات الرمزية في هـذا المثال ثلاثة إلا أن الباحث يمكنه استخدام اثنين منها فقط كمتغيرات هستقلة أو منبئة في معادلة الانحدار دون أن يفقد شيئاً من المعلومات .

إذ يمكن معرفة أثر المتغير الرمزى سي من نتائج معادلة الانحدارالى تشتمل على س، سي فقط . وبعبارة أخرى معرفة ما إذا كان الفرد ينتمى أو لا ينتمى الى احدى المجموعتين التى يمثل كل منهما المتغيرين الرمزيين س، سي على الترتيب تمد كافية لتحديد انتهاء الفرد الى إحدى المجموعات الثلاث . فإذا لم ينتم الى أى من المجموعتين س، أو سي فإنه لا بد أن ينتمى الى المجموعة سي .

ويمكن تمثيل المتغيرات الرموية في المثال السابق كالآتي :

الرمزى	المتغير		
۳۰۰	س		
صفن	•	15	
1	صفر	ج,	المتغير اللنوعى
صفو	صفر	ر ق	

فالمعلومات التي يتضمنها المتغير النوعي (مستوى التعليم) الذي يشتمل على ثلاثة أقسام ج، ، ج، ، ج، أمكن تمثيلها بمتغيرين رمزيين س، ، س، بدلا من ثلاثة متغيرات رمزية س، ، س، ،س، فعدم أنها الفرد إلى إحدى المجموعتين ج، أو ج، يعنى أنه ينتمى إلى المجموعة ج،

و بالمثل يمكن تمثيل المتغير النوعى الذي يشتمل على أربعة أقسام جي، جي، جي بثلاثة متغيرات رمزية سي، سي سي كالآتي :

المتغير الرمزى

س م	سپ	(<i>u</i>		
صغر	صفر	١	ع،	
صفر	1	صفر	45	المتغير
١	صغر	صفر	rE	المتعاير النوعى
مىفو	صفر	صفو	ج،	

و بوجه عام إذا اشتمل المتغير النوعى على ك من الاقسام أو المجموعات، فإن عدد المتغيرات الرموية اللازمة والسكافية للإشارة الى انتماء الفرد إلى قسم معين أو بجوعة معينة من هذه الاقسام أو المجموعات = ك _ 1 حيث ك ترمز إلى عدد أقسام المتغير النوعى . وفي حالة ما إذا كان عدد الافراد الذين ينتمون إلى كل قسم متساويا يكون معامل الارتباط بين أي متغيرين رمزيين مساويا مقلوب عدد هذه المتغيرات بإشارة سالية .

حيث ه، و ترمز الى المتغيرين الرمزيين .

تحليل الانحدار المتعدد باستخدام المتغيرات الرمزية :

Dummy Variable Multiple Regression

لتوضيح كيفية استخدام فمكرة المتغيرات الرمزية في تحليل الانحدار التعدد في حالة المتغيرات النوعية تعرض المثال الآتي :

نفترض أن باحثا أراد أن يقوم بدراسة سلوك حل المشكلة ، فمين الافراد بطريقة عشوائية فى ثلاث مجموعات تجريبية مختلفة . وعقب الانتهاء من الممالجات الشجريبية طلب من كل فرد فى كل مجموعة حل مجموعة معينة من المشكلات . وفيما يلى ملخص لهذه الدرجات لسكل من المجموعات الثلاث (جدول رقم ٨٨):

ۍ,	جہ	ج,
٧	٣	۲
٦	٣	٣
٤	٤	۲
у.	٤٠	0
٨	1	1
į	4	
	<u> </u>	

جِدول رقم (۱۸۰)

فلكى تتنبأ بسلوك حل المشكلة من عضوية الفرد في إحدى المجموعات التجر ببية يمسكن أنباع الخطوات الآنية :

الخطوة الاولى : ترمز للدرجات بالرمر ص ، و نكون متغيرين ومزيين س ، س يمثلان أقدام منخبر المعالجة التجريبية كالآتى :

لر مزی	المتغير ا		
	١٠٠		
صفر	١	ۍ,	
١	صفر	ب ق	متغير المعالجة التجريبية
صفو	صفو	ب ڌ	

فبالنسبة للتغير س نرمز للافراد الذين ينتمون إلى الجموعة التجريبية ج بالرقم ١، بينما نرمز للافراد الذين لا ينتمون إلى جر بالرقم صفر.

ويالنسبة للمتغير س، نرمز للأفراد الذين ينتمون الى الجموعه التجريبية ج بالرقم ١، بيتما نرمز للأفراد الذين لاينتمون الى ج، بالرقم صفر .

ويمكن أيضاً تكوين متغير رمزى ثالث سي نرمز فيه للأفراد الذين يتتمون الى المجموعة التجريبية جي بالرقم ١، والذين لاينتمون اليها بالرقم صفر ، إلا أن هذا المتغير ليس ضروريا حيث إن المعلومات الحاصة بالانتماء الى مجموعة معينة تكون كافية باستخدام المتغيرين الرمزيين س، سي فقط. فالفردالذي لاينتمي إلى إحدى المجموعة جي أو جي يجب أن ينتمي الى المجموعة جي .

والجدول الآفي رقم (٩٩) يوضح نتائج نكوين هذين المتغيرين الرمربين .

*"	٠,٠	ص	المجموعة
صفر	١	۲	
صفر	١	٣	
صفر	١	۲	15
صغر	١	٥	
صفر	١	٣	
صفر	١	٥	
١	صفر	٣	
3	صفر	٣	
١	صفر	٤	45
١	صغر	٤	
١ ١	صفر	۲	
1	صغر	۲	
صفر	صفر	٧	
صفر	صفر	ч	
صفر	صفر	٤	جم
صفر	مسفر	٧.	,
صفر	صفر	٨	
صفر	صفر	٤	

جدول رقم (۹۹)

ويمكن استكمال تحليل الانحدار المتعدد في حالة المتغيرات النوعية التي في هذا المثال بنفس الطريقة التي عرضنا لها في الفصل السادس عشر في حالة المتغيرات الدكمية . غير أننا هنا نستخدم المتغيرات الروزية على أنها متغيرات مستقلة .

وفي هذا المثال يمكننا اعتباد المتغيرين الرمزيين س، س، متغيرين مستقلين، والدرجات التي حصل عليها كل فرد من أفراد المجموعات التجريبية متغيرا تابعا. ولذلك فإن الخطوة الثانية هي أن نحصل على قيمة كل من معاملي الانحدار ب، بب، أي الوزن المقدر لكل من المتغيرين س، س، وكذلك الثابت أ باستخدام المعادلات ١١، ٢، ٥ التي سبق أن ذكر ناها في الفصل السادس عشر وهي:

$$\frac{(^{2}w_{1}^{2}w_{1}^{2}) - (^{2}w_{1}^{2}) - (^{2}w_{1}^{2}w_{1}^{2}) -$$

والتعويض فى هذه المعادلات من البيانات الموضحة بجدول رقم (٩٩)يتطلب إيجاد المقادير الآتية :

$$\frac{Y(1)w^{2}}{0} - Y_{1}w^{2} = Y_{1}w^{2}$$

$$\frac{Y(1)}{0} - Y_{2}w^{2} = Y_{1}w^{2}$$

$$\frac{Y(1)}{0} - Y_{2}w^{2} = Y_{2}w^{2}$$

$$\frac{Y(1)}{0} - Y_{2}w^{2} = Y_{2}w^{2}$$

$$= Y_{1}w^{2} - Y_{2}w^{2} = Y_{2}w^{2}$$

ره٤ شحدل)

$$\frac{(\sqrt{m^2})(\sqrt{m^2})}{i} - \sqrt{m}\sqrt{m^2} = \sqrt{m}\sqrt{m^2} + 6$$

$$= \operatorname{od}_{\lambda} - \frac{(1)(1)}{\lambda}$$

$$Y = \frac{m}{1A} - m = -1$$

$$\frac{(v_{\xi})(\tau)}{v_{\xi}} - v_{\xi} =$$

$$- \frac{(r)(3y)}{\lambda \lambda} - \lambda \lambda =$$

$$\cdot, rrr = \frac{\tau}{1\lambda} = -\sqrt{\sigma}$$

$$\cdot \overline{v}_{7} = \frac{7}{14} = 777, \cdot$$

$$\xi_{\bullet}(1) = \frac{\forall \xi}{1 \wedge 1} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{$$

وبالتعويض في الصورة رقم (١١) نجمد أن :

و يحبأن يلاحظ الباحث أنهذا الناتج يساوىالفرق بين متوسط المجموعة ج، ومتوسط المجموعة جي .

و بالنعويض في الصورة رقم (١٢) مجد أن :

$$\psi_{\gamma} = \frac{(\mathfrak{z})(-\mathsf{Vrr}_{,r}) - (-\gamma)(-\mathsf{Vrr}_{,\xi})}{\mathfrak{z}(\mathfrak{z}) - (-\gamma)^{\gamma}}$$

وهذا الناتج يساوي الله ق بين سوسط الجموعة جر ودورط مداعة

وبالتمويض في الصورة رقم (ه) نجد أن :

 $(\cdot, \tau\tau\tau)(\tau, \cdots -) - (\cdot, \tau\tau\tau)(\tau, \tau -) - \epsilon, 111 = 1$

·, 1991) = ·, 199 + ·, 1991) + £, 111 =

= ۲.۰۰ تقریبا

وهذا الناتج يساوى متوسط المجموعة جي . وهي المجموعة التي عينا فيها لكل من المتغير بن الرمزيين س ، س القيمة صفر .

وبذلك تـكون معادلة انحدار ص على المتغيرين المستقلين سي، سي هي :

ص_م = ا + ب، س، + ب، س،

۳,۰۰ — ۲,٦٧ — ٦ ==

وباستخدام هذه المعادلة يمسكن أن نوجد فيمة ص المتنبأ بها بمعلومية قيمة معينة من قيم س ـ وهذه القيمة المتنبأ بها هي متوسط المجموعة التي تنتمي إليها هذه القيمة المعينة من قيم س.

فثلا بالنسبة للفرد الثانى فى كل مجموعة من المجموعات ج، ، ج، ، ج، من المجدول رقم (٩٩)، أى الفرد الثانى والثامن والرابع عشر من الجدول رقم (٩٩) على الترتيب ، تسكون قيم صرم كالآتى :

وهذه القيمة تساوى متوسط المحموعة ج

وهذه القيمة تساوى متوسط المجموعة ج

وهذه تساوى متوسط المجموعة جم

مربع معامل الارتباط المتعدد:

يمكن حساب مربع معامل الارتباط المتعدد بإحدى الطرق التي ذكرناها في الفصل السادس عشر .

فثلا يمكن إيجاد بجموع المربعات الخاصة بالانحدار باستخدام الصورة رقم (۱۸) وهي :

مجموع مربعات الانحداد عدب بعس من بدب عسم من

و بالتعويض من القيم السابقة نجد أن :

جموع مربعات الانحداد
$$= (-7,7)(-7,7)(-7,7)$$
 $+$

والمجموع السكلي للمربعات من جدول رقم (٩٩) :

$$\frac{Y(y)}{\Lambda t} - Y7\xi =$$

09,VVA =

ويمكن إيجاد قيمة مربع معامل الارتباط المتعدد بين المتغير التابع ص والمتغيرين المستقلين الرمزيين س، س، باستخدام الصورة رقم (١٩) المذكورة فى الفصل السادس عشر وهي :

$$\cdot, \mathfrak{o}\mathfrak{t} = \frac{\mathfrak{r} \mathfrak{r}, \mathfrak{t} \mathfrak{r} \mathfrak{r}}{\mathfrak{o} \mathfrak{q}, \mathsf{VVA}} =$$

أى أن ٣٤,٥٠ / من مجموع مربعات قيم المتغير ص (الدرجات التي حصل عليها الآفراد في بجموعة المشكلات) يمكن تفسيرها بمعلوهية انتياء الفرد إلى إحدى المجموعات الثلاث . أو بمعنى آخر ٣٤,٥٠ / من تباين الدرجات التي حصل عليها الآفراد في مجموعة المشكلات يرجع الى عضويتهم أو انتيائهم إلى إحدى المجموعات التجريبية الثلاث .

وبالطبع يحب أن يختبر الباحث الدلالة الإحصائية لقيمة رام ليتأكد من أن انتهاء الفرد إلى مجموعة تجريبية معينة يسمم إسهاما فعلما في التنبؤ بدرجته في مجموعة المشكلات .

استخدامات أخرى المتغير ات الرمزية :

يمكن أن يستخدم الباحث فسكرة المتغيرات الرمزية في مواجهة مشكلة انسناء العلاقة بين المتغيرات في تحليل الانحدار.

فثلا اذا وجد الباحث أن العلاقة بين المغير التابيع وأحد المتغيرات المستقلة غير خطية ، ولسكنه لايعرف على وجه التحديد طبيعة أو شكل هذه العلاقة ، فإنه يمكنه في هذه الحالة تجزئة هذا المتغير المستقل إلى عدد معين من الاقسام وليكنك،

ثم يقوم بتسكوين عدد فدره ك ـ ١ من المتغيرات الرمزية التي نشير إلى هده الاقسام . ويستخدم هذه المتعيرات الرمزية كمتغيرات مستقلة في تحليل الانحدار المتعدد كا سبق أن أوضعنا . ثم يوجد قيمة ص لكل قسم من أقسام المتغير المستقل . ويمكنه بعد ذلك أن يمثل على ورقة رسم بياني قيم ص م على المود الرأسي ومنتصفات كل فئة من فئات المتغير المستقل س على المحرر الافقى و سذا يستطيع أن يأخذ فسكرة سريعة عن شكل العلاقة بين المتغيرين .

ويجب أن نوصى الباحث بعدم اللجوء الى هذه النجزئة اذا كان لديه معلومات، مسبقة عن طبيعة هذه العلاقة ، وإنما يفصل استخدام المتغير الفترى دون تجزئته، واختيار أسلوب تحليل الانحدار الذي يناسب هذه العلاقة . أما إذا لم تمكن لديه هذه المعلومات فإنه يمكنه استخدام فكرة المتغيرات الرمزية لاثها تتميز بسرجة كبيرة من المرونة في تحليل مثل هذه البيانات .

تمارين على الفصل الثامن عشر

(١) اذكر بحوعة من المتغيرات النوعية التي ترى أنها ربما ترتبط بالتحصيل الدراسي لطلاب الجامعة .

(٢) إذا كان لديك أربع بحموعات تحريبية مختلفة . ماعدد المتضيرات الرمزية المطلوبة لتنحليل الانحدار ؟ وضح ذلك في جدول .

(٣) فيها يلى بيانات خاصة بتجربة أجريت على ثلاث بجموعات من الافراد جر، جر، جر، ا

<u>-E</u>	<u> </u>	15
13	٤	۲
۲٠	۸	٦
10	٦	

استخدم فسكرة المتغيرات الرءزية فى ايجاد معادلة الانحدار المتعدد ، وأوجد مربع معامل الارتباط المتعدد .

(٤) أجرى أحد الباحثين دراسة على أربع بجوعات تجريبية ج، ، ج، ، ج، ، ج، ، وقام بترميز المتغير النوعى (المتغير المستقل) كالآتى :

المتغیر الرمزی س، حیث دمز فیه بالرقم ۱ للافراد فی المجموعة ج، ، والرقم صفر لجمیع أفراد المجموعات الاخری .

المتغیر الرمزی س، حیث رمز فیه بالرقم ۱ للافراد فی المجموعة ج، ، والرقم صفر لجمیع أفراد المجموعات الاخری .

المتغیرالرمزی سی حیث رمز فیه بالرقم ۱ للافراد فی المجموعة ج، و الرقم صفر لجمیع أفراد المجموعات الاخری .

ثم قام بإجراء تحايل انحدار المتغير التابع (ص) على المتخيرات الرمزية الثلاثة س، س، س، وحصل على معادلة الانحدار الآتية .

 $w_{\gamma} = \gamma_{\gamma} + \gamma_{\gamma} + \gamma_{\gamma} = \gamma_{\gamma} + \gamma_{\gamma} = \gamma_{\gamma} + \gamma_{\gamma} = \gamma_{\gamma$

باستخدام هذه المعادلة أوجد متوسطات المجموعات التجريبية الاربعة في المتغير التابع .

(ه) أراد باحث دراسة العلاقة بين الانتماء إلى نوع معين مر التعليم والانتجاه نحو التحديث .

فطبق مقياسا للاتجاه محو التحديث على أربع عينات من طلاب التعليم العام، والتعليم المهنى، والتعليم الازهرى، والتعليم المسكرى، وحصل على الدرجات الافتراضية الآتية:

تعليم عسكرى	تعليم أزهرى	تعليم مهنى	يعلي عام
٣	{	٣	Y
٣	٦	٣	٣
ŧ	٦	٤	٤
٦	٧	6	٤
٩	v	9	٥
٧	٨	٦	٥
۸	٩	۳	٦
٨	١٠	٧	٦
١.	11	۸	٧
١.	١٣	٨	٨

باستخدام فمكرة المتغيرات الرمزية أوجد:

(ا) قيمة مربع معامل الارتباط المتعدد بين درجات الاتجاه نحو التحديث وانتهاء الطالب إلى تعليم معين ، وفسر القيمة الناتجة .

(ب) ممادلة الانحدار المتعدد ،

ثم قارن بين أوزان الانحدار والفروق بين متوسطات المجموعات .

الغصل الناسع عشر

تحليل المسارات

- مفهوم العلية أو السبية
 - . تخطيط المسارات
 - مماملات المسارات
 - بناء نماذج المسارات
- . طرق حساب معاملات المسارات
- . نماذج المسارات التي تشتمل على متغيرين
 - نماذج المسارات المتعددة المتغيرات
 - . خطوات حساب معاملات المسارات

يتضح من عرضنا في الفصول السابقة أهمية تحليل الانحدار البسيط والانحدار المتعدد في تحليل بيانات البحوث النفسية والتربوية . كما يتضح أن مناقشتنا انصبت على استخدام تحليل الانحدار في أغراض التنبؤ . وفي الحقيقة توجد يحوعة من الاساليب والطرق التي تعتمد على مفاهيم الانحدار والتي يمكن أن يستخدمها الباحث في أغراض النفسير يطلق عليها طرق « تحليل المسارات . Path Analysis

فالتنبؤ والنفسير هما جانبان من جوانب البحث النفسى والتربوى . فإذا كان هدف الباحث التنبؤ بمتغير تابع بمعلومية متغير مستقل أو أكثر ، فإنه يمكنه استخدام تحليل الانحداد في التوصل إلى معادلة انحدار تفيد في هذا التنبؤ . ويتم اختيار المتغيرات المستقلة التي تسهم بدرجة أفضل في التنبؤ بالمتغير التابع . وهنا ربما لايهتم الباحث اهتماما خاصا بالدراسة المتعمقة في أسباب حدوث الظاهرة المتنبأ بها ، فسكل ما يهمه هو التنبؤ بدرجة كبيرة من الدقة بالظاهرة موضع المحث ، ولكن في كثير من البحوث النفسية والتربوية لايقتصر اهتمام الباحث على التنبؤ ، وإنما يود أيضاً تفسير الظاهرة ، أي تفسير تباين المتغير التابع بمعلومية متغير مستقل أو أكثر .

فتفسير الظواهر المختلفة هو الحدف الرئيسي للعلم، ونقصد بالتفسير محاولة: التوصل إلى أسباب حدوث الظاهرة موضع البحث .

فمندما يقوم الباحث مثلا بدراسة أثر التنشئة الاجتماعية على تكوين بهض عمات شخصية الطفل، أو أثر الاتجاهات على الإدراك ، أو أثر التعزيز على السلوك اللاحق، فإنه يكون بصدد دراسة الاسباب المحتملة للسلوك فى كل حالة . ولذلك يحاول الباحث تصميم مو اقص تجريبية يستطيع فيها أن يضبط الموامل العارضة

التى يمكن أن تؤثر فى المتغير التابع حتى يتسنى له أن يعزى التباين الملاحظ فى هذا المتغير إلى المتغير المستقل.

ولكن أحيانا يصعب على الباحث _ و بخاصة في البحوث غير التجريبية _ أن يتحكم في متغيرات بحثه ، لهذا يلجأ عادة إلى طرق الصبط الإحصائي الى عرضنا لها في الفصل السابع عشر ، وتعتمد هذه الطرق كا سبق أن رأينا على معاملات الارتباط . وبالطبع لانستطبع تفسير هذه المعاملات على أنها دليل على علاقات سببية أو علاقات أثر و نتيجة سواء حصلنا على قيمها من بيانات بحوث نجريبية أو عسير تجريبية . فالبحث في المسلاقات السببية أو العلية المناذج التفسيرية وعسير الامر اليسير ، إذ يتطلب ذلك افتراض بعض الناذج التفسيرية موضع البحث بعضها على البعض الآخر ، واختبار صحة تشمل عليها الظاهرة موضع البحث بعضها على البعض الآخر ، واختبار صحة مذه الناذج باستخدام البيانات التي يحصل عليها الباحث . ويعتمد بناه هذه الناذج على الإطار النظري أو المنطقي الذي يتبناه الباحث . فإذا لم تتسق البيانات مع على الإطار النظري أو المنطقي الذي يتبناه الباحث . فإذا لم تتسق البيانات مع على النوذج النفسيري المقترح يبرز الشك في الإطار النظري أو المنطقي الذي ين الإطار النظري أو المنطقي الذي ين الإطار النظري أو المنطقي الذي يناء هذه النماد على أساسه .

أما إذا أنسقت البيانات مع النموذج فإن همدا لا يعد دليلا كافيا على أن الإطار النظرى صحيح، ولكنه يدل على أن البيانات تؤكد هذا الإطار وتتسقمه، الإطار النظرى صحيح، ولكنه يدل على أن البيانات تؤكد هذا الإطار وتتسقمه، فن الممكن أن تتسق البيانات مع نماذج تفسيرية مختلفة . فثلا إذا افترضنا أن المتغير سيؤثر في المتغير عو نموذج تفسيرى الظاهرة معينة، أو إذا افترضنا أن المتغير صيؤثر في المتغير سيالذي يؤثر بدوره في المتغير عو نموذج تفسيري آخر النفس الظاهرة، فإن البيانات وبما تتسقم كل من النهوذجوين . ولسكن وبما يرفض الباحث الدوذج التفسيري الثاني إذا تبيناله أن المتغير سيسيق المتغير صيمن الناحية الزمنية ، وفي الحقيقة يحتاج الباحث الى السلوب في تحليل البيانات يمكن أن يستخدم بصورة أكثر انتظاما واتسادًا وانسادًا وا

موضع البحث، وهذا الأسلوب هو تحليل المسارات. وقد توصل عالم الوراثة سيوال رايت Sewall Wright لهذا الأسلوب عام ١٩٢١، وعرض له في سلسلة من المقالات التي نشرت في الأعوام ١٩٢١، ١٩٣٤، ١٩٣١، ١٩٦٥، ١٩٦٠ كوسيلة تساعد على التعبير بصورة رياضية عن الوراثة. وقد أخذ هذا الأسلوب في تحليل البيانات في الانتشار في كثير من العلوم الأخرى وبخاصة في العلوم الاجتماعية حيث يرجع الفضل في ذلك إلى دانكان Duncan عام ١٩٦٦. ولسكن نظرا لعدم تعرض كثير من المراجع الإحصائية التقليدية لهذا الاسلوب سواء بالإشارة أوالتفصيل، فإن كثيرا من الباحثين في العلوم السلوكية لايستخدمو نه رغم أهميته في اختبار صحة النظريات ، واستنتاج التفسيرات المنطقية للظاهرة موضع البحث .

ولا ندعى أننا سوف نحيط فى هذا الفصل بحميع جوانب هذا الاسلوب و فتحليل المسارات يحتاج إلى مؤلف خاص إذا أردنا عرض جميع الطرق الى يشتمل عليها . ولمكننا سوف نعرض المبادى. الاساسية الى تمكن الباحث من فهم طبيعة همذا الاسلوب المستحدث فى تحليل البيانات . وإذا أراد الاستزادة عليه أن يرجع إلى قائمة المراجع المذكورة فى آخر هذا السكتاب .

تحليل المسارات ومفهوم العلية أو السببية :

يخطى من يتصور أن تحليل المسارات هو طريقة للسكشف عن العلية أو السببية . وفي هذا يقول رايت Wright : إننا لانهدف من تحليل المسارات إلى استنباط علاقات علية أو سببية بين بجموعة من المتغيرات باستخصدام قيم معاملات الارتباط ، وإنما نهدف إلى تطبيق هذا الاسلوب من أساليب تحليل البيانات على تموذج سببي Causal Model نفترضه على أساس نظرى ممين ، البيانات على تموذج سببي أن تنحقق إذا أردنا استشباط علاقة سببيسة بين إذ أن هذاك ثلاثة شروط يحب أن تنحقق إذا أردنا استشباط علاقة سببيسة بين من ، ص .

الشرط الاولهو أنه يجب أن يكون هناك تعاير أو بهاين منلازم بين المتضيرين.

والشرط الثانى يتطلب وجود ترتيب زمنى بينهما . وهذين الشرطين يسهل التحقق منهما . إذ يمكن عادة قياس التغاير وملاحظة التسلسل الزمنى بين متغيرين .

والشرط الثالث يؤكدانه لكى توجد علاقة سبية بين المتغيرين يحب الاينعدم التباين المتلازم بينهما إذا استبعدت الآثار الناتجة عن المتغيرات الدخيلة Confounding Variables.

أى أن هذا انشرط يتطلب استبعاد جميع العوامل السببية الاخرى المحتملة . ونظرا لإمكانية وجود عدد لانهائى من هذه العوامل ، وعدم وجود اختبار أو معامل إحصائى يساعدنا على انخاذ القرار الصحيح فى هذه الحالة ، فإنه يصعب التحقق من هذا الشرط ، لذلك يجب أن نفترض نموذجا معينا يمثل الظاهرة ، موضع البحث بحيث يكون أقرب ما يمكر فى تمثيله لواقع هـــــذه الظاهرة ، ونقوم بفحص العلاقات القائمة بين مجموعة عدودة من المتغيرات على الإطار النظرى يستمل عليها هذا النموذج ، ويتوقف اختيار هذه المتغيرات على الإطار النظرى والفكرى المشكلة موضع البحث ، كا يجب أن يشمل النموذج المتغيرات الدخيلة التي يمكن أن تؤثر فى الظاهرة ، وإذا تبين أن هناك متغير دخيل لم نأخذه فى الاعتبار ، فإننا يجب أن نقيس هذا المتغير ونعيد تمديل النموذج بحيث يشتمل على هذا المتغير الجديد .

تخطيط المسارات :

يمكن تمثيل تماذج العلاقات السببية بين مجموعة من المتغيرات بأشكال نخطيطية . و توجد قواعد يمكن أن يتبعها الباحث عند رسم وقراءة هـذه الاشكال كما هو الحال عند رسم وقراءة خرائط الطرق تلخصها فيما يلى :

 (٢) التمييز بين ما يسمى بالمتغيرات الخارجية Endogenous Variables والمتغيرات الداخلية والمتغيرات الداخلية السببية القائمة للك المتغيرات الى لا تحاول تفسير تباينها أو العلاقات الداخلية السببية القائمة بينها فى النموذج المقترح . أما المتغيرات الداخلية فهى تلك المتغيرات التي يمكن تفسير تبان كل منها بمعلومية المتغيرات الخارجية والمتغيرات الساخلية الآخرى فى النموذج .

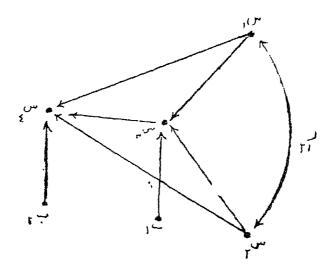
(٣) تحديد ترتيب زمني واضح بين المتغيرات الداخلية .

(٤) رسم الشكل التخطيطى المتغيرات بحسب ترتيبها الزمنى من الهين إلى السار . وتربط بين كل متغيرين خارجيين منها بخط منحنى (قوس) ينتهى كل من طرفيه بسهم الدلالة على أننا لانستطيع اعتبار أن أحدهما سبب للآخر . كا نربط بين المتغيرات الداخلية بخطوط مستقيمة (أشعة أو مسارات) ينتهى أحد طرفى كل منها بسهم يتجه من المتغير المستقل (الذي يفترض أنه سبب Cause) المتغير التابع (الذي يفترض أنه أثر أو نتيجة كل المتغير المستقل الستقل التنابع (الذي يفترض انه أثر أو نتيجة المستقل المتغير المستقل المستقل المتغير المستقل المستقل المتغير المستقل الم

والنماذج السبية الى يمثلها هذا النوع من التخطيطات تسمى نماذج ذات اتجاه واحد Recursive Models .

لانه لايمكننا اعتبار أحد المتغيرات سببا ونتيجة في نفس الوقت لمتغير آخر . وتوجد أنواع أخرى من النماذج السببية تسمى النماذج التبادلية Non Recursive Models ونماذج التغذية الراجعة Non Recursive Models لأن هذه النماذج تعتمد على افتراض وجود علاقات سببية تبادلية بين بعض المتغيرات . وهذا النوع من النماذج يعتبر أكثر تعقيدا وأقل استخداما في البحوث النفسية والتربوية من النماذج ذات الاتجاه الواحد ، ولذلك سنقتصر في هذا الفصل على مناقشة بعض النماذج ذات الاتجاه الواحد .

والمثال الآتي يوضح فكرة المتعيرات الخارجية والمتغيرات الداخليه في نموذج سبى بسيط يتكون من أربعة متغيرات .



شکل رقم (۷٪) شکل تخطیطی لنبوذج سببی یشتمل علی اربعة متغیرات

فإذا نظرنا إلى التسكل التخطيطي رقم (، ٧) الذي يمثل الملاقات السببية بين هذه المتغيرات التي رمزنا لها بالرموز س، ، س، ، س، ، س، به بعد ترتيبها في قسلسل سبي من اليمين إلى اليساد ، نحد أن المتغيرين س، ، س، هما المتغيران الحارجيان Exogenous Variables ، ويمثل الارتباط بينهما درم بخط منحتي (قوس) ينتهي كل من طرفيه بسهم للدلالة على أثنا أن تستخدم هدذا الارتباط في التحليل ، وكذلك للدلالة على تماثل العلاقة بين من ، س، ، س،

أما المتغيران سي، سي فهما المتغيرانالداخليان Paths والخطوط المستقيمة (الاشعة أو المسارات Paths) تمثل الدأثيرات السببية Causal Effects لسكل متغير على المتغير الآخر ، والمتغير الذي يقع عليه التأثير يسمى المتغير الداء .

و بذلك يتضح من الشكل أن المتغير سي هو مندير تابع بالنسبة المندين سي ، والتأثير عليهمسدا من المتدير سي هو تأثير مباشر سي ، من يا التحليل)

Direct Effect ولسكن المتغير سي (وهو متغير داخلي) يصبح منغيراً مستقلا بالنسبة المدغير الداخلي سي، لأن المتغير سيأصبح يؤثر على المدغير سي .

أى أن المتغير الداخلي يمكن أن يكون متغيراً تابعا بالنسبة لمجموعة معينة من المتغيرات التي يشتمل عليها النوذج السببي (التفسيرى) ثم يصبح متغيراً مستقلا بالنسبة لمجموعة أخرى من المتغيرات في نفس النمرذج.

و بالطبع من المستحيل أن يمثل الباحث جميع المتغيرات التي تشتمل عليها الظاهرة موضع البحث في النوذج ذي يفترضه لكي يحدد التباين الكلى لاحد المناهرات ، لذلك فإنه من الضروري أن نقدم نوعا ثالثا من التغيرات التي تسمى متغرات البواقي Residual Variables ، وهي تشمل جميع الموامل التي تؤثر في الظاهرة ولكن لم يتضمنها النوذج المقترح ، وهذه متغيرات غير مقاسة ، فتي الشكل التخطيطي السابق ومزنا لمنغيري البواقي بالرمزين ب، بب ومثلمنا كلا منهما بخط مستقيم ينتهى أحمد طرفيه بسهم يتحه من متغير البواتي إلى متغير تابع .

و نظراً لأن التأثير السبي في هذا النموذج له اتجاه واحد فإنه يعتبر من النماذج السبية ذات الاتجاه الواحد Mecursive Models .

• Path Coefficients معاملات المسارات

ربما يتبادر إلى ذهن الباحث الآن بعض الأسئلة التي تستحق الإجابة وهي : ١ – مل بمكن تحديد قيمة اكمل مسار بعد تمثيله في الشكل التخطيطي ؟ وما تهسير هذه التيمه ؟ العلاقة بين قيمة معامل المسار ومعامل الارتباط والوزن المقدر المتدار ؟

٣ ـــ ما هي الفروض التي يبني علما تحليل المسارات ؟

علاقة تحليل المسارات بتحليل الانحدار؟

وى الحقيقة أن هذه الاسئلة مترابطة ، لذلك فإندا لن نجيب عليها الواحد تلو الآخر، وإنما سيتضح للباحث الإجابة عليها منخلال عرضنا للطرق المستخدمة في تحايل المسارات. وسنبدأ بمقهوم معاملات المسارات Parth Coefficients . ومعامل المساريدل على الآثر المباشر لمتغير (سبب Cause) على متغير آخر (نقيجة Effect) .

أى أن معامل المسار يعبر عن الآثر المتوقع في متغير الذي ينتج عن تغير الانحراف المعياري لمتغير آخر بقدر الوحدة (بعد تثبيت جميع المتغيرات الآخري). وهذا التغير يعبر عه بواسطة الانحراف الميساري للمتغير المنبي (التابع). ومعامل المسار يجب أن يقيس الآثر المباشر لمتغير على متغير آخر بجزء الانحراف المعيادي للمتغير الثاني الذي يرجع إلى المتغير الآول إذا كان تباين المتغير الآول هو نفس التباين الملاحظ في العينة موضع البحث بعد تثبيت العوامل الآخرى. ومن هذا يتبين أن مربع معامل المساد يقيس الجزء من تباين المتغير النابع الذي يرجع إلى المتغير الذي يؤثر فيه نائيراً مباشراً شأنه شأن معامل التحديد في تحليل الابحداد.

ويرم, عادة معامل المسار بالحرف الإنحليزى P ويوضع تحتسمه حرفان صفيران أو عددان يدل أولهما على المتغير النابع (النتيجة Effect) ويدل ثانيهما على مستقر (المبدر لمستقر (المبدر Cause)، ولكننا سنرمزله في هذا الفصل بالرف (م)

و نحته الحرفان الصغيران أو العددان ، فشلا م_{ص س}ترمز إلى الآثر المباشر المشغير (س) على المتغيز (ص) .

، مهم ترمز إلى الاثر المباشر للمتغير (١) على المتغير (٣) .

و يمكن التعبير عن معاملات المسارات بصورة غير معيارية أى ناتجة عن استخدام الدرجات الخام مباشرة Raw Data شأنها شأن أوزان الانحداراا ادية التي رمزنا لها في الفصول السابقة بالحرف (ب)، وعندئذ تسمى معاملات المسارات غير المعيادية Wnstandaradized Coefficients أو معاملات مسارات الانحداد Path Regression Coefficients كما يمسكن التعبير عنها بصورة معيارية، أى ناتجة عن استخدام الدرجات المعيادية (د) التي عرصنا لها بالتفصيل في الفصل الخامس بدلا من الدرجات الحام شأنها شأن أوزان الاتحدار المعيارية التي يرمز لها عادة بالرمز (ع) وتقرأ (بيتا)، وعندئذ تسمى معاملات المسارات المعيارية وعدار المعيارية المعيارية المعارية ا

والرمز (م) الذي سوف نستنخدمه في هــذا الفصل يرمز إلى معامل المسار في صورته المميادية .

ومما هو جدير بالذكر أنه يمكننا تخويل أوزان الانحدار العادية (ب) للمتغير ص على المتغير س إلى أوزان انحدار معيادية (B) باستخدام الصورة الآنية :

$$\beta_{00} = \frac{3_{00}}{3_{00}} \times \frac{3_{00}}{3_{00}}$$
 (۱)

حيث عُص ترمز إلى الانحراف المعياري للمتغير ص .

عي ترمز إلى الايحواف المعارى للشنير س.

و بالمثل يمكن تحويل معاملات المسارات العادية التي تدل على أثر المتعير (س) على المتعير (س) إلى معاملات مسارات معيارية باستخدام الصورة الآثية :

معامل المسار المعيارى = معامل المسار المادى \times الانحراف المعيارى للمتغير التابع \times الانحراف المعيارى للمتغير المستغل \times \times (Y)

فأوزان الانحدار تعتبر حالة خاصة من معاملات المسارات ، وتحليل الانحدار الخطى يعتبر حالة خاصة من تحليل المسارات ، فكلاهما من عائلة الناذج الخطية العامة General Linear Models .

وتحليل المسارات يقدم الباحث قدراً من المعلومات الخاصة بالمعلاقات القائمة بين نظام متخيرات بحثه أكبر عايقدمه تحليل الانحدار الخطى . وهذا يساعده على تفسير العمليات السببية ، و تجزئة هذه العمليات إلى آثار مباشرة وآثار غير مباشرة لسكل متغير على الآخر .

وربما يتسامل الباحث الآن: هل يستخدم معاملات المسارات العادية أم المعيارية . في تحليل بيانات بحثه ؟

وفي الحقيقة لا توجد إجابة محددة على هذا التساؤل ، فشكلة الاختيار بين توجى المعاملات ما زالت مثار جدل بين المهتمين بأسلوب تحليل المسارات ، ولكننا نستطيع أن نوجه الباحث إلى أن الهدف من البحث هو الذي يملى عليه نوع المعامل المطلوب ، وقد اتفق معظم الباحثين على أنه إذا كان الهدف من البحث هو إجراء موازنات بين بحموعات جزئية من البيانات مثل البنين في مقابل البنات، أو الريف في مقابل الحضر ، فإنه يفضل استخدام معاملات المسارات العادية في هذه الحالة (بافتراض أن ميزان قياس المنفيرات محدد ، أي أنه يجب أن يتسق ميزان قياس كل متغير في المسارات المحاملات المعاملات

يسهل تفسيرها ، كما أنها لا تتأثَّر باختلاف تباين نفس المتفير نتيجة انحليل مجموعة. جزئية من البيانات .

أما إذا كان الهدف من البحث معرفة الآهمية النسبية لمتغيرات معينة في مجتمع ما أو في مجتمعات فرعية ، فإنه يفضل استخدام معاملات المسارات المعيارية لانه يمكن في هذه الحالة أخذ اختلاف موازين قياس المتغيرات في الاعتبار . ويقترح رايت Wright — مؤسس تحليل المسارات — أنه يجب النظر الى نوعى المعاملات على أنهما ، مظهران لنظرية واحدة ، وليس على أنهما ، بديلان يجبأن نختار بينهما » .

ولذلك يوصى رايت Wright بأن يسجل الباحث نوعى المعاملات في بحثه، وإذا أراد أن يسجل أحدهما فقط فإنه يجب علبه أن يذكر الاتحرافات المهارية للتغيرات حتى يتمكن القارىء من استنتاج المعامل الآخر باستخدام الصررة السابقة رقم (٢).

بناء تماذج المسارات :

إن تقطة البدء في تحليل المساوات هي بناء بموذج سببي Causal Model الظاهرة التي يود الباحث تفسيرها ، و بمثيل هذا النوذج بشكل تغطيطي يوضح الملاقات بين المتغيرات التي يشتمل عليها ، وهذا بالطبع يتطلب من الباحث مراجعة البحوث والنظريات والدراسات السابقة التي تناولت الظاهرة موضع البحث لسكي يتمكن من تحديد المتغيرات الهامة ، وتأثير كل منها على الآخر ، وترتيبها من من الوجهة السببية بمايتفتي و نتائج هذه البحوث والنظريات . أو ربما يتبني الباحث نظرية معينة ويقوم ببناء نموذجه بحيث يتسق مع هذه النظرية . ولذلك بجب أن تدكون عمليات قباس المتغيرات التي يشتمل عليها النوذج وجمع البيانات متسقا أيضاً مع النظرية . و يعتمد صدق نتائج تحليل المسارات إلى حد كبير على مدى ثقة الباحث في النموذج الذي يمثل الظاهرة موضع البحث . فالترتيب السبي الخاطيء للمتغيرات التي يشتمل عليها النهوذج مثلا تؤدي إلى معاملات ارتباط وهمية أو زائفة للمتغيرات التي يشتمل عليها النهوذج مثلا تؤدي إلى معاملات ارتباط وهمية أو زائفة المتغيرات التي يشتمل عليها النهوذج مثلا تؤدي إلى المعاملات ارتباط وهمية أو زائفة المتغيرات التي يشتمل عليها النهوذج مثلا تؤدي إلى المعاملات ارتباط وهمية أو زائفة المتغيرات التي يشتمل عليها النهوذج مثلا تؤدي إلى المعاملات ارتباط وهمية أو زائفة المتغيرات التي يشتمل عليها النهوذج مثلا تؤدي إلى المعاملات ارتباط وهمية أو زائفة المتغيرات التي يشتمل عليها النهوذج مثلا تؤدي إلى المعاملات ارتباط وهمية أو زائفة المتغيرات التي يشتمل عليه في أنها معاملات حقيقيت قبية و تعالج في التحليل على أنها معاملات حقيقيت قبية و تعالج في التحليل على أنها معاملات حقيقيت قبية و تعالج في التحليل على أنها معاملات حقيقيت و تعالج في التحليل على أنها معاملات حقيقة و تعالم في أنها معاملات حقيقة و تعالم في النه المعاملات حقيقة و تعالم في المعاملات حقيقة و تعالم في أنها معاملات حقيقة و تعالم في أنها معاملات حقيقة و تعالم في التحديد كبير المعاملات حقيقة و تعالم في أنها معاملات حقيقة و تعالم في المعاملات وتعالم في المع

ما يؤدى إلى قيم خاطئة لمماملات المسارات . وقد أطلق جوردون Gordon على هذا النوع من الخطأ اسم ، عزل الآثر الوهمي False Partialing . .

كما أن إغفال الباحث أو حذفه لبعض المتغيرات الهامة المرتبطة بالظاهرة موضع البحث يؤدى إلى نوع من التجيز عند حساب معاملات المسارات.

فإذا أغفلالباحث متفيراً خارجيا Exogenous Variable مثلا، فإن هذا يؤثر بلا شك على تقدير معاملات المسسارات الخاصة بالمتغيرات الخارجية الآخرى والمتغيرات العاخلية Endogenous Variables .

وقد سبق أن ذكرنا أن المتغير الداخلي يمكن أن يصبح متغيراً خارجاً بالنسبة المتغيرات الآخرى ، وهذا يدل على أن إغفال أو حذف احد المتغيرات الداخلية التي تسبق المتغيرات الاعرى في الترقيب السبي ربعا يؤثر تأثيراً متنخيزاً في قيم معاملات المسايرات الخاصة بالمتغيرات التي تلي هذا المتغير، وتعتمد درجة هذا المتحيز على مقدار التداخل أو الارتباط بين هذا المتغير والمتغيرات الاخرى التي يشتمل عليها التوذج . ف كالم زاد هذا المقدار تزيد درجة التحير ويقل بالنالي التحيز في قيمة معامل التحديد.

أما إذا كلن المتغير العاخلي الذي أغفله الباحث لا يرتبط بالمتغيرات الاخرى التي يشتمل عليها النوذج، فإنه لا يكون له تأثير على معاملات المسارات ولسكنه سوف يقلل من نسبة التباين الذي يمكن تفسيره.

لذلك يجب على الباحث العناية باختيار المتغيرات وعدم إغمال أى متغير هام حتى لا يقلل من صدق تتاتج تحليل النماذج التفسيرية التي يفترضها .

و توجد بعض الفروض التي يجب أن يراعيها الباحث قبل البدء في علمين طرن حساب معاملات المسارات التي سنعرض لهما بعد قدل . وهــذه الفروض هي : 1 — أن تكون العلاقة بين المتغيرات خطية المنوذجو توجدطرق يتحقق الباحث من شكل العلاقة بين كل متغير بن يشتمل عليهما النوذجو توجدطرق مختلفة لاختبار فرض خطية العلاقة عرضنا أحدها في الفصل السابع ، والطريفة الاولى هي أن يقوم الباحث برسم شكل انتشاري لازواج قيم كل من المتغيرين ، ويفحص هذا الشكل بغرض أخذ فكرة سريعة عن نزعة اقتران هذه القيم ، ويسهل على الباحث إجراء ذلك إذا كان عدد أفراد العينة قليلا . والطريقة الثانية هي أن يستخدم أحد برانج الحاسب الآلي لإيجاد قيمة كل من معامل ارتباط بيرسون (ر) ونسبة الارتباط (γ) بين كل متغسيرين ، ثم يقارن بين القيمتين ، فإذا وجد اختلاف المحوظا بين كل قيمتين بغض النظر عن الدلالة الإحصائية لهذا الاختلاف، فإنه لا يجب أن يبدأ في حساب قيم معاملات المسارات قبل أن يجرى نوعا من فإنه لا يجب أن يبدأ في حساب قيم معاملات المسارات قبل أن يجرى نوعا من فائه في الفصل المخامس عشر على قيم أي من المتغيرين أو كليهما لكي تصبح العلاقة بينهما خطية .

٧ — أن تكون العلاقة بين المتذبرات جمعية Additive، أى لا يوجد تفاعل Interaction بين المتغيرات. فعندما تختلف العلاقة بين متغيرين تبعا لمستنوى متغير ثالث فإننا نقول أن هناك تفاعلا بين المتغيرات الثلاثة. وفي الحقيقة يمكن أن يتأكد الباحث من هذا الفرض باستخدام بعض البرائج الجاهزة للحاسب الآلي Morgan أحدها هو البرنائج الذي صممه سونكويست Sonquist ومورجان Morgan عام ١٩٦٤ ويسمى برنائج المكشف الآلي عن التفاعلات Obelection وعلى الباحث عام ١٩٦٤ وعلى الباحث , Detection وعلى الباحث أن يرجع إلى الدليل الخاص بهذه الحزمة قبل أن يستخدم هذا البرنامج .

فى النموذج الذي يفترضه الباحث .

فأى نموذج سببى لابد أن يشتمل على بعض الخطا أو البواق Residuals . وتحليل المسارات الذى يعتمد على تحليل الانحدار المتعدد ويفترض ، فيه أن معاملات الارتباط بين البواق وجميع المتغيرات الخارجية Exogenous في معادلة معينة تساوى العفر . وقدوضمناكلة ويفترض ، بين قوسين لتدل على أنه ما لم يتحقق هذا الفرض فإن طرق تقدير المربعات الصغرى -Least لتدل على أنه ما لم يتحقق هذا الفرض فإن طرق تقدير المربعات الصغرى -Square Estimation عندما يحل الباحث معادلات الانحدار المعتادة ، فإنه يكون بذلك قد جعل جميع معاملات الارتباط بين البواق تساوى صفراً . وعدم تحقق هذا الفرض يؤدى إلى تحيز في أوزان الانحدار .

ولكن فى كثير من الأحيان لا تكون هذه الارتباطات مساوية الصفر. فعدم تحقق أى من الفروض السابقة يؤدى إلى وجود ارتباطات غير صفرية بين البواقى أو بين البواقى والمتغيرات الخارجية.

فإذا كان هناك تفاعل بين المتغيرات، فإن البواقي سوف ترتبط بمتغيرين خارجيين على الاقل.

وإذا أغفل الباحث بعض المتغيرات الخارجية الهامة ، فإن الجزء المشترك بين المتغيرات المتضمنة في النوذج وهــــذه المتغيرات الخارجية سوف يرتبط بالبواتي بما يؤدى إلى بعض الاخطاء في تقدير تم معاملات المسارات .

وكذلك إذا لم يتحر الباحث الدقة فى ترتيب المتغيرات من الوجمة السببية مما يحمل تحديد المتغيرات الخارجية والداخلية غير صحيح ، فإن هذا سوف يؤدى إلى الخطأ فى تقدير معاملات المسارات وكذلك فى بواقى المتغيرات التى لم توضع فى ترتيبها الصحيح .

وباختصار فإن هذا الفرض يتضمن اعتبارأن المتغيرات الداخلية هي تركيب خطي من المتغيرات الخارحية أو المتغيرات الداخلية الاخرى في النموذج ومتغير

البواقى ، واعتبار المتغيرات الخارجية بمثابة ، معطيات ، . وعندما يكون هناك ارتباط بين المتغيرات الخارجية فإنه يمكن اعتبارهذه الارتباطات بمثابة ، معطيات، أيضاً ولا تستخدم في التحليل .

أن يكون هناك اتجاه سبي واحد في النموذج ، وتستبعد العلاقات
 السبية التبادلسة بين المتغيرات .

طرق حساب معاملات المسارات :

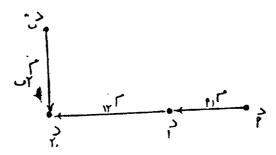
تختلف نماذج المسارات باختلاف عدد المتغيرات الى تشتمل عليها هذه النماذج. فهناك نماذج تشتمل على متغيرين وأخرى متعددة المتغيرات .

ولسكى يتضح للباحث كيفية حساب قيم معاملات المسارات نعرض أورلا تموذج المسارات الغص يشتملو على متغير بن Bivariata Path Model .

وبالرغم من أنه يندر استخدام هذا النموذج بمفرده في البحث الفعلى إلا أقه يغيد في فهم النهاذج متعددة المتغيرات، فهو يعتبر أحد مكوفات هذه النهاذج . كا أن معاملات المسارات الحاصة بهذا التموذج البسيط يسمل تفسيرها ، وهذا يساعد الباحث على فهم وتفسير المعاملات في النهاذج الاكثر تعقيداً .

(أولا) نموذج المسارات الذي يشتمل على متغيرين:

يعتبر نموذج المسارات الذى يشتمل على متغيرين أبسط نماذج الهلاقات السببية التى تنطبق عليها طرق تحليل المسارات . وبشتمل هذا النموذج على متغير خارجى دم ، ومتغير داخلى در ، ومتغير البواقى دم ، ويمكن تمشل هذا النموذج الشكل التخايا لى رقم (٧١) .



شکل رقم (۷۱) شکل تخطیطی لنموذج مسارات یشتمل علی متغیرین

ويتضح من هذا الشكل أن المتغير الخارجي در هو المتغير المستقل ، والمتغير الداخلي در هو المتغير التابع ، در يمثل البواقي أي المتغيرات التي لم يتضمنها النموذج . ويلاحظ أن المتغيرات در ، در مي درجات معيارية (متوسطها عضر ، انحرافها المعياري = 1) .

كما يلاحظ أن هناك سهمين (مسارين) يتجه أحدهما من المتغير الخارجي در إلى المتغير الداخلي در ، ويتجه الآخر من متغير البواقي در إلى المتغير الداخلي در.

ولكل مسار مقدار واتجاه، وهذا المقدار يدلعلى أهمية ذلك المسار. وقد سبق أن ذكرنا أن هذا المقدار يسمى معامل المسار. ولذلك فقد وضعنا الرمزين مهمم مهم مهمم المسارين في الشكل ليدلا على معاملى المسارين في الشكل ليدلا على معاملى المسارين .

و يمكن تمثيل كل متغير داخلى (مستقل) يشتمل عليه نموذج سبى بمعادلة تحتوى على المتغيرات التى يفترض أنها تابعة ، وكذلك تحتوى على حد يمثل البواق أو المتغيرات التى لم تؤخذ فى الاعتبار فى النوذج . ويقترن بكل متغير داخلى (مستقل) فى المعادلة معامل مسار يدل على مقدار التغير المتوقع فى المتغير

وقد سبق أن ذكرنا أن المتغيرات الخارجية يفترض أنها تعتمد على متغيرات خارجة عن النموذج ، أى غير متضمنة فيه ، ولذلك فهى نمثل بحد البواقى فقط حم

وبمكن التعبير عن نموذج المسارات الذي يشتمل على متغيرين المبين بالشكل وقم (٧١) بالمعادلتين الآتيتين :

ولكن نظراً لآن در تعتبر متغيرا خارجيا فإن مرا ــــ ۱ . أى أنالتباين الكلى فى الملتغير در ناتج عن متغيرات غير مقاسة ، أو متغيرات خارجة عن النموذج . وينطبق هذا ــــ كما ذكر تا ــــ على جميع المتغيرات الخارجية .

وبذلك تـكون المعادلات التي تستخدم في تقدير معاملي المسارين ممرم، ، مهر في نموذج المسارات الذي يشتمل على متغيرين هي :

الموذج المسار: در عدم ۱۵۱ م ب وب

(o) · · · ·
$$_{17}\beta = _{17}\gamma = _{14}\Gamma$$

$$(1) \cdot \cdot \cdot \cdot \int_{-1}^{1} (1+i)^{n} dx = 1 = i^{n} \cdot i$$

$$(v) \cdot \overbrace{v''} = \overline{v''} = \overline{v''} = \overline{v''} = \overline{v''} \cdot v'$$

و يلاحظ أنه إذا اشتمل النموذج على متغيرين فقط يكون معامل المسار مساوياً معامل ارتباط بيرسون .

ولتوضيح المعادلات السابقة نلاحظ أننا افترضنا أن در لانعتمد على و. فقد سبق أن ذكرنا أن متغير البواق يفترض أنه مستقل عن المتغيرات المنبئة في نموذج المسادات ، (وهذا يعتبر أيضاً من فروض قواعــــد تقدير المربعات الصغرى) .

وكذلك م ب = β ب ب ب ولكن نظرا لأن متغير البواقى يمثل جميع المتغيرات النحارجة عن النموذج التي تسبب تباين المتغير د ، وهذه المتغيرات غير مقاسة ، فإننا لا نستطيع تقدير م ب تقديراً مباشراً من البيانات الملاحظة . لذلك يجب تقديرها بطريقة غير مباشرة باستخدام الفرض المرتبط بتحليل المسارات الذي سبق أن ذكرتاه و هو أن التباين السكلي للمتغير الداخلي يتحدد تحديداً تاما بالتركيب الخطي للمتغيرات النحارجية والبواقي .

وبعبارة أخرى فإنه تظراً لأن مربع كل من به ، م ، يدل على الجزء من تباين المتغير در الذى يعتمد اعتماداً مباشراً على كل من المتغيرين دم ، در على الترتيب ، ونظراً لانه يغترض أن كلا منهما مستقل عن الآخر ، فإن بجوع الجزاين يجب أن يشاوى الواحد العجيج ، وهذا هو ما تدل عليه المادلة رقم (٢) .

وربما يلاحظ الباحث أن م مو ما يعرف بمعسمامل الاغتراب Coefficient of Nondetermination الذي عرضنا له في الفصل السابع وفي الخيره من الفصول السابقة.

ويعد هذا في الحقيقة أول ما يسهم به تحليل المسارات في تفسير الانظمة

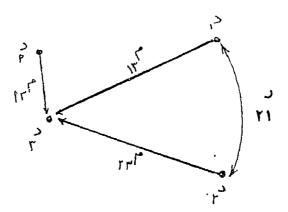
السبية Causal Systems. إذ يمدنا هذا الاسلوب من أساليب تحليل اللبيانات بتفسير منطقي مناسب لمعامل الاغتراب على أنه معامل المسار لمتغير البواقي في المادلة النكوينية Structural Equation و نظراً لان متوسط هذا المتغير يساوى الصفر وانحرافه المعياري يساوى الواحد الصحيح، فإنه يكون من المفيد أن تنظر إلى هذا المتغير على أنه متغير رمزى Dummy Variable متوسطه منه وانحرافه المعياري = 1، وهو يمثل جميع المتغيرات غير المفاسة التي تسبب تباين المتغير الداخل. و بذلك يمثل معامل المسار الخاص بمتغير البواقي الجزء من الانحراف المعياري (ومربعه يمثل الجزء من التباين) للمتغير الداخلي المتسبب عن جميع المتغيرات غير المقاسة الخارجة عن بجوعة المتغيرات التي يتعتبشها عن جميع المتغيرات .

(ثانياً) ناذج المسارات متعددة المتفرات:

Multivariate Path Model

يواجه الباحث فإذج المسارات متعددة المتغيرات في كثير من المواقف البحثية الفعلية . وتقصد بالناذج متعددة المنغيرات تلك التي تشتمل على ثلاثة متغيرات الفعلية . وبالطبع لن نستطيع أن تعرض في هذا الفصل المختصر جميع أنواع حده الباذج، إلا أننا نود أن نطمتن الباحث أن طرق تحايل المسارات ذات الانجاء الواحد Recursive لا تختلف كثيراً باختلاف عدد المتغيرات التي يشتمل عليا النموذج إلا في عدد المعادلات التسكوينية اللازمة لتقدير معاملات المسارات . كذلك فإننا سوف نعرض الاساس الرياض المنطقي لطريقة تحليسل المسارات لنموذج يشتمل على ثلاثة متغيرات ، ونشتق منه الصور العامة التي يمكن أن تستخدم في تحليل النهاذج التي تشتمل على أن عدد من المتغيرات ، ثم نقدم الباحث مثالا لنموذج الميارات الذي يشتمل على أربعة منعيرات . ثم نقدم الباحث

نفترض أن الباحث أراد إجراء تحليل المسارات للنموذج المبين بالشكل التخطيطى رقم (٧٣) الذى يشتمل على ثلاثة متغيرات د، ، د، ، د، في صورة درجات معيارية ، حيث د، هو المتغير الداخلى الذى اعترض الباحث أنه يعتمد على الفرين الخارجين د، ، د، ، ومتغير البواقى د، .



شكل رقم (۷۳) تخطيط المسارات لنموذج سببى يشتمل على ثلاثة متغيرات

فن هذا الشكل يتضح أن كلا من المتغيرين د، ، در يؤثران على المتغير در، وأن رب ترمز إلى الارتباط بين المتغيرين الخارجيين د، ، در ، وهذا الارتباط يمكن حسا به مباشرة من البيامات التي يحصل عليها .

والممادلات "تى تستخدم فى تقدير معاملات المسارات فى صورتها المعيارية هى :

$$(1\cdot) \cdot \cdot \cdot |_{Y^{2}/Y^{2}} + |_{Y^{2}/Y^{2}} + |_{Y^{2}/Y^{2}}$$

$$(11) \quad \cdot \quad \int_{a}^{b} 1 = (1 - (1 + 1)^{1/2}) + 1 = \int_{a}^{b} 1$$

حيث رم هو معامل الارتباط المتعدد .

أى أن
$$n_{\rm pl} = \sqrt{1 - \frac{V_{\rm pl}}{V_{\rm pl}}}$$
. (17) وفيما يلى نومنه للباحث كيفية اشتقاق المعادلتين رقمى ١٠٠٠:

نظراً لأن تعريف معامل ارتباط بيرسون بين متغيرين الذي عرضنا له في الفصل السابع هو متوسط مجموع حواصل ضرب الدرجات المعيارية المتقابلة. للمتضوين ، فإن:

$$(1i) \quad \cdot \quad \cdot \quad \frac{({}_{1}{}^{2}\times_{r^{2}})}{\dot{s}} = {}_{1r^{2}}$$

ونظراً لاته يفترض أن المتغير التابع دم يعتمد اعتماداً كلياً على المتغيرات درد دم ، در . فبالتعويض من العادلة رقم (٨) في المعادلة رقم (١٤) نجد أن :

$$\frac{1}{1^{2},3^{\frac{2}{5}}} \frac{1}{1^{5}} \frac{1}{1^{5}} + \frac{1}{1^{2},3^{\frac{2}{5}}} \frac{1}{1^{5}} + \frac{1}{1^{2}} \frac{1}{1^{5}} = \frac{1}{1^{2}} \frac{1}{1^{2}} + \frac{1}{1^{2}} \frac{1}{1^{2}} = \frac{1}{1^{2}} \frac{1}{1^{2}} \frac{1}{1^{2}} = \frac{1}{1^{2}} \frac{1}{1^{2}} \frac{1}{1^{2}} = \frac{1}{1^{2}} \frac{1}{1^{2}} \frac{1}{1^{2}} \frac{1}{1^{2}} = \frac{1}{1^{2}}$$

وحيث أن يجموع مربعات الدرجات المعيارية 🊤 ن ، ومعامل الارتباط بين.

البواقى هم والمثغير در يفترض أنه يساوى صفراً . فإن المعادلة رقم (١٥) . تصبح كالآتي :

دم = ١٠١٠ + ١٠١٠ درم

وهذه هي المعادلة السابقة رقم (٩) .

و بالمثل يمكن اشتقاق المعادلة رقم (١٠).

وإذا فحصنا هانين المعادلتين نجد أنه فى نموذج المسارات الذى يشتمل على ثلاثة متنيرات مكون الارتباط بين متنير خارجى معين والمتنير التابيع مساريا بحوع المكونتين الآنيتين:

١ ـــ الآثر المباشر ويحدده معامل المسار بين هذا المتغير الخارجي والمتغير التابع .

الأثر غير المباشر من خلال الارتباط بينه وبين المتغير الخارجي
 الآخر ، ويقاس بحاصل ضرب معامل الارتباط بين المتغيرين الخارجيين في معامل مساو المتغير الخارجي الآخر .

وهذا هو الإسهام الثانى لتحليل المسارات فى تفسير الانظمة السببية . إذ يمدنا بتفسير الارتباط بين متغيو خارجى ومتغير داخلى على أنه بجموع الآناد المباشرة والآثار غير المياشرة .

وبالظبع لا نستطيع أرب نصل إلى هذا التفسير من أى من الصورتين المستحدمتين في حساب معامل ارتباط بيرسون أو أوزان الامحدار المعيارية .

ورنی الحقیقة تعتبر الممادلة رقم (۹) بمثابة تعریف عام للآثار المباشرة . فإذا كان الآثر الدكلی لمتغیر خارجی در علی متغیر داخلی در هبارة عن معامل (۲۷ ــ التحلیل) الارتباط بين المتغيرين ، وإذا كان مم، هو بمثابة تقدير للاثر المباشر ، فإنه يجب تقدير الاثر غير المباشر بإيجاد قيمة روء مهم ، ويمكن النمبير عن ذلك بالصورة الرياضية الآتية :

الانر الكلي غير المباشر للمتغير در على المتغير در 🕳 رس – مهم ١٦٠)

وهذا يعتبر الإسهام الثالث لتحليل المسارات فى نفسير الانظمة السببية . فهو يمدنا بطريقة عامة للسكشف عن الآثار غير المباشرة لمتنبير مستقل على متنبير تابع فى نموذج المسارات متعدد المتنبيرات . وتتضح هذه الطريقة بصورة أفصل فى حالة النهاذج الاكثر تعقيداً . وبذلك تفيد طريقة تحليل المسارات فى تحليل الارتباط إلى مكوناته .

ويمكن أن تتضح العلاقة بين معاملات المسارات المعيارية م ، وأوزان الانحدار المعيارية على م ، ومعاملات الارتباط ريم إذا استخدمنما المعادلتين رقى و ، ، و في إيحاد مين بدلالة ربى ، ربى عارض كالآنى :

من الممادلة رقم (٩) :

و من المعادلة رقم (١٠) :

$$(14) - (14) - (14) - (14) = (14)$$

$$r_1, r_2, \dots, r_m = (r_1, r_2, \dots, r_m)$$

وبالتعويض في (١٨) نجد أن:

$$(7.) \quad \cdot \quad \frac{1}{\zeta_1} = \frac{1}{$$

و يجب أن يلاحظ الباحث أن الصورة (١٩) التي تستخدم في إيحاد معامل المسار بين المتغيرين ١ ، ٣ هي نفس الصورة المستخدمة في إيجاد الوزن الممياري للانحدار الذي يشتمل على المتغيرين ١ ، ٣ بعد عزل أثر المتغير ٢ أي ٢ م. ٢ .

والصورة (٢٠) مى نفس الصورة المستخدمة فى إيجاد الوزن المعيادىللانحدار الذى يشتمل على المتغيرين ٢ ، ٣ بعد عزل أثر المتغير ١ أى ١٠٣٦٠ .

وبذلك يمكننا كتابة المعادلتين رقمي ٩ ، ١٠ كالآني .

$$(1) \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \iota_{1} \iota_{1} \cdot \iota_{B} + \iota_{2} \iota_{B} = \iota_{A} \iota_{A}$$

$$(YY) \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot_{r/2} \cdot_{rp} + \iota_{rp} = rp \cdot \cdot$$

أى أنه إذا عبر آا عن المتغيرات التي يشتمل عليها ،وذج سبي في صورة معيارية (أى درجات معيارية د) وتحققت في هذا النموذج الفروض التي عرمنا لها فيا سبق بدرجة معقولة ، فإن معاملات المسارات تصبح مساوية لأوزان الانحدار المعيارية أى (β) التي تحصل عليها في تحليل الانحدار المعتاد . ولسكن يوجد اختلاف هام بين طريقتي التحليل . فني تحليل الانحدار المعتاد يتم إبجاد المحدار المتفد النابع على جميع المتغيرات المستقلة مرة واحدة أى في تحليل واحد، ولسكن و تحليل المسارات يمكن إجراء أكثر من تحليل واحد ، أى يجرى التحليل على مراحل ، و يتم في كل مرحة إيجاد انحدار المتغير الذي يفترض أ ه تابع على المناهرات أن يعتمد عليها ، وحساب قم على الني تعتبر هذه الحالة هي معاملات

للسارات التي تصل بين بجوعة المتغيرات المستقلة والمتغير التسابع المعين مو لكن النموذج المبين بالشكل التخطيطي رقم (٧٢) يتطلب إجراء تحليل الانحدار المتغير على المتغ

وربما يكون من المفيد أيضا أن نوضح للباحث كيفية اشتقاق المعادلات رقم. ١١ ، ١٢ ، ١٣ لاهميتها في تقدير قيمة معامل المسار الخاص بالبواتي Residual Path Coefficient.

فالمعادلة رقم (11) يمكن اعتبارها حالة خاصة من المعسمادلتين به ١٠٠٠ وهي الحالة التي يتحدد فيها المتغير التابع تحديداً تاما . فقد اشتملت المعادلة على أثر المتغيرين الداخليين وأثر متغيرالبواق ، ولذلك فإن بجموع هذ، الآثار يساوى الواحد الصحيح .

والصورة المستخدمة لإبحاد معامل الارتباط بين المتغير ديرونفسه هي :

$$(77) \quad \cdot \quad \cdot \quad \frac{(r_2 \times r_2) \neq r_3}{r_3} = 1 = r_3$$

و بالتمويض في الطرف الأيسر للمادلة رقم (٢٣) من الممادلة رقم (٨). تجد أن:

ولسكن من بين فروض تحليل المسادات التي عرضنا لها فيا سبق أن مكون المتغير دم مستقلا عن المتغيرين دم ، دم ، أى أن الارتباط بين دم وكل منهما يساوى صفراً ، دم على المتغيرين . لذلك فإن المعادلة (٢٤) تصبح كالآنى :

ويمكن كتابة هذه المعادلة باستخدام رمز التجميع (مج) كالآتي :

۲
 ولكن بهي مهور وسوري تساوي مربع معامل الارتباط المتعدد الذي
 اك=1

سبتى أن رمزنا له فى الفصل السادس عشر بالرمو رم

لذلك يمكن كتابة الممادلة رقم (٢٧) كالآني:

و هذه هي المعادلة السابقة رقم (١٢).

وباستخراج الجذر التربيعي لكل من الطرفين نجد أن :

ومي المعادلة السابقة رقم (١٣) ٠

ويمكن باستخدام هذه المعادلة تقدير معامل المساد الخاص بالبواق، ويلاحظة أن (ر) ترمز إلى معامل الارتباط المتعدد بين المتغير التابع المطلوب والمتغيرات السابقة عليه المسببة له كتغيرات مستقلة .

والمعادلات رقم ۱۹، ۲۰، ۹۳ تستخدم فى تقدير معامسلات المسارات فى صورتها المعيارية ، وبذلك تتحدد هسذه المعاملات فى المعادلة رقم (۸) الى تمشسل تموذج المسارات الذى يشتمل على ثلاثة متغيرات .

وهنا ربما يتساءل الباحث كيف يفسر معاملات المسارات في النوذج المتعدد. المتغيرات ؟ .

فقد سبق أن ذكرنا أن تفسيرهذه المعاملات فى الناذج الى تشتمل على متنهدين. أمر يسير ، إذ أن معامل المسار فى هذه الحالة يساوى معامل ارتباط بيرسون . ولكن الآمر يختلف فى حالة النماذج متعددة المتنهرات .

والتوضيح ذلك نعود إلى المعادلة رقم (٢٥) وهي :

وبالتعويض هن قيم ريه، ويه من المعادلتين السابقتين رقمي ، . ، فالمعادلة رقم (٢٥) نحد أن:

حيث ن عدل + ١ ، ومدى قيم ك ، ن يشتمل على جميع المتنبرات المقاسة في النوذج .

و يجب أن يلاحظ الباحث أن الحسد الثان في الطرف الآيسر للعادلة رقم (٢٦) يساوى بجموع الحدين الآول والثاني فالطرف الآيسر للعادلةرقم (٢٨). لذلك فإن بجموع هذين الحدين يساوى أيضاً مربع معامل الارتباط المتعدد .

و توضح المعادلة رقم (٢٨) أن التبابن الكالى للتغير در يساوى بجموع مربعات المسارات مضافاً إلى هـذا المجموع تأثير الارتباط بين المتغيرات المخارجية Exogenous Variables ومن الجدير بالذكر أن معاملات المسارات في الناذج متعددة المتغيرات تتميز بخاصية فريدة إذا قورنت بالمعاملات في الناذج النافيرة تنحصر قيمها التي تشتمل على متغيرين: فعاملات المسارات في الناذج الاخيرة تنحصر قيمها بين في 1 مثل معامل ارتباطبيرسون، ولكن هذه المعاملات باتويد عن في 1 في الناذج متعددة المتغيرات، وربما يدل هـذا الأول وهـلة هلى أن المتغير في النادجي الذي يكون مربع معامل مساره أكبر من الواحد الصحيح يسبب أكثر من نسبة ١٠٠٠ من تباين المتغير المستقل، ولكن هذا بالطبع ليس له مني، ويظل السؤال عن كيفية تفسير مربع معامل المسار الذي تكون قيمته أكبر من الواحد الصحيح في مثل هذه الناذج قائماً.

ويقول رايت Wright أن الارتباط بين المتغير الخارجي والمتغير أو المتغيرات الخارجية الآخرى وهو ما يمثله الحد التجميعي الثانى من العارف الآسر للمادلة رقم (٢٨) يحب أن يكون بمثابة تعويض لما قد يسببه هذا المتغيرالخارجي من زيادة في تباين المتغير الداخلي عما يمكن ملاحظته في البيانات ، لذلك ربما يكون من المفيد الباحث في المواقف البحثية القعلية أن يفحص مكونات هذا الحد التجميعي الثانى كل على حدة ليأخذ فكرة عن كيفية حدوث هذا التعويض .

أما معامل المسار الخاص بالرواقي ــ وهو الحمد الثالث في الطرف الايسر

للمعادلة رقم ٢٨ ــ فيمكن تفسيره بنفس الطريقة كما في حالة النموذج الذي يشتمل على متنبرين .

تموذج المسارات الذي يشتمل على (ن) بن المتغيرات :

لا يختلف الاساس الرياضي الذي يبني عليه أسلوب تحليل المسارات في حالة النموذج الذي يشتمل على المتغيرات عنه في حالة النموذج الذي يشتمل على الائة متغيرات ، إذ يمكننا تعميم الصور السابقة كالآني:

$$c_1 = c_1 + c_2 + c_3 + c_4 + c_{13} + \cdots + c_{14} + c_{15} + c_5 + \cdots + c_{17} + c_$$

والسورة العامة للارتباط بين أي متغير خارجي ومتغير داخلي هي :

حيث ل ترمز إلى المجموعة الكاملة من المتديرات في المموذج التي تؤدى مساراتها هباشرة إلى المنغير الداخلي المطلوب .

والصورة العامة للأثر غير المباشر لأى متغير خارجى دل على المتغيرالداخلى در هي :

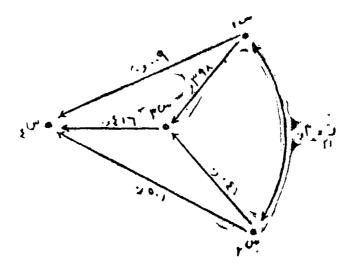
والصورة العامة التي تستخدم في تقدير قيمة معامل المسار الخاص بالبواقرهي.

حيث رم ترمز إلى معامل الارتباط المتعدد .

خطوات حساب معاملات المسارات:

فيما يلى مثال لنموذج يشتمل عملى أربعة متغميرات من بحث تربوى يوضع المباحث الخطوات التي يمكنه انباعها في تحليل المسارات والمثال مأخوذ عن كيرلنجر Kerlinger

نفترض أن الباحث أراد تحليسل الملاقات السببية بين المتغيرات الاربعة: التحصيل الدراسى ، والمستوى الاجتماعى الاقتصادى ، والذكاء ، ودافعية الإنجاز باستخدام أسلوب تحليل المسارات ، فالخطوة الاولى هى أن يفترض الباحث نموذجا يمثل العلاقات السببية بين المتغيرات الاربعة على أن يراعى الشروط التي سبق أن ذكرناها في بناء نماذج المسارات ، ولنفترض أنه اقترح النموذج التالى المبين بالشكل التخطيطي رقم (٧٤):



السكل رقم (١٧٤)

ومن الشكل يتضع أننا رمزنا لمتغيرى المستوى الاجتهاعى الاقتصادى عروالذكاء بالرمزين س، س، على الترتيب، واعتبرنا أن كل منهما متغير خارجى Exogenous Variable يؤثر في متغير دافعية الإنجاز س،، وأن كلا من المتغيرات س،، س، س، يؤثر في متغير التحصيل السراسي س، أى أننا اعتبرنا كلا من س، س، متغيراً داخليا Endogenous Variable والاعداد فوق كل مسار تدل على قيمة معامل المسار المعين الذي سيتم حسابه في الخطوات التالية.

والخطوة الثانية : يحسب معامل ارتباط بيرسون بين قيم كل متغيرين منها. ولنفترض أن مصفوفة الارتباطات الناتجة من عينة تتكون من ١٠٠ طالب كانت كالآتي :

	س		سو ۽	١٠٠	-
1	•,٣٢•	٠,٤١٠	٠,٢٠٠	١,٠٠٠	١٠٠
	• ,•٧•	٠,١٦٠	١,٠٠		٣
	• ,• • •	١,٠٠			۳۰۰
	١,٠٠				س

جدول رقم ١٠٠. مصفوفة الارتباطات بين كل متغرين

والخطوة الثالثة: يحسب معاملات المسارات الخاصة بالنموذج السبى الذي افترضه على أساس نظى معين والمبين بالشكلرةم (٧٢). وهذا يتطلب إجراء تحليل الابحدار مرتين.

وفى التعليل المثانى يوجد انتصدار المنفير س، (المتغير الداخلى المثانى) على المتغيرين الخارجيدين س، س، ه والمتغير الداخلى الاول، س، ، لان همذه المتغيرات الثلاثة تؤثر تأثيرا مباشراً في المتغير س، ويذلك يمكنه الحصول على أوزان الانحدارالمعيارية $B_{17.7}$ ، $B_{17.7}$ ، $B_{17.7}$ ، وهي تساوي معاملات المسارات م، ، م، م، م،

وفيها يل طريقة الحصول على هذه الاوزان :

$$\frac{r_{1}r_{r}^{2}-1}{r_{1}^{2}-1}=r_{1}=r_{1}^{2}B$$

$$\cdot, r4\lambda = \frac{(\cdot, r \cdot \cdot)(\cdot, 17 \cdot) - \cdot, \epsilon_1 \cdot}{r(\cdot, r \cdot \cdot) - 1} =$$

$$\frac{r_{1}r_{2}-r_{1}}{r_{1}r_{2}-r_{1}}=r_{1}r_{2}=r_{1}r_{2}B$$

وكذلك يمكن حساب قيم أوزان الانحدار الآخرى .

وهدّه القيم الآخرى هي .

•,•••
$$=_{r_{\xi_1}} =_{r_1, r_{\xi}} B$$

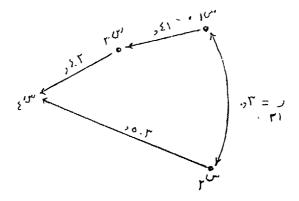
•,••• $=_{r_{\xi_1}} =_{r_{1, r_{\xi}}} B$
•,••• $=_{r_{\xi_1}} =_{r_{1, r_{\xi}}} B$

وبالنظر إلى هذه الأوزان أو المعاملات يتضح أن قيمة كل من م، ، مهم عقل عن ه، و مما يدل على أن كلا من ر، ، و بهم ناتجة عن آثار غير مباشرة .

فالأثر المباشر للمتغير س, في المتغير س، يساوي ٥٠،٠٥٠ بينها الآثر الكلى غير المباشر يساوي (٣٣٠ - ٣٠٠٠ أي ٣٢١٠) .

ومن هذا نستطيع أن نستنتج أن المستوى الاجتماعي الاقتصادي ليس له أثر مباشر في التحصيل الدراسي . ولكنه يؤثر فيه تأثيراً غير مباشر نتيجة لارتباط المستوى الاجتماعي الاقتصادي بالذكاء ودافعيسة الإنجاز ، والارتباط بين الذكاء ودافعيسة الإنجاز يرجع أساساً إلى الارتباط بين الذكاء والمستوى الاجتماعي الاقتصادي .

وفى الحقيقة يمكن حذف المسار الذى يرط بين المتغيرين س، ، س، وكذلك المسار الذى يربط بين المتغيرين س، ، س، وتعديل النموذج السبى السابق بحيث يعبح كما هو بمثل بالشكل التخطيطي الآتي رفم (٧٤):



شکل رقم (۷٤) شکل تخطیطی انموذج المسارات بعد تعدیله

ولسكى نبحث عن مدى انساق النموذج المبين بالشكل رقم (٧٤) يجب أن نحسب معاملات المسارات لحذا النموذج الجديد بنفس الطريقة السابقة ، ثم فستخدم هذه المعاملات في إيجاد قيم معاملات الارتباط بين كل متغيرين ومقاراتها بالقيم المناظرة في مصفوفة الارتباطات السابقة الجية في الجدول رقم (١٠٠) .

وفيما يلى قيم معاملات المسارات .

م، = رسى = ۱ ، و لان هناك مسارا وحيدا يربط بين المتغيرين س، س، و بإجراء تحليل انحدار المتغير س، على س، ، -س، نجد أن :

 \cdot , $\xi \tau \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot \cdot = _{\tau \xi} \cdot =$

والمعادلتان اللتان تمثلان التموذج المبين بالشكل رقم(٧٤) هما :

دم = مير در + قرم

 $c_{3} = c_{13} + c_{13} + c_{14} + \bar{c}_{3}$

حيث قي ، قع هما متغيرا البواتي في صورة معيارية أيضاً .

ويمكن حساب قيم معاملات الارتباط الى من الرتبة الصفرية بين جميع المتنبرات كما يأتي :

درى هو الارتباط بين المتغيرين الخارج بين سوس، الذلك يبقى دون تعليل .

$$\frac{1}{4^{3}}\frac{1}{4^{3}} = \frac{1}{4^{3}} = \frac{1$$

$$(\cdot, \cdot, \cdot)(\cdot, \varepsilon) =$$

ويلاحظ أن قيمة ربي المبينة في الجدول الاصلى رقم (١٠٠) تساوى ١٦٠..

$$\frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3} = \frac{1}{5} \cdot \frac{1}$$

ويلاحظ أن قيمة ربح المبينة في الجدول تساوى ٣٣٠.

$$\frac{\varepsilon^3}{\varepsilon^3} = \frac{\varepsilon}{\varepsilon}$$

$$= \gamma_{17} + \gamma_{17} ({}^{\zeta} \dot{\upsilon} * c_{7}^{7} = \dot{\upsilon})$$

$$= (\gamma_{10}, \cdot) + (\gamma_{10}, \cdot) (\gamma_{11}, \cdot) (\gamma_{11}, \cdot) (\gamma_{11}, \cdot)$$

·,••• ==

و يلاحظ أن القيمة المبيئة في الجدول تساوى ٧٥ . .

$$(\dot{\upsilon} = {}^{r}_{r^{2}} \circ {}^{r}_{r^{1}})_{ri} + {}^{r}_{rr})_{ri} =$$

$$(\cdot, \iota \Upsilon \cdot) + (\cdot, \tau \cdot) (\cdot, \iota \cdot \cdot) (\cdot, \iota \cdot \Upsilon) =$$

·, £ \ Y =

والقيمة المبينة في الجدول ساوى . ٥٠٠

ونظراً لأن الفروق بين قيم معاملات الاربباط المحدوبة باستحدام معاملات المسارات والقيم الاصلية المبينة في الجدول رقم (١٠٠) ضئبلة ، فإنما يمكن أن فستنتج أن البيانات تتسق مع نموذج المسارات الجديد الموضح بالشكارةم (٧٥).

أى أنه يمكننا القول بأن المستوى الاجتماعي والاقتصادي في هذا المثال يلعب دوراً هاما . وبالرغم من أنه لا يؤثر نأثيراً مباشراً في التحصيل الدراسي ، إلا أنه يؤثر تأثيراً غير مباشر في التحصيل من خلال تأثيره في دافعية الإنجاز ومن خلال ارتباطه بالذكاء . وكل من الذكاء ودافعية الإنجاز له أثر مباشر وأثر غير مباشر في التحصيل . إلا أن الآثار المباشرة أكبر من الآثار غير المباشرة . فلاثر المباشر لدافعية الإنجاز في التحصيل .

من هذا المثال يتضح أهمية تحليل المسارات فى مطابقة البيانات للموذج سببي معين ، واقتراح التعديل الذى يمكن إجراؤه على النموذج . وبالطبع بجب أن يكون ترتيب المتفيرات التي يشتمل عليها النوذج متفقاً مع الاعتبارات النظرية التي تعدد في ضوئها هذا النموذج .

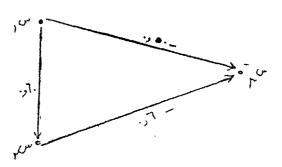
وربما يلاحظ الباحث أن العمليات الحسابية اللازمة لإجراء تحليل المسارات تحتاج إلى وقت وجهد كبيرين، وهناصة إذا كان عدد المتغيرات التي يشتمل عليها نموذج المسارات كبيراً . لذلك توصى الباحث بأن يستخدم أحد البرامج الجاهزة للحاسب الآلي (برنامج تحليل المسارات Path Analysis) في اجراء هذا العليل وأن يستدين بالمبادى وأن يستدين بالمبادى والاساسية التي عرضنا لها في هذا الفصل في تفدير نتائج التحليل .

تمارين على الفصل التاسع عشر

١ ما هي العلاقة بين معاملات المسارات ومعاملات الارتباط الجزئي ؟

٢ ــ أذكر وجهين من أوجه الاختلاف بين تحليل المسارات وتحليل
 الانحدار المتعدد ؟

٣ ـ وجد أحد الباحثين أن التسلطية (س) ترتبط ارتباطاً سالباً بكل من الذكاء (س)، ومستوى تعليم الفرد مقاسا بعدد السنوات التي قضاها في التعليم (سي) . وأراد أن يجرى تعليل المسارات على هذه العلاقات ، لذلك أفترض النموذج السبي المبين بالشكل التخطيطي الآل حيث وضعت قيم معاملات الارتباط فوق خطوط المسارات .



(1) ما هو الانر المباشر للذكاء على التسلطية ؟

(ب) ما هو الاثر غير المباشر للذكاء على التساطية ؟

(النحليل)

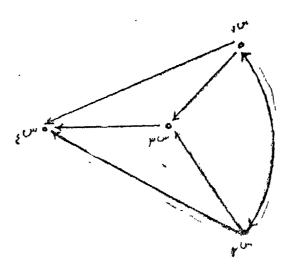
(ج) ما هو الآثر المباشر لمستوى تعليم الفرد على التسلطية ؟

فسر النامج التي حصلت عايها في ضوء مبادىء تحليل المسارات.

إحد أراد باحث دراسة العلاقة السببية بين التحصيل الدراسي (المتغير التنابع سن)، ومستوى الطموح (سم)، والذكاء (سم)، والجنس (سم)، ومن المتغيرات المستقلة. وحصل على مصفوفة معاملات الارتباط الآنية من عينة تشكون من ٢٠٠ طالب وطالبة في المرحلة الثانوية:

س	سرم	سه	س	
• ,	٠,٢٥	٠,٣٠	١,٠٠	س, ا
٠,٧٠	٠,٣٢	۱,۰۰	•	س۲
.,	٠,,••			سرا
1,00				س ا

فإذا كان النموذج السدي الذي افترضه مبينا بالشكل الآتي :



- ﴿ أَ ﴾ أوجد معاملات المسارات المتنبرات التي تؤثر في مستوى الطموح .
- (ب) اوجد معاملات المسارات المتغيرات التي تؤثر في التحصيل الدراسي.
- (ج) استبعد المسادات التي تقل معاملاتها عن ه. , . وأعد إجزاء تحليل الخمادات بعد تعديل النموذج السبي .
- (د) أعد حساب معاملات الارتباط بين المتغيرات في النموذج الجديد ، وقارن النبيم المناتج .

ستنجن قرارات فتساعد الباحث على اختبار الأسان البحصان الذي باسيان بعنه (ثامناً) ادا اشتمل البحث على اكتر من منت برسين وكان هذاك نمييز بين المتنيات المستقلة وكان هذاك نمييز بين المتنيات المستقلة والمستقلة والمستقبل المستقبل المستقبل المتنير المتناعل سبين المتنير المتناعل سبين المتنير المتناعل ما هدم سنوى أوميزان فياس المتنير التابع ؟

لاشبى فسنزى صل المعلوب معاليبة جميع المنفيرات المستقلن على المطلوب معالسة عدلى أنهامغاسة على ميزان فتزى ؟ جميع المتغيرات المستنقلة على أنها مقاسة عديميزان حل المعلوب معالب جميع هندنوي ۲ تحلىل عيفوابرا لمستعدد خعطانة العلاقان على نفاخطية ؟ المستنبطن السنويعيستد هل المعللي مقياس المعلاقة ا معديخارالملتعثرالمنصند ميان المنتغيرا فتام والمتغيرات المستفلة محتمعة ؟ أمعامل الانتاط المتعدد مل المطنوء متباس اسمان بيعدد انجيئ ومن تشيا بيست المتخيرا لتابع المذي لبيحمر مه کو منعنی سنگل ؟ هل (الملدي معياس احصال يتيبس المحفظ وزا الاعتقدان انجزم الإنعتماغ من لنبابن لفلى المستنفير لانتهج آلذى إبيهم به كمل متغيس مقاسة بصعدا مته معيإريية كآوسعاحلأ مستقل فنوفها فنوية المتغيران المستقد المساكت حدل المعلموه متعيبا سراحها لمت بيتين الجن الا حَمَالَةُ مِن المُتَا بِينَ اللهِ اللهِ اللهُ اللهُ اللهُ اللهُ اللهُ اللهُ اللهُ اللهُ اللهُ ا سعامل بد زيلات الدين (معامل ارتباط بيزو) متغيرمسننالا فندق مانقصريه المنتنبات الكسنفلة الاسترى منسوباً إلى ينسبة المحن منتبا بن المنتبر التاج الذي لا تستعمر come it is interest of معامل الاترتباط المحسوطة

ملحق الكتاب



الجداول الرياضية والاحصائية

- (أ) جدول الوغاريبات المتادة للأعداد
- (ب) جدول ارتفاعات المنحى الاعتدالي المياري
- (ج) المساحات تحت المنحى الاعتدالي المسادي

(c)
$$\frac{1}{2}$$
, $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$

- (م) قيم صريح اللازمة لحساب معامل الارتباط الثنائي المتسلسل ومعامل الارتباط الثنائي
 - أد (و) القيم التقديرية لمعامل الارتباط الرباعي المناظرة النسبة ب
 - (ل) قيم معامل الارتباط الرباهي المناظرة لقيم معامل فاي (﴿)

جدول (١)

اوغاريتمات الاعداد

لإيحاد لوغاريتم عدد طبيهى (لا يشتمل على كسور) نبحث عن العدد في العمود الآول ويكون لوغاريتمه هو العدد المبين فى العمود الثائى تحت الرقم صفر، أما إذا كان المطلوب إيحاد لوغاريتم عدد يشتمل على كسور، والعدد مقرب إلى وقم عشرى و احد ، نبحث عن الجزء الصحيح من العدد فى العمود الآول و الرقم المشرى فى العمود المناسب من ١ إلى ٩ ، ويكون لوغاريتم العدد هو العدد المبين فى هذا العمود .

وفى جميع الحالات يجب مراعاة ومتع العدد البيانى المناسب يليه علامة جشرية ، ثم يلي هذه العلامة العدد الذي تحصل عليه من الجدول .

أما إذا كان العدد يشتمل على أكثر من رقم عشرى واحد قإنه يجب الرجوع. إلى أحد الجداول الرياضية .

4	>	٧	قد	0	~	- €	~	-	منغو	البعدد
٠٣٧٤	. ٣٣٤	. 745	. ٢٥٢	117.	٠١٧.	٠١٢٨	۲۸.۰	73	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	-
. Yoo	. ٧ . ٨	٠ ٦٨٠	034.	٧.٢.	. 014	.05-	. 617		313.	
77.1	1.41	1.77	75	.474	.178	^^	31.4.		114.	<u> </u>
184.	1511	7771	1770	77.7	141	1777	-17.1		-174	7
144	14.5	1747	331.1	1115	10/1	1007	1017			~
1.18	144	1201	141	11.7	٥٨٨١	1757	1 > 1 >		174	<u>.</u>
1441	7577	4777	44.1	7140	118	7177	7.10		7.81	_ _1
1011	70.8	۲٤٨.	7500	727.	75.0	247.	7400		**. *	₹.
0141	7347	1414	4740	1417	X317	4710	77-1		T00T	<u>-</u>
1447	46.41	4450	7777	71	۲۸۷۸	1041	7777		۲۸۸	<u></u>
44.1	11/1	417.	4141	4117	4.41	T. Y.	7.05		~· · - ·	٠.
4.34	4470	4470	4460	7775	77.0	7171	4774		4444	1
101X	TOYS	407.	1307	4044	40.4	7647	4678		1 . 4 .	٦ ٦
37.4.1	1177	4344	7771	4411	4797	3464	T700		۲. ۱۷	7 7
7777	4150	4114	77.7	471	1441	ተ ራ ላ	7		47. 4	70
17713	1111	×. 12	14.3	6.70	۲.۲.۶	r. r.	\$1.3		4747	70
4,613	1441	{ Y 0 0	1313	1413	1113	٤٢٠.	2172		£10.	7.7
101	1333	6110	1.33	2777	4443	1771	1343	ETT.	3173	۲٧
4.7.4	3103	140}	31.03	Y303	1703	\(\0\)	£0.7		1433	√

									-	
-	>	<	2.5	.0	~	4	-4	_	مستو	العدد
4043	1343	YAA3	4143	Y173	74r3	1443	3013		17 31 L3	7.4
**	LYY3	(AY)	4043	43.43	1773	31.43	ξ λ		1443	٦.
0. TA	٥. ۲ ٤	0.11	4113	1463	1143	{100	7343		21.5	۲1
1410	1010	0)(0	0144	0114	01.0	0.11	٥. ٧٩		0.01	41
1.70	OYAS	LANG	41.10	010.	AAAO	3770	0111		0 \ \ 0	77
4730	1130	۰۲.۲	0411	۸۷۲٥	1770	20404	ort.		0410	7.5
000}	240	4700	3100	00.7	٥٤٩.	YA30	0170		1330	40
.410	Yoro	4310	0750	7710	1110	3,000	4400		7700	41
LYAO	٥٧٧٥	71.40	7040	٠٧٤.	1740	4140	0 Y . 0		1410	77
1140	٨٨٨٥	٧٩٨٧	1740	٥٨٥٥	0117	0 እ ፕ ፕ	1140		6 7 8 7 8	۲۸
-4 	0111	۸۸،۰	AAIO	1110	0900	3310	0188		1110	7.
7117	4.17	1.4.1	1.40	7. Yo	المبر المبر المبر	7.04	7.84		7.71	٠٠
7777	7171	75.1	7.0.	٠٨١٢.	114.	717.	7317		Y111	()
7410	3171.	14.	3171	BAAL	3415	7178	70.71		7777	17
OAIL	0137	15.0	1410	ጎ የአ	7440	7470	7400		7440	23
7055	7014	10.4	7891	3431	3431	31.31	3031	3331	7250	33
V111	77.4	7099	101.	701.	1041	1101	1001		7044	~
7111	74.7	7794	3466	9411	0177	7707	1357		V111	~
7.4	314L	1440	LAAL	4441	170X	1341	744		1741	73

										-
_	>	<	ير	٥	*	4	ત	-	هنفي	العدد
1784	3447	٥٧٨٦	1441	1001	Y3YL	ነለተኅ	744.	1746	7,17	~
-; ->	7441	31.61	7400	7987	7944	7117	194.	1111	1.47	,, ,,
٧.٦٧	٧.٥١	∀. 0.	٧.٤٢	4.44	7.45	V.17	٧٧	1741	ت. ه. هر	o ·
Y101	V) (*	V140	4117	¥11}	٧١١.	٧١.١	4.94	٧.٨٠	: Y	0 -
Y < 7 0	7777	ለ፣ ነ አ	٧٢).	4.1	4194	0.V!A	4414	X1.1X	٧١٦.	0 1
4417	۷۲.۸	٧٢	777	34,44	4440	7777	1014	4101	4114	0 7
V ? ? 1	Y	۷۳۸.	۷ ۲۷۲	ንፖፕላ	4401	YYEA	446.	ሃ ተ ተ ተ	٧٢٢١	30
1414	1134	Y 0 3 Y	1034	7334	4570	ለ ነ ነለ	1134	4:11	٧: ٠	0
Y001	7017	7047	人となく	Yor.	4014	Y0.0	A133A	Y . 1.	V \ \ r	0
ላላኒላ	117	7117	٧٦.٢	4104	1041	701	ነላ∘ላ	1104	Y00.	٧٥
YY . 1	1114	777	1414	7777	1177	ላ የ	777.	7117	414	° >
1,44,4	717	YY 7.	4401	٠ ۲۲۲ ه	۷ ۷۲,	ሃ ሃ۲ ነ	4144	1144	Υ	0,0
٠،٧٨	\\\ \^\	744	۷ ۸۲٥	YA1	٧٨١.	٧٨.٣	YY4"	***	٧٧٨٠	. •
Y1 14	Y 11.	Y1.7	1144	7	744	۷۸۷٥	۸۲۸	Y.17.	۲,0 ۲	.!
٧ ٩,٧	Y 1>.	77.74	777	4014	1014	0334	4444	1250	٧٩٢;	-1
۸. ۵۵	۸،۲۸	7.11	۸.۲٥	۸.۲۸	۸. ۲۱	۸۰۱٤	>·· <	> · ·	Y1 1 T	٠,١
>) r r	>!!!	>1.1	<u> </u>	7.47	☆. ^.	۸. ۸۲	A. Yo	>. · · · •	۸. ٦٢	;,'
<u> </u>	<u>۸۱۸۲</u>	\ \ \ \ \	A171	717	2014	Y15.4	711.4	×14.	1:4.	ر. ا
<u>۲۵۲</u>	<u> ۲</u> ۲۲۶	>< 1 '	>110	> ₹₹ >	****	٥١ ٢٧	>	<u> </u>	>170	-1

					-			- -		ابر
-	>	<	-4	0	~		-		مسغر	1 2
۸۲۱۹	۸۳۱۲	۸۲۰٦	711	7618	۸۲۸۷	۸۲۸.	3414	A1.34	VL 11.3V	یہ
۸۳۸۲	\ \ \ \ \ \	۸۳۷.	777	Aroy	7501	777	477	1227	7710	اج
1450	. > > > > > > > > > > > > > > > > > > >	777	1777	\ \\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	×715	٧٤.٧	1.34	1710	4444	1_ر
۲.٥٨	>°··	3137	4434	7434	1434	λ٤٧.	1134	۸٤٥٧	1034	~
٨٢٥٨	1104	\000	1059	7304	47°X	1701	4010	104	7017	<
۸٦٢٧	1117	0117	۸٠.۲	7.17	٨٥٩٧	\01	\o\o	1404	704	<
1717	۱۷۲۷	٥٧٢٨	¥114	71.27	۲۵۲ ۸	1014	037X	4754	ATTY	<
۸۷٤٥	አ ላፖ	٨٧٢٢	ለሃየሃ	777	1144	۸٧١.	٨٧.٤	7117	1117	<
۸۸.۲	\\\\\	\V1.	۸۷۸٥	>	3447	\ \ \ \ \ \	11.44	1044	1047	<
∧ ∧०.⁴	3074	۸،۲۸	1344	ለአየሃ	** ***	٨٨٢٥	٨٨٢.	×1.×	≻ .≻	<
\°.10	<u>^1</u> .	3.84	* * * * * * * * * *	7/14	٨٨٨٧	٨٨٨٢	₹	AAY 1	٥,٧٧٧	~
1414	19.30	<u>۸</u> ٩٦.	301%	** ***	7324	ATTA	ATT	4714	1114	<u> </u>
1. YO	٠, ٢.	1.10	 	٨٠٠٨	\^^^ \	7117	***	7444	7477	<
1. Y1	1. YX	٠, ٠, ١, ٠, ٠, ١, ١, ١, ١, ١, ١, ١, ١, ١, ١, ١, ١, ١,	1.17	۸۰۰۸	1.05	٧٠.٤٧	1.87	1.77	4.5-	>
1144	۸ ۱ ۲ X	4188	4118 4118	4117	ه. ۲.		م د . ه ۱	ه. ه.	٠, ٠	>
1.41.	<u>^</u>	0 × 1 × 0	11Y.	4170	1904	3013	4184	7317	117	>
1177	1777	4777	1777	1114	4717	1.14	47.1	111	111	>
1 1 1	11/18	1771	3411	4174	1171	1104	1505	4321	1111	>
A * * .	1440	177.	1510	ナディ・	1410	44.4	14.5	14 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	7445	>

-	>	<		0	3	7	~		هيمش	أعدد
A T 1.	1470	144.	1440	144.	9470	٠, ٢, ١	1400	140.	1710	
1 % % .	1840	124.	9270	467.	110	به بر •	 	مله ۲۰۰ •	4 7 4 0	>
^	3431	1849	1431	4	9134	*	1100	, o .	44 6 7 0	
1011	1044	1011	4077	. 1017	4014	هر 0 م	10.4	ه د د د د	_B ,, ,,, ,,,	
1007	101	1401	1041	101	71701	1004	, 00 T	۹ ۷ <u>۱</u> ۲ ۲	A	
4755	4774	3778	4 1 4 1 8	4114	44 14 14	ه ۲۰		, B () , B ()	, a , a	
, 47.	9770	1418	4777	1771	4010	7010	4364	-B 	, a , 1 , 7 , 7	
4744	7775	1414	1111	۸.۷	14.4	444	4 4 4 4	- P		
1444	* \^\	7177	1001	3041	140.	1710	17/1	144	4841	
^ : \ \ \	بر (<u>﴿</u> بر (﴿	۸٠.۸	۰ ۰ ۸	* :	1410	171	1441	AVAT	4444	
1217	<u>^</u> / / ·	م ۸. م	٥.٨	· *	0141	144	1447	1777	AAA.	
717	1001	1001	1,0.	03/18	1/1	171	4 / 4 %	14/1	* 11/1	
707	1917	1117	1171	3466	124.	1711	777	1214	- A - A - A	
1000	111	11/V	1417	^ 4\ / \	4 4 Y 2	ه د د د	44.	- A - A - I 	هر هر ن لر	

جدول (ب)

ارتفاعات المنحق الاعتدالى الى تناظر درجات معيارية معينة

يجب قبل استخدام هذا الجدول تحويل الدرجات الحام إلى درجات معيارية ، كا يجب أن يَمُون توزيع المتغير اعنداليا .

الارتفاع	الدرجه العيارية	الارتفاع	الدرجه الميارية	الارتفاع	الدرجه المعارية
۱۶۹۰ره	۱۰۷۰۱	۰۸۷۲،	ه ۸ر .	۲۸۲۹د۰	به مر <u>-</u> .
778.6.	۵۷٫۱،	۱۲۲۲ر.	۰۹۰	٤ ٨٩٣ر ٠	٠,٠٥٠
۲۹۰ د د.	۰۸ر۱	13070.	ه٩ر.	۲۹۷۰ر۰	٠٠١٠٠
۲۲۷۰۰۰	٥٨١،	۲۶۲ر-	۱۰۰۰	ه ۲۹ و .	١٥٠٠.
٢٥٢. د.	ا ۱۰۹۰	۲۲۹۹د۰	٥٠٠١،	۱۹۹۰ر۰	٠٠٢٠.
۲۹۵.ر۰	۱۵۹۰۱	۱۷۱۳ر۰	١١٠١٠	۷۲۸۳۷	47د.
٠٤٥٠ر،	١٠٠٠	۲۰۰۹ر،	1010	۲۸۱۴ر ۰	۳۰ ار ۰
۸۸۶۰ر۰	اه.ر۲	۱۹۶۲ر.	۲۰ر۱.	۲۵۷۳ر۰	د۳ر.
۰)، { { ۰	۱۰۰ ار۲	27116-	ا ۱۵۲۵	۳۸۲۳۰	٠)١٠ ٠
۲۶۳۰ د ۰	٥١٠٢	۱۷۱۴,	۱۰۳۰	۵۰۲۳ د .	ه}ړ.
٥٥٣.ر،	۰ ۲ ر ۲	۱۰۲۱،	۵۳ د ۱.	۲۵۲۱.	۰٥٫۰
۰٫۰۳۱۷	٥٢٦	۱٤۹۷ر-	۱۶۲۰	۲۲۶۳۵۰	ەەر.
۲۸۳ . ر	۰۳۰	۱۳۹۱ر،	٥١ر١	7777	٠٧٠ .
۰ ۲۰۲۰ .	۵۳ر۲	۱۲۹۰ر .	۱۵۰	۰۳۲۳۰	عار ،
٠,٢٢٤.	٠٤٠	.17	٥٥ر ١	٣١٢٣ .	۰۷ر ۰
٠,١٩٨	ه ار ۲	11.1	٠٦٠١	11.70	۵۷ر.
۱۷۵ . ر .	. هر ۲	, ,,	1570	۷۲۸۱۷ .	

الارتناع	الدرجة الممارية	الدولفاح	الدرجة الميارية	الارتفاع	الدرجه المعيارية
١٠٠٠ره	ا ۱۰۰۶	۸۳۰۰۲۰	٥.ر٣	٤٥١٠ر،	٥٥ر٢
		۳۳۰۰۰۰	۱۰ر۳	٠٦٠١٣٦	۰۲ر۲
	1	۲۸۰۰۲۰	7-10	١١١٩.ره	٥٢٦٦
		٠,٠٠٢٤	۳٫۲۰	١٠١٠٤،	۱۰۷۰۲
		٠٢٠٠٠	٥٦ر٣	11	٥٧ر٢
		١٧٠٠ر٠	۳۰۰ر۳	۲۷۰۰۷۹	١٠٨٠
		١٢٠٠ره.	٠ ٤ ر ٣	۰٫۰۰۲۹	٩٨ر٢
	1	۲۰۰۰۹	۳۵۰.	۲۰ - ۱۰ و	٠٩٠
	l	٢٠٠٠زم	۰٦ر۳	١٥.٠٠٠	7,90
		}ره	۰۷۰		- ٠ ر ٣

ج**دو**ل (ج)

المساحات تبحت المنحني الاعتدالي المعياري

قبل استخدام هذا الجدول يجب تحويل الدرجات الخام إلى درجات. مميارية ، وأن يكون توزيع المتغير اعتدائيا . والقيم المدونة في هذا الجدول: تمثل نسب المساحات تحت المنحني الاعتدالي المعياري الذي متوسطه = صفر ، واعرافه الممياري = 1 ، والمساحة الكلية دين التي يحدها = 1 أيصا ، ونظراً لان المنحني الاعتدالي متماثل ، فإننا افتصرنا في هذا الجدول على أجزاء المساحات التي تناظر القيم الموجبة للدرجات المميارية ، وهذه تساوي تماما المساحات التي تناظر القيم السائبة لهذه الدرجات ، والعمود الآول بين الدرجات المعيارية (د)، والعمود الآول بين الدرجات المعيارية (د)، والعمود الثاني بين المساحة المحسورة بين المتوسط (من وكل من هذه الدرجات (د) ، ويبين العمود الثالث المساحة المتبقية حتى نهاية العارف الموجب التوزيع .

المساحة المتبقية	المساحه بين س ، د	٥	المساحة المتنقية إ	المسامه بينس، د	د
۲۶۶۹ر۰	۱۳۳۱ر۰	۲۴ر ۰	٠,٠٠٠,	٠٠٠٠٠٠	٠٠٠.
۱۹۵۳ر.		۳٦ر ٠	۹۲۰}ر ۰	۰۸۰۰۸۰	۲۰ر۰
۲۰۲۰ر ۰	۱۱۸۰	۸۳۰۰	۰۶۸۶۰۰	١٦٠٠٠٠	}،ر،
۲۱۱۳ر .	١٥٥١ر.	٠ ټر ٠	۱۲۷۶۱:	۲۳۹، د ۰	۲۰ر.
۲۷۳۳ر۰	27516.	۲٤ر٠	۱۸۲۶ر.	۲۱۳۰۰	۸٠ر.
۰۰۳۳۰	۲۰۷۱،۰۰	٤٤ر٠	۲۰۲۶ر۰	۸۶۳۰۰	۱۰ر۰
۸۲۲۳ر۰	۱۷۷۲ر۰	٦٤ر.	۲۲٥٤ر.	۸۷٤٠، د ٠	۱۲ر.
1017c.	11415	۸٤ر٠	۲۶۶۶ر.	۷٥٥٠ر،	١١ر٠
۳۰۸۰ر .	٠١٩١٥.	، ٥ر .	3773ر.	۳۳۳ . ر ۰	۱۱ر.
۳۰۱۵ر ۰	۱۹۸۰ر.	۲٥٠.	٢٨٦٤٠٠	۷۱۷.ر.	٠,١١٨
۲۶۶۲ر.	٤٥٠٢ر.	٤٥ر.	۲۰۷۶ر ۰	۷۹۳۰ر ۰	۰۲٫۰
۷۷۸۲۰۰	۳۲۱۲ د .	۲٥ر.		۱۷۸۰ر۰	۲۲ر ۰
٠١٨٢٠.	۱۱۹۰ ر .	۸۵ر.		۸۶۹.ر.	12
۲۷۲۳ .	٧٥٢٦٠ .	۰٫۳۰	1 .	۲۲۰۱ر.	۲۱ر.
۲۷۲۲۰۰	3777 د -	۲۲ر .		۱۱۱۳ر۰	۸۲ر۰
۱۱۲۳ر ۰	۴۸۳۲ر ٠	۱۳۰۰	1	14116.	۳۰ کار
73076-	3037c.	۲۲ر.	1	ه ۱۲۰۰	۲۳ر ۰

المساحة المتبقية	احة بينس، د	د الـ	[ألمناء المالة	افهٔ بینس . د	د المـ
۱۰۹۰۱	١٠٩٩	۱٫۳۱	۲۶۸۳ر .	۱۷ ۱۵ ۲۰	۸۲ر۰
۸۲۸۰۰۰	١٣١)ر.	۲۳ر۱	٠,٢٤٢٠.	۸۰۲۰۰	۰۷۰
۸۳۸.ر۰	۲۲۱۶ر.	۸۳۵ ا	۸۵۳۲ .	۲۶۲۲ر.	۲۷۰۰
۸۰۸۰ر۰	١٩٢٤ر.٠	1,1	۲۲۹۲ر.	٤٠٧٢٠٠	٤٧ر ٠
۸۷۷۰۰	٢٢٢٤ر.	۲٤را	۲۳۲۲ د .	3877	۲۷۰۰
٧٤٩	1073.	1){{{E}}	۱۱۷۷ تر۰	۳۲۸۲ د .	۸۷ر۰
۲۲۱،ر۰	۲۷۹ ډر ۰	۲۶ر۱	۲۱۱۹ر۰	۱۸۸۱ر -	۰۸۰
١٩٤٠ر.	۲۰۳۱ر۰	1361	۱۲۰۲۱ر .	۲۹۳۹ر۰	۲۸ر۰
۸۲۲۰ر۰	1773.	، ەر ١	٥٠٠٠ر ٠	ه۲۹۹ر.	۱۸۱۰
737.c.	۱۳۵۷ر ۰	۲٥ر۱	۱۹٤۹ر.	١٥٠٣ر٠	۲۸ر۰
٦١٨٠ر٠	۲۸۲۱ر۰	1001	۱۸۹۱ر۰	۳۱۰۳ر۰	۸۸ر۰
۱۹۵۰ر،	۲۰۶۱ر۰	۲٥ر۱	۱۸۶۱ر.	۹۵۱۳ر.	۰ ۹ ر
٧١ه.ر.	۲۹ ۶ کر ۰	۸٥ر١	۸۸۷۱ر۰	۲۱۲۳ و .	۲ ۹ ر ۰
۱۱۵۰ر۰	٢٥٤٤ر.	٦٦٠١	۱۷۳۳ر۰	۲۳۲۹ر۰	۶٩٢٠
۲۲۵.ر۰	٤٧٤}ر.	۲۲ر۱	۱٦٨٥ر.	۱۳۳۰ر.	۲۹۰۰
٥٠٥٠ر٠	ه۴٤٤ر.	١٦٢١	۱۹۳۰ر۰	۵۳۳۳ر ۰	۸۹۰۰
٥٨٤٠ر٠	٥١٥٤ر.	٢٦٦١	۱۵۸۷ر۰	٣٤١٣ .	15
٥٢١٠٠٠	٥٣٥)ر.	۸۲ر۱	۱۵۳۹ر -	۲۲۶۳۰۰	۲.را
٠,٠٤٤٦	٤٥٥}ر،	ا ۷۰ر۱	۱۶۹۲ر۰	۸۰۰۳ر۰	١٠٠٤
۲۷ ؛ ۰ ر ۰	۷۲۵۱۲.	۲۷ر۱	١٤٤٦ر٠	٤٥٥٣ر.	۲۰۰۱
٠٠٤٠٩	۹۱ ۱۹۱	٤٧ر ١	١١٤٠١ر٠	۳۶۹۳ر.	۸۰۸
۲ ۳۹ . ر .	۲۰۸۱ر ۰	۲۷۲	۱۳۵۷ر۰	4357c.	۱۰۱۰
۵۷۳۰۰ د	٥٢٢٤ر.	۸۷٫۱	۱۳۱۱ر۰	۲۸۲۳ر.	۲۱ر۱
۴٥٣٠٠،	۱ ۱۹۲۱ر و	۱۸۰	۱۷۲۱ر۰	۳۲۲۹ر -	١١٤
۲۱۳۰۰	۲۵۲۱ر ۰	۱۸۲	۱۲۳۰ر۰	٠,٣٧٧.	۲۱ر۱
۳۲۹.ر۰	۱۲۲۱ر۰	۱۸۲۱	۱۱۹۰ر۰	۱۸۲۰ و	۱۱۱۸
٢١٣٠٠ ،	٢٨٢٤ر٠	۱۸۲۱	١٥١١ر.	۹ ۶ ۸ ۳ ر ۰	۰۲ر۱
۲۰۳۰۱	۱۹۹۹ر .	ا ۱۸۸۸	۱۱۱۲ر۰	۸۸۸۳ر ۰	۲۲ر۱
۲۸۷ ، ر ۰	۲۱۷۱۳	۱٫۹۰	. ۱۰۷۰ر،	. 7970	1721
۲۷۱ . ر ۰	۲۲۷۶ر۰	۱۶۹۲	۱۰۲۸ر۰	۲۳۹۳۲ .	٢٦ر١
۲۲۲ . ر ۰	۸۳۷۶ر ۰	1,98	۳۰۰۱ر۰	۳۹۹۷ ۰	۸۲.۱
۰۵۰،۲۵۰	٠ ١٤٧٥.	۱۶۹٦	۸۲۹۰۰۰	۱۳۲ ار .	۳۰ر ۱
۲۲۹ .ر .	1543c.	ا ۱۹۸۸	9 ٣ ٤	۲۲۰۱۱	
ـ البحليل ا	- १९)				

الما-ةالتبقية	لساحة بينس ،د	ر د ا	الماحةالتقية	احة بين سَ،د	د ال
۲۵ ـ نر ۰	۸۱۴۸ر۰	707	۸۲۲۰ر۰	۲۷۷۲ر -	. م در ۲
۴۶۰۰۲۹	١٥٩٤ر٠	۸٥ر۲	۲۱۷ . د .	۳۸۷۶ږد.	۲۰۰۲،
٧٤٠٠ر٠١	۳ه ۲۹ د ۰	٦٦٠	۲۰۲۰،	۲۹۷۹ر۰	لا ٠٠٢
کا کا در دا	۲۵۲۱ :	777,7	۱۹۷ مر و.	۱۸۰۳ر،	۲۰۰٦
١٤٠٠ر،	۱۹۵۹ر۰	3507	۸۸۱۰،۰۰	۱۱۸۱۲ر۰	۸۰۰۲
۳۹ . در ۰	18936.	٢٦٦٦	۱۷۹۰ر۰	۱۲۸۶ر.	۱۰ر۲
۲۷-۰۰۰	۹۳۳ لو ۰	۸۲٫۲	۱۷۰۰۱۷۰	۸۳۰۶ر ۰	Y_1 Y.
٥٣٠٠٠٠	۵۲۹۶ر.	۲۷۷۲	١٦٢٠ -د. ٠	۸۳۸،ر۰	۲٫۱٤
۳۳٠٠٠٠	۷۲۴٤ر٠	774.7	301.0	٢٤٨٤٠٠	۲۱۱۲
۳۱،۰۲۱	979عر.	٤٧٠٢	731 . ز ،	١٥٨١٠.	۲٫۱۸
۲۹۰۰۲۹	٤٩٧١ر -	۲۷۲۲	۱۳۹ در ۰	١٢٨٤ر	۰۴۰ ۲
۲۷ ر ۰		۸۷۲	۱۳۲ . د .	۸۲۸۶ر۰	۲۲۲٫
٢٦٠٠٠٠		٠٨٠،٢	٠١٢٥.	٥٧٨٤ر .	13707.
٢٤٠٠٠،		7867	١١٩٠ر.	۱۸۸۱ر۰	۲۶۲۲
۲۲۰۰۰ د ۰		3 16.7	١١٣٠.٠٠	۷۸۸۶ر۰	47,7
۲۲۰۰۲۱		۲۸, ۲	۱۰۷۰۲۰	78130.	۱۰۳۰
۰۶۰۰۲۰		۸۸ر۲	١٠١٠٢.	۸۶۸۶ر۰	۲۳۲
۱۹ ۰ ـ ر ۰.		۰۴ړ۲	١٠٠٠ر٠	۴۰۹۶ر۰	۲۲ د ۱.
١١٠٠٠		716.7	۲۹۰۰۰۰	٤٩٠٤ر .	۲۵۲۲
٠ . ٠ . ر ٠		۱۹۶۲	۷۸۰۰۰۷۰	۹۱۳ کار ۰	۸۳۲
٠١٠٠٠،		٣٣٠٢	۲۸۰۰۰۰	۱۹۱۸و۰	۱۰ کار ۲
١١٠٠١.		۸۹ر۲	۰٫۰۰۷۸	۲۲۴}ر.	۲٤۲۲
۱۰ ، در -		۳۰۰۰	٧٢٠٠٠ر٠	۲۲۳ کړ ٠	٤ }ر ٢
٠,٠٠١		۲۰۰۳	٠,٠٠٦٩	۱۹۳۱ر .	٢3٢٢
٠٠٠١)	۸۸۹٤ر ۲	٤٠٠٧	٠,٠٠٦٦	۹۳۱ر.	٨٤ر٢
١٠٠٠	۱۹۸۹ر ۱		ì	٤٩٣٨ر .	۰ ۵ ر ۲
۱۰ ر۰	. ۹۹۹ر .	۳٫۰۸	I .		۲٥۲۲
٠٫٠٠١	۱۹۹۰ر .	۱۰ر۳	ŧ	ه ۲۹۱ د .	30c7

الماخالنية	ساحة بينس، د	د اا	الماحة المترقية	حة بين س مد	د اليا
هر.	ه ۱۹۹۹ د ۰	٥٦٠٣	٠,,,,١	1113ر .	۲۱٫۳۰
٠,٠٠٠	۹۹۹۱ر.	۴٫٤۰	٨٠٠٠٠	۱۴۹۱ر .	1107
۰٫۰۰۰۳	۱۹۹۷ر۰	ه}ر۳.	٨٠٠٠٨	۱۹۹۲ر .	712
۰،۰۰۲	۱۹۹۸د۰	۵۰ مر۳	٧٠٠٠٧	۹۹۳ کر ۰	۱۱۸ر۳
۰۰۰۰۲	۹۹۸}ر۰	۰۳ر۳	٧٠٠٠٧	٤٩٩٣ر.	۰۲ر۳
١٠٠٠٠٠	٩٩٩٩ر.	٧٠٣٠	۲۰۰۰ر،	٤٩٩٤ر.	۲۲۲۳
١٠٠٠١	٩٩٩٩ کر ٠	۰۸د۳	۲۰۰۰ر۰	٤٩٩٤ر.	472
هر.		۹۰ر۳	٦٠٠٠٦	3111ر.	• ۲ د ۳
۳۳		٠٠٠}	۲۰۰۰ر،	١٩٩٤ر.	۳٫۳۰۰

قيم
$$\sqrt{\frac{r}{b}}$$
 ، $\sqrt{\frac{r}{b}}$ ، $\sqrt{\frac{r}{b}}$ المناظرة المنسب م ، ك اللازمة الحساب معامل ظى (ϕ)

لإيجاد قيمة معامل و القصوى بلزم حساب قيمة كل من <u>ال</u> .

$$\sqrt{\frac{\Gamma}{2}}$$
.

ثم أوجد حاصل ضرب القيمتين الناتجتين . وتيسيراً لذلك يكنى الحصول على النسية (م) وقراءة القيمة المناظر لهانى العمود الذى يشير إلى \ ك اوالحصول على النسية (ك) وقراءة القيمة المناظرة لها فى العمود الذى يشير إلى \ ك ك ـ .

(亡) ic (1)	\ \rac{1}{\tau}	\ <u>\\ \\</u>	(م) أو (ك)	(^ك) ار (م)	<u>₹</u>	ر ۲	(个) 分 (也)
110-	۱۱۵۳ر.	33867	۹۸ر۰	١٠ر٠	٥٠٠١ر.	۵۰ و و	۹۹ر .
۱۱ر۰	۳۶۲۳ر.	۸۰۷٫۲	۸۸ر۰	۲ ـ ر ۰	1111ر٠	۰۰۰۰ر۷	۸۹ر۰
۱۲ر۰	٥٣٨٦ر -	۷۸۵۲۲	۸۷ر ۰	۰,۰۳	۱۷۵۹ر۰	۲۸۲ره	۱۹۷ر -
١٤ر.	٥٣٠ از ٠	۲۷۱ر۲	۲۸ز۰	٤٠ر٠ ا	۲۰۶۱ر۰	۹۹۸ر ٤	۲۹ر،
١٥ر-	۱۰۲۱ر،	۳۸۰ر۲	٥٨٠٠	ه.ر.	۲۲۹۱ر.	۹۵۳ر ۶	ه ۹ر .
۱۱ر۰	٥٢٣٦٥ .	۱۹۲ر۲	٤٨ر٠	۲۰ر۰ [۲۲۵۲ر.	۸۵۹ر۳	٤٩٠٠
۱۷ر .	. 1070	۲۱۲٫۳	۸۳ر	٧٠ر .	۲۷۱۳ر ۰	٥١٢٦٣	۹۴ر۰
۱۱ر۰	٥٨٢٤٠.	77178	۲۸ر٠	۸۰ر۰	۲۹۲۹ر .	۱۴۹ر۳	۹۲ر ۰
۱۹ر .		۲٫۰۷۵	۱۸ر۰	۰٫۰۹	ه۱۱۱ر.	۱۸۰ر۳	۱ ار ۰
۲۰ر۰		۲۰۰۰	۰۸ر۰	١٠١٠	۳۲۳۳ر۔	۲۰۰۰	۹۰ر۰

(4) le (4)	V 1	\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	(2) (4)	(ચ) ાં (c)	1		﴿مِ) أو (ك)
۸۴٫ -	۲۸۲۹ز ۰	۱۲۷۷	٦٢ر .	۲۱ر .	۳۰ ۵ مر .	۱۹۹۰	۷۹ر ۰
۳۹ر .	۲۹۹۲ز .	10701	١٦٠.	۲۲ر .	۲۱۱مر.	۸۸۴ر ۱	۸۷٫۰
۰ ار ۰	٥٢١٨٠٠	1770	٠٦٠	0 ۲ر .	٤٧٧مر .	۲۳۲ر ۱	∙4√ر -
۱}ر.	۲۳۳۸۰۰	٠٠٠د ١	۹ مر .	۲٦ر٠	۸۲۴۰ر.	۷۸۲۷	٤٧ر ،
۲ يو .	۱۰مار -	٥٧١ر١	۸٥ر.	۲۷ر.	۲۸.۲ر .	33561	۷۴ر ۰
۲۲ر -	7.N.T.N.C.	١٥١ر١	۷ەر ،	۸۲٫۰ [۲۳۲۲ر .	3.7را	۲۷ر ۰
۲۳ر .	ه۲۱هر.	۱۶۸۳۰	۷۷ر ۰	٢٩	1875	٥٦٥را	۱۷ر۰
٤٢٠.	۱۰۲۲۵۰۰	۱۷۸۰	۲۷ر٠	۰۳۰	۷۱۵۲ر.	۲۸۵ر۱	۰۷٫
٤٤ر ٠	3771	۱۲۲۸ر۱	۲ەر.	۳۱ر -	۲۰۷۲ د ۰	۱۹۹۲	17ر.
ه کړ ٠	ه۱۰۱۰ر.	۲۰۱۰۱	ەەر.	۲۳۰۰	۰۲۸۲۰	٨٥١ر١	۸۲۰۰
۲ ار .	۲۲۲۹ر	۲۶۰۸۳	٤٥٠.	۳۳ر ۰	۱۸-۷ر۰	1){۲۵	۷۲۰۰
۲۶ر ۰	V137c.	17.75	۳٥ر ٠	٤٣٤ .	۱۷۸۷ر،	۳۹۳ د ۱	۲۳ر .
٨٤ر.	۸۰۲۹۰۰	13.61	۲٥ر.	٥٣٠ .	۸۳۲۷ د .	7777,1	٥٢٠ .
۱۹ر۰	۲۰۸۹ د ۰	١٦٠٢٠	۱٥ر.	۳۳ د ۰	۰۰۰۷ر ۰	۲۳۳ د ۱	376.
٠٥٠.		٠٠٠٠	۰ مر ۰	۳۷ږ ٠	۳۲۲۷۰۰	٥٠٠٠	۳۳ر ۰

جدول (ه)

قيم سرمن ، المسرمن

اللازمة لحساب معامل الارتباط الثنائي المتسلسل ، ومعامل الارتباط الثنائي المناظرة للنسب ص

لإيجاد قيمة معامل الارتباط الثنائى المتسلسل يلزم حساب قيمة لمسرس. ولإيجاد قيمة معامل الارتباط الثنائي بمعلومية قيمة معامل الارتباط الثنائي المتسلسل يلزم حساب قيمة المسرس.

وتيسيراً لذلك يكنى الحصول على النسبة (ص) وقراءة القيمسة المطلوبة المتاظرة لهانى العمود الذى يشير إلى ذلك ، أو الحصول على النسية (ص) وقراءة الفيمة المناظرة لها فى العمود الذى يشير إلى ذلك .

(o o.)	۱ ص ۱ ص .	ص, ص. ۷ ل	ا (مس _۱)	(ص.) أو	س, ص.	<i>س. ص. ب</i> ∖خ ل	(ص _۱),
(ص،)	J	J	(ص.)	(ص)	J	J	(ص.)
۱۲ر٠	و۲۲ر ا	۲۷۱ در .	٫۸۸ر۰	٠,٠١	۲۲۷۲۳.	۲۷۱۰ -	۲۹۰۰
۱۳.	۱۰۹۰ر۱	۲۱۳۵ر.	آ ۱۸۷ ۰		۲۶۸۲۲	۸۶۰۶ر۰	۱۹۸۰
١٤ر٠٠	1009	۰۰۱۵ر.	۲۸ر ۰	۳۰ر۰	۰.۵۷	۲۲۷ غر ۰	۱۷ر۰
ه ار	۲۳٥ر ۱.	17.100.	ہ∧ر٠	٠,٠٤	۲۷۲ر۲	7033ر.	۲۹ ر .
7100	٧٠٥رار	۲۲۵۵ر -	ً ٤٨ر ٠	ه.ر.ا	.۱۱۳ ار۲	٥٠٠١ر،	ه ۹ر .
۱۷ر۰	1-888	۲۷٥٥ر.	۸۳ر ۰	٠,٠٦	12992	۵۳۷ کار ۰	۱۹۰ .
٠.١٨	17272	۵۲۲۰ر.	۲۸ر۰	٧٠ر٠	۱۹۰۰	A2A3c.+	۹۴ر ،
۱۱۸	1322	١٧٦٥ر .	۱۸ر۰	۸۰ر۰	٥٦٨ر١	۱۵۹۱ر.	۲۴ر ۰
	173ر1.	٥١٧٥٠.	۰۸۰	٠,٠٩	77761	73.00	1 P.
١٦ر	11361	۲۵۷۵ر.	۲۷۰۰	۱۰۱۰	۲۰۷٫۱	۱۲۸مر.	۹۰ر۰
7 7	۱۳۹۹	۲۲۷۰ر۰	۸۷ر۰	١١ر٠	۱۲۲را.	7.70%.	۸۸ر ۰

(مس.) او	مر،من.	<mark>س, مس.</mark> √ ل	(مس _{و)}) , أو	(ص.) أو	س،ص.	س ۱ <u>ص.</u> √ آ	(ص،) . اد
(مس,	J	ل	(س)	صر,)	J	J	(ص)
۸۳۰	٥٧٧ر ١	۸۸۱۲ر۰	۲۲ر۰	۲۲ر .	۲۸۳۰۱	۲۳۸۵۲ .	٧٧ر .
۲۹ر .	1771	۰۰۲۲۰۰	۱۲ر .	١٢٤ ا	۱۳۷٤	۲۲۸۵ر۰	۷٦ر .
٠ }ر -	۲۲۸۰ ا	7175.	۲۰ر۰	٥٥ر.	۳٦٣ر ١	۹۰۰مر۰	ه٧٠
١١ر .	٥٢٦٦را	۳۲۲۳د۰	۹٥٠.	٢٦ر -	۲۵۳ر ۱	۱۳۴ مر .	٤٧ر ٠
۲ او .	۲۲۲۲	۲۳۲۳د -	۸٥٠.	۲۷ر٠	1,784	۱۲۹٥ر .	۷۳ر ۰
٦١٣٠	٠٢٦٠١	۱۲۲۰ر۰	۷ەر ٠	۸۲۸ -	۲۳۲د۱	۹۸۹٥ر٠	۷۲ر -
٤١٠ -	۲۵۱ر۱	43756.	٣٥ر .	۲۹ر۰	۲۲۳۱	١٠٠٠ر٠	۱۷ر٠
٥ بر .	۲۵۷ر۱	7675.	ەەر.	۳۰ر ۰	۱۳۱۸ر۱	٠٤٠٢٠٠	۰۷۰
۲٤ر.	7071	۸۵۲۲۰۰	}ەر،	۳۱ر -	۱۱۳۱۱	۲۰۲۳ر۰	٦٩ر .
787	1000	۲۲۲۲د۰	۳٥٠.	۳۲ر ۰	٤٠٣٠١	٥٨٠٢٠٠	۸۲ر .
٨١ر٠	١٥٢٥٤	٤٢٢٢٠.	۲٥ر.	٣٣ر -	۸۶۷ر۱	۲۰۱۲ر۰	۲۷ر .
۴٤ر.	۲۵۳ر۱	٢٢٦٢٠٠	ا ۱٥ر .	. ۲۴ر ۰	ٔ ۲۹۳را	١٢٢٦ر.	۲۲ر ۰
٠٥٠.	۲۵۳را	۲۲۲۲۰	ا . ەر .	۲۳۰	۲۸۳ر۱	۸01۲ر.	٤٣٠ ٠
				۲۷ر۰	1_779	3717c-	٦٣ر .
			1				

جدول (و) المناظرة للنسب القيم التقديرية لمعامل الارتباط الرباعي (ر) المناظرة للنسب أد بيا من ج

لتقدير قبمة معامل الارتباط الرباعي بطريقة جيب تمام النسبة النقريبية ط يلزم إيجاد قيمة بين الحصول على يلزم إيجاد قيمة بين الصورة الخاصة بذلك . ولتيسير الحصول على القيمة المقدرة يكني إيجاد النسبة أ و وقراءة القيمة المناظرة لمعامل الارتباط الرباعي . فثلا إذا كانت هذه النسبة قساوي ١٨٨٥ فإيا تنحصر بين القيمتين المدونتين في الجدول وهما ١٨٨٥، ١٥٠٠ والقيمتين المناظرتين لمعامل الارتباط الرباعي هما ١٠٠٥، ١٥١٠، أي ٢١٠، مقربة إلى رقمين عشريين وإذا كانت النسبة أ د أفل من الواحد الصحيح نوجد بوجد به ونضع علامسة وإذا كانت النسبة بها الارتباط الرباعي التي نحصل عليها من الجدول .

رر	اد -	ر	ا د	رر	اد.	رر	اد ب ج
٥٧٧ر	۸٤٠٫۲	٥٨١ر٠	١٦٢٠	۰ ۱۹۰۰	٥٧٧ر١	هر،	۱۶،۱۳
۲۸۰ر .		۱۹۰ ر	۳۵۲ر۱		1.7.1	٥١٠ر.	۳۹. را
ه۲۹ر.		٥٠٠ر.	۱٫٦٩۷			٥٢٠ر.	17.77
۰۰۳۰،		٥٢٦٠ .	۱۷۹۰	í		. , . 40	۹۳۰ر۱
۱۵ ۳ر -		٥١٦ر	۲۱۷۲۳	1		٥٤٠٠ .	۱۲۲را
٥ ٢ ٢ ر .		٥٣٣ر		۱۱۱۰.	٥٠ ار ١	ەە.ر،	۱۵۱۰۰
۳۳۵ر .		٥ ٢٤٠ .		٥٥١ر.	۸۸۶ر۱	٥٠٠٠٠	۱۸۱ر۱
٥٤٣ر .		٥٥٣ر.		١٦٥ر -		۰۷۰۰۰	117,1
٥٥٥ر.		٥٢٦٠. ا		٥٧١ر٠		٥٨٠٠.	73721

رر	ا د ن ج	رر	اد ب ج	ر ا	اد ب ج	ر _ر	اد ب
ه ۷۸ر ۰	۲۲۲ر۲۲	ه۷۰۰	۱۹۱۰ر۸	٥٣٥ .	۰۲مر ۱	٥٢٦ر - ا	 ۸۲۲ر۲
٥٨٨٠٠	۲۰۱ر۳۰	۱۷۱۰	7_1801	ە}ەر،	۲۳۲ر ۶	٥٧٣٠٠	71707
ه۴∧ر،	۸۷۵ر۲۳	٥٢٧٠ -	۸۲۸ر۹	ەەەر.	۸۴۰ر ۱	٥٨٣٠٠	۷۹۷٫۲
۰۰۹۰۰	۸۱۸ز۲۳	٥٧٧٠ -	¦٤٤٤ر١٠.	٥٢٥ر.	۰۰۰۷	ه۳۹۰.	۱۸۸ر۲
1900 -	۲۰۱۰۳	ه ۲۷ ر ۰	۱۰٫۹۰۳	ە ٧ەر ،	۱۹۲ره	0.10	۷٥٩٫۲
۹۲۰ د ۰	1016	هه٧ر -	110011	ه∧هر٠	۸۸۳ره	11 الحر	ه ۹۰ د ۳
ه ۹۴ د ۰	٥٢٧ر٨٥	۰۲۷٫۲۰	۱۲۷۱۷۷	۵۴٥ر.	٥٩٥٥	٥٢٤ر.	70107
ه ۱۹ د ۰	۲۱،۷۱۷	۵۷۷ر ۰	17.9071	ه٠٢ر٠		٥٣٤ر٠	۲۵۲ر۳
هه ۹ر .	۸۶۶ر۸۸	۵۸۷ر -	۲۰۷ر۱۳	١١٢٠٠	۳۶۰۲۳	٥٤٤٥٠	۳۵۴۲۳
۱۹۲۰ و	۲٥ر۱۱۷	ه ۲۹ د ۰	۱۴۶۵ر۱۱	٥٢٢٠.		ەە؛ر.	۲۶۱۰
ه۱۹ر۰	١٦٩٠٢٠	٥٠٨٠٠	۱۳۷٥ره۱	۰۳۳۰	٧٤٥ر٢		۱۷٥ر۳
۵۸۹ر ۰	۸۲ر۲۹۲	011.	۱۲۷۲۰	٥١٢٠٠	۲۲۸ر۲		٦٩٩٠ر٣
۱۹۹۰	۲۰۰۱ ۹۳۴	۹۲۸ز۰	۱۷۶۹۰۰	٥٥٢ر.	۱۱۱ر۷		٨٠٨٠
		ه۸۳۰	الممتروا	٥٢٢٠٠	۲۸ }ر۷		47950
		• 3 1/2 •	۲۰۸۲۳	۵۷۱ر-	۱۲۷۷۷		٧٢٠٠٤
		٥٢٨٠٠٠	1877637		۱۱۷ر۸۰		9.703
		٥٥٨٥٠	075,77	. 790	۱۹۶۶ر ۸ ۱		۱۵۳ر۱

جدول (ل) قيم معامل الارتباط الرباع. (ر) المناظرة الهيم معامل فاى (ع)

لنقديز قيمة معامل الارتباط الرباعي بمعلومية قيمة معامل فاى (۞) يكنى الحصول على قيمة معامل فاى وقراءة القيمة المناظرة لمعامل الارتباط الرباعي (و ص)المدونة في هذا الجدول .

				-,-, <u>-,-,-,</u>			
رر	ф	رر	ø	رر	φ	رر	ф
۱۹۹۱رد	، ۳۳۰ر ،	۳۳۹ر۰	۰۲۲۰	۱۷۲ر۰	١١١٠	٠٠،٠٠	٠٠٠٠.
۲.در.	۵۳۳ر.		ا ۲۲۰۰		١١٥.	۸۰۰۸	هر،
٠٠٥٠،	۰ ۲۴ ر ۰		۲۳۰ر۰	۱۸۷ر۰	۱۲۰ر۰	١٦٠٠٠	١٠٠٠،
۱۲۰۹۰	ه ۲۴ د ۰		٥٣٢ر.	۱۹۵،	١٢٥ر -	۲۱۰ر۰	ه۱۰ر۰
۵۳۳ر -	۰ ۳۵۰		۲٤۰ر٠	۲۰۳ر.	۱۳۰ر۰	٣١-ر -	۰۲۰۰
۲۹ هر .		٥٧٣٠٠	٥٤٢ر٠	۱۱۲ر۰	۱۳۵ ر ۰	۰٫۰۳۹	ه۲۰ر۰
۲۳٥ر.	۰ ۲۳ر -	۳۸۳ر ۰	۰۵۲۰	۱۱۲۸	اً ١٤٠٠ ر٠	٧٤٠ر٠	۰۳۰۰
۲۶٥ر٠	٥٢٦٠.	۳۹۰ر	٥٥٢ر.	۲۲٦ر:	١١١٠	٥٥٠ز،	٥٣٠ر.
۱۱۹۹۰	۰ ۳۷۰ر	۳۹۷ر۰	۰۲۲۰	3٣٢ر ٠	۱۵۰ ر ۰	7٢٠٠٠	٠٤٠ر٠
٢٥٥٠.	۲۷۰ر ۰	١٠١٠،	٥٢٦٠.	۲۶۱ ر.	ة ۱۰ ار ۰	۲۷۰ر۰	ە).ز.
۲۲ هز .	٠٨٣٠	۱۱۶ر۰	۲۷۰ر۰	۲۶۲ر،	۱٦۰ر۰	۷۹.ر۰	٠٥٠ر،
۲۹ هر ۰	٥٨٦ر ٠٠	۱۱۱۹ر	۵۲۷ر ۰	۲۵۲ر .	۱۵ ار .	7A.c.	ەە،ر،
<i>ه</i> ۷هر ۰	۳۹۰ر ۰	۲۲۱ر۰	٠.٢٨.	۲۳۱ر.	۱۷۰ر۰	٠٠٠١٤	۰۲۰۲۰
۱۸۵ر۰	ه ۳۹ ر ۰	٦٤٣٣ .	٥٨٢ر .	۲۷۱ر ۰	ه۱۱۷۰	۱۰۲ر۰	ه٦٠٠ر،
۸۸۵۰۰	٠ يار ٠	٠٤٤٠	۲۹۰ر -	۲۷۹ر	۱۸۰۰ر۰	١١١٠	۲۷۰۰۰
۱۴۵ر و،	٥٠١ر،	٧٤٤ر٠	٥ ٢٩ ر .	۷۸۲ر.	۱۸۰ر.	۱۱۸ر۰	۰٫۰۷۵
۰۰۳۰	١١٤٠٠	1010.	۰۰۳۰	۲۹۱ر.	۱۹۰ر۰	١٢٥ .	۰۸۰۰
۱۰۷ر۰	۱۵ غر ۰	1730	ه ۳۰ ر	۲۰۳۰ ا	۱۹۵ ر ۰	۱۳۳ر۰	ه۸.ر،
۱۳۳ تر .	٠ ٢ ٢ ر ٠	17.77	۱۰ ۳۱ د	۲۰۳۰۰	۲۰۰ر،	۱۱۱ر۰	۹۰ر۰
۱۱۲ر.	{ ٢ 0	٥٧١٠ -	۱۳۱۵ ،	۳۱۷ر۰	ه٠٢٠٠	۱۱۱۲۰	ه۹.ر۰
۵۲۲ د .		7830.	۲۰ ۳۲ د	۲۲۲ر	١١٠ر.	101c.	۱۰۰۱ر۰
1786.	ه ۲۲ د ۰	1036.	ه ۲۳ ر .	١٣٣١.	017c.	1511	۱۰۱۰،

در	<i>†</i>	ر. ا	ø	رر	<i>φ</i> .	رر	•
۱۰٫۱۸۰	۱۰ر۸۰	111ر.	۰۵۷۰	۰۰۸۰۰	۹۰هر۰	۲۳۲۰	۱۶۶۰۰
7A1c ==	ه ۱۸ الر ۰	۱۲۱ر.	۵۲۷ر و.	٤٠٨٠٠	ه۹۵ر.	۲۶۳۰	٠ ٤٤٥٠
۸۸۱ره	۱۰۰۰ز۰	۸۱۸	۰ ۲۲ر ۰	۸۰۸ر۰	۱۰۰ر .	٠ ١٢٠٠	٠٥١٠.
۲۸۱ر د	ه۱۰۰ر	۹۲۲ر .	ه ه ۷ د ۰	۱۱۸ر	٥٠٢ر.	٥٥٢٠٠	•ہ}ر،
۱۹۹۰ س	۱۰۱۰ر۰	۱۳۰ر.	۰۲۷۰	1100	۱۱۰ر۰	١٢٢٠٠	۴۶۱۰٫۰
111ر -	٥١٥ر.	۹۳۳ د ا	٥٢٧٠٠	۳۲۸ر ۰	٥١٦ر.	۱۲۲۷	• ۲۶ ر ۰
111ر-،	۱۲۰ر۰	۹۳۰ د .	۰۷۷ر ۰	۸۲۷ر۰	۲۰۲۰ر -	7٧٣ د ٠	۲۷۱ر۰
۱۹۳۳ د ۰۰	٠١٢٥ -	۱۳۸ر۰	۵۷۷ر د.	۲۳۸ر۰	ه۲۲ر.	1776.	ه٧٤ر.
١٩٩٤ره	٠ ٢٢٠ د	۱۱۹ر .	1	۲۳۸ر،		٥٨٢ر.	۸۰۶۲۰
110 س	د ۱۹۳۰ و	١٤٤ر -		۰۶۸۲۰	۱۳۵ر ۰	۱۹۰ر۰	ه٨٤ر٠
۲۹۱ د ۰	٠١١٠.	۹٤٦ر٠	3	33Mc -	۱، ۱۲۰	۲۶۳۰۰	۴۰}ر۰
111ر ۵۰		۱۹۱۹ر۰	ه ۷۹ر۰	۸٤۸ر٠	إه ١٤٠٠	۲۰۷۲ و	ه۱۱ر.
۱۹۷ر۰	.4	۱۵۹ر۰		۵۳۸ر ۰	۰۰۲۵۰	۷۰۷ر۰	٠.٥ر٠
111ر -		۹٥٣ر ٠	- 1	۷۵۸،	إه ۱۵ ر	۱۱۷۰۰	ه.٥ر٠
۱۹۸۸ر۰		۲۰۹۲		1586.	١٦٦٠	۸۱۷ر۰	١٠٥٠.
111ر -	۱۹۲۰ م	۸۰۱ر۰	1	٥٢٨٠٠	اه ۲۲ د .	٤٢٧٠٠	ه ۱ هر ۰
· 1111	۹۷۰ر ۰	٠٢٩٠٠٠	۱۰۲۸ر۰		۱۰۲۲۰	۲۹۷۰۰	٠٢٥٠
111ر ۱۱	ه۱۹۷۰ .	۹۲۳ر.	٥٦٨٠٠	۸۷۳ر	(۵۲۲۰-	۲۳۶ر -	• ۲٥٠٠
1116	۱۹۷۰ و	٥٢٥ر ٠	۱۰۳۸۲۰	۲۷۸۲۰	ا٠٨٢٠٠	٤٠٧٤٠	۰۳۰ر ۰
ñ	۱۹۸۰	۲۲۹۰۰	•	۰۸۸۰	١٥٨٢٠٠	۵۱۷ر۰	٥٣٥ر.
و (ر	۱۹۹۰	471		٤٨٨٠٠	. 79.		٠١٥٠.
٠٠٠٠ ال	۱۹۹۰ و	۹۷۱ر -	- 1	۷۸۸۲۰	۱۹۹۰		ه؛٥ر٠
		۲۷۴ر ۰	,	۱۲۸ر۰	ا ۲۰۰۰ر ۰		٠٥٥٠.
	Ì	۱۷۲ر	١٥٥٨٠٠		[۵۰۷ر •.		ەەەر.
		۲۷۹۲۰	۰۲۸ر۰		۱۱۷ر۰		۲۰۵۰،
		۸۷۸ر۰	١٥٢٨ر٠		۵۱۷ر		ه۲٥ر.
		۹۷۱ ر ۰	۰۸۷۰		۰۲۷۰۰		۰۷۵ر
		۱۸۱ر۰	۱۵۷۸ر		۵۲۷ر ۰		م ٧٥ر ٠
		711	۰۸۸٫		۰۰۷۲۰		۰۰۸۰۰ ،
~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~		788.	۱۵۸۸ز۰	<u> </u>	اه٧٧٠ .	ه ۲۷ ر	د ۸۵ر ۰

## المسراجع

#### أولا - المراجع العربية:

- السيد محمد خيرى: الاحصاء في البحوث النفسية والتربوية
   والاحتماعية القاهرة: دار الفكر العربي ١٩٧٠٠ .
- ۲ رمزیة الغریب: التقویم والقیاس النفسی والتربوی القاهرة:
   ۵ هکتبة الانجلو ۱۹۷۰ •
- ٣ ــ عبد العزيز القوصى ، حسن حسين ، محمد خليفة سركات : الاحصاء في التربية وعلم النفس ، ١٩٥٧ ،..
- ٤ ــ فؤاد البهى السيد : علم النفس الاحصائى وقياس العقل البشرى ،
   القاهرة : دار الفكر العربى ، الطبعة الثالثة ، ١٩٧٩ .

#### ثانيا - المراجع الاجنبية:

- 1 Anderson, N.H. Scales and Statistics, Parametric and nonparametric. **Psychological Bulletin**, 58, 310 316, 1961.
  - 2 --- Asher, H.B. Causal Modeling. Beverly Hills: Sage, 1976.
- 3 --- Blalock, H.M. Causal Inferences in Nonexperimental Research. Chapel Hill: Univ. Of North Carolina Press, 1964.
- 4 Blalock, H.M. Methodology of Social Research. New York: McGraw Hill. Inc. 1968.
- 5 Blalock, H.M. Causal Models in the Social Sciences. Chicago: Aldine. Atherton, Inc. 1971.
- 6 Blalock, H.M. Social Statistics. New York: McGraw Hill. 1979.
- 7 Bock, R. D. Multivariate Statistical Methods in Behavioral Research, New York: McGraw Hill, Inc., 1975.

- 8 Bohl M. A Guide for Programmers. N. J Prentice Hall Inc., 1968.
- 9 Borko, H. Computer Application in the Behavioral Sciences.
  N. J.: Prentice Hail Inc., 1962.
- 10 Bradley, J.V. Distribution Free Statistical Test. Englewood Chiffs, N. J.: Pientice Hall Inc., 1968.
- 11 -- Brown, J.; Workman, R. How a Computer System work. New York . Arco publishing Inc., 1975.
- 12 Bruner, J.; Goodnow, J.; and Austin, G. A Study of Thinking. New York: Wiley, 1950.
- 13 Burke, C. J. Additive Scales and Statistics. Psychological Review, 60, 73 75, 1953.
- 14 -- Campell, D. and Stanley, J. Experimental and Quasi Experimental Design for Research. Chicago: Rand McNally, 1963.
- 15 Carroll, J.B. The Nature of Data, or How to Choose a Correlation Coefficient. Psychometrica, 26, 347 377, 1961.
- 16 Cohen. J. and Cohen. P. Applied Multiple Regsession Correlation for the Behavioral Sciences. New York: Wiley, 1972.
- 17 Comrey, A. Elementary Statistics: A Problem Solving Approach. ILL: The Dorsey Press. 1975.
- 18 Cooley, W.W and Lohnes, P.R. Multivariate Data Analysis, New York: Wiley, 1971.
- 19 Darlington, R. B. Multiple Regression in Psychological Research. Psychological Bulletin. 69, 161 182, 1968.
- 20 Duncan, O.D. Introduction to Structural Equation Models. New York Academic press, 1975. ssion Analysis. New York: Wiley, 1959.
  - 22 Frekial, M. and fox, K.E. Methods of Correlation and Regre-
- 2) Dunn, O and Clark V Applied Statistics: Analysis of Variance and Regression, New York Wiley, 1974.

- 23 --- Ferguson, G. Statistical Analysis in Psychology and Education. 5th ed. New York: McGraw Hill, 1978.
- 24 Finn. J. D. A General Model for Multivariate Analysis, New York: Holt, Rinehart and Winston, Inc., 1974.
- 25 -- Fleiss, J. Statistical Methods for Rates and Proportions. New York: Wiley, 1973.
- 26 Geer, Van der. Introduction to Multivariate Analysis for the Social Science. San Francisco: W. H. Freeman and Company, 1971.
- 27 Gibbons, J. Nonparametric Methods for Quantitative Analysis. New York: Holt, Rinchart and Winston, Inc., 1976.
- 28 --- Green, B. Digital Computers in Research. New York: McGraw Hill, 1963.
- 29 Guilford, J.P. Fundamental Statistics in Psychology and Education. 4 th ed. New York: McGraw Hill, 1965.
- 30 Hagood, M. and Daniel, P. Statistics for Sociologists. New York: Henry Holt, 1952.
- 31 Harris, M. Introduction to Data Processing: A Self Teaching Guide. New York: Wiley, 1979.
- 32 Havs, S.P. Diagrams for Computing Tetrachoric Correlation Coefficient from Percentage Differences. Psychometrica, 11, 163 172, 1946.
- 33 Hays S.P. Statistics for the Social Ssiences. New York: Heit. Reinhart and winston, 1973.
  - 34 -- Heise, D. Causal Analysis. New York: Wiley, 1975.
- 35 -- Hollander, M. and Wolfe, D. Nonparametric Statistical Methods, New York: Wiley, 1973.
- 36 Insko, C. and Schoeninger, D. Introductory Statistics for Popular elegy, 2 nd ed. Boston: Allyn and Bacon, 1977.
- 37 Jekus, W. L. An Improved Method for Tetrachone r. Psychometrica, 20, 253 258, 1955.

- 38 Kenny, D.A Correlation and Causality. New York Wiley, 1979
- 39 Kerlinger, F. N. and Pedhazur, E. Multiple Regression in Behavioral Research New York. Holt, Rinchart and Winston, 1973.
- 40 Kerlinger, F.N. Foundations of Behavioral Research, 2 ad ed. New York: Holt, Rinehart and Winston, 1973
- 41 Kleinbaum, D. and Kupper, L. Applied Regression Analysis and Other Multivariate Methods. Mass Duxbury press, 1978.
- 42 Kruskal, W. and Tanur Judith. International Encyclopedia of Statistics, Volume 1, 2. New York: The Free press, 1978.
- 43 Leach, C. Introduction to Statistics: A Nonparametric Approach for the Social Sciences. New York: Wiley, 1979.
- 44 Li, Ching C. Path Analysis: A Primer. Grove, Calif · The Boxwood Press 1977.
- 45 McNemar, Q. Psychological Statistics, 2 nd ed. New York: Wiley, 1955.
- 46 Moroney, M. J. Facts From Figures: Baltimore: Penguin Books, 1953.
- 47 -- Morrison, D.F. Multivariate Statistical Methods. New York: McGraw Hill, 1967.
- 48 Mosteller, F. and Tukey, J. Data Analysis and Regression: A Second Course in Statistics, Reading. MA: Addison Wesley, 1977.
- 49 -- Nie, N. H.; Hull, C. H. and Others. Statistical Package for Social Sciences (SPSS). New York: McGraw Hill, 1980.
- 50 O'Muircheartaigh, C. and Payne, G. the Analysis of Survey Data. Volume 2. Model Fitting, New York. Wiley, 1977.
- 51 Peatman, J. Descriptive and Sampling Statistics. New York. Harper and Brothers 1947.
- 52 Peters, C. and Walter, Van Voorhis. Statistical Procedures and their Mathematical Bases. New York McGraw Hill, 1949.

- 53 Press, J. Applied Multivariate Analysis. New York: Holt, Rinehart and Winston, 1972.
- 54 Roscoe, J. Fundamental Research Statistics for the Behavloral Sciences, 2 nd ed. New York: Holt, Rinehart and Winston, 1975
- 55 Siegel, S. Nonparametric Statistics. New York: McGraw Hill, 1956.
  - 56 Steel, R.; Torrie J. Principles and Procedures of Statistics:

    A Biometrical Approach, 2 nd ed. New York: McGraw Hill, 1980.
- 57 Tatsuoka, M. M. Multivariate Analysis: Techniques for Educational and Psychological Research. New York: Wiley, 1971.
- 58 Thorndike, R. Correlational Procedures for Research, New York: Gardner press, 1978.
- 59 Tukey, J. W. Exploratory Data Analysis. Readings. MA.: Addison Wesley, 1977.
- 60 Veldman, D. J. Fortran Programming for the Behavioral Sciences New Yark Holt, Rinchart and Winston, 1967.
- 61 Yule, U. and Kendall M. An Introduction to the Theory of Statistics. New York. Hafner publishing Co., 1958.
- 62 Walizer, M. and Wienir, P. Research Methods and Analysis: Searching for Relationships. New York: Harper and Row, 1978.
- 63 Wright, S. Correlation and Causation. Journal of Agricultural Research, 20, 557 585, 1921.
- 64 Wright, S. the Method of Path Coefficients. Annals of Mathematical Statistics, 5, 161 215, 1934.
- 65 Wright, S. Path Coefficients and Path Regressions: Alternative or Complementary Concepts? Biometrica, 16, 189 202, 1960.

المنعة

مة ــــــ دمة :

الباب الاول

تحليل البيانات ذات المتنير الواحد م

٣

الفصل الأول: أساسيات الفياس والإحصاء - القياس والبيانات ١١. - ٢٤ والاحصاء - موازين أو مستويات القياس - كيت تتعامل مع الاعداد في عملية القياس - أنواع البيانات - مراجعة لبعض العمليات الحسابية والجرية الاساسية - تماوين على الفصل الاول

الفصل الثانى : التوزيمات التكرارية والنمثيلالبيانى للبِّيانات ذات ع على المناهير الواحد

تنظيم البيانات حداول التوزيمات النكرارية النخرارية حداول التوزيمات النكراري النكراري المضلع النكراري المنحنيات المشجمة حداوجه اختلاف التوزيمات التكرارية حدارين على الفصل الثاني .

القصل الثالث : خصائص التوزيمات التكرارية ـــ أو لا : مقاييس ٨٥ ـــ ١٣٠ المنوعة المركزية

مفهوم النزعة المركزية ... قواعدره و النجميع ... المتوسط الحساق الوسيط ... المنوال ... الوسط الهندسي ... اختيار مقياس النزعة المركزية للناسب عند تحليل البيانات ... تمارين على الفصل الثالث .

( J. Harill - 00)

المفحة المنفحة

الفصل الرابع: خسائس التوزيعات التكرارية وثانيا: مقاييس ١٢١ - ١٨٠ الفصل الرابع : خسائس التواء والتقرطح .

المدى المطلق ــ الاحراف الربيعي ــ الاعراف المدوسط ــ الاعراف المسياري وانتباين ــ المفايين النسبية للتشتت ــ العزوم حول المتوسط الحسابي ــ مقاييس الالتوام ــ مقاييس النفرطح ــ تمارين على الفصل الرابع .

الفصل الحامس: الدرجات المحمولة.

المثينات _ الرتب المثينية _ الإعشاريات _ الدرجات المتارية _ الدرجات التائية _ تحويلات خطة أخرى _ تمارين على الفصل الخامس .

الفصل الساذين: التوزيعات الاعتدالية . ٢٢١ - ٢٦٤

المنحى الاعتدالي _ خواص المنحى الاعتدالي _ استخدام المساحة تحت المنحى الاعتدالي _ استخدام خصائص المنحى الاعتدالي _ في تحليل البيانات _ إيجاد المثينيات باستحدام المنحى الاعتدالي _ تحويل التوزيمات المختلفة إلى الصورة الاعتدالية _ تمارين على الفصل السادس

الباب الثاني

تجليل البيانات ذات المتغيرين ٢٦٥ – ٦١٦

الفصل السابع: مقاييس العلاقة إذا كان كل من المتغيرين من ٢٦٧ ... ٣٣٧ المستوى الفترى أو النسي معامل ادناط به سدة

منهم معامل الارتباط به معامل ارتباط بهرسون ... فروض معامل ارتباط بهرسون ... طرق ... طرق حساب معامل ارتباط بهرسرن بسد تع معامل

الموصوع الصفحة

الارتباط من أخطاء تجميع البيانات _ الموامل التي تؤثر في معامل ارتباط بيرسون _ تقسير معامل ارتباط بيرسون _ المملاقة والعلية _ معامل ارتباط بيرسون _ العملاقة والعلية _ مارين على الفصل السابع .

الفصل الثامن: مقابيس الملاقة إذا كان كل من المتغيرين من ٣٢٣ ــ ٣٣٣ الفصل الثامن المستوى الاسمى .

معامل التنبق غير المتمائل لجتمان ــ معامل التنبق المتمائل لجتمان ــ معامل الافتران لبول ــ معامل التجميع لبول ــ معامل الاقتران لبيرسون ــ معامل الاقتران لتشويرو ــ تمــارين على الفصل الثامن .

الفصل التاسع: مقاييس العلاقة إذا كان كل من المتغيرين من ٢١٣ ــ ٤٠٨ الفصل التاسع: مقاييس العلاقة إذا

معامل الاقتران لجودمان وكروسكال ــ معامل ارتباط الرتب لسبيرمان ــ معامل ارتباط الرتب لكندال ــ فعامل الاتفاق لكندال ــ فعامل الاتفاق لكندال ــ فعامل الاتساق لكندال ــ تمارين على الفصل التاسع .

الفصل العاشر: مقاييس العلاقة إذا كان أحد المتعيرين من المستوى ٤٠٩ ــ ٣٠٠ الفصل العاشمي و الآخر من المستوى الرتبي .

نموذج ويلكوكس الاقتران الاسمى والرتى ـــ طريقة حساب معامل ويلكوكسون إذا اشتمل المتغير الاسمى على قسمين ــ طريقة حساب معامل و بلكوكسون إذا اشتمل المنفير على أكثر من قسمين ــ تمارين على الفصل العاشر .

المونشوع الصفحة

الفصل الحادى عشر: مقاييس الملاقة إذا كان أحد المتنيرين من ٤٣١ - ٤٥٨ المستوى الفترى المستوى الاسمى و الآخر من المستوى الفترى الحربة الارتباط .. طريقة حساب نسبة الارتباط إذا كان أحد المتغيرين من المستوى الاسمى و الآحر من المستوى الفترى ــ طريقة حساب نسبة الارتباط ذا كان أحد المتغيرين من المستوى الفترى و لكن العلاقة بينهما منحنية ــ العلاقة بين نسبة الارتباط و معا عل ارتباط بين نسبة الارتباط و معا عل ارتباط بيرسون ــ تمارين على الفصل الحادى عشر

الفصل الشانى عشر: مقاييس الملاقة إذا كان أحد المنفيرين ٥٩ – ٤٧٨ من المستوى الرتبي والآخر من المستوى الفترى،

معامل الارتباط المتسلسل المتعدد لجاسين عاريقة حساب معامل الارتباط المتسلسل المتعدد عماييس المحساتية المترى عمادين على الفصل الثاني عشر

الفصل الثالث عشر: مقاييس الملاقة إذا كان أحد المنفيرين، ٤٧٩ ـــ ٣٣٠ الفصل الثاتي .

ممامل الارتباط الشنائي المتسلسل الحقيقي ____ممامل فاى __ممامل الارتباط الثمائي المتسلسل __ ممامل الارتباط الرباعي ___ تمارين على الفصل الثالث عشر .

الفصل الرابع عثمر : الانحدار الخطى البسيط الدابع عثمر : الانحدار الخطى البسيط التنبؤ والارتباط ـــ صورة العلاقة الخطية

الموضوع المدحة

- الانحدار الخطى المتغير ص على المتغير س - طريقة المريمات الصغرى - ممادلتا خطى الانحدار باستخدام الانحدار باستخدام طريقة الانحرافات الملاقة بين الانحدار والارتباط - معادلتا خطى الانحدار باستخدام مادلتا خطى الانحدار باستخدام الارتباط - معادلتا خطى الانحدار ماستخدام الدرجات الممارية خلى الفصل الرابع عشر ،

الفصل الخامس عشر: الانحدار غير الخطئ، ٩١٦ - ٩١٥

مطابقة البيانات لبمض الدوال الرياضية — مطابقة البيانات للدالة الاساسية — مطابقة البيانات للدالة اللوغاديتمية — مطابقة البيانات لدالة القطع المسكلف، — تمارين على الفصل الخامس عشر

الياب الثالث

تعليل البيانات المنقدة المتعربة المتاركة

الفصل السادس عشر: تعليل الانحدار المتعدد في حالة المتغيرات ٦٦٧ - ٦٦٨ المحمد .

تحليل الانحدار المنمدد في حالة وجود متغيرين مستقلين ــ إيجاد معادلة انحدار ص علىس، س، مأخوذتين معاً ــ معامل الارتباط المتعدد و تفسيره الصفحة

الموضوع

- فروض الانحدار المتعدد - تحليل الانحدار المتعدد في حالة وجود ثلاثة متغيرات مستقلة - تحليل الانحدار المتعدد باستخدام الحاسب الالسكتروني - التثيل الهندسي للانحدار المتعدد - تقلص معامل الارتباط المتعدد - تمارين على الفصل السادس عشر .

الفصل السابع عشر : طرق الضبط الإحصائي ــ معامل ٦٦٩ – ٦٩٦ الفصل المناط الجزئي وشبه الجزئي ،

معامل الارتباط الجزئ ـ استحدام أعليل الاعدار في حساب معامل الارتباط الجزئ ـ معامل الارتباط شبه الجزئ (معامل ارتباط الجزء) ـ نفسير الانحدار المتمدد في ضوم الارتباط شبه الجزئ ـ تمارين على الفصل السامع عشر

الفصل الثامن عشر: تحليل الانحدار المتعدد في حالة المتغيرات ٢٩٧ - ٢١٤ - ٧١٤

المتغيرات الرمزية _ تحليل الانحدار المتعدد باستخدام المتغيرات الرمزية _ استخدامات أخرى المتغيرات الرمزية _ تمارين على الفصل الثامن عشر

الفصل الناسع عشر : تحليل المساوات .

مفهوم العلمية أو السبيية ــ تخطبط

المسارات ــ معاملات المسارات ــ

اناه نماذج المسارات ــ طرق حساب

الموضوع

معاملات المسارات ما نماذج المسارات التي تشتمل على متغيرين ما نماذج المسارات المتعددة المتغيرات معاملات المسارات ما تجارين على الفصل الناسع عشر .

الملاحق ۷۷۷ – ۲۷۷

المراجع ١٨٠ - ١٨٤

رقم الايداع ٢٢٦٩/١٩٨١

اللترتيم الدولى ٠- ١١٤ . .. ١٠ - ١٧٧







